



समिक्षा-।

अत्र गोलप्रकाशाभिधयन्ये पञ्चाध्यायाः सन्ति । तत्र प्रथमेऽध्याये ख्यो-
त्पत्तिगणितम् । द्वितीये त्रिकोणमितिगणितम् । तृतीये गोलरेखागणितम् ।
चतुर्थे चापीयत्रिकोणमितिगणितम् । पञ्चमे त्रिकोणमितिप्रश्नाः सिद्धान्तो-
पयोगिनः कतिचित् प्रदर्शितास्तथा चापीयत्रिकोणमितिगणितसंश्लिष्टप्र-
श्नाश्च कतिचिद्वर्णिताः । अत्र सर्वत्र सूत्रोपपत्तयस्ता बहुशो हि दृष्टेनीय-
न्यस्या एव लिपिताः । स्थलविशेषेषु स्थधिया च लिपिताः । कुत्रचिच्च
प्राचीनसिद्धान्तरीत्यापि वर्णिताः । अत्र बहुषु स्थलेषु दृष्टेनीयन्यसङ्केतेना-
पपत्तयो लिपितास्तथा स्यसिद्धान्तसङ्केतेनापि लिपिताः सन्ति । यथोभ-
यत्र पठतां सम्यक् परिचयो भवति । अथ प्राचीनसिद्धान्तेषु सिद्धान्तशिरो-
मणि, सिद्धान्तसार्यमौम, सिद्धान्ततत्त्वविवेक, सिद्धान्तसम्राट्वादेषु बहुधा
सूत्रोपपत्तिविचारं मनुक्तयन्येन विशेषचमत्कृतिर्वालानां यथा भवति तथा
मया यतितम् । एवं यानि प्रश्नोत्तराणि प्राचीनसिद्धान्तरीत्या न सिद्ध्यन्ति
तान्यनेन समीचीनतया ज्ञायन्ते । अतः प्राचीनयन्ययुक्तिभिर्वया नवीनरीत्या
सुधिया विनोदाय बहुपरिश्रमतोऽनेकयन्यान् स्वधिया परिभाष्य नीलाम्बर-
शर्मणा मैथिलब्राह्मणेन पाटलिपुत्रनगरवासिना गोलप्रकाशकोऽयं ग्रन्थो
रचितः । अत्र कुत्रचिच्छेदशुद्धता तदा सद्भिः छपया सशोभ्येति मदीया
यिज्ञप्तिः ।

॥ श्रीगणेशाय नमः ॥

नित्यं गोमयनीतनीतरभसं श्रीरङ्गराकाधवं
सुघालंकृतलाङ्गलाङ्गरतिदं श्रीकृष्णमीशं कविम् ।
नन्दप्रश्रितबन्धुबन्धुरमचं कान्तं कलाङ्गं परं
रत्नारं निजगं सुदर्शनधरं वन्देऽरविन्दाधरम् ॥ १ ॥

चक्रबन्धोऽयम् । अत्र दशसु वृत्तेषु तृतीयवृत्तार्थवृत्तयोरन्तरे गोलप्रकाश-
कमितिग्रन्थनाम्नोऽवगमः पष्टसप्तमयोरन्तरे नीलाम्बरकृतमिति ज्ञेयम् ॥

श्रीलश्रीरामपादामलकमलरजोराजिपूजाभिमानी
गर्जद्वारीन्द्रदन्तावलबलदमनप्राप्रमुक्ताफलानाम् ।
हर्ता दीनैकभर्ता विविधमखमुखानन्दसन्दोहधर्ता
जातश्चण्डांशुवंशे निजकुलतिलकः श्रीप्रतापादिसिंहः ॥ २ ॥
तत्पुत्रः प्रथितः प्रतापतपनः सौजन्यजन्यप्रभो
दृप्यद्वैरिसमस्तमस्तकनुतः क्रुध्यन्मृगेन्द्रोपमः ।
नानादानपयोधिसंभवयशश्चन्द्रप्रकाशोऽभवत्
ख्यातः श्रीवखतेशसिंहनृपतिर्मानोन्नतः सन्नतः ॥ ३ ॥

नृपाणां मूर्धन्यः सकलजनधन्यः सरभसः
कृपापारावारः कुलकमलभानुर्गुणगणः ।
जगद्विख्यातोऽभूदलवरमुखे राज्यमकरो-
द्विदां पाता दाता विनयमुखसिंहे नरपतिः ॥ ४ ॥
सुतस्तस्य प्रादात्सकलकलयालंकृतमतिः
कृती चित्रमूर्तिः कृतसुकृतमूर्तिः सुरुचिरः ।
बलद्वीरो धीरो नरपतिगभीरोऽतिचतुरः
प्रतापवन्तारिर्धरणिक्कमलोल्लासतरणिः ॥ ५ ॥
यतो दाने सिंहः शिष्य इव जनेषु क्षितिपति-
स्ततः ख्यातः सिद्धो जगति शिष्यद्वानादिरधुना ।

चक्रास्ति श्रीयुक्तो नृपमुकुटनीराजितपदः
शरच्चन्द्राभा यद्वितरणजकीर्तिः शिखरिणी ॥ ६ ॥

श्रीलश्चण्डारिकरो विभूतिधारी नृपाभिमानहरः ।
नानाकलाविनोदी विनायकप्रीतिकृत् सचन्द्रकलः ॥ ७ ॥
अलघनगरनिवासी वशी प्रकाशी जघी जयति ।
ईशो गोपचिलासी श्रीशिवदानादिसिंहनृपः ॥ ८ ॥

एतत् पद्मद्वयं पद्मत्रये घटते शिवे विष्णौ राज्ञि चेति ॥

श्रीपञ्चाननसेवया नरवरः पृथ्वीशपञ्चाननः
शिवाकृज्जगतां मुदा हरति योऽरातीन्द्रवृन्दादसिम् ।

वल्लन्मल्लगणैः समन्दरहरः सुप्रीतसर्वसहो

दाता कल्पतरुप्रभः सरभसः ख्यातः स जीयादयम् ॥ ९ ॥

कमलवन्द्यायम् । अत्रापटपत्रेषु श्रीशिवदानसिंहोऽयमिति राज्ञो नाम
ज्ञेयम् ।

श्रीराधाराध्यराज्यो लसति सति सदा कौतुके तु प्रतुष्टो
नानामानार्थिनाथो हरचरणरतो मापहूपप्रपन्नः ।

दाता पाता प्रतापी परपुरहरणाच्चापसंपत्प्रपञ्च-

श्चञ्चत्सिञ्चत्सुचन्दो भवतु धरत्वली द्योतितातिप्रतिष्ठः ॥ १० ॥

हारग्रन्थः ।

प्राद्यत्कीर्तिसुधांशुदीधितिचयैरानन्दिताखण्डल-

श्रीलश्रीशिवदानसिंहनृपतो राज्यं प्रकुर्वत्यद्रः ।

मद्युक्तिप्रथितं स्यबुद्धिमयितं गोलप्रकाशाभिधं

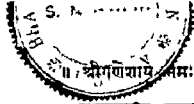
श्रीनीलाम्बरभूसुरः प्रकुरुते सन्देहसन्दोहहृत् ॥ ११ ॥

इह ग्रन्थे रेखागणितभणितं क्षेत्रगणितं

तथा मोर्वीजातं ममकुतलगच्यस्रगणितम् ।

तथा पापक्षेपे विविधविधिचिपे निगदनं

घट्टनां पाण्डित्यं कलपति गट्टनामपि पुरः ॥ १२ ॥



॥ अथ गोलप्रकाशः ॥

कंजिनीरमणमानतोऽस्प्यहं
शिञ्जिनीगणितवासनोत्सुकः ।
वक्षि तां चतुरचितरञ्जनीं
मन्दहृतिमिरपुञ्जभञ्जनीम् ॥ १ ॥
आचार्यताप्रापकसद्विचारे
खेलन्तु नीलाम्बरनिर्मिते ते ।
ये सन्ति रेखागणिते प्रवीणा
वीजे कवीना गणका नवीनाः ॥ २ ॥
केन्द्रादिष्टव्यासखण्डेन वृत्ते
केन्द्रस्पृष्टा पालिगा व्यासरेखा ।
रेखा चाप्रान्तयुग्मस्थिता या
पूर्णज्या सा पूर्णकोदण्डजाता ॥ ३ ॥
पूर्णज्यार्धं चार्धचापस्य जीवा
सैवार्धज्या ज्याभिधानोदितातः ।
एकप्रान्तव्यासरेखासुलम्ब-
श्चापस्यान्यप्रान्ततो ज्याभिधानः ॥ ४ ॥
अस्मिन् व्यासे मध्यमूचाभिधेऽन्यो
लम्बो व्यासो याम्यसौम्याभिधेऽस्मिन् ।
ज्यापाल्लम्बः कोटिजीवाथ याव-
ज्जीवामूलादुत्क्रमज्या पदादिम् ॥ ५ ॥

चापैकायात् प्राक्पदादेः पदानि
 चत्वार्यत्रायुग्मयुग्माभिधानि ।
 दोर्ज्या बाहुः कोटिजीवा च कोटिः
 कर्णस्त्रिज्या ज्यायकेन्द्रान्तराले ॥ ६ ॥
 त्रिज्यारेखा ज्यायतो बार्धता या
 तत्पर्यन्तं प्राक्पदादेश्च लम्बः ।
 दोरूपोऽयं मध्यसूत्रोपरि स्या-
 द्वापच्छाया स्पर्द्धिनी वा तदप्रात् ॥ ७ ॥
 केन्द्रं यावत् खण्डिनीसंज्ञकर्ण-
 स्त्रिज्या कोटिः केन्द्रभामूलमध्ये ।
 एवं लम्बो ग्राम्यसौम्योपरि स्यात्
 कोटिच्छाया प्राक्पदान्तप्रदेशात् ॥ ८ ॥
 ऋणं बाहुजीवा तृतीये चतुर्थे
 पदे कोटिजीवा द्वितीये तृतीये ।
 तथा स्पर्द्धिनी कोटिजा स्पर्द्धिनी च
 द्वितीये चतुर्थे पदे स्यादृणं सा ॥ ९ ॥
 ऋणं खण्डिनी स्याद्द्वितीये तृतीये
 तथा खण्डिनी कोटिजान्त्ये तृतीये ।
 अतो याश्च शिष्टा धनं ता निरुक्ताः
 शरः कोटिबाणो धनं सर्वदैव ॥ १० ॥
 भुजकोटिगुणो तु मिथो विहृती
 त्रिगुणेन गुणो भुजकोटिजमे ।
 भवतः क्रमतश्च तयोर्निहति-
 स्त्रिगुणद्वयघातसमा भवति ॥ ११ ॥
 शरगुणा शरवर्जितविस्तृतिः
 पदमिहोदितबाहुगुणोऽथवा ।

विगुणकोटिगुणान्तरयोगयो-

हतिममात् कृतिभेदमितात् पदम् ॥ १२ ॥

दोःकोटिजीवारहिते चिभज्ये

ते कोटिदोस्तक्रममोर्विके स्तः ।

चापे च खाङ्गादधिकं तदूनं

तच्चया चिभज्यायुतिस्तक्रमज्या ॥ १३ ॥

समधारातने स्वेष्टविन्दुं केन्द्रं प्रकल्प्य तत इष्टव्यामार्धेन वृत्तं कृत्वा तच्चक्रांशाङ्कितं प्रत्येकं पट्टिकनाङ्कितं च कार्यम् । अत्र वृत्तपरिधौ कुत्राप्यभीष्टचापं दत्त्वा तत्प्रान्तावेकान्यसंज्ञौ तत्रैकप्रान्तात् केन्द्रगता वर्धमाना परिध्यवधि कृता रेखा पूर्वापरव्यासाभिधा मध्यमूत्राव्या वा । गतद्व्यासरेखापरि केन्द्रात् कृता लम्बः परिध्यवधि वर्धितो याम्यसौम्यव्यासस्ताभ्यां वृत्तचतुःषण्डान्येष पदानि तेषु प्रत्येकं नवतिभागाः स्युः । अथ चापान्यप्रान्ततो व्यासद्वयोपरि कृतौ लम्बौ क्रमेण तच्चापभुजकोटिज्ये भवतस्तथा मध्यमूत्रादेव भुजज्यायाः प्रवृत्तेस्तत्रैव ज्यामूनं ततश्चापान्यप्रान्ते ज्यायमेशं याम्योत्तरव्यासे कोटिज्यामूलं भुजज्यापे च तदर्थं ज्ञेयम् । अत्र कोटिज्यामूलादुत्त-केन्द्रावधि पूर्वैकतभुजज्यातुल्या भुजः कोटिज्या कोटिः ज्यायकेन्द्रान्तरे व्यासार्धतुल्या त्रिज्या कर्णे इति समकोणत्रिभुजं वा पूर्वैकतभुजज्या भुजः ज्यामूलकेन्द्रान्तरे कोटिज्यातुल्या कोटिः ज्यायकेन्द्रान्तरे त्रिज्या कर्णे इति चेन्न नात्यं संभवति । अत्र चापैकप्रान्तस्यद्विचिह्ने स्वसंमुखे कृते व्यायाद्वृत्तिषण्द्विजि ज्यामूलं प्रथमपदे भवति कोटिज्या च स्वस्यादधोमुखी । तेन द्वे धनाख्ये कल्पिते । द्वितीयपदे तु व्यायाद्वृत्तिषण्द्विजि ज्यामूलमती भुजज्या धनाख्या । व्यायादूर्ध्वमुखी कोटिज्या चणाख्या । एवं तृतीयपदे व्यायाद्वाम-द्विजि ज्यामूलं व्यायात् कोटिज्या चोर्ध्वमुखी तेन भुजकोटिज्ये चणाख्ये द्विवैपरित्यात् । एवं चतुर्थपदे व्यायाद्वामद्विज्येष ज्यामूलं तेन ज्या चणाख्या कोटिज्या तु व्यायादधोमुखी धनाख्या । एवं भुजज्यायाः कोटिज्यायाश्च दिगानुनेम्येन धनत्वं प्रातिलोम्येन चणाख्यं कल्पितम् । अतएव पदचतुष्टयेऽप्युत्क्रमज्यायाः कोट्युत्क्रमज्यायाश्च धनत्वमेव । तथाहि । पाकुपदादिप्रदेशा-च्चापैकप्रान्तरूपाज्यामूलपर्यन्तं पूर्वापरव्यासपर्यन्तं चापौत्क्रमज्या शरसंज्ञा । सा च प्रथमपदे कोटिज्यात्रिज्यान्तररूपा चापैकप्रान्तादधोमुखी धनाख्या । द्वितीयतृतीयपदे तु कोटिज्यात्रिज्यायोगरूपा पूर्वपदादेरधोमुखी धनाख्या ।

तथा चतुर्थपदे कोटिज्यात्रिज्यान्तररूपा पूर्वपदादेरधोमुखी धनाख्या सिद्धा ।
 द्वितीयतृतीयपदे तु कोटिज्याया ऋणत्वात् तस्यास्त्रिज्यायाः शोध्यत्वात् संगो-
 ध्यमानं स्वमृणत्वमेतीत्याद्विबीजक्रियया कोटिज्यात्रिज्यान्तरस्यैवकोटिज्या-
 त्रिज्यायोगरूपत्वेनपर्यवसानात् सर्वत्र कोटिज्येनत्रिज्यारूपमुत्क्रमज्याकथनं
 युक्तमेव । एवं प्राक्पदान्तात् कोटिज्यामूलावधि याम्यसौम्यज्यासखण्डं कोट्यु-
 त्क्रमज्या । सा च प्रथमद्वितीयपदे भुजज्येनत्रिज्यारूपा तथा तृतीयचतुर्थपदे
 भुजज्याया ऋणत्वेन त्रिज्यायाः शोध्यत्वादुजज्यात्रिज्यायोगरूपत्वेन फलिता ।
 प्राक्पदान्तात् कोटिज्यामूलावधि कोट्युत्क्रमज्या धनाख्यैव । सर्वत्र दिगामुले
 म्यात् । अथकेन्द्रात् त्रिज्यासूत्रं चापान्यप्रान्तगतं वर्धितं वृत्ताद्विहरिषि नेयं तत्तः
 पूर्वापरव्यासोपरि तत्प्रान्तात् प्राक्पदादिरूपात् कृता लम्बो वर्धितत्रिज्या
 त्रावधि ह्यायामंज्ञो स्पष्टिनीसंज्ञो वा । मवाभुजः । प्राक्पदादिकेन्द्रान्तरे त्रि-
 मिता कोटिः । केन्द्राच्छायायावधि कर्णः । स च खण्डिनीसंज्ञः । इदं जात्यं पूर्वं
 जात्यसजातीयमतः कोटिज्याकोटौ भुजज्यात्रिज्ये भुजकर्णौ तदात्रिज्यामित-
 कोटौ काचित्यनुपातेन भुजज्यात्रिज्याघाते कोटिज्याभक्ते तच्चापच्छाया लभ्यते ।
 एवं त्रिज्यावर्गे कोटिज्याभक्ते तच्चापस्य खण्डिनी लभ्यते । एवं याम्योत्तर-
 व्यासोपरि तत्प्रान्तरूपात् प्राक्पदान्तादयो लम्बो वर्धितज्यायगतत्रिज्यासूत्रा-
 वधिः सा च कोटिच्छाया कोटिः । प्राक्पदान्तात् केन्द्रावधि त्रिज्या भुजः ।
 कोटिच्छायायकेन्द्रान्तरे कोटिखण्डिनी कर्णः । इदमपि पूर्वजात्यसजातीयं तत्र
 भुजज्याभुजे कोटिज्यात्रिज्ये कोटिकर्णौ तदात्रिज्याभुजे काचित्यनुपातेन कोटि-
 ज्यात्रिज्याघाते भुजज्याभक्ते तच्चापकोटिच्छाया लभ्यते । एवं त्रिज्यावर्गे
 भुजज्याभक्ते तच्चापकोटिखण्डिनी लभ्यते । भुजज्यात्रिज्याघाते कोटिज्याभक्ते
 जाता चापच्छाया भुवि १ ॥ एवं कोटिज्यात्रिज्याघाते भुजज्याभक्ते जाता
 कोटिच्छाया को.वि १ अनयोर्घाते ह्यते 'भुजज्यातुल्ययोः कोटिज्यातुल्ययोगं
 शहरयोर्नाशे त्रिज्यावर्गश्छायाकोटिच्छायाघाततुल्यः सिद्ध्यति ।

अथवा चापच्छाया भुजः त्रिज्या कोटिः चापखण्डिनी कर्ण इत्येकं तथा
 त्रिज्या भुजः चापकोटिच्छाया कोटिः चापकोटिखण्डिनी कर्ण इत्यपरमेते
 सजातीये । तद्वथा । व्यासरेखाद्वयान्तरे समकोणः केन्द्रगतकोणस्तस्मात्
 प्रथमकोटिकर्णसंपातजकोणः शोधितो द्वितीये भुजकर्णसंपातजकोणस्तत्तुल्य
 एव प्रथमे भुजकर्णसंपातजकोणः । जात्ये कर्णांशितकोणयोर्योगस्य नद्यत्यंशमि-
 तत्वादुक्तवेत्रयोः कोणत्रयसाम्यात् सजातीयत्वं स्पष्टमेव । तत्रचापच्छायाभुजे
 त्रिज्या कोटिस्तदा त्रिज्याभुजे का कोटिरिति लभ्यते चापकोटिच्छाया । तत्र

त्रिज्यावर्गं चापच्छायाभक्ते चापकोटिच्छाया लभ्यते । एवं त्रिज्यावर्गं चापकोटिच्छायाभक्ते चापच्छाया लभ्यत इति ।

अथ ज्यादीनामंतरविज्ञैरुदाहरणं प्रदर्शयते । तत्र रेखागणितप्रथमाध्यायस्य द्वादशतरेण ज्याकोटिस्थाकरणं तथैकादशतरेण छायाकोटिच्छायाकरणम् ।

केन्द्रात् पूटपटं दृत्तं (१ तरेण द्रष्टव्यम् ।) तत्र प्रथमपट्टे पूरचापज्या रमरेया धनं तत्कोटिज्या रमरेया धनं पूमरेया तच्चापस्योत्क्रमज्या धनं तच्चापच्छाया पूमरेया धनं तच्चापखण्डिनी नकरेया धनं तच्चापकोटिच्छाया फररेया धनं तच्चापकोटिखण्डिनी फररेया धनं स्यात् ।

एव द्वितीयपट्टे पूटचापं तस्य ज्या टहरेया धनं तत्कोटिज्या टभरेया चणं तदुत्क्रमज्या पूहरेया धनम् । अथ ज्याये टविन्दौ गतं त्रिज्यामूत्रं लचिह्नावधि वर्धितं तत्र पूविन्दोर्लम्बो लचिह्नावधि कृतस्तेन तच्चापच्छाया लपूरेया चण छायायात् लचिह्नाच्छायामूलस्य पूचिह्नस्य धामं गतत्वात् । अत्र लकरेया तच्चापखण्डिनी चणाप्या केन्द्राद्विदिशि ज्यायं तद्विचदिशि छायायमतो द्विखेपरीत्यात् । अथ ज्याये त्रिज्यामूत्रं वर्धितं कसरेया तत्र उचिह्नात् सचिह्नावधि लम्बः पूटचापकोटिच्छाया सा च चणम् । अयान्मूलस्योर्ध्वमुखत्वात् । सउरेखायास्त्रिज्याभुजे कर्णः सकरेया सा च तच्चापकोटिखण्डिनी धनं केन्द्रादेकदिशि ज्यापकोटिच्छायाययोः स्यितत्वात् ।

अथ तृतीयपट्टे पूषजचापं तस्य ज्या जहरेया चणं तत्कोटिज्या जवरेया चण तदुत्क्रमज्या पूहरेया धनं तत्र लविन्दोस्त्रिज्यामूत्रं वर्धितं जनरेया तदवधि पूचिह्नान्तरः नपूरेया पूषजचापच्छाया सा धनाख्या । अयान्मूलस्य दक्षिणे गतत्वात् । तस्याः खण्डिनी नकरेया चणं केन्द्राज्यायं जचिह्नं यद्विदिशि तद्विचदिशि केन्द्राच्छायायगनचिह्नस्य स्यितत्वात् । एवं जनरेयागतफचिह्नावधि उचिह्नान्तरः फररेया तच्चापकोटिच्छाया धनाप्या । अयान्मूलस्योर्ध्वमुखत्वात् तच्चापकोटिखण्डिनी फकरेया चणाप्या । केन्द्रात् तदपस्य फचिह्नस्य ज्यायापेतया भिन्नदिगतत्वात् ।

अथ चतुर्थपट्टे पूषतचापं तस्य ज्या तमरेया चणं तत्कोटिज्या तवरेया धनं तदुत्क्रमज्या पूमरेया धनम् । अत्र ज्यायगततचिह्नाद्वर्धितं त्रिज्यामूत्रं कलरेया तत्र लपूरेया तच्चापच्छाया चणम् । अयान्मूलस्य ग्राम गतत्वात् । तच्चापखण्डिनी लकरेया धनं केन्द्रादेकदिशि ज्यायाययोगगतत्वात् । एव ज्यायाद्वर्धितं त्रिज्यामूत्रं तमरेया ततः सउरेया तच्चापकोटिच्छाया चणम् । अयान्मूलस्योर्ध्वमुखत्वात् सकरेया तच्चापकोटिखण्डिनी चणाप्या । यतः केन्द्रा-

ज्यायं तच्चिह्नमाग्नेयदिशि कोटिच्छायायं सचिह्नं केन्द्राद्वायुदिश्यतो द्विग्वैप-
रीत्यात् । एवं दिगानुलोम्याज्यादीनां धनत्वं दिक्प्रातिलोम्यादृणत्वं स्पष्टम् ।

अथवा गणितेनोच्यते । द्वितीयपदे भुजज्यात्रिज्याघाते ऋणकोटिज्याभक्ते
छाया ऋणं तृतीयपदे ऋणभुजज्या त्रिज्यागुणा ऋणकोटिज्याभक्ता फलं धनं
चतुर्थपदे ऋणभुजज्या त्रिज्यागुणा धनकोटिज्याभक्ता फलमृणं छाया स्यात् ।
एव त्रिज्यावर्गे ऋणकोटिज्याभक्ते फलमृणमतो द्वितीयतृतीयपदयोश्चापस्त्र-
गिडनी ऋणाख्या । अथ द्वितीयपदे ऋणकोटिज्या त्रिज्यागुणा धनभुजज्याभक्ता
फलमृणं कोटिच्छाया । तृतीयपदे तु ज्याकोटिज्ययोश्चणत्वात् फलं धनं
कोटिच्छाया । चतुर्थपदे धनकोटिज्या त्रिज्यागुणा ऋणकोटिज्याभक्ता फलमृणं
कोटिच्छाया । यद्य त्रिज्यावर्गे ऋणभुजज्याभक्ते फलमृणं कोटिस्त्रगिडनी
तृतीयचतुर्थपदयोः स्यात् । ऋणज्याकोटिज्यादीनां प्रयोजनमग्नेयविष्यतीति
प्रकृते तच्चिरूपणं कृतमिति ।

अथ समकोणत्रिभुजस्य कर्णवर्गो भुजद्वयवर्गयोगेन समानो भवतीति
रेखागणिते प्रथमाध्याये सप्तत्रत्यारिंशत्तरे निरूपितं तत्रोपपत्तिः । पञ्चद-
शप्रकारैरुक्ता सा च विस्तरभयाच्चह लिख्यते तथापि प्रथमः प्रकारस्तावत्
प्रदर्श्यते ।

यथा अकगत्रिभुजे कः समकोणस्तदा अगकर्णवर्गः अरु, कग भुजयो-
र्वर्गयोगेन समानो भवति । (२ त्तेत्र द्रष्टव्यम् ।)

अत्रोपपत्तिः । अग, अरु, कग, रेखाणामुपरि अच, अफ, गड, वर्गत्रयं
(त्ते ४६) कार्यम् । कतरैया (३१) अरुरेखाया गच रेखाया वा समानान्तरा
कार्या तथा कड, कच, जग, अटरैयाः क्रमेण संयोजनीयाः । अरुरेखायाः
फरु, कग रेखाभ्यां सलग्नतया समकोणत्वेनार्यात् अरुगकोण, अरुफकोणौ
तुन्यौ जातौ । तदा फरुगरेखैका सरला जाता (१४ त्ते.) । एव जअरुको-
ण, कडचगकोणौ समकोणत्वेन तुल्यौ तयोः क्रमेण गअरुकोणयोजनेन सिद्धौ जअ-
गकोणकडचरुकोणौ समानौ जातौ । तदा जअग, कडअरुत्रिभुजयोरुक्तकोणतुल्य-
त्वेन क्रमेण जअभुजस्य अरुभुजतुल्यत्वात् तथा अगभुजस्य अरुभुजतुल्यत्वात्
द्वयोस्त्रिभुजयोस्तुल्यत्व (४ त्ते.) सिद्धम् । अथ जरुचतुर्भुजं जअगत्रिभुजाट्टि-
गुणम् । जअभूमौ द्वयोर्विद्यमानत्वात् तथा जअ, फग, समानान्तरेखयोर्मध्यव-
र्तितत्वात् (४१ त्ते.) एव अत चतुर्भुज कडचरुत्रिभुजाट्टिगुणं अरुभूमौ चतुर्भुजं
त्रिभुज चास्ति तथा द्वयोः अरु, कतरैखयोः समानान्तरेयोर्मध्यवर्तितत्वात्
(४१ त्ते.) अतः जरुचतुर्भुजतुल्यं अतचतुर्भुजं जातम् । अथ फरुअ, फरुडकोणयोः

भुजानि अथ १ कूलचं २ चरगं ३ गयचं ४ एतानि अकगत्रिभुजतुल्यानि तथा अक, कग भुजान्तरवर्गरूपं वरचतुर्भुजं चास्ति । एवं अजलेत्रे अकभुजवर्गं क्षेत्रत्रयं अगं, यलं, रजं, तत्र अगलेत्रे जात्यद्वयम् । अकगं, अपगं, तुल्यम् । अतो जात्यद्वये भुजान्तरवर्गस्य रजलेत्रस्य च योजनेन अकवर्गलेत्रं सिद्धम् । तत्र रजचतुर्भुजं तावच्च योजितम् । अथ सकज, सजल, जात्ययोर्योगेन सजलेत्रं कगभुजवर्गरूपसगलेत्रेण रजलेत्रयुतेन तुल्यम् । अतो भुजद्वयवर्गयोगक्षेत्रेऽपि अकगं, अपगं, सकजं, सजलं, एतानि तुल्यानि समकोणत्रिभुजानि भुजान्तरवर्गरूपं यललेत्रं चास्ति । तेन भुजद्वयवर्गयोगस्य कर्णवर्गसमत्वं सिद्धम् । अत्र त्रिभुजे जात्ये भुजघातार्धं फल तच्चतुर्गुणं तु भुजघातद्विगुणं तच्च भुजान्तरवर्गयुतं भुजवर्गयोगः स्यादिति सिद्धम् । भुजौ तु राश्यापलवकौ तेन राश्यान्तरवर्गेण द्विग्रे घाते युते तयोः वर्गयोगो भवेदिति पाठ्यक्तमुपपन्नम् । एवं अकभुजस्य खण्डद्वयं भुजान्तरतुल्यमेकं कगभुजतुल्यं द्वितीयम् । अनयोर्घाततुल्ये अर, रजलेत्रे तथा खण्डवर्गौ यल करलेत्रे । एषां चतुर्णां योगे अकवर्गः अजलेत्रम् । अतः खण्डद्वयस्याभिहितद्विनिघ्नी तत्खण्डवर्गव्ययुता कृतिर्वेति पाठ्यक्तं चोपपन्नम् ।

अयान्ययोपपत्तिः । (४ लेत्रं द्रष्टव्यम् ।) अत्र त्रयाणां भुजानां वर्गा अहिः पातीनीयाः । पुनः मत, हपरखे वर्धनीये यथा तयोः संपातः सचिह्ने स्यात् । पुनः मकरेखा हगरेखा च वर्धनीया यथा तयोः संपातो रचिह्ने स्यात् तदा महलेत्रं अक, कगभुजयोर्योगवर्गतुल्यं जातं पुनः अकरेखा कगरेखा च वर्धनीया तयोरुपरि क्रमेण कृच्छचिह्नाभ्यां कृप, खलम्बो कार्यौ तौ च वर्धनीयौ यथा तयोः संपातः फचिह्ने स्यात् तदा पञ्चतुर्भुजमपि भुजयोगवर्गलेत्रं जातम् । अतो महलेत्र पञ्चलेत्रं च तुल्यम् । अथ तस्य, सकधं, अकगं, अगं, एतानि चत्वारि तुल्यानि त्रिभुजानि महलेत्रे निष्काशितानि तदा मक, कह, लेत्रे भुजद्वयवर्गयोगरूपः शिष्टः । एव पञ्चलेत्रात् चतुःकोणेषु तान्येव तुल्यानि त्रिभुजानि अयक, कयक, चवग, गअकसंज्ञानि शोधितानि तदा कगलेत्ररूपः कर्णवर्गः शिष्टः । एवं तुल्ययोः समशोधितयोरपि न तुल्यत्वहानिरिति प्रसिद्धेः प्रकृते भुजद्वयवर्गयोगः कर्णवर्गतुल्य इति सिद्धम् ।

अथ तुल्यानि चत्वारि त्रिभुजानि यदि योजितानि तदा भुजद्वयघातो द्विगुणः स्यात् तस्य भुजयुतिवर्गे महलेत्ररूपे शोधितत्वादुजवर्गयोः शेषाद्विज्ञात वर्गयोगस्य यद्वाश्यापुतिवर्गस्य चान्तरम् । द्विघातसमानं स्यादित्युपपन्नम् ।

एवं च युतिवर्गाद्द्विघ्नघातशोधनेन वर्गयोगस्तस्माद्द्विघ्नघातशोधनेन प्रागुक्तरीत्यान्तरवर्गस्तदा लाघवाद्युतिवर्गाच्चतुर्गुणघातशोधनेनान्तरवर्गः शेषः स्यादतः । चतुर्गुणस्य घातस्य युतिवर्गस्य चान्तरम् । राश्यन्तरकृतेस्तुल्यमिति वीजोक्तं चोपपन्नम् ।

अथ चतुर्थप्रकारेणोच्यते । तत्र (५ क्षेत्रं द्रष्टव्यम् ।) अकगत्रिभुजे अंग-
रेखोपरि कचिह्नात् कचलम्बः कृतस्तदा चचिह्नगतकोणयोः समकोणत्वेन
तदन्यज्जात्यद्वयमुत्पन्नम् । तत्र अकगत्रिभुजे अचकत्रिभुजे च अकोणो द्वयोरेक
एव समकोणश्च क्रमेण अकगकोणः अचककोणस्तदा कोणद्वयसाम्येन गेपकोण-
योश्च साम्यम् । अर्थात् अकगकोणस्तुल्यः अचककोणस्तुल्यो जातस्तदैते सजा-
तीये जाते । एव अकगत्रिभुजे कचगत्रिभुजे च गकोण एक एव अकग कचगकोणौ
समकोणौ तदा अकोणेन चकगकोणस्तुल्यो जातस्तदैते सजातीये । अतस्त्रि-
भुजत्रयं मिथः सजातीयं जातम् । अकच, कचगजात्ययोः प्रत्येकं अकगजात्यम-
जातीयत्वात् । अतः अगरेण्या अकभुजस्य या निष्पत्तिः सैव अकभुजेन अच-
भुजस्य निष्पत्तिः । एवं अगरेण्या कगभुजस्य या निष्पत्तिः सैव कगभुजेन चगभुज-
स्य निष्पत्तिः । न्यासः { अग : अक = अक : अच } अत्र प्रथमचतुर्थ-

घातो द्वितीयतृतीयघातसम इत्यतः अगगुणा अचरेण्या अकवर्गममा । पुनः
अगगुणा चगरेण्या कगवर्गसमा द्वयेत्यंगे अकवर्गकगवर्गयुतिः अच चगयोगरू-
पया अगरेण्या अगगुणितया अर्थात् अगवर्गरूपया तुल्येति सिद्धम् । एवं
भुजद्वयवर्गयोगे कर्णवर्ग एकभुजवर्गानि शेषमन्यभुजवर्गो भवति ।

अथान्यथोच्यते । (६ क्षेत्रं द्रष्टव्यम् ।) अकगृत्ते कचगजात्यं अचहृत्ता-
त्यमजातीयं क्रमेण गकोण, हकोणयोः कअचापोपरि समुपगतत्वात् । एवं कको-
णअकोणौ हृगचापममुखौ तुल्यौ । अतः चगरेण्या कचभुजस्य या निष्पत्तिः सैव
कचतुल्यचहृभुजेन अचभुजस्य निष्पत्तिः । चग : कच = कच : अच ।

अथवा चतुर्थप्रकारेण । कचग, कचअ, जात्ये सजातीये तत्रापि चगेन कचस्य
या निष्पत्तिः सैव कचेन अचस्य निष्पत्तिः । अत्र अचरेण्याचगरेण्याघातः कच-
वर्गस्तुल्यः सिद्धस्तत्र गृत्ते भुजज्यारूपा कचरेण्या भुजः । कोटिज्या सचरेण्या कोटिः
कसररेण्या त्रिज्यामिता कर्णः । अत्र चगरेण्या कोटिकर्णयोगरूपा कोटिकर्णान्तररू-
पया अचरेण्या गुणिता तदा कोटिकर्णवर्गान्तरं सिद्धं तस्य योगान्तरघातम-
मत्यात् तन्मूलं भुजज्या स्यादतः अगगुणा अगवर्गजितयिस्तृतिरिति पद्मोक्त-
मानयनमुपपन्नम् ।

अथ वर्गान्तरस्थ योगान्तरघातसमन्वये युक्तिरुच्यते ।

अकरेखावर्गक्षेत्रं अदचतुर्भुजं तस्मात् अकरेखाध-
रूपे अहचतुर्भुजे शोधिते शेषं सम चतुर्भुजं वद क्षेत्रं
च । अथ वद क्षेत्रे सम क्षेत्रं तथा योजितं यथा सजरेखा
मदरेखायां लान्ता स्यात् तथा कृते दर्शनम् ।

अ	य	फ
स	ह	

अत्रायते अकरेखाअकरेखायोगः वहरेखा । अन्तरे
धकरेखा । तयोर्घातः फलमिति रेखयोर्वर्गान्तरं योगान्तरघात-
सममिति स्पष्टम् ।

ज	म	द

अथान्यथोच्यते । यथा सप्तानां वर्गोत् पञ्चानां वर्गैः शोध्य
इति तत्र पञ्चसु स्थानेषु पञ्च स्यापिताः ५।५।५।५।५। एषां
योगः पञ्चवर्गः । एवं सप्तसु स्थानेषु सप्त स्यापिताः । ७।७।७।
७।७।७।७।७। एषां योगः सप्तवर्गस्तत्र पञ्चवर्गशोधनार्थं

म	स	ज	द

न्यासः ७।७।७।७।७।७।७। शोधिते शेषम् । २।२।२।२।२।७।७। एषां
योग एव वर्गान्तरम् । अत्र पञ्चमपतान्तरं २ पञ्चसु स्थानेषु । तद्योगोऽन्तर-
गुणितलघुदाशिः । एवं स्थानद्वये सप्त तद्योगोऽन्तरगुणितबृहदाशिः । तत्र
लाघवाल्लघुबृहदाशियोग एवान्तरगुणितः कृतस्तदा पञ्चसप्तवर्गान्तरं तद्यो-
गान्तरघातसममित्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथ समानकोणत्रिभुजयोः प्रतिद्विभुजानां मिथः समाना निष्पत्तिर्भवती-
ति रेखागणितपद्धत्यायचतुर्थक्षेत्रेण सिद्धति ।

तत्र तावत् तदुपयोगार्थं तद्वितीयक्षेत्रविचारः ।

त्रिभुजे एकभुजसमानान्तरा अन्या रेखा कार्या तद्रेखाविभक्तभुजखण्डयो-
निष्पत्तिः समाना भवति । यथा । (७ क्षेत्रं द्रष्टव्यम् ।) अइउ त्रिभुजे
इउरेखासमानान्तरा कग रेखा कृता तदा इकऋ रेखयोः निष्पत्तिः सैव
उग,गअ रेखयोर्निष्पत्तिः । तद्वथा । इगरेखा उकरेखा च कार्या । अत्र इक-
गत्रिभुजं उकगत्रिभुजसमानमस्ति । द्वयोः क्षेत्रयोः कगरेखाद्वैकाधारगतत्वेन
इउरेखाकगरेखयोः समानान्तरयोर्मध्यवर्तित्वेन च प्रथमाध्यायस्य सप्तत्रिंश-
क्षेत्रेण सिद्धत्वात् । अथवा लम्बगुणं भूम्यर्थं त्रिभुजे फलं भवतीति नियमादत्र
स्थमागं वर्धितायां कगरेखायां उचिह्वाद्यो लम्बस्तत्तल्य एव इचिह्वाद वर्धित-
कगरेखापरि लम्बः स्यात् । उचिन्हइचिह्वाश्रितइउरेखायाः कगरेखया समाना-
न्तरत्वात् । एवं लम्बसाम्येन कगभूमिसाम्येन च फलसाम्यादुयोस्त्रिभुजयोः
समानता सिद्धा । अथ इकगत्रिभुजअकगत्रिभुजयोः निष्पत्तिः सैव इकरेखा-

अचरेखयोर्निष्पत्तिः । लम्बार्धगुणभूमिस्त्रिभुजे फलमिति नियमात् प्रकृते अइ-
रेखायां गच्छात् । लम्बः स एव अकग, इकगत्रिभुजयोरेको लम्बो भविष्यति ।
तदर्थं अचरेखा, इकरेखा रूपभूम्योर्गुणितयोः फलत्वात् फलयोर्या निष्पत्तिः सैव
भूम्योर्निष्पत्तिर्जाता । अतएव इकग, अकगत्रिभुजयोर्निष्पत्तिः इक, अचरेखयो-
र्निष्पत्तिसमाना जाता । एवं उकगत्रिभुज, अकगत्रिभुजयोर्निष्पत्तिः उगरेखा,
अचरेखयोर्निष्पत्तितुल्यास्ति । अगभूमौ उगभूमौ वा कचिद्वात् पतितलम्बस्यै-
कत्वात् । वा, अउरेखायां कचिद्वात् स एव लम्बः स्यात् । एवं समानलम्बः
त्रिभुजयोर्निष्पत्तिः सैव तदाधारयोर्निष्पत्तिरिति प्रसिद्धत्वात् प्रकृते इक-
गत्रिभुज उकगत्रिभुजयोस्तुल्यत्वात् इकगत्रिभुजेन अकगत्रिभुजस्य या निष्पत्तिः
सैव उकगत्रिभुजेन अकगत्रिभुजस्य निष्पत्तिः । अतएव इक, अचरेखयोर्निष्पत्तिः सैव
उग गचरेखयोर्निष्पत्तिरिति सिद्धम् ।

अथ सजातीयत्रयोर्भुजनिष्पत्तितुल्यत्वविचारः । यथा (८ त्तेत्रं द्रष्टव्यम् ।)
अइउ घृहत् त्रिभुजं कउगलघुत्रिभुजम् । अत्र अइउकोणः कउगकोणेन तुल्यः ।
अउइकोणः कगउकोणसमानः इअउकोणः उकगकोणेन समानः । अथ तुल्यको-
णकारकभुजयोर्निष्पत्तिस्तुल्या भवति । तद्वथा । द्वे त्रिभुजत्रये तथा स्याप्ये यथा
एकभुजप्रान्तादन्यभुजे वर्धनेनात्यचः स्यात् । इउभुजः उगभुजः इगरेखाया गतः
स्यादित्यर्थः । अइउकोणअउइकोणयोगः समकोणद्वयाल्पः । अउइकोणः कगउको-
णेन समानः । अतएव अइउकोणकगउकोणयोगः समकोणद्वयाल्पः । तत-
एव इअगचरेखयोः स्वमार्गवर्धितयोर्योगः चचिद्धे भवितुमर्हति । प्रथमा-
ध्यायैकोनत्रिंशत्तरे प्रतिपादनात् । अइउकोणकउगकोणयोस्तुल्यत्वेन इचरेखा
उकरेखासमानान्तरा जाता । प्रथमाध्यायस्याष्टाविंशत्तरेण सिद्धत्वात् । एवं
अउइकोण, कगउकोणयोस्तुल्यत्वेन अउरेखा चगरेखासमानान्तरा जाता । अत-
एव, अअउकत्तत्र समानान्तरचतुर्भुजं जातम् । तत्र ममुयभुजयोस्तुल्यत्वानिय-
मात् अचरेखाउकरेखे तुल्ये । अउरेखाचकरेखे च तुल्ये जाते । अइगत्रिभुजे
चगरेखासमानान्तरा अउरेखा । अतः इअ, अचरेखयोर्निष्पत्तिः सैव इउ, उग-
रेखयोर्निष्पत्तिः । परन्तु अचरेखातुल्या उकरेखा तेन इअ, उकरेखयोर्निष्पत्तिः
सैव इउ, उगरेखयोर्निष्पत्तिः । इअः उकः । इउः उगः प्रकृतानिष्पत्तिस्य रूपेणैव
इचरेखाइउरेखयोर्निष्पत्तिः उकरेखाउगरेखयोर्निष्पत्तितुल्या । अइः इउः उकः
उगः । एतेन अइउकोणाश्रितभुजयोः अइ, इउरेखयोर्निष्पत्तिः कउगकोणाश्रित-
भुजयोः उक, उगरेखयोर्निष्पत्तिस्तुल्या सिद्धा । उभयोस्तुल्यकोणत्वात् । अथैवं
उकरेखा इचरेखायाः समानान्तरास्ति । अतः इउ, उगरेखयोर्निष्पत्तिः चक, क-
गरेखयोर्निष्पत्तितुल्या । परन्तु चकरेखातुल्या अउरेखा । अतः इउ, उगरेखयो-

निष्पत्तिः अउ, कगरेखयोर्निष्पत्तितुल्या जाता । इउ : अउ :: अउ : कग एकान्तर-
निष्पत्तिस्वरूपे कृते इउ : अउ :: उग : कग । अइउकोणाश्रितयोः इउरेखाअउ-
रेखयोर्निष्पत्तिस्तत्कोणानुल्य उकग कोणाश्रितयोः उग कगरेखयोर्निष्पत्तिः सिद्धा ।

अथ शेषकोणलभुभुजयोर्निष्पत्तिविचारः । अइउतेत्रस्य भुजाः अइ । इउ ।
अउ । द्वितीयतेत्रस्य भुजाः उक । उग । कग । एत एव राशयः कल्पिताः । तत्रेकस्य
प्रथमद्वितीयभुजयोर्निष्पत्तिः परस्य प्रथमद्वितीययोर्निष्पत्तितुल्या । अइ : इउ ::
उक : उग । एवमेकस्य द्वितीयतृतीययोर्निष्पत्तिः परस्य द्वितीयतृतीययोर्निष्पत्ति-
तुल्या । इउ : अउ :: उग : कग । अत्र लिखितयोरेकान्तरनिष्पत्तिस्वरूपे कृते

न्यासः { अइ : उक :: इउ : उग } अत्र तिर्यक्स्थितयोस्तुल्ययोरपगमेऽव-

शिष्टयोन्यासः { अइ : उक ।
० ० । अउ : कग } एते एकपङ्क्तिगते जाते । अइ : उक

:: अउ : कग । तत एकान्तरनिष्पत्तिस्वरूपे कृते न्यासः । अइ : अउ :: उक : कग ।

अनेन अउकोणउकगकोणयोस्तुल्ययोस्तदाश्रितभुजयोः अइ, अउरेखयोस्तथा
उक, कगरेखयोर्निष्पत्तितुल्या सिद्धा । अत्र निष्पत्तिस्वरूपे लिखिते खण्डचतुष्ट-
यम् । तत्र प्रथमचतुर्थयोघातो द्वितीयतृतीयघातसमः । यतः प्रथमखण्डं येन गुण-
केन गुणितं तृतीयखण्डं तेन गुणकेन गुणितं द्वितीयमेव चतुर्थं । प्र । द्वि । प्र . गु ।
द्वि . गु । अत्र प्रथमचतुर्थघातो द्वितीयतृतीयखण्डघाततुल्यः । प्र . द्वि . गु । एव
दृश्यते अतएव निष्पत्तिस्वरूपयोः पङ्क्तिद्वयगतयोस्तुल्ययोस्तिर्यक्स्थितयोर्ना-

शो लाघवात् क्रियते । तद्वथा । पूर्वलिखितयोन्यासः { अइ : उक :: इउ : उग
इउ : उग :: अउ : कग

अइ, उगघातः उक, इउघातसमः अइ × उग = उक × इउ एवं इउ, कगघातः अउ,

उगघाततुल्यः । अउ × उग = कग × इउ । अनयोन्यासः { अइ × उग = उक × इउ
अउ × उग = कग × इउ

अत्र राशयोर्निष्पत्तिर्था गुणगुणितराशयोर्निष्पत्तितुल्यैव । तेन उगगुणितअइ-
भुजेन उगगुणितअउभुजस्य निष्पत्तिर्था अइभुजेन अउभुजस्य निष्पत्तितुल्या ।
उभयनिष्ठउगगुणयोर्नाशात् । एव इउतुल्ययोर्गुणयोर्नाशे शिष्टा उक, कगयोर्नि-
ष्पत्तिः । अतः अइभुजेन अउभुजस्य निष्पत्तिः । उकभुजेन कगभुजस्य निष्पत्तितु-
ल्या सिद्धा । अइ : अउ = उक : कग । एतस्यैकान्तरनिष्पत्तिस्वरूपे न्यासः । अइ :
उक = अउ : कग । अतस्तुल्ययोस्तिर्यङ्गतयोर्नाशे लाघवादेवं संपद्यते । एवं
खण्डचतुष्टये त्रैराशिकेऽपि निष्पत्तिस्वरूपस्यमेवोच्यम् । यथा अइभुजेन उक-
भुजेन लभ्यत तदा अउभुजेन क इति लब्धः कगभुजस्तत्रापि प्रमाणगुणितमि-

च्छाफलं प्रमाणफलगुणितेच्छासममिति ज्ञेयम् ।

अथ त्रिभुजे कोणत्रययोगस्य समकोणद्वयतुल्यत्वे युक्तिः । (९ क्षेत्रं द्रव्यम् ।)
अइउत्रिभुजे इउभुजोवधितस्तथा इअरेखासमानान्तरा उकरेखाकार्या । इअ,
उकरेखे अउरेखया द्विवे तेन इअउकोणतुल्यः अउककोणो जातः । एव समान्तर-
रेखे इगरेखया द्विवे तेन अइउकोणतुल्यः अउगकोणो जातः अउककोणअउग-
कोणयोगः अउगकोणस्तत्र इउअकोणयोजनेन समकोणद्वयं जातम् । इगरेखायां
उविह्वाल्म्वकरणेन तदुभयदिशं समकोणत्वात् । अतस्त्रिभुजे कोणत्रययोगो
भार्धाशमितो १८० नियतस्तेन त्रिभुजयोः कोणद्वयसाम्ये शेषकोणयोस्तुल्यत्वं
स्यादेव । एवं जात्ये त्रिभुजे कोणैरुभयोर्येन समकोणरूपकोणस्योभयत्र तुल्यत्वेन
तृतीयकोणयोस्तुल्यत्व कथमन्यथा कोणत्रययोगस्य समकोणद्वयतुल्यत्व संप-
द्यते । अतः समकोणस्य नवत्यंशमितत्वात् कर्णायलग्नकोणद्वययोगोऽपि नवत्यं-
शमितः स्यात् । एव कोटिकर्णयोगकोणभुजकर्णयोगकोणयोगस्य नवत्यंशमि-
तत्वे एककोणहीननवत्यंशा एवापरकोणः स्यात् । एव सर्वत्र जात्ययोः कर्णो-
यलग्नैककोणसाम्येन तथा विषमत्रिभुजयोः कोणद्वयसाम्येन सजातीयत्वं
बोध्यम् ।

अथ चापयेर्न्याकोटिज्याज्ञाने तच्चापान्तरयोगज्याकोटिज्याप्रकारमाह ।

चापयोरिष्टयोर्बाहुजीवे मिथः-

कोटिजीवागुणे चिज्यकाभाजिते ।

लब्धयोः सयुतिश्चापयोगज्यका

लब्धयोरन्तरं चापभेदज्यका ॥ १ ॥

बाहुमौर्व्योर्हतिः कोटिमौर्व्योस्तथा

चिज्यकाभाजिता लब्धयोः सयुतिः ।

चापभेदस्य कोटिज्यका संमता

चान्तरं चापसंयोगकोटिज्यका ॥ २ ॥

बाहुमौर्व्योस्तथा कोटिमौर्व्योः समा

वर्गविश्लेषसंख्या द्विधा सा स्थिता ।

चापभेदैक्यजीवाविभक्ता फले

चापसंयोगविश्लेषजीवे क्रमात् ॥ ३ ॥

एकजीवाऽन्यकोटिज्यकावर्गयो-
रन्तरं चापसंयोगकोटिज्यया ।
भाजिते चापविश्लेषकोटिज्यका
तद्दृते चापसंयोगकोटिज्यका ॥ ४ ॥

अथ चापान्तरयोगज्यासाधने नित्यानन्दकृतसिद्धान्तराजोक्तवासना यथा ।

कखागघं भूमितलेषु मण्डलं
ङकेन्द्रकं कर्कटकेन साधयेत् ।
कचं चङं चापयुगं कङं चङं
छङं क्रमाद्व्यासदलत्रयं लिखेत् ॥
चजं छभं चापयुगस्य दोर्ज्यके
कङे चङे लम्बवदेव पातिते ।
कछस्य चापद्वययोगसंमिते-
र्ज्यका कङे लम्बवदेव पातिता ॥
छटाङ्ग्यात् तच्चङयोगचिह्ने
लिखेदुकारं गणकप्रवीणः ।
सूत्रं ऋटाख्यं विलिखेच्चजेन
तुल्यप्रमाणं खलु शिल्पसिद्धम् ॥
छटं धरा ऋटभङ्गे भुजौ द्वौ
महाविकोणे ऋतसंचलम्बः ।
असत्रयं तत्र समीक्ष्यमाणं
वर्णाङ्कितं तच्छ्रवणादि चिन्त्यम् ॥
असं ऋटातं छङभस्वरूपं
छभातमन्यत् ङचजोपमानम् ।
तृतीयमन्यत् ऋटतं तथैव
ततोऽनुपातः परिकल्पनीयः ॥
कर्णे छङे चेत् ऋडतुल्यकोटि-
र्भटश्रुतौ काम्ति तटं तदानीम् ।

छडश्रुतो चेज्जडतुल्यकोटिः
 कर्णे छम्मे कास्ति तदा छतं सा ॥
 या कोटियुग्मस्य युतिस्तु सैव
 ज्याचापयोगस्य छटाभिधा ज्या ।
 बृहद्भुनः कच्छमितं छचं लघु
 छटं महाचापगुणं चमं लघोः ॥
 प्रकल्प्य तद्वन्मतिमांश्च जं लिखेद्
 धनुर्द्वयान्तर्गतचापशिञ्जिनीम् ।
 छटं सदा जाम्मितं विचिन्तयेज्
 मयं परं लम्बकमानयेत् कडे ॥
 जथाभसंज्ञं चिभुजं यथा तथा
 भचाडसंज्ञं परिचिन्तयेदुधः ।
 कर्णे चडे यदि भडप्रमितास्ति कोटि-
 र्भाजश्रुतो भवति कोटिरियं तदा किम् ॥
 एवं भवेज् मथमितं किल सूचकं हि
 चैराशिकेन च घटामि भतप्रमाणम् ।
 च्यमं भचातच्छटङ्गोपमानं
 किंवा मथाडप्रतिमं विचिन्त्यम् ॥
 छडश्रुतो चेत् टडकोटिमान
 चमश्रुतो कास्ति भतं तदानीम् ।
 भतोनितं चेत् मथसंज्ञसूचं
 तदा भवेच्चाजसमं सदैव ॥
 एषेव चापान्तरमानजीवा
 पूर्वैर्निस्तता गणकप्रवीणैः ।

चापैवज्यासाधने (१० स्तेचं द्रष्टव्यम् ।) डकेन्द्रादृत्तं कवगघसंज्ञं कार्यं
 तत्र वृत्तचतुर्यांशे कवचापं । अथ कवचापं घृत्त चकचापं लघु परिधावङ्-
 फ्यम् । कडरेखाचडरेखाछडरेखात्रयं त्रिज्यासूत्रत्रयं कार्यं कडरेखापरि चचि-

ह्यल्लम्बः । बृहद्वज्रज्या चक्षरेणा तथा चक्षरेणोपरि ह्यविह्यल्लम्बः ह्यक्षरेणा लघुचापज्या । अथ कक्षरेणोपरि ह्यविह्यल्लम्बः कक्षरेणा सा कव, चक्षचापद्व-
ययोगस्य कक्षचापस्य व्याख्या । अथ भटरेणा कार्या सा तु बृहद्वज्रज्यातुल्या
प्रत्यक्षप्रमाणावगता । कक्षरेणोपरि भ्यविह्यल्लम्बः भटरेणा तत्र भटद्वं बृहत्
त्रिभुजं तत्र भटलम्बेन त्रिभुजे तदन्तर्गते चोपपद्ये । एकं भटद्वं त्रिभुजं ह्य-
भ्यत्रिभुजसजातीयं द्वितीयं ह्यभ्यत्रिभुजं त्र्यत्रिभुजसजातीयम् । अतोऽनु-
पातः । कक्षरेणातुल्ये त्रिज्याकर्णे भटतुल्या लघुचापकोटिज्या कोटिस्तदा
भटतुल्ये बृहद्वज्रज्याकर्णे केति तदरेणा बृहदावाधा जाता । एवं चक्षरेणाक्षप-
त्रिज्याकर्णे कक्षरेणातुल्या बृहद्वचापकोटिज्या कोटिस्तदा ह्यभ्यक्षपे लघुज्या-
कर्णे केति कक्षरेणा लक्षावाधा तयोरावाधयोर्योगरूपा कक्षरेणा चोपयोगज्या
स्यात् । एतेन पूर्वोक्तमानयनमुपपद्य भवतीति दूषितं सिद्धान्तशिरोमणिम-
रीचौ मुनीश्वरेण चापयोरीष्टयोर्दौर्लभ्यमिधः कोटिज्यमाहते इति प्रज्ञापयन्तौ ।

तथाहि । भटरेणाया जक्षरेणाक्षपबृहद्वज्रज्यातुल्यत्वे युक्त्यनुपपादनात् तथा
सा ज्ञात्यरीत्यनुक्तेरनुपाते संबन्धाभावाच्च सिद्धान्तराज्ञातमसंगतमित्यती रे-
खागणितेन तत्संगतिरस्माभिः प्रदर्श्यते ।

अथ (१९ सेत्रं द्रष्टव्यम् ।) पूर्वोक्ते सेत्रे भटरेखायाः समानान्तरा चक्ष-
रेणा तथा जक्षरेखायाः समानान्तरा मवरेणा भ्यविह्यल्लम्बा कार्या चक्षरेखापि
कार्या । अथ समकोणत्रिभुजं वृत्तार्धं भवतीति रेखागणिते वृत्तीयध्याये प्रति-
पादितम् । ततो ह्यभ्यत्रिभुजे ज्ञात्ये ह्यक्षकर्णार्धं केन्द्रकल्पनाद्वृत्तं ह, भ ह्यवि-
न्दुषु लग्न स्यात् । यद्य ह्यभ्यत्रिभुजे ज्ञात्येऽपि ह्यक्षगण्य कर्णेस्तदर्थं केन्द्रे वृत्तं
ह, ट, ह्यविन्दुषु लग्न तेन वृत्तान्तर्गतं ह, ट, भ, ह्यविन्दुचतुष्टयं जातम् । अतो
वृत्तान्तर्गतं चतुर्भुजम् । तत्र हट, टभ, भह, कक्षरेखा श्व भुजाः सिद्धाः । अत्र
भटह्यकोणभटह्यकोणौ तुल्यौ जातौ तयोः भक्षचापसंमुपत्वात् । अतो भटत,
ह्यह्यभजात्ययोः साजात्यं सिद्धम् । एवं समकोणात् ह्यभ्यक्षकोणात् ह्यभ्यत्रिभुजः
शोधितः ह्यभ्यत्रिभुजः शिष्टस्तथा तभ्यत्रिभुजात् समकोणात् ह्यभ्यत्रिभुजः
शोधितः शिष्टः ह्यभ्यत्रिभुजः समाध्या समहीनाभ्यां शेषयोः समत्व स्यादिति
ह्यभ्यत्रिभुजह्यभ्यत्रिभुजौ तुल्यौ जातौ जक्ष, भक्षरेखा समानान्तरे टवरेखाया द्विच-
तेन ह्यभ्यत्रिभुजतुल्यः ह्यवज्रकोणः सौऽपि ह्यभ्यत्रिभुजतुल्यः सिद्धः । अतः ह्यभ-
तजात्यं ह्यवज्रजात्यसजातीयं जातं कोणैकसाध्येन कोणत्रयसाम्यात् । अथ जक्ष,
भटरेणोस्तुल्यत्वे मुक्तिः । भटह्यकोणः केन्द्रगतकोणो लघुचापेन चक्षमन्त्रेन
तुल्यः ह्यक्ष, कक्षरेखा तुल्ये तेन ह्यवक्षकोणह्यवक्षकोणौ तुल्यौ । १९ से ५ । अथ

त्रिभुजे कोणत्रययोगस्य भाधांश १८० मितत्वात् प्रकृते डचक्रत्रिभुजे लघु-
चापमितेन चडक्रकोणेन हीनानां भाधांशानां दलेन तुल्यावर्थाल्लघुचापार्ध-
कोटिमितौ डचक्र, डचक्रकोणौ सिद्धौ । द्वयोस्तुल्यत्वात् । अथ चक्रज्जात्ये
भ्रुचक्रकोणः डचक्रकोणेन लघुचापार्धकोटिमितेन तुल्यस्तत्कोटितुल्योऽर्धा-
ल्लघुचापार्धमितौ भ्रुचक्रकोणः स्यात् । अथ चक्रज्जात्यं चसद्वर्ज्ज्जात्यं चक्र-
कोणविशिष्टं तद्वर्धकेन्द्रकं दृष्टं च, भ्रु, स, छविन्दुषु लाने प्राग्बृहत्तान्तर्गतं चतुर्भुजं
जातं तत्र चक्र भ्रुस, स, छ, चरेखा एव भुजाः सिद्धाः । एवं भ्रुचक्रकोणेन
लघुचापार्धेन तुल्यः भ्रुसचक्रकोणो जातः द्वयोरपि भ्रुचचापसंमुखत्वात् । अथ
भ्रुत, चसरेखे समानान्तरे भ्रुसरेखया द्वित्रे तेनैकान्तरकोणावर्थात् भ्रुसच, त-
भ्रुसकोणौ लघुचापार्धतुल्यौ सिद्धौ । लघुचापार्धकोटिस्तु भ्रुसतकोणः । स-
मकोणतुल्यात् चसतकोणाल्लघुचापार्धतुल्यस्य शोधनात् । अथ पूर्वे भ्रुडक्रको-
णेन लघुचापेन तुल्यः भ्रुडतकोणः सिद्धस्तस्य कोटिः तभ्रुडकोणः । ८० — लचा ।

अथ तभ्रुसकोणेन लघुचापार्धेन $\frac{\text{लचा}}{२}$ युक्तः $\frac{१८० - २\text{लचा} + \text{लचा}}{२} = \frac{१८० - \text{लचा}}{२}$

तदा लघुचापार्धकोटिमितः तभ्रुसकोणो जातः । अथ तभ्रुसतभ्रुसकोणौ
लघुचापार्धकोटितुल्यत्वेन तुल्यावतः प्रथमाध्यायपष्ठक्षेत्रेण भ्रुड, तसरेखे तुल्ये
जाते तत्र तसरेखा बृहद्वज्रज्यामिता तेन चजरेखातुल्या भ्रुडरेखेति सिद्धम् ।

अथान्यथोच्यते । ड, त, भ्रु, छविन्दुलाने लघुदृष्टं त्रिज्याव्यासकं पूर्वे कृतम् ।
तत्र द्विगुणितेष्टाशानां या पूर्णज्या सैव त्रिज्यादृष्टे इष्टांशानामर्धज्यास्वरू-
पेति दर्शनात् छडक्रकोणस्य चापयोगरूपस्य संमुखी त्रुडरेखा द्विगुणचापयो-
गाशपूर्णज्या तथा छडक्रकोणस्य लघुचापमितस्य संमुखी भ्रुडरेखा द्विगुण-
लघुचापपूर्णज्या । एव तत्कोणान्तररूपस्य भ्रुडक्रकोणस्य बृहच्चापमितस्य समु-
खी भ्रुडरेखा द्विगुणबृहच्चापपूर्णज्या भवितुमर्हति । सैव बृहद्वृत्तीयबृहच्चाप-
स्यार्धज्यातुल्या जाता । केन्द्रगतकोणार्धेन परिधिगतकोणस्य समत्वात् ।

अथ भ्रुडक्र भ्रुडक्रकोणयोस्तुल्यत्वमन्यथा प्रतिपाद्यते । तद्वद्वर्ज्ज्जात्यं भ्रु-
हृज्जात्यभजातीयम् । द्वयोः हृकोणयोः संमुखयोस्तुल्यत्वात् । अतः तह, ह-
डरेखयोर्था निष्पत्तिः सैव हभ्रु, हडरेखयोर्निष्पत्तिः । तह : हड :: हभ्रु : हड ।
अत्रैकान्तरनिष्पत्तिस्य रूपे कृते तह, हभ्रुरेखयोर्था निष्पत्तिः सैव हड, हडरे-
खयोर्निष्पत्तिः । तह : हभ्रु :: हड : हड । अथ तहभ्रु, हडहडकोणौ मिथः संमुखौ
तुल्यौ । अतो भ्रुडक्र, हडहड, त्रिभुजयोर्हकोणतुल्यत्वेन तल्लानभुजयोश्च तुल्य-
निष्पत्त्या शेषकोणौ मिथस्तुल्यौ ततस्ते सजातीये पष्ठाध्यायेन सिद्धे । त-

थाहि । हृदरेखापण्डं टहृतुल्यं हयसंज्ञं तथा हृदरेखापण्डं हृत्तुल्यं हरसंज्ञं कार्यं यररेखा कार्या हयचित्रमुलं हृत्तुल्यं भुजसमानं जातं द्वयोर्भुजयोस्तदन्तर्गतकोणस्य च तुल्यत्वेन प्रथमाध्यायचतुर्थक्षेत्रात् । तदा यररेखा टहृदरेखा तुल्या जाता । अथ हय, हृद, रेखायोर्निष्पत्तिः हर, हृदरेखयोर्निष्पत्त्या तुल्यास्ति ततः षष्ठाध्यायद्वितीयक्षेत्रात् हृदरेखायाः समानान्तरा यररेखा जाता समानान्तररेखे हृदरेखाया द्वित्रेतेन भडहृद, हयकोणौ तुल्यौ हयकोणस्तु हृत्तुल्यकोणस्तुल्यस्तेन भडहृद, भटतकोणौ तुल्याद्वित्यस्मच्छिष्यवर्गेण मनीषानाथशर्मणा निरूपितमनयैव युक्त्या भडच, भसचकोणयोश्च तुल्यत्वं संपद्यत इति ।

अथ भटहृत्त्रिभुजे भट, भट्टभुजयोर्वर्गान्तरमर्यादु हृद्वृज्यालघुभुजज्यावर्गान्तरं टत, तहृदरेखायावाधयोर्वर्गान्तरेण समानं वर्गान्तरं च योगान्तरघातसमानं तत्रावाधयोर्योगश्चापयोगज्या अन्तरं घट्यमाणरीत्या चापान्तरज्या तयोर्घातो भुजज्यावर्गान्तरसम इति भुजज्ययोर्वर्गान्तरं च स्वकोटिज्ययोर्वर्गान्तरेण तुल्यमतो बाहुमौर्व्यास्तथाकोटिमौर्व्याः समेति पदस्यमानयनमुपपन्नम् ।

अथ त्रिज्याकर्णे चङरेखारूपां बृहज्जापज्या भुजस्तदा भडहृदरेखारूपे लघुज्याकर्णे क इति लब्धा भटरेखा । एवं त्रिज्याकर्णे बृहज्जापकोटिज्या भडरेखा कोटिस्तदा लघुचापकोटिज्याकर्णे भडरेखातुल्ये केति जाता भडरेखा । अस्याः भटरेखातुल्या भटरेखा शोधिता शेषं टहरेखा चापयोगकोटिज्या सिद्धा । अथ भटहृत्त्रिभुजे बृहद्वृज्यालघुकोटिज्ये भट, भडरेखे भुजौ टहरेखा भूमिः भटरेखा चर्हिर्लम्बः भड, भटरेखे आवाधे तयोरन्तरं चापयोगकोटिज्या योगस्तु घट्यमाणरीत्या चापान्तरकोटिज्या । तत्र बृहद्वृज्यालघुचापकोटिज्यावर्गान्तरं चापान्तरयोगकोटिज्याघातसमं वर्गान्तरं च योगान्तरघातसमं तथा बृहज्जापकोटिज्यावर्गान्तरं बृहज्जापकोटिज्यालघुचापज्यावर्गान्तरतुल्यमिति एकत्रीवान्यकोटिज्यकावर्गयोरिति पदस्यमानयनं चापपन्नम् ।

अथ चापान्तरज्यासाधनेऽपि (१२ क्षेत्रं द्रष्टव्यम् ।) वृत्तपादरूपं कखचापं तत्र कहृतुल्यं बृहज्जापं कचतुल्यं लघुचापं कचतुल्यं चापान्तरचापम् । अत्र हृदरेखा बृहज्जापज्या चभटरेखा लघुचापज्या चङरेखा चापान्तरज्या जभटरेखा हृदरेखातुल्यास्ति अत्र जचहृत्त्रिभुजं जात्यं तथा चडभक्त्रं जात्यम् । अनयोस्त्रिज्यारूपचङकर्णत्वात् तदर्थं केन्द्रं प्रकल्प्य यद्वृत्तं तत् ज, च, भ, ड, इन्द्रियु लानमर्याद्वृत्तान्तर्गतचतुर्भुजम् । तत्र जच, चभ, भड, डज, रेखा एव भुजाः स्युः । अथ भजडकोणहृदचभकोणौ तुल्यौ तयोः भडचापसमुत्पत्त्यात् । भजडकोणतुल्यः भजयकोणस्तेन भजयजात्यं भचडजात्यसजातीयम् ।

तद्वया जघरेखा भुजः भयरेखा कोटिः जभरेखा कर्ण इत्येकं तथा
भरेखा भुजः भडरेखा कोटिः चडरेखा कर्ण इति द्वितीयमनयोर्भुजकर्णसं-
पातजकोणसाम्येन समकोणसाम्येन च कोटिकर्णसंपातजकोणसाम्यं जातम् ।
ततोऽनुपातः । त्रिज्याकर्णं लघुवापकोटिज्या कोटिस्तदा बृहद्वज्रज्यातुल्यज-
भकर्णं केति सिद्धा भयरेखा । अथ चभडकोणात् समकोणतुल्यात् डभय-
कोणः शोधितः शेषं तभयकोणः । तत्कोटिः भवतकोणः डभयकोणतुल्या-
जातः । अतः डभयजात्यं भवतजात्यसजातीयं डभयजात्यं डकुटजात्यस-
जातीयं तेन भवतजात्यं डकुटजात्यसजातीयं जातम् । टहरेखा भुजः टह-
रेखा कोटिः त्रिज्या कर्ण इत्येकं तथा चतरेखा भुजः तभकोटिः चभकर्णं
इति द्वितीयमनयोर्भुजकर्णसंयोगकोणतुल्यत्वादस्यकोणयोश्च साम्यम् । अत्र
त्रिज्याकर्णं बृहच्चापकोटिज्या कोटिस्तदा लघुवापज्याकर्णं केति फलं भत-
रेखा । भयरेखा भतरेखोना चापान्तरज्या तथरेखातुल्या चजरेखा स्यात् ।
एतेन चापान्तरज्यानयनमुपपद्यते ।

अथोक्ततेजोभ्य एव चापान्तरकोटिज्योपपत्तिः । यदि त्रिज्याकर्णं लघुवा-
पज्या भुजस्तदा बृहद्वज्रज्यातुल्ये जभकर्णं क इति जघरेखा । एवं त्रिज्याकर्णं
बृहच्चापकोटिज्या कोटिस्तदा लघुवापकोटिज्याकर्णं भडरेखा रूपे केति यड-
रेखा द्वयोर्मध्ये जडरेखा चापान्तरकोटिज्या सिद्धा । एतेन चापान्तरकोटिज्या-
नयनमुपपद्यते ।

अथात्रापि छटरेखाया जभरेखातुल्यत्वे युक्तिः । (१३ क्षेत्रं त्र्यष्टयम् ।।
चतरेखा यर्धनीया रचिद्वर्षयन्तं तथा चतरेखाममानान्तरा भसरेखा छटरेखा
च कार्यः । भरेखा कार्यः । अथ पूर्वप्रकारेण भवद्वकोणो लघुवापार्धमितः सिद्धः)
चभद्व, धरद्वजात्ये चद्वकर्णं प्रिथिव्ये तदार्धं केन्द्राद्वृत्तं भ, छ, र, घ, धिन्दुषु लग्नं तेन
भवद्वकोणछरभकोणौ तुल्यौ द्वयोः भद्ववापसंमुखत्वात् । अथ रद्व सभरेखे स-
मान्तरे भरेखया द्विचै तेनैकान्तरे । छरभ, रभसकोणौ तुल्यौ लघुवापार्ध-
मितौ जातौ । अथ भडवकोणो लघुवापमितस्तत्तुल्यः भजसकोणः भजयको-
णकोटिरूपः । भजसकोणकोटिः सभसकोणः लघुवापकोटिरूपः । अयं सभरको-
णेन लघुवापार्धमितेन युक्तस्तदा लघुवापार्धकोटिमितो जभरकोणस्तत्तुल्य एव
छरभकोणः छरभकोणकोटिरूपः । एवं कोणयोः साम्ये तस्मैतद्भुजरूपे छर,
जभरेखे तुल्ये जाते अस्तुत्या टहरेखा तेन टहृतुल्यः जभरेखा सिद्धा ।

अथान्यथोक्तते । छ, घ, भ, र, धिन्दुनानं त्रिज्याधनं हतं लघुवृत्तं तथा क, घ,
छ प्रधिन्दुनानं त्रिज्याया हतं बृहद्वृत्तं बृहद्वृत्ते षट्शानां पार्धज्याः हरा मैत्र

लघुवृत्ते द्विगुणेषांशाना पूर्णव्याख्या तथा केन्द्रगतकोणार्धेन परिधिगतको-
णस्य तुल्यत्वाद्याया लघुवृत्ते चक्रचापपूर्णव्या चमरेया बृहद्वृत्ते चक्रचापस्य
व्या तथा लघुवृत्ते जवचापपूर्णव्या जवरेया बृहद्वृत्तेऽन्तरचापस्य कवसंज्ञस्य
व्या । एवं लघुवृत्ते जक्रचापपूर्णव्या जक्ररेया या सैव बृहद्वृत्ते बृहच्चापव्या-
तुल्या कद्वक्रकोणस्य बृहच्चापस्य जक्ररेयायाः समुपत्वात् लघुवृत्तेऽन्तर-
चापद्विगुणं जवचापं तथा लघुचापद्विगुणं चक्रचापं तयोर्व्यागमितं जक्रचापं
बृहच्चापद्विगुणं तत्पूर्णव्या जक्ररेया लघुवृत्ते या सैव बृहद्वृत्ते बृहच्चा-
पस्यार्धव्याख्या सिद्धा । अथात्रापि बृहल्लघुज्ये जक्र, चमरेये भुजौ चापान्तर-
व्या जवभूमिः क्रमरेखा बहिर्लम्बः जस, चमरेखे आबाधे तयोर्व्यागान्तरं भुज-
योर्व्यागान्तरेण तुल्यमित्युपपन्नं यथोक्तम् । एवं बृहद्वृत्तज्यालघुचापकोटिज्ये क्रज,
क्रडरेखे भुजौ चापान्तरकोटिज्या क्रडरेखा भूमिः क्रमरेया लम्बः जय, क्रडरेखे
आबाधे तयोर्व्यागचापान्तरकोटिज्येति भुजयोर्व्यागान्तरमाबाधाव्यागान्तरतुल्य-
मतश्चापान्तरयोगकोटिज्याघातसममित्युपपन्नं यथोक्तम् । एवं सिद्धान्तराजो-
क्तोपपत्तेः संगतिर्दृशिता ।

अधुना मूर्यसिद्धान्तकिरणावलीकारकृतोपपत्तिः प्रदर्श्यते । (१४ क्षेत्रं द्रष्ट-
व्यम् ।) कणगघसंज्ञे वृत्ते कवचापं बृहत् तज्या चमरेखा बृहच्चापकोटिज्या
चमरेखा । अथ चविह्वद्यासरेखा तद्रुपरि क्वचिह्वाल्लम्बः लघुचापज्या कुररेखा
तथा चफरेखायाः समानान्तरा कुररेखा लघुचापकोटिज्या कार्या कुररेया तु
चापयोगव्या तथा पविह्वत् पडरेया कणरेखायाः समानान्तरा कार्या । अथ
कवमजात्यं पक्रभजात्यसजातीयं यतः कव, कुररेखे समानान्तरे चक्रफरेखया
क्विवे तेनैकान्तरी मचक्र, कजक्रकोणौ तुल्यौ । एवं कच, कुररेखे समानान्तरे कज-
रेखया क्विवे तेनैकान्तरी चक्रक, भक्रपकोणौ तुल्यौ । अतः मचक्र, भक्रपकोण-
योस्तुल्यत्वेनोभयत्र समकोणत्वेन साजात्य स्पष्टम् । बृहच्चापज्या भुजः बृह-
च्चापकोटिज्या कोटिः चिज्या कर्णः । अथ कुररेया भुजः पमरेखा कोटिः कुररेखा
कर्णः । अतोऽनुपातः । चिज्याकर्णं बृहच्चापज्या भुजस्तदा लघुचापकोटिज्याकर्णं
क इति लज्या कुररेखा । अथ कवमजात्यं पक्रभजात्यसजातीयं कवमकोणप-
क्रकोणयोस्तुल्यत्वात् । तथाहि । कफवकोणावधत्यशमितात् कवमकोणाः
शोधितः शेष कफमकोणः । स कफपकोणावधत्यशमिताच्छेधितः शेषः पक्र-
वकोणः कवमकोणतुल्यो ज्ञातः । अतः पडरेखा भुजः कुररेखा कोटिः कुररेखा
लघुज्यामिता कर्णः । चमरेया भुजः मक्रकोटिः कचकर्णः । चिज्याकर्णं बृहच्चाप-
कोटिज्या कोटिस्तदा कफतुल्ये लघुज्याकर्णं केति कुररेया तत्तमा भडरेखा ।

अथ पूर्वागता कृभरेखा भटरेखायुता जाता छटरेखा चापयोगज्या । एवं त्रिज्याकर्णं बृहच्चापकोटिज्या कोटिस्तदा कृपतुल्ये लघुचापकोटिज्याकर्णं केति पभरेखा । अथ त्रिज्याकर्णं बृहज्ज्या भुजस्तदा पफतुल्ये लघुज्याकर्णं क इति पवरेखा द्वयोरन्तरं भवरेखा टफरेखातुल्या चापैश्चकोटिज्येत्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथ चापान्तरज्यायं (१५ त्तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) वृत्ते कगज्यासरेखा कबिन्दोः फकृचापं लघु दत्वा तदये कृफत्रिज्यारेखा तदुपरि कचिह्नल्लम्बः लघुचाप-
ज्या कसरेखा स्यात् । कचचापं बृहत् तज्ज्या चम रेखा तथान्तरचापस्य चक्रसं-
ज्ञस्य ज्या चभरेखा तत्समानान्तरा पवरेखा मचिह्नलम्बा कार्या । कररेखा लघुचा-
पकोटिज्या तथा तत्समानान्तरा महररेखा कार्या । अथ लघुचापज्या कसरेखा
भुजः तत्कोटिज्यातुल्या सफरेखा कोटिः कफरेखा त्रिज्या कर्ण इति बृहज्जात्यं
तदन्तर्गतं तत्सजातीयं लघु जात्यं जमरेखा भुजः जफरेखा कोटिः मफरेखातु-
ल्यबृहच्चापकोटिज्या कर्ण इति । सक,जमरेखे समानान्तरे कफरेखया युक्ते तेन
फमजकोणतुल्यः फकसकोण इति स्पष्टम् । अथ चमफकोणाद्यत्यंशमितात् फ-
मजकोणः शोधिः शेषः पमचकोणस्तुल्य एव जफमकोणः फमजकोणकोटि-
रूपस्तेन जफम,पमचकोणौ तुल्यौ तदा चपरेखा भुजः पमरेखा कोटिः चम-
रेखा बृहज्ज्यारूपा कर्ण इति जात्यत्रयं मिथः सजातीयं जातम् । अतस्त्रि-
ज्याकर्णं लघुचापकोटिज्या कोटिस्तदा बृहज्ज्याकर्णं चमतुल्ये केति लघ्वा
पमरेखा । एवं त्रिज्याकर्णं लघुचापज्या भुजस्तदा बृहच्चापकोटिज्याकर्णं
मफतुल्ये केति जमरेखा । लघ्वयोरन्तरं पजरेखा तत्तुल्येश चभरेखा चापान्तर-
ज्या सिद्धा । अथ त्रिज्याकर्णं लघुज्या भुजस्तदा बृहज्ज्याकर्णं क इति चप-
रेखा । एवं त्रिज्याकर्णं लघुचापकोटिज्या कोटिस्तदा बृहच्चापकोटिज्याकर्णं
केति फजरेखा तत्समैव पभरेखा चपरेखायुता जाता चभरेखा चापान्तरको-
टिज्यास्वरूपेत्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथ सप्ताष्टसिद्धान्तीया यासना यथा । (१६ त्तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) पूर्वाक्तवत्
कवजत्रे वृत्तपादे कथं बृहच्चापं तज्ज्या धवरेखा तथा जवं लघु चापं तज्ज्या
जतरेखा कजं चापैश्च तज्ज्या जभरेखा जाता । अथ हयधजात्यं हतयजात्यं
मिथः सजातीयं यदि त्रिज्याकर्णं बृहच्चापज्या धवरेखा भुजस्तदा लघुचापको-
टिज्याकर्णं तदमिते क इति लघ्वा तयरेखा तत्समा जभरेखास्ति । यथोक्तं जात्यं
जतय,जात्यमजातीयं तद्वया जतयकोणाद्यत्यंशमितात् जतयकोणः शोधि-
तः शेषः सतयकोणः सतु अन्यकोणाद्यत्यंशमिताद्वीनः दतयकोणो जातः ।

अयं जतत्रकोणतुल्यः । जतत्रकोणकोटिः अजतकोणः । एवं हतयकोणकोटिः ध-
हतकोणस्तेन अजत, यहतकोणौ तुल्यौ यहतकोणतुल्यः धहतकोणस्तेन धहत-
तजत्रकोणौ तुल्यावतः हधव, तजत्र, ज्ञात्ये सजातीये सिद्धे । अत्र जग्ररेखा
कोटिः तग्ररेखा भुजः जतं लघुज्या कर्णः । अतस्त्रिज्याकर्णं बृहज्जापज्या कोटिः
धहरेखा लभ्यते तदा जतरेखा रूपे लघुज्याकर्णं केति लब्धा जग्ररेखा । इयं
मागानीतया अग्ररेखा युता जग्ररेखा जाता चापयोगज्या । एवं त्रिज्याकर्णं
बृहज्जापकोटिज्या कोटिस्तदा लघुचापकोटिज्याकर्णं केति यहरेखा । अथ
त्रिज्याकर्णं बृहज्ज्या भुजस्तदा लघुज्याकर्णं क इति तग्ररेखा तत्समा यग्ररेखा ।
अस्या हयरेखायां अन्तरं भहरेखा चापयोगकोटिज्या सिद्धा ।

अथ चापान्तरज्यार्थं (१७ त्तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) कवजद्वे घृतपाद्वे कजं बृह-
ज्जापं तज्ज्या जग्ररेखा कवं लघु चापं तज्ज्या वधरेखा । अथ चापान्तरस्य
वज्रचापस्य ज्या वतरेखा तथा बहरेखायाः समानान्तरा वचिह्वात् यग्ररेखा
तथा वतरेखासमान्तरा धयरेखा च कार्यौ । अत्र हजभ, हयधजात्ययोः जहभ,
धहयकोणयोस्तुल्यत्वेन सजातीयत्वं स्पष्टं यदि त्रिज्याकर्णं बृहज्जापज्या भुज-
स्तदा धहतुल्ये लघुचापकोटिज्याकर्णं क इति धयरेखा लब्धा । एवं वधत्र, जात्यं
जहभजात्यसजातीयम् । वधत्र, जात्यस्य हयधजात्यसजातीयत्वात् । तथाहि
वधहकोणान्नवत्यंशमितात् हयधकोणशोधनेन वधत्र, कोणः धहयकोणतुल्यो
जातः । अतः धग्ररेखा कोटिः वग्ररेखा भुजः वधं कर्णः । अतस्त्रिज्याकर्णं बृहज्जा-
पकोटिज्या भहरेखा कोटिस्तदा वधतुल्ये लघुज्याकर्णं केति धयरेखा । अस्या
धयरेखायां अन्तरं अयरेखा तत्तुल्या वतरेखा चापान्तरज्या सिद्धा । एवं त्रिज्याक-
र्णं बृहज्जापकोटिज्या कोटिस्तदा लघुचापकोटिज्याकर्णं केति लब्धा हयरेखा ।
अथ त्रिज्याकर्णं बृहज्ज्या भुजस्तदा लघुज्याकर्णं क इति वग्ररेखा तत्तुल्या
तयरेखा हयरेखायुता हतरेखा चापान्तरकोटिज्येत्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथ श्रीवापूदेवलिखितवासनोच्यते । (१८ त्तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) गकेन्द्रात् चतु-
वृत्तपादमितं चापम् । तत्र चक्रमितं बृहज्जापं तज्ज्या अग्ररेखा तत्कोटिज्या
अग्ररेखा तथा लघुचापद्विगुणं कजमितं चाप तदर्थं क्वचमितं अजमितं वा लघु
चापं तज्ज्या क्वग्ररेखा वा सजरेखा । अथ क्वजरेखा द्विगुणलघुचापपूर्णज्या तन्म-
ध्यगतात् सविह्वात् सफ, समरेखे क्रमेण अक, अग्ररेखयोः समान्तरे विधेये ।
अथ बृहज्जापे चक्रमिते अजमितं लघुचापं योजितं तदा वज्रं चापैर्द्वयं तज्ज्या
जग्ररेखा तत्कोटिज्या जग्ररेखा तथा चयतुल्याद् बृहज्जापात् क्वचचापं लघु
शोधितं तदान्तरचापं क्वचमितं जातं तज्ज्या क्वदरेखा तत्कोटिज्या क्वग्ररेखा

च कार्यः । अथ गच्छज्जात्यं गसफज्जात्यं च मिथः सजातीयं गकोणस्य द्वयोस्तुल्य-
त्वात् । अथ गग्रमिते त्रिज्याकर्णे अग्रमिता बृहच्चापज्या भुजस्तदा सगमिते
लघुचापकोटिज्याकर्णे क इति लब्धा सफरेषा । अत्र असरेखाया लघुचापकोटिज्या-
कर्मितत्वेन तदूनत्रिज्यायाः सगरेखाया लघुचापकोटिज्यास्तुल्यत्वं स्पष्टम् ।
अथ गसफज्जात्यसजातीयं सङ्गज्जात्यं तद्व्याधा । छसगकोणात्रयत्यंशमिताद्
गसफकोणः शोधितस्तदा शेषं भसङ्गकोणस्तत्तुल्य एव सगफकोणोऽस्ति तस्य
गसफकोणाननवत्यंशमितत्वात् । अत्रकोटिकर्णसंपातजो कोणौ तुल्यौ कृतौ तत्र
गसफत्रिभुजे फगकोटिः गसफकर्णः । एतत्कोणेन सगफमितेन तुल्यः भसङ्गकोण-
स्तत्र सभमिता कोटिः सङ्गमितः कर्णः । अर्थात् छभमितो भुजो जातः । अतः
गसफज्जात्यसजातीयं छसभज्जात्यं गच्छज्जात्यसजातीयं च । अतस्त्रिज्याकर्णे बृ-
हच्चापकोटिज्या कगरेखामिता कोटिस्तदा लघुचापज्याकर्णे छसमिते केति
लब्धा सभरेखा । इयं पूर्वागतसफरेखाया हीना शेषं भभरेखा छदरेखामिता
चापान्तरज्या सिद्धा । एवं सफतुल्ये ठरूपे सभतुल्या जठरेखा युता जररेखा
चापैश्चज्या सिद्धा । अथ त्रिज्याकर्णे बृहच्चापकोटिज्या अग्रमिता कोटिस्तदा
लघुचापकोटिज्याकर्णे केति समरेखा । एवं त्रिज्याकर्णे बृहज्ज्या भुजस्तदा
लघुज्याकर्णे क इति छभरेखा । इयं समतुल्यया भभरेखा युता छभरेखा
जाता चापान्तरकोटिज्या तथा समरेखायाः छभतुल्यसठरेखाशोधनाच्छिष्टा
ठमरेखामिता जपरेखा चापैश्चकोटिज्या सिद्धा । एतेन पूर्वाक्तमानयनमुपप-
न्नम् । अथ छसभ,सजटजात्ये तुल्ये द्वयोः कर्णसाम्यात् तथा कोणत्रयसा-
म्यात् छभ,समरेखे समानान्तरे छजरेखया द्विचे तेन भछस,ठमजकोणौ
तुल्यौ ततोऽन्येऽपि कोणास्तुल्या एव तत उक्तं युक्तम् ।

अथवा चापान्तरैक्यज्ययोरन्तरं जनकोटिः तत्कोटिज्ययोरन्तरं छनभुजः
छजकर्ण इति ज्ञात्वा तत्र समकोणत्रिभुजं दृष्टार्थं भवतीति छजकर्णमध्यात् सचि-
द्वाद्दृत्तं छ,ज,नविन्दुषु लयं भवत्येव ततः सङ्ग,सज,सनरेखास्तुल्यान्तदृत्तत्रिज्या-
रूपाः । अथ जनरेखापरि सटलम्बः सट,सनरेखयोर्वर्गान्तरमूलं टनरेखा । एवं
तत्समयोः सट,सजयोर्वर्गान्तरमूलं जठरेखा तेन टन,जठरेखे तुल्ये जाते । एवं
जनरेखापरि सभलम्बः सङ्ग,सन,कर्णयोस्तुल्यत्वे द्वयोः सभरूपलम्बसाम्ये छभ,
भनरेखे तुल्ये सिद्धे लम्बकर्णयोर्वर्गान्तरमूलमिते । अतः सर्वे निरवयवम् ।

अथान्यथा चापैश्चान्तरज्योपपत्तिः । (१९ क्षेत्रं द्रष्टव्यम् ।) त्रिज्यावृत्ते
इष्टांशानां ज्या या तदधर्मिता त्रिज्याधंशत्वे इष्टांशानां ज्या भवति सा
द्विगुणा द्विगुणेष्टाशानां पूर्णज्यारूपा त्रिज्यावृत्तीयेष्टांशज्यातुल्या स्यादतः

स्त्रिज्यार्धेन छद्भट्टसंज्ञे वृत्ते कृते त्रिज्यावृत्तीयाः सर्वा ज्ञ्याः पूर्णज्यारूपा जाताः । तत्र छद्भं लघुज्या भट्टं बृहज्ज्या भट्ट,टसरेखे तत्कोटिज्ये । एवं छटरेखा चापयोगज्या तत्कोटिज्या टडरेखा । छडरेखा व्यासस्त्रिज्यातुल्यः भसरेखा च । अथ-

वृत्तान्तःस्यवतुर्बाहुत्वे भूमिमुपाहतिः ।

भुजद्वयाहतियुता कर्णघातसमा भवेत् ॥

इत्यस्य रेखागणितपट्टाध्यायसिद्धत्वात् प्रकृते छद्भरेखा लघुज्या मुखं ट-सरेखा बृहज्जापकोटिज्या भूमिः भट्ट,छसरेखे बृहज्ज्यालघुकोटिज्ये भुजौ । इदं विषमचतुर्भुजम् । अत्र छट,भसरेखे चापैक्यज्यात्रिज्ये कर्णौ तत्र लघु-ज्याबृहज्जापकोटिज्याघातस्य बृहज्ज्यालघुकोटिज्याघातयुतस्य त्रिज्याचापयो-गज्याघातसमत्वाद्दस्मिन् त्रिज्यारूपकर्णेन भक्ते चापयोगज्यारूपः कर्णः स्यात् ।

$\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृको} + \text{वृज्या} \cdot \text{लको}}{\text{त्रि}} = \text{चायो} \cdot \text{ज्या} । \text{एतेन चापयोगज्यानयनमुपपन्नम्} ।$

अथ भट्टसचतुर्भुजे टडरेखा चापैक्यकोटिज्या मुखं भसरेखा त्रिज्या भूमिः भट्ट,सडरेखे बृहज्ज्यालघुज्ये भुजौ भट्ट,टसरेखे लघुबृहज्जापकोटिज्ये कर्णौ तत्र कर्णयोर्घातस्य भुजघातहीनस्य मुपभूमिघातसमत्वाद्दस्मिन् भुज-द्वयघातोनकर्णद्वयघाते भूमिभक्ते मुखं लभ्यत इति लघुबृहज्ज्यालघुकोटिज्ययोर्घा-तस्य तज्ज्याघातहीनस्य त्रिज्याभक्तस्य तुल्या चापैक्यकोटिज्या सिद्धा

$\frac{\text{लको} \cdot \text{वृको} - \text{लज्या} \cdot \text{वृज्या}}{\text{त्रि}} = \text{चायोकोज्या} । \text{एतेन चापयोगकोटिज्यानयन-}$

मुपपन्नम् ।

अथवा भट्टद्वित्रिभुजे टद्भूमौ भतलम्बः कृतस्तदा जात्ये समुत्पत्ते तत्रैकं भट्टतं भसकज्जात्यसजातीयं टकोणसकोणयोः छद्भचापसंमुखत्वेन तुल्यत्वात् । तदा समकोणस्योभयत्र निष्ठत्वेन शेषकोणयोश्च साम्यम् । अतः सत्वं कोटिः सभं कर्णः भट्टं भुज इत्येकं तथा टतं कोटिः टभं कर्णः भतं भुज इति द्वितीयम् । एवं तद्भभट्टसभकोणयोः भट्टचापसंमुखत्वेन तुल्यत्वं तेन भट्टं भुजः टसं कोटिः भसं कर्ण इत्येकं तथा भतं भुजः कृतं कोटिः भट्टं कर्ण इत्यपरमेति सजातीये । अत्र सिद्धान्तराज्ञोक्तवदनुपातेनाबाधयोगरूपा टद्भ-रेखा चापयोगज्या भवति । अथवा सटद्भित्रिभुजे लघुबृहज्जापकोटिज्ये भुजौ

चापयोगज्या भूमिस्तत्र सचिह्नालम्ब्यं कृत्वा जात्यद्वयमुत्पाद्य तत्संज्ञातीय-
चेन्नानुपाताच्चापैक्यज्यानयनमुपपन्नं भवति । एवं चापैक्यकोटिज्यानयनं च ।

अथ चापान्तरज्यानयनार्थं त्रिज्यार्धेन दृप्तं कृत्वा पूर्णज्यारूपा एव त्रिज्या-
वृत्तीयार्धज्यातुल्या ज्ञेयाः ।

अत्र (२० त्तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) भूकं चापान्तरज्या मुखं सटं त्रिज्या भूमिः ।
छट, भूसरेखे लघुज्याबृहच्चापकोटिज्ये भुजौ । भूट, छसरेखे बृहज्यालघुचापको-
टिज्ये कर्णौ । तत्र कर्णयोर्धार्ते लको • वृभु भुजयोर्धार्तेन लभु • घृको हीने शेषं
मुखभूमिघातः । मुखभूमिघातभुजद्वयघातयोगस्य कर्णघातसमत्वात् । अत्र
मुखभूमिघाते लको • वृभु — लभु • घृको । भूमितुल्यत्रिज्यया भक्ते मुखरूपा
चापान्तरज्या लभ्यत इति यथोक्तमुपपन्नम् ।

एवं छटइसविषमचतुर्भुजे छटरेखा लघुज्या मुखं सडरेखा बृहज्या भूमिः
टइ, छसरेखे बृहल्लघुचापकोटिज्ये भुजौ छइ टसरेखे चापान्तरकोटिज्यात्रि-
ज्ये कर्णौ । तत्र मुखभूमिघाते भुजद्वयघातयुते कर्णघातः स त्रिज्यारूपकर्णभक्त-
रचापान्तरकोटिज्या स्यादित्युपपन्नं चापान्तरकोटिज्यानयनं यथोक्तम् ।

अथात्राप्येकचापसंमुखकोणयोस्तुल्यत्व प्रकल्प्य त्रिभुजे लम्बनिपाताज्जा-
त्यद्वयं विज्ञाय तत्संज्ञातीयत्वेन्नानुपाताच्चापान्तरज्याकोटिज्ये वा भवतः ।

एवं रेखागणितज्ञानामनेकधा तैत्रविचारेण मनोरञ्जनं जायते परं तदन-
भिज्ञानां संशययस्तता भवतीति तत्त्वविवेककारेण गणितमार्गावयतिः प्रकृते
लिखिता सावेहाध्यते ।

अत्र त्रिज्यार्धवृत्तीयकृतानन्तरोक्तत्वे एव पुनर्लिखिते तत्र चापैक्यज्यार्थे
(२१ त्तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) छट, टइरेखे बृहज्यातत्कोटिज्ये भुजौ छइरेखा त्रिज्या
भूमिः टवरेखा लम्ब इत्येकं त्रिभुजं तथा छभ, भइरेखे लघुचापज्याकोटिज्ये
भुजौ छइरेखा त्रिज्या भूमिः भह रेखा लम्ब इति द्वितीयं त्रिभुजमनयो-
रेकद्विकबाधयोः छव, छहरेखयोरन्तरं हव तत्तुल्या भूसरेखा भुजः टवरेखा
भहतुल्यया सवरेखया युता तदा लम्बद्वययोगरूपा कोटिः भइरेखा कर्णस्तत्र
दृष्टोऽत्रकर्णः प्रथमं प्रकल्प्य इति पादुक्तरीतिरपि छटइभविषमचतुर्भुजे छइ-
कर्णे ज्ञाते भूटरूपद्वितीयकर्णज्ञाने उपपन्ना स्यात् ।

एव चापान्तरज्यार्थे (२२ त्तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) छट, टइरेखे लघुचापज्या-
कोटिज्ये भुजौ त्रिज्या भूमिः टतं लम्ब इत्येकं तथा छभ, भइरेखे बृहच्चाप-
ज्याकोटिज्ये भुजौ त्रिज्या भूमिः भसं लम्ब इत्यपरं त्रिभुजमनयोरेकद्विकबा-
धाधयोः छत, छसरेखयोरन्तरं तसं तत्तुल्या टवरेखा भुजः टत, भस, लम्बयो-
घ

रन्तरं कर्णं कोटिः भूटरेखा चापान्तरज्यारूपा कर्ण इत्यत्रापि कर्णज्ञानं ज्ञायत
 एव । तथाहि त्रिभुजे भुजवर्गान्तरमावाधावर्गान्तरसमं वर्गान्तरं च योगान्तर-
 घातसममित्यतो भुजवर्गान्तरे भूमिभक्ते आवाधयोरन्तरं भूमिस्त्वावाधयोर्यो-
 गस्ताभ्यां संक्रमणमूत्रेणावाधाज्ञानं प्रकृते लघुवापभुजज्याकोटिज्यावर्गान्तरं
 लभुव १ लकोव १ त्रिज्याभक्तमनेन हीना त्रिज्या दलिता जाता लघ्वावाधा
 लभुव १ लकोव १ त्रिव १ । अत्र लघुकोटिज्यावर्गान्तरत्रिज्यावर्गस्य लघुभुजज्या-
 त्रि २

वर्गत्वात् तस्य प्रथमखण्डयोगे जातमेवं स्वरूपम् । लभुव २ । द्वाभ्यामपवर्तितं
 त्रि २

लभुव १ इयं लघ्वावाधा । एवं बृहदावाधा लकोव १ लघ्वावाधावर्ग लभुवव १
 त्रि १ त्रि १ त्रिव १
 हीनलघुभुजज्यावर्गो जातो लम्बवर्गः । लभुवव १ त्रिव . लभुव १ । अत्र प्रथम .
 त्रिव १

खण्डे लघुकोटिज्योनत्रिज्यावर्गे लघुभुजज्यावर्गस्वरूपं कृत्वा । लकोव १ त्रिव १ ।
 तस्य लघुभुजज्यावर्गगुणनेन जातं प्रथमखण्डस्वरूपं । लभुव . लकोव १ लभुव .
 त्रिव १ ऋणत्वादुनर्णव्यत्यासे कृते जातो लम्बवर्गः । लभुव . लकोव १ लभुव-
 त्रिव १ लभुव . त्रिव १ । अत्र तुल्ययोर्धनर्णयोर्नौशादवशिष्ट एव लम्बवर्गः ।
 लभुव . लकोव १ । अस्य मूलं लम्बः । लभु . लको १ अथवा लघुभुजज्या भुजः
 त्रिव १ त्रि १

तत्कोटिज्या कोटिः त्रिज्या कर्ण इति जात्यम् । अर्धवृत्तोत्पन्नत्वात् । अस्य
 समकोणमूलाल्लम्बनिपातात् तत् सजातीयं जात्यद्वयम् । लम्बः कोटिः लघ्वा-
 वाधा भुजः लघुज्या कर्ण इत्येकं लम्बो भुजः बृहदावाधा कोटिः लघुवाप-
 कोटिज्या कर्ण इति द्वितीयम् । अत्र त्रिज्याकर्णे लघुज्या भुजस्तदा लघुज्या-
 कर्णे क इति लघ्वावाधा । एवं त्रिज्याकर्णे कोटिज्या कोटिस्तदा कोटिज्या-
 कर्णे केति बृहदावाधा लकोव १ । अथ त्रिज्याकर्णे लघुज्या भुजस्तदा कोटिज्या
 त्रि १

कर्णे क इति लम्बः । लभु . लको १ । अथवा त्रिज्याकर्णे कोटिज्या कोटिस्तदा
 त्रि १
 लघुज्याकर्णे केति स एव लम्बः । एवं बृहदुज्याकोटिज्यासंश्लिखितत्रिभुजेऽपि
 सिद्धा लघ्वावाधा लभुव १ । बृहदावाधा लकोव १ । लम्बश्च लभु . लको १ ।
 त्रि १ त्रि १ त्रि १

अथ त्रिभुजयोर्लघ्वाद्याघे लभुघ १ । वृभुघ १ । अनयोरन्तरवर्गः ।

त्रि १ त्रि १

लभुघव १ लभुघ . वृभुघ २ वृभुघव १ । लम्बयोः । लभु . लको १ । वृभु . वृको १

त्रिव १

त्रि १

त्रि १

योगवर्गेण । लभुघ . लकोव १ लभु . लको . वृभु . वृको २ वृभुघ . वृकोव १ । युतो जात-

त्रिव १

श्चापयोगन्यारूपकर्णवर्गः ।

लभुघय १ लभुघ . वृभुघ २ वृभुघय १ लभुघ . लकोय १ लभु . लको . वृभु . वृको २ वृभुघ . वृकोय १ ।

त्रिय १

एवमावाधयोरन्तरवर्गो लम्बान्तरवर्गेण युतो जातश्चापान्तरन्यारूपकर्णवर्गः

लभुघय १ लभुघ . वृभुघ २ वृभुघय १ लभुघ . लकोय १ लभु . लको . वृभु . वृको २ वृभुघ . वृकोय १ ।

त्रिय १

अत्र चापयोगान्तरन्यावर्गे प्रथमचतुर्यपण्डयोर्लघुभुजज्यावर्गगुणितौ लघुभुज-

न्यावर्गलघुकोटिज्यावर्गौ वर्त्तन्ते तयोर्योग एव त्रिज्यावर्गो लघुभुजज्यावर्गगुणित

इति स्वरूपं सिद्धम् । लभुघ . त्रिव १ । एवं तृतीयपण्डपण्डे बृहद्भुजज्यावर्गगु-

णिते बृहद्भुजज्यावर्गबृहत्कोटिज्यावर्गौ तयोर्योगस्त्रिज्यावर्गो बृहद्भुजज्यावर्ग-

गुणित इति स्वरूपं सिद्धम् । वृभुघ . त्रिव १ । अथ द्वितीयपण्डे लघुभुजज्या-

वर्गगुणितबृहद्भुजज्यावर्गो द्विगुणोऽस्ति तत्र लघुकोटिज्यावर्गानत्रिज्यावर्गः

बृहद्भुजज्यावर्गगुणितस्तथा बृहत्कोटिज्यावर्गानत्रिज्यावर्गो लघुभुजज्यावर्गगुण

इति स्वरूपम् । वृभुघ . लकोव १ वृभुघ . त्रिव १ । लभुघ . वृकोव १ लभुघ . त्रिव १ ।

अत्र पूर्वं द्वितीयपण्डमृणं तेन सिद्धपण्डानां धनर्णध्यत्यासे सिद्ध द्वितीयप-

ण्डस्वरूपम् । वृभुघ . लकोय १ वृभुघ . त्रिव १ । लभुघ . वृकोय १ लभुघ . त्रिव १ ।

अथ प्रथमचतुर्यपण्डाभ्यां तृतीयपण्डाभ्यां सिद्धे स्वरूपे । लभुघ . त्रिव १ ।

वृभुघ . त्रिव १ । एषा मध्येतुल्ययोर्धनर्णयोर्नाशे शेषम् । वृभुघ . लकोय १

लभुघ . वृकोय १ । अद्यानयोर्मध्ये क्रमेण योगान्तरन्यावर्गस्य पञ्चमपण्डं

लिपितं । वृभुघ . लकोय १ लभु . लको . वृभु . वृको २ लभुघ . वृकोव १ तथेदं

वृभुघ . लकोय १ लभु . लको . वृभु . वृको २ लभुघ . वृकोय १ । द्वयोः क्रमेण

मूले । वृभु . लको १ लभु . वृको १ । वृभु . लको १ लभु . वृको १ । जाते चापयोगा-

त्रि १

त्रि १

न्तरन्यास्यरूपे । अत्र चापान्तरन्यावर्गे सिद्धयोः पण्डयोरेकस्यर्णस्यं स्येच्छया

कल्प्यं यथा ऋतं धनं द्वितीयमृणं शृभु - जको १ लभु - शृको १ तेन परस्परं
त्रि १

कोटिज्यागुणितभुजज्ये त्रिज्याभक्ते फलयोगैश्चापयोगज्या तथा फलान्तरं
चापान्तरज्या भवति । एव चापान्तरयोगकोटिज्यानयनमपि ज्ञेयम् ।

अथ चापयोगान्तरार्धज्याकोटिज्यानयनम् ।

दोर्ज्यैश्चवर्गादथ कोटिजीवा-
विश्लेषवर्गेण युताच्च मूलम् ।
दलीकृतं तदुजयोः समास-
खण्डस्य जीवा भवतीति चिन्त्यम् ॥

भुजज्ययोरन्तरवर्गयुक्तात्
कोटिज्ययोः संयुतिजातवर्गात् ।
मूलार्धमेतदुजयोः समास-
दलांशजः कोटिगुणो निरुक्तः ॥

भुजज्ययोरन्तरवर्गयुक्तात्
कोटिज्ययोरन्तरजातवर्गात् ।
मूलस्यखण्डं भुजयोर्वियोग-
दलांशसंबन्धिगुणाभिधानम् ॥

दोर्ज्यैश्चवर्गादथ कोटिजीवा-
सयोगवर्गेण युताच्च मूलम् ।
दलीकृतं तदुजयोर्वियोग-
दलांशजाता किल कोटिजीवा ॥

चापयोगुणधमासवियोगी
विज्यकादलगुणो ज्यक्रयाप्रो ।

चापभेदयुतिखण्डजकोटे-
श्चापयोगविवरार्धजजीवे ॥

चापयोः कोटिजीवेक्यभेदो हतो
त्रिज्यकार्धेन चापान्तरार्धस्य तो ।
कोटिजीवाज्यकाभ्यां विभक्तो फले
चापयोगार्धकोटिज्यकाज्ये मते ॥

अथ (२३ तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) भुजज्ययोर्योगो दभरेखा भुजः । कोटिज्य-
योरन्तरं अत्र रेखा कोटिः । तद्वर्गयोगमूलं अफरेखा कर्णः । सा च चापयो-
गपूर्णज्या तदर्थं चापयोगार्धज्येति । एवं भुजज्ययोरन्तरं फफरेखा भुजः ।
कोटिज्ययोर्योगः फजरेखा कोटिः । तद्वर्गयुतिमूलं कर्णः भजरेखा सा च चा-
पयोगानभार्धांशमितस्य चापो १ रू १८० । भजचापस्य पूर्णज्या तदर्थं चापयो-
गार्धकोटिज्येति । अथ भुजज्ययोरन्तरं फफरेखा कोटिः । कोटिज्ययोरन्तरं
खफभुजः । तद्वर्गयोगमूलं खभरेखा चापान्तरपूर्णज्या । तदर्थं चापान्तरार्धस्य
ज्येति । एव भुजज्ययोर्योगः गफरेखा भुजः । कोटिज्ययोर्योगः फजरेखा कोटिः ।
तद्वर्गयोगमूलं कर्णः गजरेखा सा च चापान्तरूपअगचापहीनभार्धांशमितस्य
गजचापस्य पूर्णज्या तदर्थं चापान्तरार्धकोटिज्येति सिद्धम् । अथ भुजज्ययोर-
न्तरं फफरेखा कोटिः । कोटिज्ययोरन्तरं खफरेखा भुजः । चापान्तरार्धज्या
द्विगुणा खभरेखा कर्ण इत्येक तेत्र तथा चापयोगार्धज्या अमरेखा भुजः ।
चापयोगार्धकोटिज्या मलरेखा कोटिः । अलरेखा त्रिज्या कर्ण इति द्वितीयम् ।
अथ भुजज्ययोर्योगः गफरेखा भुजः । कोटिज्ययोर्योगः जफरेखा कोटिः । चापा-
न्तरार्धकोटिज्या द्विगुणा गजरेखा कर्ण इति तृतीयम् । अत्रैषा ज्ञात्यानां
भुजकर्णसंपातजकोणस्य भजचापार्धमितस्य तुल्यत्वात् सर्वेषा मिथः साक्षात्
तथाहि रफभज्रिभुजे खकोणो भजचापार्धमितः अमलत्रिभुजे अकोणो भज-
चापार्धमितः गफज्रिभुजे गकोणो भजचापार्धमितः । अतस्त्रयाणामेकको-
णसाम्येन समकोणसाम्येन च शेषकोणसाम्यं ततो मिथः साक्षात् स्पष्टमेव ।
अत एककोटिद्वितीयकर्णगुणा वा द्वितीयकोटिरैककर्णगुणा तुल्यैव । एवमे-
कभुजो द्वितीयकर्णगुणो वा द्वितीयभुज एककर्णगुणस्तुल्य एव । अतः प्रकृते
तावत् प्रथमद्वितीययोज्ञात्ययोर्मिथो भुजकर्णघातौ तुल्यौ तेन कोटिज्ययोर-
न्तरेण त्रिज्यागुणेन चापयोगार्धज्या चापान्तरार्धज्याघातो द्विगुणस्तुल्यः स्यात्
कोटिकर्णघातौ च तुल्यौ तेन भुजज्ययोरन्तरेण त्रिज्यागुणेन चापयोगार्धको-
टिज्याचापान्तरार्धज्याघातो द्विगुणस्तुल्यः । एव द्वितीयतृतीययोज्ञात्ययोरपि
तेन भुजज्ययोर्योगेन त्रिज्यागुणेन चापान्तरार्धकोटिज्याचापयोगार्धज्याघातो

द्विगुणस्तुल्यस्तथा कोटिज्ययोर्यागेन त्रिज्यागुणेन चापयोगार्धकोटिज्याचापान्तरार्धकोटिज्याघातो द्विगुणः स्यादिति । सिद्धम् ।

अत्र घातयोर्द्वाभ्यामपवर्तनेन चापयोरुगुणसमासवियोगाविति सूत्रे उपपन्ने भवतः । तद्वया भुजज्ययोर्यागेन त्रिज्याधगुणेन तुल्या चापान्तरार्धकोटिज्या चापयोगार्धजोवाहतिरित्यस्मिन् चापान्तरार्धकोटिज्याभक्ते चापयोगार्धज्या स्यादेवमन्यत्रापि युक्तिरुद्दनीर्येति । एवं प्रथमतृतीययोर्जात्ययोर्भुजकोटिघातौ च तुल्यौ तेन कोटिज्ययोरन्तरयोगघातस्य भुजज्ययोरन्तरयोगघातसमत्वं योगान्तरघातस्य वर्गान्तरसमत्वाच्च कोटिज्ययोर्योगान्तरं भुजज्ययोर्योगान्तरसममिति सिद्धम् । अत्र प्रकारान्तरेणोपपत्तिरपि दृश्यते इत्यलम् ।

अथोक्तचापयोगान्तरार्धज्याप्रकारमङ्गीकृत्य तद्विगुणांशज्या यावत् साध्यते तावच्चापयोगान्तरज्यैव संपन्ना भवति । तथाहि । भुजज्ययोरन्तर लभु १ वृभु १ । वर्गेण लभु १ लभु १ वृभु २ वृभु १ । कोटिज्ययोरन्तर लको १ वृको १ वर्गे । लको १ लको १ वृको २ वृको १ । युक्तौ जातः कर्णवर्गः लभु १ लभु १ वृभु २ वृभु १ लको १ लको १ वृको २ वृको १ । अयं चापान्तरपूर्णज्यारूपस्तथा चापान्तरक्रमोत्क्रमज्ययोः खत, भूतरेखयोश्च वर्गयोगस्तुल्यः वर्गयोगस्तु द्विगुण-त्रिज्योत्क्रमज्याघातस्तुल्य इत्यस्मिन् वर्गयोगे द्विगुणत्रिज्याभक्ते चापान्तरांशो-त्क्रमज्या लभ्यते तत्र वर्गयोगे लघुभुजज्यावर्गलघुकोटिज्यावर्गखण्डयोस्तथा बृहद्भुजज्यावर्गबृहच्चापकोटिज्यावर्गयोर्यागस्य त्रिज्यावर्गत्वात् खण्डचतुष्टय-योगे त्रिज्यावर्गो द्विगुणो जात इति कर्णवर्गः लभु १ वृभु २ लको १ वृको २ त्रिव २ । अयं द्विगुणत्रिज्याभक्तः द्वाभ्यामपवर्तितस्तदा चापान्तरांशोत्क्रमज्या जाता तथा हीना त्रिज्या जाता चापान्तरकोटिज्या लभु १ वृभु १ लको १ वृको १ त्रिव १ त्रिव १ । अत्र त्रिज्यावर्गयोर्धनार्णवयोर्नाशे सिद्धा त्रि १

चापान्तरकोटिज्या लभु १ वृभु १ लको १ वृको १ । अत्र भुजज्ययोः कोटिज्ययोश्च त्रि १

घातौ त्रिज्याभक्तौ फलयोगश्चापान्तरकोटिज्या स्यादिति सिद्धम् । अथैतद्वर्गेण हीनस्त्रिज्यावर्गो जातश्चापान्तरभुजज्यावर्गः ।

लभु १ वृभु १ लभु १ वृभु १ लको १ वृको २ लको १ वृको १ त्रिव १ । त्रिव १

अत्र चतुर्थखण्डे त्रिज्यावर्गगुणितत्रिज्यावर्ग इत्यस्ति तत्र लघुभुजज्यावर्गलघु-कोटिज्यावर्गयोग एव त्रिज्यावर्गगुणित इति चतुर्थखण्डस्वरूपम् । लभु १ त्रिव १

लकोव . त्रिव १ । अत्र लभुजज्यावर्गगुणितवृहद्वुजज्यावर्गरूपः प्रथमपण्डो
लघुभुजज्यावर्गगुणितत्रिज्यावर्गोक्तोध्यस्तत्र लाघवायै समगुणकृत्वाद्वृहद्वुज-
ज्यावर्गानत्रिज्यावर्गो वृहत्कोटिज्यावर्गो लघुभुजज्यावर्गगुणित इति स्वरूपं
सिद्धम् । लभुव . वृकोव १ । एवं लघुकोटिज्यावर्गगुणो वृहत्कोटिज्यावर्गत्रिज्या-
वर्गो पण्डयोस्तदन्तरं वृहद्वुजज्यावर्गरूपमेव लघुकोटिज्यावर्गगुणितमिति
स्वरूपम् । लकोव . वृभुव १ । एवं सिद्धस्वरूपन्यासः

लभुव . वृकोव १ लभु . वृभु . लको . वृको २ लकोव . वृभुव १ । एतस्य मूलम् ।
त्रिव १

लभु . वृको १ लको . वृभु १ । वा । लभु . वृको १ लको . वृभु १ । अयं चापान्तरज्या-
त्रि १ त्रि १

रूपस्तेन परस्परकोटिज्यागुणितभुजज्ये त्रिज्याभक्ते फलयोरन्तरं चापान्तरज्या
स्यादिति सिद्धम् । अथैव चापैक्यज्या भुजज्ययोर्योगवर्गः । लभुव १ लभु . वृभु २
वृभुव १ । कोटिज्ययोरन्तरवर्गेण । लकोव १ लको . वृको २ वृकोव १ युक्तश्चापैक्या-
शपूर्णज्यावर्गः । लभुव १ लभु . वृभु २ वृभुव १ लकोव १ लको . वृको २ वृकोव १
अयमेव चापैक्यक्रमोत्क्रमज्ययोः अन, भनरेखयोरश्च वर्गयोगः सच द्विगुण-
त्रिज्याभक्तश्चापयोगोत्क्रमज्या तत्र पूर्ववत् खण्डस्वरूपम् । लभु . वृभु २
लको . वृको २ त्रिव २ । अनया हीना त्रिज्या जाता चापयोगकोटिज्या पूर्ववदेव ।

त्रि १

लभु . वृभु १ लको . वृको २ । अस्या वर्गेण त्रिज्यावर्गो हीनो जातश्चापैक्यभुज-
त्रि १

ज्यावर्गः ।

लभुव . वृभुव १ लभु . वृभु . लको . वृको २ लकोव . वृकोव १ त्रिव १ । अत्रापि-
त्रिव १

द्वितीयपण्डो यथास्थितः ततः शिष्टखण्डत्रयाणं पूर्ववत् सिद्धं खण्डद्वयं तेन
न्यासः

लभुव . वृकोव १ लभु . वृभु . लको . वृको २ लकोव . वृभुव १ । अस्य मूलम् ।
लभु . वृको . लको . वृभु १ । चापैक्यज्या सिद्धा तेन परस्परकोटिज्यागुणितभुज-

त्रि १

ज्ययोस्त्रिज्याभक्तयोर्योगश्चापैक्यज्येति सिद्धम् ।

भुजज्ययोरन्तरवर्गयुक्तात्
कोटिज्ययोरन्तरजातवर्गात् ।

त्रिज्योद्भूतस्वार्धजवर्गहीना-
 न्मूलं हि चापान्तरभागजीवा ॥
 कोटिज्ययोरन्तरवर्गयुक्ता-
 द्वेर्जीवयोः संयुतिजातवर्गात् ।
 त्रिज्योद्भूतस्वार्धजवर्गहीना-
 न्मूलं हि चापैक्यलवज्यका स्यात् ॥
 वर्गसंयुतिदलं निजं निजं
 त्रिज्यकाहृतमतः फलानिता ।
 त्रिज्यका भवति कोटिमौर्विका
 चापयोर्विवरयोगभागजा ॥

अत्रोपपत्तिः सुगमा । वर्गयोगो द्विगुणत्रिज्योत्क्रमज्याघातस्तदा वर्गयोगार्धं त्रिज्याभक्तं चापान्तरैक्यभुजोत्क्रमज्या तद्वर्गेण क्रमज्योत्क्रमज्यावर्गयोगतुल्यो वर्गयोगो हीनः क्रमज्यावर्ग एव तन्मूलं चापान्तरयोगज्येत्येवमुत्क्रमज्यानत्रिज्या कोटिज्यैवेति यथोक्तमुपपन्नम् ।

अत्रानन्तरोक्तचापान्तरयोगज्याप्रकारे चापयोरिष्टयोर्दार्ढ्यं मिथः कोटिज्यकाहते इत्यत्र बीजगणितीयकनिष्ठज्येष्ठक्षेपभावनयैवोपपत्तिरिति मरीचिकाराः प्राहुः । तद्वथा । तत्र तावत् कनिष्ठज्येष्ठक्षेपाणां लक्षणान्युच्यन्ते । इष्टमेव कनिष्ठं तद्वर्गात् प्रकृतिगुणात् क्षेपयुतान्मूलं ज्येष्ठं क्षेपाद्भूः सैः इति ज्ञाप्ताधने तु भुजज्यातुल्यं कनिष्ठं कल्पितं तदा कोटिज्यातुल्यं ज्येष्ठं त्रिज्यावर्गक्षेपे ऋणैरूपकृतौ सिद्ध्यति । यतः कनिष्ठरूपभुजज्यावर्गं ऋणरूपप्रकृत्या गुणिते कनिष्ठवर्गः ऋणगतः स्यात् तत्र त्रिज्यावर्गक्षेपयोगजने धनर्णयोरन्तरमेव योग इति शेषस्य कोटिज्यावर्गत्वात् तन्मूलं कोटिज्येव ज्येष्ठं फलितम् ।

अथ भावना द्विविधा समासभावना अन्तरभावना च तत्र तावत् समासभावनाच्यते । लघुचापभुजकोटिज्ये आद्यकनिष्ठज्येष्ठसंज्ञे तथा बृहत्चापभुजकोटिज्ये द्वितीयकनिष्ठज्येष्ठसंज्ञे च कृते ततोऽनयोः समासभावनार्थं

न्यासः { आभुज १ अकोज्ये १ प्र १ त्रिवत्ते १ } अत्र सूत्रम् ।
 { द्विभुज १ द्विकोज्ये १ प्र १ त्रिवत्ते १ }

यत्राभ्यासौ ज्येष्ठलघ्वोस्तदैक्यं
 ह्रस्वं लघ्वोराहतिश्च प्रकृत्या ।

क्षुण्णं ज्येष्ठाभ्यासयुग्ं ज्येष्ठमूलं
तथाभ्यासः क्षेपयोः क्षेपकः स्यात् ॥

तद्वया । अत्र ज्येष्ठकनिष्ठयोर्वज्राभ्यासयोगश्चापैक्यभुजज्यासंबन्धिकनिष्ठम् । आभु . द्विको १ आको . द्विभु १ । गण्डद्वयात्मकम् । अथ लक्ष्मोराहतिः आभु . द्विभु १ प्रकृत्या १ गुणिता आभु . द्विभु १ ज्येष्ठाभ्यासेन आको . द्विको १ युक्ता तत्र धनर्णयोरन्तरमेव योग इति ज्ञात चापैक्यकोटिज्यासंबन्धि ज्येष्ठम् । आभु . द्विभु १ आको . द्विको १ क्षेपयोर्घातः क्षेपोऽत्र ज्ञातः त्रिध्व १ अत्र ज्यासाधने क्षेपस्त्रिज्यावर्गः सर्वत्रैवापेक्षितस्तत इष्टवर्गहृतः क्षेपः क्षेपः स्याद्विष्टभाजिते मूले ते स्त इति रीत्या साधिते कनिष्ठज्येष्ठे त्रिज्यावर्गक्षेपे भवतः । तथाहि इष्टं त्रिज्या कल्पिता तद्वर्गेण त्रिध्व १ सिद्धस्त्रिज्यावर्गवर्गक्षेपो भक्तस्तदाऽभिमतेक्षेपो ज्ञातः त्रिध्व १ तदा ते सिद्धे मूले कनिष्ठज्येष्ठे इष्टेन त्रिज्याया भक्ते ज्ञाते अभिमते कनिष्ठज्येष्ठे आभु . द्विको १ आको . द्विभु १ त्रि १

आभु . द्विभु १ आको . द्विको १ एते एव चापैक्यभुजकोटिज्ये ज्ञाते ।
त्रि १

अथान्तरभावनायै न्यासः { आभु १ आको १ त्रिध्व १ प्र १ } अत्रापि सूत्रम् ।
द्विभु १ द्विको १ त्रिध्व १ प्र १

ह्रस्वं वज्राभ्यासयोरन्तरं वा
लक्ष्मोर्घातो यः प्रकृत्या विनिध्नः ।
घातो यश्च ज्येष्ठयोस्तद्वियोगो
ज्येष्ठं क्षेपोऽत्रापि च क्षेपघातः ॥

तद्वया । वज्राभ्यासयोरन्तरं कनिष्ठं आभु . द्विको १ आको . द्विभु १ अथ कनिष्ठयोर्घातः आभु . द्विभु १ प्रकृत्या १ गुणितः आभु . द्विभु १ एतस्य ज्येष्ठघातस्य आको . द्विको १ चान्तरं कर्तव्यं तत्र सशोध्यमानं स्वमृणात्वमेति स्वत्वं तयस्तदुत्तरकृत्यव्यतिज ज्ञातं ज्येष्ठम् । आभु . द्विभु १ आको . द्विको १ क्षेपघातः क्षेपः त्रिध्व १ अत्रापिष्टवर्गहृतः क्षेपः क्षेपः स्याद्विष्टभाजिते । मूले ते स्त इति त्रिज्यामितेष्टकल्पनात् मान्यज्जाते त्रिज्यावर्गक्षेपे कनिष्ठ आभु . द्विको १ आको . द्विभु १ ज्येष्ठे आभु . द्विभु १ आको . द्विको १ एते एव त्रि १ त्रि १

चापान्तरभुजकोटिज्ये तेन परस्परकोटिज्यागुणितभुजज्ययोस्त्रिज्याभक्तयोर्योगान्तरे यद्य चापयोगान्तरज्ये तथा भुजज्ययोः कोटिज्ययोर्घातात् त्रिज्याभक्तात् फलान्तरयोगौ चापैक्यान्तरकोटिज्ये इति यथोक्तमुपपन्नम् ।

अथ प्रसङ्गाद्वाचनोपपत्तिरपि प्रकृते वक्तुमुचिता सा च क्षण्यदैवज्ञोक्तव्रीजनवाङ्मुरस्योपपत्तिरस्माभिर्भास्कररीयज्योत्पत्तिटीकायां स्पष्टीकृता । इह तु तावन्मुनीश्वरकृतोच्यते । आद्यकनिष्ठज्येष्ठतेषाणां द्वितीयकनिष्ठज्येष्ठतेषाणां च

पन्त्योन्यासः { आक १ आज्ये १ आते १ } अत्र मियो ज्येष्ठमिष्टं प्रकल्प्य

इष्टवर्गगुणः सेपः सेपः स्यादिष्टसंगुणे मूले तेस्त इति रीत्या जाताः पन्त्योः

कनिष्ठज्येष्ठतेषाः । न्यासः { आक . द्विज्ये १ आज्ये . द्विज्ये १ द्विज्येव . आते १
द्विक . आज्ये १ आज्ये . द्विज्ये १ आज्येव . द्विजे १

अत्र पन्त्योः कनिष्ठयोर्योगोऽन्तरं च कनिष्ठमिच्छयाकल्पितम् । इष्टं ह्रस्वमित्युक्तेः कनिष्ठम् । आक . द्विज्ये १ द्विक . आज्ये १ खण्डद्वयात्मकम् । वा

आक . द्विज्ये १ द्विक . आज्ये १ अस्यवर्गः आकव . द्विज्येव १ आक . द्विज्ये . द्विक . आज्ये २ द्विकव . आज्येव १ वा आकव . द्विज्येव १ आक . द्विज्ये . द्विक .

आज्ये २ द्विकव . आज्येव १ प्रकृतिगुणः आकव . द्विज्येव . प्र १ आक . द्विज्ये . द्विक . आज्ये . प्र २ द्विकव . आज्येव . प्र १ वा आकव . द्विज्येव . प्र १ आक . द्वि-

ज्ये . द्विक . आज्ये . प्र २ द्विकव . आज्येव . प्र १ अत्र प्रथमखण्डयोः प्रकृतिगु-

णस्याद्यकनिष्ठवर्गस्य द्वितीयज्येष्ठवर्गो गुणस्तत्स्वरूपम् । द्विकव प्र १ द्वि-

जे १ इदमेव प्रकृतिगुणेनाद्यकनिष्ठवर्गेण आकव . प्र १ गुणितं जातं खण्डद्वया-

त्मकम् । आकव . द्विकव . प्रव १ आकव . द्विजे . प्र १ एवं तृतीयखण्डयोर्द्वि-

तीयकनिष्ठवर्गस्वरूपेण द्विज्येव १ द्विजे १ आद्यज्येष्ठवर्गः प्रकृतिगुणः आज्येव .

प्र १

प्र १ गुणितो जातः खण्डद्वयात्मकस्तत्र प्रकृत्योर्गुणहरयोः समत्वेन नाशात्

मिदृस्तृतीयखण्डस्वरूपः आज्येव . द्विज्येव १ आज्येव . द्विजे १ एवं वज्राभ्या-

सयोगान्तररूपकनिष्ठयोर्वर्गौ प्रकृतिगुणौ पञ्चखण्डात्मकौ जातौ । आकव .

द्विकव . प्रव १ आकव . द्विजे . प्र १ आक . द्विज्ये . द्विक . आज्ये . प्र २ आज्येव .

द्विज्येव १ आज्येव . द्विजे १ वा आकव . द्विकव . प्रव १ आकव . प्र . द्विजे १

आक . द्विज्ये . द्विक . आज्ये . प्र २ आज्येव . द्विज्येव १ आज्येव . द्विजे १ अत्र

पञ्चमखण्डयोर्गुणस्याद्यज्येष्ठवर्गस्य स्वरूपान्तरेण आकव . प्र १ आक १ द्वि-

तीयत्तेषः खण्डगतो गुणितः पञ्चमखण्डं खण्डद्वयात्मकम् सिद्धम् । आकव .
 प्र . द्वित्वे १ आत्वे . द्वित्वे १ एवं जातौ कल्पितरुनिष्ठवर्गौ प्रकृतिगुणौ खण्डप-
 द्धात्मकौ तत्र द्वितीयपञ्चमखण्डयोः प्रकृतिगुणाद्व्यकनिष्ठवर्गद्वितीयत्वेपघात-
 रूपयोर्धनर्णयोस्तुल्यत्वाच्चाशे सिद्धौ खण्डचतुष्टयात्मकौ । आकव . द्विकव . प्रव १
 आक . द्वित्वे . द्विक . आत्वे . प्र २ आत्वेव . द्वित्वेव १ आत्वे . द्वित्वे १ वा । आ-
 कव . द्विकव . प्रव १ आक . द्वित्वे . द्विक . आत्वे . प्र २ आत्वेव . द्वित्वेव १ आत्वे .
 द्वित्वे १ अत्र चतुर्थखण्डमितधनत्वेपेण त्वेपघाततुल्येन योजनेन चतुर्थखण्डनाशात्
 खण्डत्रयात्मकौ ज्येष्ठवर्गौ सिद्धौ तयोर्मूले आक . द्विक . प्र १ आत्वे . द्वित्वे १
 आक . द्विक . प्र १ आत्वे . द्वित्वे १ क्रमेण योगपक्षेऽन्तरपक्षे च सिद्धौ ज्येष्ठम् ।
 अत्रान्तरपक्षे ज्येष्ठमिदं वा । आक . द्विक . प्र १ आत्वे . द्वित्वे १ एतेन
 योगान्तरभावनासूत्रमुपपन्नमिति सिद्धान्तसार्वभौमटीकायां मरीचौ चोक्ताः ।
 एतदपेक्षया लाघवेन तत्त्वविवेके निरूपिता सा च प्रदर्श्यते ।

प्रकृतिगुणस्य कनिष्ठवर्गस्य ज्येष्ठवर्गस्यान्तरं किल त्वेप इत्याद्याद्वितीय
 त्वेपौ { प्र . आकव १ आत्वेव १ } अनयोर्घातः खण्डचतुष्टयात्मकः त्वेपः सिद्धः

प्रव . आकव . द्विकव १ प्र . आत्वेव . द्विकव १ प्र . द्वित्वेव . आकव १ आत्वेव .
 द्वित्वेव १ अयं येन युतः सम्मूलदः स्यात् स च प्रकृतिगुणः कनिष्ठवर्ग एवात-
 स्तस्य प्रकृतिभक्तस्य मूलमेव त्वेपघातत्वेपेऽभिमतकनिष्ठ योजने कृते यन्मूलं
 तत् तु ज्येष्ठ कनिष्ठवर्गस्य प्रकृतिगुणस्य त्वेपयुतस्य ज्येष्ठवर्गसमत्वात् । अत्र
 त्वेपघातत्वेपस्य चतुःखण्डात्मकस्याद्व्यन्तखण्डयोर्मूले । प्र . आक . द्विक १ आ-
 त्वे . द्वित्वे १ यदि एह्येते तद्वैतयोर्घातौ द्विगुणः प्र . आक . द्विक . आत्वे .
 द्वित्वे २ मध्ये तिष्यते तथा द्वितीयतृतीयखण्डयोस्तुल्य धनं । प्र . आत्वेव . द्वि-
 कव १ प्र . द्वित्वेव . आकव १ यदि च तिष्यते तदा द्वितीयतृतीयखण्डयोर्नाशा-
 दवशिष्ट खण्डत्रयम् । प्रव . आकव . द्विकव १ प्र . आक . द्विक . आत्वे . द्वित्वे
 २ आत्वेव . द्वित्वेव १ अयं ज्येष्ठवर्गोऽस्य मूल ज्येष्ठम् प्र . आक . द्विक १ आत्वे .
 द्वित्वे १ अयं योज्याङ्गस्य प्र . आत्वेव . द्विकव १ प्र . आक . द्विक . आत्वे . द्वि-
 त्वे २ प्र . द्वित्वेव . आकव १ प्रकृतिभक्तस्य आत्वेव . द्विकव १ आक . द्विक .
 आत्वे . द्वित्वे २ द्वित्वेव . आकव १ मूल जात कनिष्ठम् । आत्वे . द्विक १ द्वि-
 त्वे . आक १ एतेन योगभावनोपपन्ना । अथ स्वमूले धनर्ण इति धीजोक्त्या
 एह्यमाणमूलयोर्घातौ द्विगुणौ यदि खण्डगतः प्र . आक . द्विक . आत्वे . द्वि-
 त्वे २ तिष्यते तदाऽन्तरभावनोक्तमपि स्पष्टमुत्पद्यते तत्र जात ज्येष्ठम् ।

प्र. आक. द्विक १ आन्त्ये. द्वित्ये १ वा प्र. आक. द्विक १ आन्त्ये. द्वित्ये १ एवं
कनिष्ठम् । आन्त्ये. द्विक १ द्वित्ये. आक १ वा आन्त्ये. द्विक १ द्वित्ये. आक १ ।
तेपस्तु तेपधातरूपः पूर्वमेव स्वीकृत इति भावनाद्वयमुपपन्नम् ।

अथ प्रसङ्गादिष्टवर्गहृतः तेप इत्यत्रापि युक्तिर्यथा । उक्तकनिष्ठज्येष्ठवर्गौ
क२ १। कव प्र १ ते १। एताविष्टवर्गगुणावन्त्या जातौ कनिष्ठज्येष्ठवर्गौ इव. कव १
इव. कव. प्र १ इव. ते १ अत्र कनिष्ठवर्ग इव. कव १ प्रकृतिगुणे इव. कव.
प्र १ ज्येष्ठवर्गात् इव. कव. प्र १ इव. ते १ अपनीति शेषं तेपः इव. ते १ पूर्वतेप
इष्टवर्गगुणित एव सिद्धः । एष कनिष्ठज्येष्ठवर्गाविष्टवर्गगुणावपि वर्गाविव त-
न्मूलयोः कनिष्ठज्येष्ठयोरिष्टमेव गुणः स्यात् । एतेन तुल्यः तुल्ये तदा पदे इत्यु-
क्तमुपपन्नम् । एवमेवेष्टवर्गण कनिष्ठज्येष्ठवर्गयोर्हरणेऽपि न वर्गत्वहानिस्तत्र
कनिष्ठज्येष्ठयोरिष्टहरण तेषम्येष्टवर्गहरण सिद्धम् । तेन इष्टवर्गहृतः तेप
इत्युपपन्नम् ।

एवं कनिष्ठज्येष्ठयोरिव भुजज्याकोटिज्ययोर्धातरूपवज्राभ्यासस्वरूपसिद्ध-
भावनाया चापान्तरैक्यज्योपपत्तिः सिद्धा तथा दोःकोट्योर्नामभेद एव न
स्वरूपभेद इति दर्शनात् कोटिज्याया. कनिष्ठत्व भुजज्याया ज्येष्ठत्व त्रि-
ज्यावर्गतेपे ऋणैकप्रकृतौ वा प्रकल्प्य प्रोक्तवद्भावनया कथितस्वरूपसिद्धेव चाप
योगान्तरज्या स्यात् । भुजचापैक्यान्तरयोः कोटिचापैक्यान्तराभ्या तुल्यत्वात्
तदा ज्याभावनया धीजगणितीयभावनारूपैवेति वदन्ति पर भावनात्वाविशे-
षादन्यरीत्यवगतयोगान्तरभावनया तत्सिद्ध्यापत्तिरिति तत्त्वविवेककारा वद-
न्ति । तथाहि धनैकप्रकृतौ त्रिज्यातुल्य कनिष्ठ । कोटिज्यातुल्य ज्येष्ठ भुजज्या-
वर्गतुल्य ऋणतेपक इत्येकः पक्षः । अथवा भुजज्या कनिष्ठ त्रिज्या ज्येष्ठ को-
टिज्यावर्ग. तेपक इति द्वितीय इत्यादिस्यले भावनासिद्धप्रकारेण चापैक्या-
न्तरज्यासिद्धिर्नैव तथा पूर्वाक्तपक्षेऽपि कनिष्ठज्येष्ठाभ्या भावनया तद्विचकनि-
ष्ठज्येष्ठयोः सिद्धयोश्चापैक्यान्तरज्यातुल्यत्वे च युक्त्यनुपपादनाद्भावनानुशा-
दुपपत्तिरयुक्ता किन्तु धीधरपक्षनुरोधेन भुजज्याकोटिज्ययोस्तिर्यग्गुणनसिद्ध्या
वज्रवदभ्यासाद्भावनान्व स्वतः ससिद्धमेवेति लौकिककनिष्ठज्येष्ठभावनानुद-
पूर्वा ज्याभावनयमुक्ता चापैक्यान्तरज्यासिद्धयर्थमित्यल पल्लवितेन ।

अथ भुजकोटिविचरचापाना तदर्थचापाना. तथा द्विगुणचापानामिष्टचा-
पार्धस्य च ज्ञानयनम् ।

कोटिदोर्विवरखण्डजजीवा

कोटिदोर्गुणत्रियोगजवर्गात् ।

अर्धितात् पदमधोभुजकोट्यो-

रन्तरं द्विगुणबाहुजकोटिः ॥

कोटिदोर्गुणहतिः करनिघ्नी

कोटिदोर्गुणजघर्गवियोगः ।

तौ हृतौ त्रिभुगुणेन मते ते

द्विघ्रचापभुजकोटिजजीवे ॥

भुजज्याया धर्गस्त्रिगुणदलभक्तः सविश्वे

द्विनिघ्नांशानां तत्त्रिगुणविधरं कोटिजगुणः ।

तथा दोर्ज्याधर्गं निगमगुणिते तत्फलकृति-

र्विहीना तन्मूलं द्विगुणलघजजीवा भवति घा ॥

उत्क्रमक्रमगुणार्धकृती ये

तद्युतेः पदमिहार्धलवानाम् ।

शिङ्घिनी भवति चात्क्रमजजीवा-

विज्यकाहतिदलस्य च मूलम् ॥

द्विघ्रचापजनितोत्क्रमजजीवा-

भाजितो भुजगुणोद्वधर्गः ।

उत्क्रमामिधगुणेन विनिघ्र-

स्तत्पदं तु दलभागगुणो वा ॥

विज्यकाधर्मय कोटिगुणार्धं

तद्युतिस्त्रिभुगुणेन विनिघ्नी ।

तत्पदं तु दलभागजकोटिः

शिङ्घिनी भवति युक्तिविभेदात् ॥

विज्याघ्रदोर्ज्यानयुतचिभज्या-

कृतेः पदे ह्यन्तरयोगसंज्ञे ।

योगोऽन्तरेणोनयुतोऽर्धतस्तौ

दलांशदोःकोटिगुणो क्रमात् स्तः ॥

विज्याघ्नदोर्ज्यानयुतविभज्या-
 र्गस्य खण्डाज्जनिते च मूले ।
 भुजोनयुक्ताम्बरनन्दखण्ड-
 प्रमांशजीवे भवतः क्रमेण ॥
 बाहुकोटिलवयोगजजीवा
 स्यात् समा युतिजभावनया सा ।
 विज्यया तत इह श्रुतिवर्गः
 कोटिबाहुकृतियोगसमानः ॥
 विज्यकादलमिता गदिता सा
 खाम्निभागजनिता किल जीवा ।
 विज्यकाकृतिदलस्य च मूलं
 स्यात् कलम्यनिगमांशकजीवा ॥

अथासां क्रमेणोपपत्तयः (२४ तेत्रं द्रष्टव्यम् ।) प्रथमं वृत्ते भुजांशाः कोट्यांशा-
 रच पूर्वोचिह्नादेव देयाः । यथा कगचापं भुजांशाः तदूननवतितुल्यं कचचापं तदा
 प्रथमभुजज्या गमरेखा प्रथमकोटिज्या गफरेखा । एव द्वितीयभुजज्या प्रथमकोटि-
 ज्यातुल्या चहरेखा तथा द्वितीयकोटिज्या प्रथमभुजज्यातुल्या चन रेखा जाता ।
 अत्र भुजज्ययोरन्तरं चहरेखा भुजः कोटिज्ययोरन्तरं गह्रमितं कोटिः । इमे भुज-
 ज्याकोटिज्यान्तरतुल्ये एव । एतदन्तरवर्गतेत्रं खगह्रच चतुर्भुजं तत्र चग, चहरेखे
 तुल्ये एव कर्णा कर्णार्धं गव रेखा तद्वर्गतेत्रं गवखपचतुर्भुजं जातम् । अत्र
 वर्गतेत्रार्धं तत्कर्णार्धवर्गतेत्रं तेनान्तरवर्गार्धं तत्कर्णार्धस्य भुजकोट्यान्तरार्धांशार्ध-
 जीवाख्यस्य वर्ग इति भुजज्याकोटिज्यान्तरवर्गार्धमूलं भुजकोट्यान्तरार्धांशज्ये-
 त्सुपपन्नम् । यतः खगह्र, चगह्रं ह्रचं, वचह्रं, इत्यानि तुल्यानि त्रिभुजानि ।
 एतत्तुल्यमेव खपगं त्रिभुजम् । अत्र त्रिभुजद्वययोगो वर्गार्धतेत्रं तथा कर्णार्ध-
 वर्गतेत्रं च प्रत्यक्षं यथा । चगह्रं वर्गार्धं चह्रच, वगह्र, योगमितं तथा कर्णा-
 र्धवर्गतेत्रं गवखपचतुर्भुजं खगव, खपगत्रिभुजयोगखूपमित्येवं सर्वत्र वर्गतेत्रार्धं
 तत्कर्णार्धवर्गतेत्रतुल्यमथ कर्णार्धं केन्द्रकल्पनाद्वृत्तान्तर्गतं वर्गतेत्रं ततस्तत्कर्णौ
 घ्यासरेखाख्यौ मिथो लम्बख्यौ तेन कर्णार्धगतकोणानां समकोणत्वेन चत्वारि
 त्रिभुजानि जात्यान्येषामित्युक्तं युक्तमिति ।

अथ द्विगुणवापज्याकोटिज्यायं तथार्धाशज्याकोटिज्यायं च (२५ क्षेत्रं द्रष्ट-
व्यम् ।) अत्र तृते द्विगुणवापपूर्णज्या खकरेखा द्विगुणयेष्टभुजज्यया समा भुजः ।
द्विगुणवापोनभार्धाशपूर्णज्या खकरेखा द्विगुणयेष्टकोटिज्यया तुल्या कोटिः ।
द्विगुणत्रिज्यामिता ककरेखा व्यासरूपा कर्ण इत्येकं जात्यम् । अथ जकरेखा
इष्टभुजज्यामिता भुजः । जटरेखा इष्टकोटिज्यामिता कोटिः । कटरेखा त्रिज्या-
मिता कर्ण इति द्वितीयं जात्यम् । अथ प्रथमजात्ये कर्णभूमौ लम्बस्तु द्विगु-
णवापज्यारूपः खकरेखामितस्तद्वशाज्जात्यद्वयमन्यदुत्पन्नं तत्र द्विगुणवापज्या
खकरेखा भुजः । खकरेखा द्विगुणवापकोटिज्यात्रिज्यायुतिमिता कोटिः । खकरेखा
इष्टकोटिज्या द्विगुणा कर्ण इति तृतीयं जात्यम् । अस्य प्रथमक्षेत्रस्य कोटि-
कर्णसपातजकोणस्यैकत्वात् साजात्यम् । एव द्विगुणवापोत्क्रमज्या ककरेखा
भुजः । खकरेखा कोटिः । खकरेखा कर्ण इति चतुर्थं जात्यम् । अस्य प्रथमजा-
त्यस्य भुजकर्णसपातजकोणैकत्वात् साजात्यम् । अथ द्विगुणवापोत्क्रमज्यार्धं
ककरेखा सा भुजः । द्विगुणवापज्यार्धतुल्या जकरेखा कोटिः । इष्टभुजज्या जक-
रेखा कर्ण इति पञ्चमं जात्यं तथा जकरेखा भुजः । कटरेखा कोटिः । जटरेखा
कोटिज्यामिता कर्ण इति षष्ठं जात्यम् । एतानि मियः सजातीयानि तत्र
द्वितीयतृतीयाभ्यामनुपातो यथा । कटत्रिज्याकर्णं जक भुजज्या भुजस्तदा द्वि-
गुणकोटिज्यामिते खचकर्णं केति भुजज्याकोटिज्याघातो द्विगुणस्त्रिज्याभक्तः
फल द्विगुणाशज्या खकरेखारूपा भु - को १ । अथ त्रिज्याकर्णं भुजज्या भुजस्तदा
त्रि १

भुजज्याःकर्णं केति लब्धः । ककरेखा तथा त्रिज्याकर्णं कोटिज्या कोटिस्तदा
कोटिज्याःकर्णं केति कटरेखा । इयं ककृतुल्यया ककरेखया हीना जाता कटरेखा
द्विगुणवापकोटिज्यामिता भुज १ कोव १ । अथवा भुजज्याकोटिज्ये जक-जटरेखे
त्रि १

भुजैः । त्रिज्या कटरेखा भूमिः । कक कटरेखे आबाधे । तत्र भुजज्याकोटिज्याव-
गान्तरं त्रिज्याभक्तं लब्धमाबाधान्तरमिदमेव द्विगुणवापकोटिज्यामितं तद्वयाया ।
द्विगुणाशकोटिज्या उत्क्रमज्यार्धयुता बृहदाबाधा सा उत्क्रमज्यार्धरूपलब्धा-
बाधया हीना सती द्विगुणाशकोटिज्या स्यादेव । एतेन द्विगुणवापज्याकोटि-
ज्यानयनमुपपन्नमिति ।

एव त्रिज्याकर्णं भुजज्या भुजस्तदा द्विगुणभुजज्यामिते कवकर्णं क इति
भुजज्यावर्गः । द्विगुणस्त्रिज्याभक्तः फल द्विगुणवापोत्क्रमज्या ककरेखा या गुण-
हरयोरर्धोकरणाद्वज्ज्यावर्गस्त्रिज्यार्धभक्तस्तदा द्विगुणवापोत्क्रमज्या लभ्यते
तस्यास्त्रिज्याया यदन्तरं सा द्विगुणवापकोटिज्या भवति ।

अथवा भुजज्याकोटिज्याभ्यां तुल्यभावनार्थं न्यासः भु १ भु १ भुजज्ये मिथः
को १ को १

कोटिज्याकाहते त्रिज्याभक्ते फले भु १ को १ भु १ को १ । अनयोर्योगो द्विगुणचापज्या
त्रि १ त्रि १

सिद्धा भु १ को २ । एवं भुजज्ययोर्घाते कोटिज्ययोर्घाते त्रिज्याभक्ते फलान्तरं
त्रि १

द्विगुणचापकोटिज्या सिद्धा भु १ को १ ।
त्रि १

अथवा भुजचापकोटिचापयोर्न्याभावनार्थं न्यासः भु १ को १ । अनयोरन्तरं
को १ भु १

भावनया जाता भुजकोट्यन्तरांशज्या भु १ को १ । एव भुजकोट्यन्तरांशको-
त्रि १

टिज्या च । भु १ को २ । अत्र भुजोना नवत्यंशः कोटिः भु १ रू ९० । अस्या भुज-
त्रि १

स्यान्तरम् । भु २ रू ९० द्विगुणचापकोट्यंशमितम् । अनेन नवत्यंश हीनास्तदा
शेषं भु २ द्विगुणचापमितमेतेन भुजकोट्यन्तरज्या द्विगुणचापकोटिज्यातुल्या
तथा भुजकोट्यन्तरांशकोटिज्या द्विगुणचापज्यातुल्येति सिद्धम् ।

अथ द्विगुणचापकोटिज्या भु १ को १ । अत्र कोटिज्यावर्गस्य भुजज्याव-
त्रि १

र्गान्त्रिज्यावर्गैस्वरूपं कृत्वा भु १ त्रि १ तुल्यखण्डयोर्योगे कृते द्विगुणांशको-
टिज्या भु २ त्रि १ । अत्र खण्डे हरभक्ते तदा भुजज्यावर्गो द्विगुणस्त्रिज्या-
त्रि १

भक्तः फलमेकं द्वितीयं फल त्रिज्यैव तयोरन्तरं भुजचापकोटिचापान्तरांशज्या
वा द्विगुणांशकोटिज्येति सिद्धम् ।

अथ भुजकोटिचापयोर्न्याकोटिज्याभ्यां योगभावनार्थं न्यासः भु १ को १ ।
को १ भु १

उक्तवज्जाता चापयोगज्या भु १ को १ । भुजकोटिचापयोगस्य नवत्यंशमितत्वा-
त्रि १

द्वियं त्रिज्यासमेति पक्षयोः समच्छेदीकृतयोश्छेदापगमे कृते न्यासः भु १ को १ ।
त्रि १

अतो भुजज्यावर्गकोटिज्यावर्गयोगस्त्रिज्यावर्गस्य कर्णवर्गरूपेण तुल्य इति सिद्धं

जात्यन्तरे तत्कृत्योयोगपदं कर्ण इति । सजातीयत्वेनानुपातसिद्धचापयोगज्याप्र-
कारमङ्गीकृत्य भुजकोटिज्ञाने कर्णज्ञानं सयुक्तिरुमेव दर्शितम् ।

अथ चापार्धज्याकोटिज्ञाप्राकारोपपत्तिः । द्विगुणचापकोटिज्या भुज २ त्रिज्या १
त्रि १

अनयोना त्रिज्या जाता द्विगुणचापोत्क्रमज्या भुज २ त्रि १ । अथ द्विगुणिताया भुज-
ज्याया वर्गाच्चतुर्गुणितभुजज्यावर्गस्वरूपात् (भुज ४) द्विगुणचापोत्क्रमज्यावर्गः
शोधितः शेष द्विगुणाशज्यावर्ग एव द्विगुणितभुजज्यायाः पूर्णज्यारूपकर्णत्वाद्
द्विगुणचापोत्क्रमज्याया भुजरूपत्वात् कर्णभुजवर्गान्तरमूल कोटिरूपा द्विगुण-
चापज्येत्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथ भुजज्यावर्गा द्विगुणस्त्रिज्याभक्तः फल द्विगुणचापोत्क्रमज्या भुज २ त्रि १ । तदा

द्विगुणचापोत्क्रमज्यात्रिज्याघातो भुजज्यावर्गेण द्विगुणेन तुल्यः । सिद्धस्तथा भुज-
ज्यावर्गा द्विगुणचापोत्क्रमज्यात्रिज्याघातार्धतुल्यः । सिद्धस्तन्मूल भुजज्यैव तेन
त्रिज्योत्क्रमज्यानिहतैर्दलमूलं तदार्धाशकशिञ्जनीत्युपपन्नम् ।

अथवानन्तरोक्तद्वितीयपञ्चमजात्याभ्यामनुपातो यथा । जक्रभुजज्याभुजे कटं
त्रिज्या कर्णस्तदा उत्क्रमज्यार्धरूपे कक्रभुजे कः कर्ण इति भुजज्यारूपा जकरेखा
लब्धा तत्र लब्धस्य उ - त्रि १ । इतुल्यत्वादुल्लभ्यघातो भुजज्यावर्गस्त्रिज्यो-
त्क्रमज्याघातार्धतुल्य इति सिद्धम् । एव क्रमज्यार्ध कोटिः । उत्क्रमज्यार्ध
भुजस्तद्वर्गयोगमूल कर्णः ककरेखा सैव दलाशज्येत्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथ भुजज्याया वर्गं त्रिज्यार्धभक्ते द्विगुणाशोत्क्रमज्या लभ्यते तदा भुजज्या-
वर्गे द्विगुणचापोत्क्रमज्याभक्ते त्रिज्यार्धं लभ्यते भुज १ द्विचाउ १ इयमुत्क्रमज्यागुणिता
दलाशज्यावर्गस्तन्मूल दलाशज्या तेन द्विगुणचापजनितोत्क्रमजीवाभाजितो
भुजगुणोद्भववर्ग इति यदस्यमानयनमुपपन्नम् ।

अथ दलाशकोटिज्ञानयने तु दलाशभुजज्यामिता जकरेखा भुज । दला-
शकोटिज्ञ्यामिता जटरेखा कोटिः । कट, त्रिज्या कर्णस्तत्र जकलम्बनिपा-
ताज्जात्यद्वयमन्यदुत्पन्नम् । जकलम्बो भुजः द्विगुणाशकोटिज्ञ्यात्रिज्यायोगार्ध
भटरेखा कोटिः । दलाशकोटिज्ञ्यातुल्याजटरेखा कर्ण इति । ककरेखा भुजः
जक कोटिः कज कर्ण इति । तत्र प्रथमद्वितीयाभ्यामनुपातो यथा । जटकोटौ

त्रिज्या कर्णस्तदा भेटकोटौ कः कर्ण इति जटरेखा लब्धा । अत्रापि प्रमाण-
गुणितमिच्छाफलं जटरेखावर्गः प्रमाणफलेनेच्छागुणितेन त्रिज्यागुणितात्
कोटिज्यात्रिज्यायोगार्धात् परिमितेन तुल्यस्तन्मूलं दलांशकोटिज्यैव भवती-
त्युपपन्नं यथोक्तम् । कोटिज्यानत्रिज्याया अर्धेन कभरेखामितेन ^{को १ त्रि १}
२

हीना त्रिज्या शेषं कभरेखामितं ^{को १ त्रि १} २ । कोटिज्यात्रिज्यायोगार्धमेवे-
त्युक्तं युक्तम् ।

अथान्यथोच्यते । पूर्वं द्विगुणितांशानां कोटिज्यास्वरूपम् । ^{भुज १ को १} अत्र
त्रि १
कोटिज्यावर्गेन त्रिज्यावर्गं को १ त्रि १ चणरूप १ गुणं को १ त्रि १ । प्रथम-
खण्डस्याने धृतं तदा तुल्ययोः खण्डयोर्योगे मिदं स्वरूपम् । ^{को २ त्रि १}
त्रि १
अत्र भाज्ये त्रिज्याया हरेण भक्ते द्विगुणांशकोटिज्या लभ्यते तदा द्विगुणांश-
कोटिज्यात्रिज्याघातो भाज्यसम इति पतेत् । ^{को २ त्रि १}
त्रि-द्विकोज्या १ । पतयोस्त्रिज्यावर्गं

योजिते समत्वमेव { ^{को २}
त्रि-द्विकोज्या १ त्रि १ } अत्रार्धपक्षेण को २ अध-
स्तनपक्षे भक्ते दलांशकोटिज्यावर्गमानं लभ्यते । तत्राधस्तनपक्षे त्रिज्यागुणि-
ता कोटिज्या त्रिज्यागुणितत्रिज्यायां योज्या वा लाघवेन कोटिज्यात्रिज्या-
योगस्त्रिज्यागुणितस्तस्य हरो द्वयं तेन कोटिज्यात्रिज्यायोगार्धे त्रिज्यागुणितं
दलांशकोटिज्यावर्गस्तन्मूलं दलांशकोटिज्यैवेति यथोक्तमुपपन्नम् ।

अथ केवलभुजज्याज्ञानेऽपि दलांशज्याकोटिज्यानयनं यथा त्रिज्यागुणित-
भुजज्या द्विष्टे त्रिज्यावर्गे हीनयुता शेषयोर्मूले अन्तरयोगाभिधे ताभ्यां संक्र-
मणेन दलांशज्याकोटिज्ये भवतः । एवमिष्टचापस्य नवत्यंशान्पत्ये तद्दलांश-
ज्याकोटिज्ययोर्मध्ये ज्योतिः ५० अधिका कोटिज्या भवतीति युक्तम् । नवत्यंशाधि-
कचापे तु दलांशकोटिज्याभुजज्ये एव भवतः । यथा चापांशाः १०० अस्याधं ५०
एतत्कोट्यांशाः ४० अत्र भुजज्यातोऽल्या कोटिज्या तेन योगोऽन्तरहीनस्तदधं
दलांशकोटिज्या तथा योगोऽन्तरयुतस्तदधं दलांशभुजज्येति विज्ञेयम् ।

अत्रोपपत्तिः । पूर्वं तुल्यसमासभावनया सिद्धा द्विगुणचापज्या ^{भु १ को २}
त्रि १ । भु-

ज्याकोटिज्याघाते द्विगुणे त्रिज्याभक्ते द्विगुणांशज्या लभ्यते तदा त्रिज्याभु-
जज्याघातो हि दलांशज्याकोटिज्याघातेन द्विगुणेन तुल्य इति तस्य त्रिज्या-
घात दलांशभुजज्याकोटिज्यावर्गयोगरूपे हीनयोगतः क्रमेण दलांशज्याकोटि-
ज्ययोरन्तरयोगवर्गो जातौ स्याताम् । वर्गयोगे द्विगुणघातेन शेषमन्तरवर्ग-
स्तथा वर्गयोगे द्विगुणघातयुते युतिवर्गः सिद्धस्तन्मूले दलांशज्याकोटिज्ययोरन्त-
रयोगौ ताभ्यां संक्रमणेन राशी भवत इति स्पष्टम् ।

अथान्यथा श्रीचापूरेवहृतोपपत्तिः । इष्टचापज्या गसंज्ञिका दलांशज्या-
कोटिज्ये क, खसंज्ञे कल्पिते तदा दलांशभुजज्याकोटिज्याघातो द्विगुणस्त्रि-
ज्यागुणितभुजज्यासम इति पक्षौ क. ख २ । अथान्यौ दलांशज्यावर्गकोटिज्या-
त्रि. ग १

वर्गयोगत्रिज्यावर्गरूपौ तुल्यावेव कत्र १ ख १ । अनयोः पूर्वपक्षयोजने जातं त्रिव १

तत्रोपरिस्थे उपरिस्थमधःस्थे त्वधःस्थं योजितमिति सिद्धम् । कत्र १ कख २ ख १ । त्रिव १ त्रि. ग १

एतावपि तुल्यावेव तत्रोपरिस्थपक्षमूलं क १ ख १ । दलांशज्याकोटिज्यायोगरूपं त्रिज्यागुणितभुजज्यायास्त्रिज्यावर्गयुताया अधस्तनपक्षस्याया मूलतुल्यं सिद्धम् ।

एवं पक्षौ कत्र १ ख १ । पूर्वपक्षाभ्यां क. ख २ । हीनौ तदापि तुल्या त्रिव १ त्रि. ग १

वेव { कत्र १ क. ख २ ख १ } अत्रोर्ध्वपक्षमूलम् । क १ ख १ । वा । क १ ख १ त्रिव १ त्रि. ग १

द्वितीयपक्षस्येन त्रिज्याभुजज्याघातहीनत्रिज्यावर्गेण मूलितेन तुल्यं दलांशज्या-
कोटिज्ययोरन्तरं जातं ततः प्राग्वत् सुबोधमिति ।

अथ चापोनयुतत्रिभार्धस्य ज्यानयनमाह । तत्र चापोननवत्यर्धज्यानयने भुजज्योना त्रिज्या जाता कोट्युत्क्रमज्या भु १ त्रि १ इयं त्रिज्यागुणिता दलिता जातः कोटिदलांशज्यावर्गः । अतस्त्रिज्यागुणितभुजज्योनत्रिज्यावर्गस्य यद्वलं तन्मूलं कोटिदलांशज्या भवति । एवं चापयुतनवत्यर्धज्यानयने त्रिज्याभु-
जज्यायोगः कोटिः । कोटिज्या भुजः । त्रिभयुक्तचापपूर्णेज्या कर्णः । तत्र भुजवर्गः भुव १ भु. त्रि २ त्रिव १ कोटिवर्गेण भुजज्यावर्गेण त्रिज्यावर्गरूपेण भुव १ त्रिव १ युक्तः भु. त्रि २ त्रिव २ एतच्छतुर्थोऽंशः स नवतिचापार्धांशाना ज्यावर्गः ।

भु. त्रि २ त्रिव २ वा, भु. त्रि १ त्रिव १ । अत्र त्रिज्याभुजज्याघातयुक्तस्य त्रिज्यावर्गस्य ४ २

दलमूलं भुजयुक्तत्रिभदलांशज्या भवतीति सिद्धम् । अथवा यथा पूर्वं कोटिज्यो-
नयुतत्रिज्ये त्रिज्यागुणे दलिते तन्मूले कोटिहीनयुतनवत्यंशदलस्य जीवे भवत-
स्तद्वीत्यैव भुजज्योनयुतत्रिज्ये त्रिज्यागुणे दलिते तन्मूले भुजांशहीनयुतनवति-
दलज्ये स्याताम् । कोटिज्यास्थाने भुजज्यायहणात् । अत्र कोटिहीनयुतनवत्यंश-
दलमिते को१रू९०।को१रू९० । भुजांशदलभुजकोटिमिते यतः कोटिहीनन-

वतेर्भुजांशतुल्यत्वात् तदूलं भुजांशार्धं सिद्धम् । एवं भुजोननवतौ भु१रू९०
कोटिस्वरूपे नवतिं संयोज्यार्धिते भु१रू१८० । भुजाधोननवतिमितं प्रकृते

दलांशकोटिमितं सिद्धम् । एवं सुधीभिः पपत्तिः सुबोधा कार्या किं प्रयासेनेति ।

अथ त्रिंशदंशज्यानयनोपपत्तिः । (२६ क्षेत्रं द्रष्टव्यम् ।) अत्र वृत्ते षष्ट्यंशज्या
खसरेषा तत्पर्यज्या खरेखा तदर्थं लम्बः पचरेखा सापि षष्ट्यंशज्या पूर्णज्या-
र्धस्य त्रिंशदंशज्यात्वात् तत्कोटिज्यायाः पचरेखारूपत्वात् ।

अथ कचचत्रिभुजे कचखकोणः षष्ट्यंशमितः केन्द्रगतकोणस्य स्वसंमुखचाप-
तुल्यत्वात् । अथ कच, खचरेखे त्रिज्यामिते तेन कचच,खरुचकोणौ तुल्यौ
(२१ क्षेत्रे ५) तत्र त्रिभुजे कोणत्रययोगस्य समकोणद्वयतुल्यत्वात् कचखकोण ६०
हीनभार्धांशस्य १२० दलमितौ खरुच,कचचकोणौ ६० । ६० भवतस्तदा कचच-
त्रिभुजे कोणत्रयं षष्ट्यंशतुल्यं सिद्धम् । यस्य कोणत्रयं तुल्यं तस्य भुजत्रयमपि
मित्यस्तुल्यं (२१ प्र १ क्षेत्रे ६) अनुमानात् । अतस्त्रिज्यातुल्या कचरेखा सिद्धा
तदर्थं त्रिंशदंशज्येति सिद्धम् । अथवा कचभूम्यर्धं पचलम्बगुणं त्रिभुजफलं
वा कचभूम्यर्धं खसलम्बगुणं फलमत्र फलसाम्यात् पच, खसलम्बयोश्च सा-
म्याद्भूम्यर्धसाम्यं भवितुमर्हति तेन खकरेखार्धं कचरेषार्धेन तुल्यं जातम् ।
कचरेखायास्त्रिज्यातुल्यत्वात् तदर्थं खकरेषार्धेन त्रिंशदंशज्यया तुल्यमिति-
सिद्धम् । अथवा भुजज्याकोटिज्याघातो द्विगुणस्त्रिज्याभक्ते द्विगुणांशज्या

पूर्वे सिद्धा भु०को२
त्रि१ । त्रिंशदंशकोटिज्यया तुल्येति न्यासः त्रि१ । पतयोः
को१

समक्षेत्रीकृतयोश्छेदापगमे न्यासः । भु०को२
त्रि०को१ । अनयोः कोटिज्यापवर्त्तने जातम्

भु२
त्रि१ । अधस्तने उपरिस्थभक्ते त्रिज्यार्धं भुजज्यामानं सिद्धमेतेन त्रिंशदंशज्या-
नयनमपपन्नम् ।

अथ पञ्चचत्वारिंशदंशज्यानयने त्रिज्यारेखावर्गत्रैत्रार्धं कर्णद्वलवर्गत्रैत्रं च तुल्यं पूर्वसिद्धप्रकारेणास्ति । अतस्त्रिज्यावर्गार्धं कर्णार्धस्य पञ्चचत्वारिंशदंश-
ज्यामितस्य वर्गतुल्यं सिद्धम् । अथवा पञ्चचत्वारिंशदंशभुजज्याकोटिज्ये तुल्ये
तेन भुजज्यावर्गानत्रिज्यावर्गः भुज १ त्रिज १ भुजज्यावर्गेण भुज १ तुल्य इति
समशोधनात् पक्षौ त्रिज १ । अतस्त्रिज्यावर्गार्धं भुजज्यावर्गस्तन्मूलं भुजज्येति
पञ्चचत्वारिंशदंशज्यानयनमुपपद्यते ।

अथ त्रिगुणचापज्याकोटिज्याज्ञानं तथा तृतीयांशज्यानयनं तथाष्टादश-
षट्त्रिंशच्चतुःपञ्चाशदंशज्यानयनं चोच्यते ।

दोर्ज्यका विभगुणार्धविभक्ता
लब्धवर्गरहितस्त्रिमितोऽङ्कः ।

शेषकं च गुणितं भुजमौर्व्या
विघ्नदोर्लवभवा किल जीवा ॥

त्रिज्यकार्धहृतकोटिशिङ्गिनी
लब्धवर्गरहितस्तु पावकः ।

कोटिजेन च गुणेन संगुण-
स्त्रिघ्नचापभधकोटिशिङ्गिनी ॥

द्विघ्नचापोकमज्या स्वखण्डान्विता
त्रिज्यकाप्रा च कोटिज्यकावर्गतः ।

त्रिज्यकावर्गभक्ताट्टयोरन्तरं
कोटिजीवागुणं विघ्नदोःकोटिजा ॥

त्रिज्यावर्गहृतान्धकाचिलवजाल्लब्धं घनात् संयुतं
स्वच्यंशेन ततो ज्यका चिलवयुक् तस्मादुनाद्येन वै ।

ज्याच्यंशे सहितं फलं मुहुरियं जीवा स्फुटा जायते
चापच्यंशभवेति पूर्वमुदितं ग्रन्थाद्बुधैर्याधनात् ॥

त्रिगुणवर्गशराहितः पदं
त्रिगुणहीनमिदं श्रुतिहृज्यका ।

धृतिलवस्य च सा त्रिगुणार्धयुक्
 भवति वेदशरांशभवे गुणः ॥
 त्रिगुणवर्गशराहतिरूनिता
 त्रिगुणवर्गकृतीपुद्गतेरिह ।
 पदमितेन गज्ञांशपदं ततो
 रसगुणांशगुणो गदितो बुधैः ॥

अथ त्रिगुणचापज्याकोटिज्यासाधनेोपपत्तिः । पूर्वं ज्ञातभुजज्याकोटिज्या-
 भ्यां तुल्यसमासभावनाया सिद्धे द्विगुणभुजाशक्तानां भुजज्याकोटिज्ये तयोः
 पूर्वभुजज्याकोटिज्याभ्यां समासभावनायै न्यासः $\frac{\text{भु} \cdot \text{को} २}{\text{त्रि} १} \mid \frac{\text{भुव} १ \text{ कोव} १}{\text{त्रि} १}$
 $\frac{\text{भु} १}{\text{त्रि} १} \mid \frac{\text{को} १}{\text{त्रि} १}$

दोर्ज्ये मिथः कोटिज्यागुणिते $\frac{\text{भु} \cdot \text{कोव} २}{\text{त्रि} १} \mid \frac{\text{भुव} १ \text{ भु} \cdot \text{कोव} १}{\text{त्रि} १}$ । तुल्यखण्डयोर्योगे
 ज्ञातम् । $\frac{\text{भुव} १ \text{ भु} \cdot \text{कोव} ३}{\text{त्रि} १}$ । इदं त्रिज्याभक्तं ज्ञाता त्रिगुणचापज्या
 $\frac{\text{भुव} १ \text{ भु} \cdot \text{कोव} ३}{\text{त्रि} १}$ । एवं भुजज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्तः $\frac{\text{भुव} \cdot \text{को} २}{\text{त्रि} १}$ । कोटिज्ययोर्घात-
 स्त्रिज्याभक्तः $\frac{\text{भुव} \cdot \text{को} १ \text{ कोव} १}{\text{त्रि} १}$ । अनयोरन्तरं $\frac{\text{भुव} \cdot \text{को} २ \text{ भुव} \cdot \text{को} १ \text{ कोव} १}{\text{त्रि} १}$ । अत्रा-
 पि तुल्यखण्डयोर्योगे ज्ञाता त्रिगुणचापकोटिज्या $\frac{\text{भुव} \cdot \text{को} ३ \text{ कोव} १}{\text{त्रि} १}$ । अथ त्रिगु-
 णचापज्यास्वरूपे $\frac{\text{भुव} १ \text{ भु} \cdot \text{कोव} ३}{\text{त्रि} १}$ । द्वितीयखण्डे त्रिगुणितभुजज्याया कोटि-
 ज्यावर्गो गुणनीयस्तत्र भुजज्यावर्गानस्त्रिज्यावर्गः कोटिज्यावर्गस्वरूप एव
 $\frac{\text{भुव} १ \text{ त्रि} १}{\text{त्रि} १}$ । त्रिगुणया भुजज्यया गुणितः $\frac{\text{भुव} ३ \text{ त्रि} १ \cdot \text{भु} ३}{\text{त्रि} १}$ । अत्र प्रथमखण्डं
 $\frac{\text{भुव} १ \text{ योजितं सिद्धा त्रिगुणचापज्या}}{\text{त्रि} १}$ $\frac{\text{भुव} ४ \text{ त्रि} १ \cdot \text{भु} ३}{\text{त्रि} १}$ । अत्र भाज्यस्यखण्डे
 $\frac{\text{भुजज्यया भक्ते}}{\text{त्रि} १}$ $\frac{\text{भुव} ४ \text{ त्रि} ३}{\text{त्रि} १}$ । अत्र प्रथमखण्डमूलं $\frac{\text{भु} २}{\text{त्रि} १}$ । द्वाभ्यामपवर्तितं $\frac{\text{भु} १}{\text{त्रि} १}$ ।
 तेन भुजज्यात्रिज्यार्धभक्ता लब्धवर्ग इति प्रथमखण्डम् । अथ द्वितीयखण्डं
 हरभक्तं फलं त्रयमेव ३ । प्रथमखण्डस्य चणत्वात् प्रथमखण्डेन त्रयं कृतं

शेषं भुजज्याया गुणनीयं पूर्वे खण्डयोर्भुजज्याभक्तत्वात् एवं त्रिगुणचापज्या-
नयनं यथोक्तमुपपन्नम् । एवं त्रिगुणचापकोटिज्या भुज - को ३ को १ । अत्रापि
त्रिव १

पूर्वखण्डे भुजज्यावर्गस्थाने कोटिज्यावर्गोनत्रिज्यावर्गस्वरूपं कृत्वा जाता त्रि-
गुणचापकोटिज्या को ४ त्रिव - को ३ । अत्र प्राग्बत् कोटिज्या त्रिज्यार्धभक्ता
त्रिव १

लब्धवर्गं त्रयं शेषं शेषं कोटिज्याया गुणितं त्रिगुणचापकोटिज्या भवति ।
अथवा यथास्थितस्वरूपे भुज - को ३ को १ । भाज्यस्थले खण्डे कोटिज्याया
त्रिव १

भक्ते भुज ३ को १ । प्रथमखण्डम् भुज ३ । अत्र भुजज्यावर्गो द्विगुणस्त्रिज्याभक्तो
त्रिव १

द्विगुणभुजांशोत्क्रमज्या भुज २ । इयं स्वार्धेन भुज २ । युता द्वाभ्यामपवर्त्तिता भुज ३ ।
त्रिव १ त्रिव २

इयं त्रिज्याया भाजिता भुज ३ । तदा प्रथमखण्डं स्यात् । अथ द्वितीयखण्डे
त्रिव १

हरभक्ते कोटिज्यावर्गोस्त्रिज्यावर्गभक्त इति तयोर्दन्तरं कोटिज्याया गुणनीयं पूर्वं
खण्डयोः कोटिज्याभक्तत्वात् । एवं त्रिगुणचापकोटिज्यानयनमुपपन्नम् ।

अथ चापतृतीयांशज्यासाधनोपपत्तिः । पूर्वसिद्धा त्रिगुणभुजांशज्या
भुज ४ त्रिव - भु ३ । अत्रेयं ज्ञातज्या तथा चापतृतीयांशज्या यावत्तावन्मिता
त्रिव १

तदा त्रिगुणचापज्या या ४ या - त्रिव ३ । इयं ज्ञातया ज्यया समेति पक्षयोः
त्रिव १

समच्छेदीकृतयोर्छेदगमे च न्यासः या ४ या - त्रिव ३ । अनयोश्चतुर्धमव्य-
त्रिव - ज्या १

क्तघनं या ४ प्रतिष्प न्यासः या - त्रिव ३ । एतौ त्रिज्यावर्गेण त्रिगुणेन
त्रिव - ज्या १ या ४

त्रिव ३ अपवर्त्त्य तत्राद्याप्येव प्रवर्त्तिते ज्ञातम् । या १ तस्मिन् द्वितीयपक्षे खण्डद्वयं
त्रिव ३

तत्र पूर्वखण्ड यावदपवर्त्त्यते तावज्ज्यातृतीयाया एवोपपद्यते ज्या १ । अथ द्वि-
त्रिव ३

तीयखण्डे या ४ यावत्तावन्मानमज्ञातमपि न्याज्यशमितं तावत् स्थूलत्वेन
पृथीतं तस्य घनश्चतुर्गुणस्त्रिज्येन त्रिज्यावर्गेण त्रिव ३ । अपवर्त्तितस्तदा न्याज्यश-
घनश्चतुर्गुणस्त्रिभक्तस्त्रिज्यावर्गभक्त इति सिद्धम् । अथ चतुर्गुणस्त्रिभक्तस्तु

स्वच्यंशयुततुल्यस्तेन व्याच्यंशघनः स्वच्यंशयुतस्त्रिव्यावर्गभक्तः । वा व्याच्यंशघ-
नस्त्रिव्यावर्गभक्तः स्वच्यंशयुतः फलाविशेषात् । एवं द्वितीयपण्डमपवर्तितं
व्याच्यंशघनेन त्रिव्यावर्गभक्तेन स्वच्यंशयुतेन तुल्यम् । प्रथमपण्डेनापवर्तितेन
व्याच्यंशमितेन युक्ते द्वितीयपतोऽपवर्तितः सिद्धः । इदमेव यावत्तावन्मानं परंतु
तृतीयांशज्यामानं स्युलत्वेन ज्ञातव्या तृतीयांशमितं कल्पितमत आगतं यात्र-
त्तावन्मानं स्युलमिदमेव तृतीयांशज्यामानं प्रकल्प्य तस्य घनादिजनितफलं
द्वितीयपत्तद्वितीयपण्डं तच्च व्याच्यंशे प्रथमपण्डरूपे युतं यावत्तावन्मानं
मूत्मासचमेवमसकृत्कर्मणा स्फुटा तृतीयांशज्या मूत्मा भवति । एतेन यथोक्त-
मानयनमुपपन्नम् ।

अथान्यथा यवनोक्तावांसना घोच्यते । (२७ चित्रं द्रष्टव्यम् ।) वृत्तेऽभीष्ट-
भुजांशा द्विगुणा अङ्गुलीयास्तत्पूर्णज्या तु भुजांशज्या द्विगुणा सा भूमिः । अथ
दत्तचापस्य समा भागास्त्रयः कार्योस्तत्पूर्णज्याच्यं तुल्यप्रमाणं भवति । तत्रैका
भूमिसंमुखा मुखमितरौ भुजावेवं विपमचतुर्भुजं ज्ञातम् । अत्र मुगभूम्योः स
नान्तरत्वेन मुपप्रान्ताभ्या लम्बौ भूम्यपरि तुल्यवेव । अत्र कर्णौ च तुल्यौ द
चापतृतीयांशस्य द्विगुणस्य पूर्णज्यारूपौ यथांशत्रयज्याज्ञाने एकांशज्याज्ञानम
भीष्टं तत्र पदंशाश्चापं कल्प्य तत्पूर्णज्या कधरेखा अंशत्रयज्या द्विगुणा भूमिः
पदंशाचापस्य त्रयोविभागाः समा अशद्वयात्मकाः तत्पूर्णज्या कखं, खगं, गघं,
एतास्तुल्याः गघमानं या १ गवलम्बः । तत्र गखं मुखं गघ, खकरेते भुजौ घवं
लघु भूमिपण्डम् । तत्र गककर्णोऽनयनयथा । भुजमानमज्ञातं या १ एतत्तुल्य-
मुखेन हीना भूमिः या १ ज्या २ दलित ^{या १ ज्या २} । इयं लम्बायभुजायमध्यगं
लघु भूमिखण्डं घवं एतद्वर्गेण । याव १ याज्या ४ ज्याव ४ । गघभुजवर्गौ याव १
हीनो ज्ञातो गवलम्बवर्गः याव ३ याज्या ४ ज्याव ४ । अथ लम्बायभुजायमध्य-
भूमिपण्डेन ^{या १ ज्या २} भूमिज्या २ हीना ^{या १ ज्या २} । लम्बायात् कर्णोऽयावधि
भूमिपण्डं चकरेया एतद्वर्गः याव १ याज्या ४ ज्याव ४ । पूर्वगतलम्बवर्गेण
याव ३ याज्या ४ ज्याव ४ । युतः ^{याव ४ याज्या ८} । अत्र हरभक्ते ज्ञातो गककर्ण-
वर्गः याव १ या ८ ज्या २ । अथान्यथा कर्णवर्गः साध्यते तत्र भुजवर्गस्तु द्विगुणे-

पृथुजांशसंन्यक्रमोत्क्रमज्यावर्गः स च द्विगुणत्रिज्योत्क्रमज्याघाततुल्यस्त-
थाहि । उत्क्रमज्यानां त्रिज्या क्लिप्त कोटिज्या उ१ त्रि१ अस्या घर्गेण उव१
उ० त्रि२ त्रि३ १ त्रिज्यावर्गो हीनो जातः क्रमज्यावर्गः उव१ उ० त्रि२ अयमुत्क्रम-
मज्यावर्गेण उव१ युतः उ० त्रि२ जातो द्विगुणत्रिज्योत्क्रमज्याघाततुल्यः । अथ
प्रकृते अंशद्वयस्य खजरेया उत्क्रमज्या जकरेखा क्रमज्या तद्वर्गेयोगमूलं पक्-
रेखा या१ अस्यावर्गः याव१ द्विगुणत्रिज्ययाभक्तः जाता उत्क्रमज्या याव१ त्रि२

अनयोना त्रिज्या जाता कोटिज्या याव१ त्रि२ अस्या वर्गेण
यावव१ याव० त्रि३ ४ त्रि३ ४ । हीनस्त्रिज्यावर्गो जातो जकरेखायाः क्रमज्याया
वर्गः यावव३ याव० त्रि३ ४ अयं कर्णार्धवर्गस्तेन चतुर्गणो जातः गकरेखायाः क-
र्णरूपाया वर्गः यावव३ याव० त्रि३ ४ अयं पूर्वानीतकर्णवर्गेण याव१ या० ज्या२
त्रि३ १

सम इति पक्षयोः समच्छेदीकृतयोश्छेदगमे न्यासः { यावव१ याव० त्रि३ ४
त्रि३ ४ या० ज्या२ याव० त्रि३ १

समशोधनात् पक्षौ { यावव१ याव० त्रि३ ४ } यावताघतापघातितौ
या० ज्या० त्रि३ २

याव१ या० त्रि३ ३ } यत्तयोर्वावताघटनं याव१ प्रतिप्य
त्रि३ ० ज्या२

न्यासः { या० त्रि३ ३ } अत्र पक्षौ त्रिगुणेन त्रिज्यावर्गेणापघातितौ

तत्र प्रथमपक्षेऽपघातितेजातम् । या१ अथ द्वितीयपक्षे द्वितीयपण्डं यावदप-
घात्यते ताघत् स्वच्यशोना ज्या भवति घा । ज्या द्विगुणा त्रिभक्ता भवति ।
एतत्तुल्यं यावताघन्मानं स्थूलमेव कल्पितं पूर्वतदज्ञानात् । अस्या घनस्त्रि-
ज्यावर्गेण त्रिगुणेनापघातितस्तदा द्वितीयपक्षे प्रथमपण्डमपघातितं जातमिदं
द्वितीयपण्डेनापघातितेन स्वच्यशोनाज्यामितेन युक्तं स्थूलं यावताघन्मानं एव-
मसकृत् मूलं तदर्थं चापवृत्तीमांशज्यामानं भवति । एतेन ।

अंशज्याका स्थविलयेन हीना

पृथग्वनोऽस्य विदुतः फलेन ।

८।१६।३२।३०।४८।९। पुनस्तेनैव या ३ भक्तः फलम् । ०।०।०।३।३।
 ४२।४५।३०।५० इदं प्रथमलब्धौ योजितम् । ०।२।५।३६।२६।२२।२८।
 २६।४० अस्य घनः ०।०।०।९।११।८।१९।२८।३६।२३।५० पुनस्तेनैव
 या ३ भक्तः फलम् । ०।०।०।३।३।४२।४६।२९।३९ इदं प्रथमलब्धौ यो-
 जितम् । ०।२।५।३६।२६।२२।२९।२८।२९ अस्य घनः ०।०।०।९।११।
 ८।१९।२९।८।५६।५१। पुनस्तेनैव या ३ भक्तः फलम् । ०।०।०।३।३।
 ४२।४६।२९।४२ इदं प्रथमलब्धौ योजितम् । ०।२।५।३६।२६।२२।२९।
 २८।३२ अस्य घनः ०।०।०।९।११।८।१९।८।५७। २८ पुनस्तेनैव या ३
 भक्तः फलम् । ०।०।०।३।३।४२।४६।२९।४२ इदं प्रथमलब्धौ योजितम् ।
 ०।२।५।३६।२६।२२।२८।३२ अयं स्थितीभूतः यावत्तावन्मानरूपः । अतोऽश-
 द्रुयस्य पूर्णज्यास्वरूपस्तदर्थमेकांशज्या जाता ०।१।२।४९।४३।११।१४।
 ४४।१६ इयं रूपत्रिज्यायां सिद्धा षट्तिगुणा जाता षट्तित्रिज्यायामेकांशज्या
 १।२।४९।४३।११।१४।४४।१६ एवं ज्ञातज्यातस्तच्चापवृत्तीयांशज्याज्ञानमम-
 क्तकर्मणैश्च यवनैरुक्तं तत्रान्यान्यपि प्रकारान्तराणि सिद्धान्तसम्प्राप्तिं सन्ति
 तानीह विस्तरभयाद्वैरवभयाच्च न लिपितानीत्यलम् ।

अथाष्टादशभागन्यायपत्तिः । तत्र (२८त्वेन द्रष्टव्यम् ।) वृत्ते कवरेषां
 षट्त्रिंशदशपूर्णज्या कृतास्ति । अतः । दक्षकोणः षट्त्रिंशदंशमितः । दक्ष-
 दक्षरेषाः साम्यात् (रे० प्र१त्ते ५) दक्षक, दक्षकोणौ तुल्यौ तौ द्विस-
 म्रत्यंशमितौ कथमन्यथा दक्षत्रिभुजे कोणत्रययोगस्य भागांश १८० मितत्वम् ।
 अथ दक्षकोणोऽर्धितः (रे० प्र१त्ते ९) तदा कोणार्धकारिणी कवरेषा जाता
 तदा दक्षज, जक्षकोणौ षट्त्रिंशदंशमितौ जातौ । अथ कवरेषाः समा-
 नान्तरा दक्षरेषा कृता तदा अक्षकोणोऽपि षट्त्रिंशदंशमितौ जातः । समा-
 नान्तररेषान्तर्गतयोः कक्ष, हक्षपयोस्तुल्यत्वात् । अथ अक्ष, जक्षरेषे हक्षरेषा
 द्वित्रे तत्रैकान्तरौ अक्ष, दक्षकोणौ तुल्यौ ३६ घटिते तेन अक्ष, जक्षरेषे
 समानान्तरे सिद्धे (रे० प्र१त्ते २७) । अथ अक्ष, हक्षरेषे समानान्तरे अक्षरेषा
 द्वित्रे तेनैकान्तरौ अक्षकोण, दक्षकोणौ तुल्यौ तेन दक्षकोणः षट्त्रिंशदंश-
 मितः ३६ । एवं अक्ष, जक्षरेषे समानान्तरे अक्षरेषा द्वित्रे तत्रैकान्तरौ दक्ष-
 कक्षकोणौ च तुल्यौ अतः कक्षकोणोऽपि षट्त्रिंशदंशमितः सिद्धः । अथवा
 त्रिभुजे कोणत्रययोगस्य भागांशमितत्वाच्चतुर्भुजे कोणचतुष्टययोगो भाग
 ३६० तुल्यः स्यात् । चतुर्भुजस्य त्रिभुजद्वययोगरूपत्वात् । अतः प्रकृते अक्ष-
 जक्षरेषे अक्षकोणः ३६ दक्षकोणः १४४ कक्षकोणः ३६ एषां योगेन २१६ भागा ३६०
 होताः शेषं १४४ जक्षकोणौ जातः । एतदूनभागांशा एव ३६ कक्षकोणोऽस्ति

कजव ३६ कजव १४४ कोणद्वययोगस्यैकरेखागतत्वेन समकोणद्वयतुल्यत्वात् ।
 अथ अदकजतेत्रे संमुखौ अकोणककोणौ ३६ तथा दकोण,जकोणौ १४४ तुल्यौ
 वर्तन्ते । अज,दकरेखे तथा अद,जकरेखे च समानान्तरे तेन संमुखभुजौ मिथ-
 स्तुल्यौ सिद्धौ (रे. प्र १ ते ३४) तदा अद,जकरेखे तुल्ये अज,दकरेखे च तुल्ये ।
 प्रकृते भुजवतुष्टयं त्रिज्याप्रमाणकं जातम् । अदरेखाया वा दकरेखाया-
 स्त्रिज्यामितत्वात् । अथ कजव,कजवकोणौ ३६ तुल्यौ सिद्धौ तेन तल्लभभुजौ
 वक्रजत्रिभुजे वज,वकरेखे तुल्येजाते (रे. प्र १ ते ६) तदा कवरेखायाः षट्-
 त्रिंशदंशपूर्णज्यात्वेन वजरेखापि तन्मितैव सिद्धा जकरेखा त्रिज्या । द्वयोर्योगे
 संपूर्णा वअरेखा जाता साचाष्टोत्तरशतांश १०८ पूर्णज्या । अदवकोणस्या-
 ष्टोत्तरशतांश १०८ मितत्वात् । एतत्पूर्णज्याया अर्धं चतुःपञ्चाशदंशज्या तेन
 षट्त्रिंशदंशपूर्णज्याया वजरेखाया अर्धमष्टादशांशज्यातुल्यं त्रिज्यार्धयुतं
 चतुःपञ्चाशदंशज्यामितं भवतीति सिद्धम् । एतेन धृतिलवस्य च सा त्रिगुणा-
 र्धयुगभवति घेदशरांशभवे गुण इत्युपपन्नम् । अथ कदवत्रिभुजे दकोणः ३६
 ककोण ७२ वकोणौ ७२ एवं कसवत्रिभुजे ककोणः ३६ सकोण ७२ वकोणौ
 ७२ सक्रवत्रिभुजे ककोणवकोणयोगो १०८ नभाधौशस्य सकोणमित ७२ त्वात् ।
 एतेन कदवत्रिभुजसजातीयं कसवत्रिभुजं जातम् । अतः कद,कवरेखयोर्धा-
 निष्पत्तिः सैव कव,वसरेखयोर्निष्पत्तिः । अतस्त्रिज्यया षट्त्रिंशदंशपूर्णज्या

या १ लभ्यते तदा पूर्णज्यया या १ केति जाता वसरेखा याव १ । कसवत्रिभुजे त्रि १

सवभूमिलग्नौ सकोण ७२ वकोणौ तुल्यौ तेन कव,कसरेखे तुल्ये जाते कवं
 पूर्णज्या या १ अतः कसंपूर्णज्या । अथ सदकत्रिभुजे दकोण ३६ ककोणौ
 ३६ तुल्यौ तेन दस,सकरेखे तुल्ये (रे. प्र १ ते ६) तदा दसरेखा पूर्णज्या

या १ तुल्यौ जाता । अतः पूर्वागता वसरेखा याव १ । दसरेखया त्रि १

या १ युता । याव १ या. त्रि १ । दवरेखया त्रिज्यया त्रि १ समेति पक्षयोः समच्छे-
 त्रि १

दीकृतयोश्चेदगमे न्यासः याव १ या. त्रि १ । एतौ चतुर्गुणितौ त्रिज्यावर्गयुतौ त्रि १

याव ४ या. त्रि ४ त्रि १ । द्वयोर्मूले या २ त्रि १ । अनयोः समीकरणेन त्रिज्यावर्ग-
 त्रि ५ (त्रि ५) मू १

पञ्चघातमूलं त्रिज्योन्नितं द्विभक्तं यावत्तावन्मानं तदधर्ममष्टादशभागज्या तेन
 चतुर्भक्तमित्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथान्यथोच्यते । (२६ तैत्रं द्रष्टव्यम् ।) अत्रापि वृत्ते वजरेणा षट्त्रिंशदंश-
पूर्णज्या कृता सा स्वमार्गवर्धिता जघिन्दुपर्यन्तं यथाकजं कदतुल्यं भवति
सदरेखा कार्या सापि स्वमार्गवर्धिता अचिह्नावधिः स्यात् । अक्षरेणा च कार्या ।
अथ कददत्रिभुजे दकोणः षट्त्रिंशदंशमितस्तदूनमार्धांश १४४ दलतुल्यो
वकोण ७२ ककोणौ जातौ दव, दकरेखयोः साम्यात् (२० प्र० १ तै ५) अथ
कददत्रिभुजे वकभुजः स्वमार्गवर्धितस्तत्र वहिरुत्पन्नः जकदकोणोऽन्तर्गत-
कोणद्वयेनार्थात् कदवकोण ३६ कददकोण ७२ योग १०८ तुल्यः (२० प्र० १
तै ३२) अथ कज, कदयोः साम्यात् कजदत्रिभुजे जकोण, दकोणौ ककोण १०८
हीनमार्धांश ७२ दलतुल्यौ ३६ । ३६ जातौ तदा जदवकोणो द्विसप्तत्यंशमितः
जवदकोणश्च तावन्मितः ७२ । अतो दकवत्रिभुजं दजवत्रिभुजं मिथः सजा-
तीयं कोणत्रयसाम्यात् । अतस्त्रिज्यायुतपूर्णज्यया कजरेखया यदि त्रिज्यामितो
वदभुजो लभ्यते तदा वदभुजेन क इति पूर्णज्या वकरेखा लब्धा । अतः
पूर्णज्या या १ त्रिज्यायुता या १ त्रि १ पूर्णज्या या १ गुणा याव १ यात्रि १
त्रिज्यावर्गसमा जाता इच्छाफलप्रमाणघातस्य प्रमाणफलेच्छाघातसमत्वात् ।

याव १ यात्रि १
न्यासः त्रिव १ । एतौ चतुर्गुणितौ त्रिज्यावर्गयुतौ तन्मूलयोः समीकर-

णात् पूर्ववदेव क्रिया संपद्यते । एतेनाष्टादशभागज्यानयनं यथोक्तमुपपन्नम् ।
अथ वदककोणः ३६ कदह समकोणाच्छेदधितः शेषः वदहकोणः ५४ तत्तुल्य
एव हदककोणः ५४ हव, हवचापयोस्तुल्यत्वात् । हदककोणो ५४ ननवत्य-
ंशमित एव ३६ दअनकोणः । दअनत्रिभुजस्य जात्यक्षेत्रत्वात् । अथ वज-
अत्रिभुजे जकोण, अकोणौ षट्त्रिंशदंशमितौ तुल्यौ तेन वज, वजरेखे तुल्ये
जाते (२० प्र० १ तै ६) वजरेखा तु पूर्णज्यार्धयुतत्रिज्यास्ति तेन वजरेखापि
सैव वजरेखा अष्टोत्तरशतांशानां १०८ पूर्णज्या तदर्थं चतुःपञ्चाशदंशज्या
पूर्णज्यार्धेनाष्टादशांशज्यामितेन त्रिज्यार्धयुतेन तुल्या भवतीति सिद्धम् ।

अतोऽष्टादशभागज्यामानं यावत्तावत् या १ इदं त्रिज्यार्धयुतं या २ त्रि १ ।

जाता चतुःपञ्चाशदंशज्या । इयमष्टादशभागानां द्विगुणावाप ३६ कोटि ५४

ज्यया पूर्वभावनाजनितया याव २ त्रिव १ । तुल्येति
या १ त्रि १ त्रि १

न्यासः याव २ त्रिव १ । समच्छेदीकृत्य छेदगमे न्यासः यात्रि २ त्रिव १ ।
त्रि १ याव ४ त्रिव २ ।

शोधनात् पत्तौ याव ४ यात्रि २ । एतौ चतुर्गुणौ त्रिज्यावर्गयुतौ जातौ
त्रिव १

याव १६ यात्रि ८ त्रिव १ । अनयोर्मूले या ४ त्रि १ । अनयोः समीकर-
त्रिव ५ (त्रिव ५) मू १

णात् त्रिज्यावर्गपञ्चधातमूलं त्रिज्यानितं चतुर्भक्तमष्टादशांशज्येत्युपपन्नम् ।

अथान्यथोच्यते । अनन्तरोक्तं वृत्ते दक्षत्रिभुजं समद्विबाहुकं तत्र शिरः-
कोणा ३६ द्विगुणौ भूलयकोणौ ७२ । ७२ तादृशं क्षेत्रं रेखागणितचतुर्याध्यायद-
शमक्षेत्रेण संप्रत्यते तत्र त्रिज्यायाः परवृत्तद्वयं तथाकृतं यद्यैकपरवृत्तत्रिज्याघातो-
परवृत्तवर्गस्तुल्यस्तथा द्वितीयाध्यायैकादशक्षेत्रेण भवति । तद्व्या (३० क्षेत्रं
द्रष्टव्यम् ।) त्रिज्यात्रिज्यार्धयोः चक्र, कृत्तरेष्वयोर्वर्गयोग त्रिव ५ मूलं चतुरेखा

तत्समैव जटरेखा । इयं त्रिज्यार्धेन जटरेखया हीना कृत्तरेखापरवृत्तद्रूपेण तत्तुल्या
महतत्रिभुजभूमिः शिरःकोणसंमुष्पी षट्त्रिंशदंशपूर्णज्या कृत्तरेखा सिद्धा भवति ।

अथवा (३१ क्षेत्रं द्रष्टव्यम् ।) वृत्ते पूर्वदिक्चिह्नात् केन्द्रावधि या
त्रिज्या तदर्थं केन्द्रं प्रकल्प्य त्रिज्यार्धेन वृत्तार्धं लघु कार्यं तत्र त्रिज्यार्धे
भुजः । पूर्ववृत्तकेन्द्रदक्षिणदिक्चिह्नान्तरे त्रिज्या कोटिः । लघुवृत्तकेन्द्रादक्षिण-
दिक्चिह्नावधि कर्णः । स च त्रिज्यार्धानस्तदा लघुवृत्तपालिता दक्षिणचिह्नावधि
कर्णपरवृत्तं षट्त्रिंशदंशपूर्णज्यास्तुल्यम् । अथ दक्षिणदिक्चिह्नं केन्द्रं प्रकल्प्य
पूर्णज्याया कृतमन्यवृत्तपरवृत्तं पूर्णलघुवृत्तपालितं स्पृशति । एतेन त्रिज्यावर्गः त्रिव १
त्रिज्यार्धवर्गः त्रिव १ । अनयोर्योगस्य त्रिव ५ । मूलं त्रिज्यावर्गपञ्चधातमूला-
र्धस्तुल्यम् । इदं त्रिज्यार्धानमथवा त्रिज्यावर्गपञ्चधातमूलं त्रिज्याहीनं द्विभक्तं
तुल्यं सैव पूर्णज्या तदर्थं मष्टादशभागज्या तेन चतुर्भक्तं कृतमित्युपपन्नम् ।

इयमुपपत्तिः सिद्धान्तरात्रेऽप्युक्ता ।

पूर्वाङ्गकेन्द्रेपगसूचमध्ये
कृत्वाधैवृतस्य च केन्द्रचिह्नम् ।

ततो नयेद्विण्णगामि सूचं
कर्णानुकारं प्रथमं मनीषी ॥

शक्रचिभज्ये भुजकोटिरूपे
अत्रामिधे स्पष्टतरे च विन्द्यात् ।

कर्णः स्पृशेद्यत्र कृतार्थवृत्ते
तद्याम्यचिह्नान्तरगप्रमाणम् ॥
पङ्क्तिभागेन्मितचापकर्णः ।
स्यात् तस्य खण्डं धृतिभागजीवा ॥

अतएव सिद्धान्तसार्वभौमे मुनीश्वरोऽपि ।

वृत्तपादे नेम्यधोऽद्यात् पट्च्यंशावधिमध्यगम् ।
वृत्तपादं कुर्वथोर्ध्वरेखाव्यासं यथा तथा ॥
मध्यस्थवृत्तमध्यं तन्नेम्यैक्यं स्यादथो भुजः ।
चिज्यार्धं चिज्यक्रा कोटिस्तद्वर्गैक्यपदं श्रुतिः ॥
वृत्तार्धैलधुवृत्ताङ्घ्रिकेन्द्रयोरन्तरे च सा ।
चिज्यार्धोना वृत्तपादव्यासार्धं पट्चिभागजा ॥
पूर्णज्यैवं पञ्चगुणात् चिज्यावर्गात् पदार्धैरुम् ।
चिज्यार्धेनमतो मूलं चिज्योनं दलितं तथा ॥
तदर्थं ज्यासूक्तमतस्तादृग्मूलं कृतैर्हृतम् ।

अत्र तत्त्वविवेककारास्तु ।

परोक्तशिल्पानवबोधतस्त-
द्विश्वासतोऽबाल्पधियां हि तुष्ट्यै ।
यदन्ति ये युक्तिमियं मुद्रुष्टा
ज्ञेया यतः सशयकारिणी सा ॥

इति सार्वभौमकर्तारं प्रतिपद्यन्ति । तत्र युक्तम् । उक्तयुक्ते रेखागणितचतु-
र्थाध्यायदशमवैत्रेण द्वितीयाध्यायैकादशवैत्रेण च फलितत्वात् ।

अथगणितेनेपपत्तिः । अष्टादशांशज्यामानं या १ एतद्भूना चिज्या जाता
द्विसप्तत्यशैकमज्या या १ त्रि १ इयं चिज्यागुणा दलिता छातः पट्त्रिंशदं-
शज्यायुगं यात्रि १ त्रिव १ । अष्टादशांशज्यायुगं द्विगुणस्त्रिज्याभक्तः याच २ ।
त्रि १

षट्त्रिंशदंशोऽक्रमज्या जाता तद्वर्गः ^{याव ४} _{त्रिव १} । षट्त्रिंशदंशक्रमज्याऽक्रमज्यावर्गयो-

र्योगः ^{याव ८} _{त्रिव २} । यात्रि १ ^{त्रिव १} । अयमष्टादशभागज्याया द्विगुणायाः

षट्त्रिंशदंशपूर्णज्यारूपाया या २ वर्गेण याव ४ सम इति पक्षयोः समद्वेदीकृत-
योऽद्वेदगमे न्यासः ^{याव ८} _{त्रिव २} । यात्रि १ ^{त्रिव १} । एतादृशाष्ट ८

गुणितौ ^{याव ६४} _{त्रिव ८} । यात्रि ८ ^{त्रिव ८} । एतौ त्र्येकेणानेन याव ६४ या-
व-त्रिव ६४

व-त्रिव १६ ^{त्रिव ८} युक्तौ जातौ ^{याव-त्रिव १६} _{त्रिव ८} । यात्रि ८ ^{त्रिव १} । अनयो-
याव ६४ याव-त्रिव ४८ ^{त्रिव ८}

मूले ^{यात्रि ४} _{त्रिव १} । अनयोः पुनः समशोधनात् पक्षौ ^{याव ८} _{यात्रि ४} । ए-
याव ८ ^{त्रिव ३}

तौ द्विगुणौ त्रिज्यावर्गयुतौ ^{याव १६} _{यात्रि ८} ^{त्रिव १} । द्वयोर्मूले ^{या ४} _{त्रि १} ।
त्रिव ५ ^(त्रिव ५) _{मू १}

अनयोः पुनः समशोधनात् त्रिज्यावर्गपञ्चधातमूलं त्रिज्येन चतुर्भक्तमष्टाद-
शभागज्यामानं भवतीत्युपपन्नम् । इयमुपपत्तिः सार्वभौमे तत्त्वविवेके चोक्ता-
स्ति । अत्र पूर्वं मूलग्रहणे यावद्वर्गोऽष्टकमृणं कल्पितं यदि च त्रिज्यावर्गस्त्रि-
गुण एव अणं कल्पितस्तदा पक्षौ ^{यात्रि ४} _{त्रिव १} । अनयोः समशोधनात्
याव ८ ^{त्रिव ३}

पक्षौ ^{याव ८} _{यात्रि ४} । द्विगुणौ त्रिज्यावर्गयुतौ तन्मूले ^{या ४} _{त्रि १} । अनयोः
त्रिव ४ ^{त्रि ३}

समीकरणाद्व्यावृत्तावन्मानं त्रिज्यातुल्यमिदमनुपपन्नम् । अष्टादशभागज्याया-
स्त्रिज्याल्पत्वात् ।

अथान्यथोच्यते । पूर्वं भावनया सिद्धा त्रिगुणवापकोटिज्या ^{भुज-को ३} _{को ४} ।
त्रिव १

इयमष्टादशभागानां त्रिगुणानां ५४ कोटिभाग ३६ ज्या भवति सा द्विगुणवा-
पांशानां ३६ ज्यया ^{भुको २} _{त्रि १} । समेति पक्षयोः समद्वेदीकृतयोऽद्वेदगमे च कृते

पक्षयोः कोटिज्यापधर्तितयोर्न्यासः ^{भुज ३} _{को ४} । अत्र कोटिज्यावर्गस्याने
त्रिभु २

भुजज्यावर्गानत्रिज्यावर्गः कृतः भुज १ ^{त्रिव १} तदा तुल्ययोर्योगे संपक्षौ पक्षौ

भुव ४ त्रिव १ । अनयोः समशोधनात् पतौ भुव ४ त्रिभु २ । एतौ चतुर्गुणौ
त्रिभु २ त्रिव १

त्रिज्यावर्गयुतौ भुव १६ त्रिभु ८ त्रिव १ । तन्मूले भु ४ त्रि १ । अनयोः समीक-
त्रिव ५ (त्रिव ५) मू १

रणाल्लब्धं यावत्तावन्मोहं यथोक्तमुपपन्नम् ।

अथ षट्त्रिंशदंशज्यापपत्तिः । तत्र पूर्वसाधिता द्विगुणवापजोऽटिज्या
भुव १ कोव १ । अत्र भुजज्यावर्गस्य कोटिज्यावर्गेन त्रिज्यावर्गरूपं कृत्या
त्रि १

कोव १ त्रिव १ तेन हीनः कोटिज्यावर्गो जातः कोव १ कोव १ त्रिव १ तुल्यखण्ड-
योर्योगे सिद्धम् । कोव २ त्रिव १ । इयं प्रकृतचापस्य ३६ द्विगुण ७२ कोव ३०-
त्रि १

नां १८ ज्या । अथाष्टाशभागज्या त्रिज्यार्धेन त्रि १ । युता जाता चतु-
२

षज्वाशदंशज्या कोव ४ त्रिव १ । इयं षट्त्रिंशदंशकोटिज्या को १ समेति स-
त्रि २

मच्छेदीकृत्य छेदगमे न्यासः कोव ४ त्रिव १ । समशोधनात् पतौ
त्रिव १ को २

कोव ४ त्रिव १ को २ । एतौ चतुर्गुणौ त्रिज्यावर्गयुतौ कोव १६ त्रिव १ को ८ त्रिव १ ।
त्रिव १ त्रिव ५

तन्मूले को ४ त्रि १ । अनयोः समीकरणाल्लब्धं त्रिज्यावर्गपञ्चधातमूलं त्रि-
(त्रिव ५) मू १

ज्यायुतं चतुर्भक्त कोटिज्यामानमर्योच्चतुष्षज्वाशदंशज्याप्रमाणं सिद्धम् । एतस्य
(त्रिव ५) मू १ त्रि १ । वर्गेण त्रिव ५ (त्रिव ५) मू १ त्रि २ त्रिव १ । त्रिज्यावर्गो
४ १६

त्रिव १ हीनो जातः त्रिव ५ (त्रिव ५) मू १ त्रि २ त्रिव १ त्रिव १६ । तुल्यखण्ड-

फानां योगे जातम् । त्रिव १० (त्रिव ५) मू १ त्रि २ १६ । द्वाभ्यामपवर्तितं
१६

त्रिव ५ (त्रिव ५) मू १ त्रि १ । अयं षट्त्रिंशदंशज्यावर्गो जातः । अथवा पूर्वा-

नीताष्टादशभागज्या (त्रिव ५) मू १ त्रि १ । अनयोना त्रिज्या जाता द्विसप्तत्य-

शोक्रमज्या (त्रिव ५) मू १ त्रि ५ इयं त्रिज्यागुणा अर्धिता ज्ञातः षट्त्रिंशदंश-

ज्यावर्गः (त्रिव ५) मू ८ त्रि १ त्रिव ५ अयमनन्तरानीति तुल्य एव । अत्र त्रि-
ज्यावर्गपञ्चघातमूलं त्रिज्यागुणं तु त्रिज्यावर्गवर्गपञ्चघातमूलतुल्यं यतोऽस्य
(त्रिव ५) मू ८ त्रि १ वर्गाऽयम् । त्रिव ५ अतस्त्रिज्यावर्गवर्गपञ्चघातमूलं द्विती-
यखण्डे त्रिज्यावर्गपञ्चघातरूपे शोध्यं तदष्टभक्तं तन्मूलं षट्त्रिंशदंशस्येति
यथोक्तमुपपन्नम् ।

अष्टादशभागज्यायाः (त्रिव ५) मू १ त्रि १ वर्गाद्विगुणस्त्रिज्याभक्तः फलं

षट्त्रिंशदंशोक्रमज्या त्रिव १० (त्रिव ५) मू ८ त्रिव २ अनयोना त्रिज्या
त्रि १६

ज्ञाता चतुष्पञ्चाशदंशज्या त्रिव १० (त्रिव ५) मू ८ त्रिव २ त्रिव १६ । अथ
त्रि १६

तुल्यखण्डकानां योगे ज्ञातम् त्रिव ४ (त्रिव ५) मू ८ त्रि ४ इदं त्रिज्या चतुर्भि-
त्रि १६

श्चापवर्तितं त्रि १ (त्रिव ५) मू १ । अस्याश्चतुष्पञ्चाशदंशज्याया अष्टादशभाग-

ज्या त्रि १ । त्रिव ५ मू १ । शोधिता शेषं त्रि २ । द्वाभ्यामपवर्तितम् । त्रि १ ।
४ २

अतोऽष्टादशचतुष्पञ्चाशदंशज्योरन्तरं त्रिज्यार्धं तेनाष्टादशभागज्या त्रिज्या-
र्धयुता सती चतुष्पञ्चाशदंशज्या भवतीत्युपपन्नं गणितेनापीत्यलं विस्तरेण ।

अथ चापयोगुणममासत्रियोगौ त्रिज्यकादलगुणौ व्यकपाप्तावित्यादिप-
द्यद्वये प्रकारान्तरेण वासना यथा ।

प्रथमा द्विगुणचापकोटिज्या प्रभुव २ त्रिव १ । द्वितीया द्विगुणचापको-

टिज्या द्विभुज २ त्रिव १ । अनयोरन्तरं भुजज्ययोर्वर्गान्तरतुल्यं त्रिज्यावर्गयो-

नोऽशात् प्रभुव २ द्विभुज २ । इदं त्रिज्यार्धगुणितं पुनस्त्रिज्यार्धनापवर्तितं

प्रभुव २ द्विभुज २ । इदं द्वाभ्यामपवर्तितं प्रभुव १ द्विभुज १ । तदा चापज्या-

योर्धर्मान्तरमेव जातं तेन कोटिज्ययोरन्तरं त्रिज्याधर्गुणं तच्चापार्धभूतज्ययो-
र्वर्गान्तरतुल्यमिति सिद्धम् । अथ चापज्ययोर्धर्गान्तरं तच्चापयोगन्याचापान्तर-
न्याघाततुल्यं तेन प्रकृते कोटिज्ययोरन्तरं त्रिज्याधर्गुणं तच्चापयोगार्धज्या-
न्तरार्धज्याघातसममिति सिद्धम् । चापार्धयोगान्तरयोः क्रमेण चापयोगार्ध-

चापान्तरार्धाभ्यां तुल्यत्वात् । एवं द्विगुणचापकोटिज्ययोः प्रभुव २ त्रिव १
द्विभुव २ त्रिव १ । योगः प्रभुव २ द्विभुव २ त्रिव २ । त्रिज्याधर्गुणितस्तत्स्त्रिज्या-
त्रि १ त्रि १

धर्नापवर्तितः पुनर्द्विभ्यामपवर्तितः प्रभुव १ द्विभुव १ त्रिव १ अत्र द्वितीयवृत्तीय-
खण्डयोरन्तरं जातं प्रभुव १ द्विकोव १ इदं कोटिज्ययोर्द्विगुणचापज्ययोर्योगेन
त्रिज्याधर्गुणेन तुल्यं जातं तत्रैकभुजज्याद्वितीयकोटिज्ययोर्धर्गान्तरं तु तच्चा-
पान्तरकोटिज्यायोगकोटिज्याघातसमं प्रागुक्तं तेन कोटिज्ययोर्योगस्त्रिज्याध-
र्गुणः तच्चापयोरन्तरार्धकोटिज्यायोगार्धकोटिज्याघातसम इति सिद्धम् । अथ
चापयोगार्धकोटिस्तु चापकोटियोगार्धतुल्या तथा चापान्तरार्धं चापकोट्यो-
रन्तरार्धतुल्यं तेन चापकोट्योरन्तरार्धज्यायोगार्धज्याघातः चापकोटिज्यकोटि-
ज्यातुल्ययोर्भुजज्ययोरन्तरेण त्रिज्याधर्गुणेन तुल्यो जातः । अर्थाच्चापयोगार्ध-
कोटिज्याचापान्तरार्धज्याघातो भुजज्ययोरन्तरेण त्रिज्याधर्गुणेन तुल्य इति
सिद्धम् । एव चापकोट्योर्योगार्धकोटिस्तु चापयोगार्धतुल्या तथा चापकोट्यो-
रन्तरार्धकोटिश्चापयोरन्तरार्धकोटितुल्या तेन चापकोट्योरन्तरार्धकोटिज्या-
योगार्धकोटिज्याघातः पूर्वपुत्त्या चापकोटिज्यकोटिज्यातुल्ययोर्भुजज्ययोर्योगेन
त्रिज्याधर्गुणेन तुल्यो जातः । अर्थाच्चापान्तरार्धकोटिज्याचापयोगार्धज्या-
घातो भुजज्ययोर्योगेन त्रिज्याधर्गुणेन तुल्य इति सिद्धम् । चापकोट्योर-
र्धोक्तयोः कल्पितचापयोस्तद्वैज्यातदन्यकोटिज्यावर्गान्तरस्य कल्पितचाप-
योगान्तरकोटिज्याघातेन समत्वात् । अत्रोदाहरणं यथा भुजांशोननवतिः
कोटिः भु १ ६८० एतदूना नवतिः कोटिकोटिः भु १ ६८० ६८० धनर्ण-
योर्नाशे भुजाशा एव शिष्टाः । अतः कोटिकोटिज्या भुजज्यातुल्या भवति ।
एवं प्रथमद्वितीयभुजाशोननवतिमिते प्रथमद्वितीयकोटी प्र १ ६८० । द्वि १
६८० अनयोर्धर्गा प्र १ द्वि १ ६९० धे प्र १ द्वि १ ६८० । भुजांशयोगार्धकोटि-
तुल्यम् । एवं कोटियोगार्धं प्र १ द्वि १ ६८० । हीना नवतिः शेषम् । प्र १ द्वि १ ।
कोटियोगार्धकोटिर्भुजांशयोगार्धतुल्या । एवं भुजयोरन्तरार्धं प्र १ द्वि १ ।
कोट्यो प्र १ ६८० । द्वि १ ६८० रन्तरा प्र १ द्वि १ धतुल्यं प्र १ द्वि १ । जेयमतः
मर्षमुपपद्यते ।

अथ मिथः कोटिज्यकागुणितभुजज्ययोस्त्रिज्याभक्तयेः फलयोर्वर्गान्तरं भुज
ज्ययोर्वर्गान्तरतुल्यमित्यत्र प्रकारान्तरेणोपपत्तिर्यथा । फले प्रभु . द्विको १
त्रि १

द्विभु . प्रको १ । अनयोर्वर्गौ प्रभुव . द्विकोव १ , द्विभुव . प्रकोव १ , प्रथम
त्रि १ त्रि १ त्रि १

द्वितीयभुजज्यावर्गानत्रिज्यावर्गस्वरूपम् । द्विभुव १ त्रि १ प्रथमभुजज्यावर्गगुणि-
तमिति प्रथमफलवर्गः प्रभुव . द्विभुव १ प्रभुव . त्रि १ । एवं प्रथमभुजज्या-
वर्गः त्रि १

वर्गानत्रिज्यावर्गः प्रभुव १ त्रि १ द्वितीयभुजज्यावर्गगुणित इति द्वितीयफल-
वर्गः प्रभुव . द्विभुव १ द्विभुव . त्रि १ । अथ प्रथमफलवर्गः शोध्य इति सं-
त्रि १ .

शोध्यमानं स्वमृण्मत्वमेतीत्यादिना कृते तुल्ययोर्नाशे च शेषम् ।

प्रभुव . त्रि १ द्विभुव . त्रि १ । भाज्ये हरेण भक्ते संपन्नं प्रभुव १ द्विभुव १
त्रि १

भुजवर्गान्तरं फलयोर्वर्गान्तरसमं जातम् । एवं भुजज्यावर्गानत्रिज्यावर्गा को-
टिज्यावर्गौ प्रभुव १ त्रि १ । द्विभुव १ त्रि १ अनयोः रन्तरे जातं प्रभुव १ द्विभुव १
अतो भुजज्ययोर्वर्गान्तरं कोटिज्ययोर्वर्गान्तरसमं वर्गान्तरं तु योगान्तरघात-
समं तेन फलयोगान्तररूपयोश्चापयोगज्याचापान्तरज्ययोर्घातः फलवर्गान्तरेण
भुजज्यावर्गान्तरेण समानो जातः । एतेन ।

अन्योन्यदोः कोटिगुणाहती ये

त्रिज्योद्भूते तत्फलयोस्तथैव ।

कोटिज्ययोर्दोर्ज्यकयोस्तु वर्गा-

न्तरं तु यत् तत् सममेव बोध्यम् ॥

तच्चापयुत्यन्तरदोर्लवैक-

ज्याप्रं द्वितीया नियमाज्यका स्यात् ।

इति तत्त्वविवेकोक्तमुपपन्नम् । अथ भुजज्ययोः कोटिज्ययोर्घाते त्रिज्याभक्ते
जाते फले प्रभु . द्विभु १ प्रको . द्विको १ । अनयोर्वर्गौ प्रभुव . द्विभुव १ ,
त्रि १ त्रि १ त्रि १
प्रकोव . द्विकोव १ त्रि १ । प्रथमे वर्गे द्वितीयकोटिज्यावर्गानत्रिज्यावर्गः द्विकोव १
त्रि १

त्रिव १ प्रथमभुजज्यावर्गगुणित इति स्वरूपम् । प्रभुव · द्विकोव १ प्रभुव · त्रिव १
त्रिव १

एवं द्वितीयवर्गे प्रथमभुजज्यावर्गान्त्रिज्यावर्गे प्रभुव १ त्रिव १ हि द्वितीय-
कोटिज्यावर्गगुणित इति स्वरूपम् । प्रभुव · द्विकोव १ द्विकोव · त्रिव १ । अत्र
त्रिव १

द्वितीयफलवर्गे प्रथमफलवर्गशोधनादवशिष्टम् । प्रभुव · त्रिव १ द्विकोव १ त्रिव १ ।
त्रिव १

भाज्ये हरभक्ते जाते प्रभुव १ द्विकोव १ तदा फलवर्गान्तरं प्रथमभुजज्याद्वि-
तीयकोटिज्यावर्गान्तरतुल्यं जातं फलयोगो हि चापान्तरकोटिज्याफलान्तरं
चापयोगकोटिज्या तयोर्घातः प्रथमभुजज्याद्वितीयकोटिज्यावर्गान्तरेण समानो
वा द्वितीयभुजज्याप्रथमकोटिज्यावर्गान्तरेण सम इति सिद्धं प्राग्देव ।

व्याकृतिः प्रथमवर्गविहीना

पृष्ठखण्डविहृतायिमखण्डम् ।

एवमाद्युगखण्डवशात् स्युः

खण्डकानि निखिलानि निजानि ॥

इष्टज्यायाः प्रथमज्यया योगान्तरभावनया इष्टायिमपृष्ठज्ये चापयोगान्त-
रज्यास्वरूपे भवतस्तयोर्घातः प्रथमखण्डेष्टज्यावर्गान्तरतुल्य इदं पृष्ठज्यया भक्तं
तदयिमज्या स्यादेव । एवं प्रथमद्वितीयखण्डाभ्यां ज्ञाताभ्यामन्यानि सर्वखण्ड-
कानि स्युः । यथा द्वितीयखण्डवर्गः प्रथमखण्डवर्गहीनः प्रथमखण्डभक्तस्तृतीय-
खण्डं स्यात् । तृतीयखण्डवर्गः प्रथमखण्डवर्गहीनः द्वितीयखण्डभक्तश्चतुर्थखण्डं
स्यात् । चतुर्थखण्डवर्गः प्रथमखण्डवर्गहीनस्तृतीयखण्डभक्तः पञ्चमखण्डं स्यात् ।
एवं नवतिमितानि वा चतुर्विंशतिमितानि वा त्रिंशन्मितानि वा व्याखण्डकानि
निज्ञेप्सितानि सिध्यन्ति ।

इष्टज्यया प्रथमखण्डभवोक्तमज्या-

निघ्नी हृता विभगुणस्य दलेन लब्धम् ।

पिण्डान्तरे विरहितं सहितं निजायां

ज्यायां भवेदिह निजायिभगिज्जिनी सा ॥

इष्टज्या प्रथमखण्डोक्तमज्यया गुणिता त्रिज्यार्धभक्ता फलं खण्डान्तरा-
न्तरमिष्टज्यापृष्ठज्यान्तरे हीनं तदा इष्टज्यायिमज्यान्तरं स्यादत इद-
मिष्टज्यायुतं तदयिमज्या स्यात् ।

अत्रोपपत्तिः । पृष्ठज्योनेष्टज्या पृ१३१ इदमिष्टज्योनायिमज्यया
 इ१अ१ हीनं पृ१३२अ१ तदा पृष्ठज्यायिमज्यायेतो द्विगुणायादष्ट-
 ज्यायाः शोध्यः पिण्डान्तरान्तरं जातं तत्रेष्टज्यायाः प्रथमज्ययान्तरयोगभाव-
 नाभ्यां तत्पृष्ठज्या $\text{प्रभु० इको१ इभु० प्रको१}$ । तदयिमज्या
 त्रि१

$\text{प्रभु० इको१ इभु० प्रको१}$ । अनयोयोगः इभु० प्रको२ । अत्र प्रथमको-
 त्रि१ त्रि१

टिज्या द्विगुणेष्वेष्टज्यया गुणिता त्रिज्याभक्ता जाता पृष्ठायिमज्यायोगरूपा ।
 इयं द्विगुणायामिष्टज्यायां इ२ शोधिता शेषं $\text{इभु० प्रको२ इभुत्रि२}$ ।
 त्रि१

अत्र भाज्ये द्विगुणेष्वेष्टज्यागुणितयोः प्रथमकोटिज्यात्रिज्ययोरन्तरमस्ति तत्र
 लाघवार्थं प्रथमकोटिज्योन्नत्रिज्यामितं प्रथमखण्डोक्तमज्यारूपं द्विगुणेष्वेष्टज्यया
 गुणितमिति सिद्धम् । प्र३ इभु२ । द्वाभ्यामपवर्तितं प्र३० इभु१ ।
 त्रि१ त्रिज्यार्धम्

अतः प्रथमखण्डोक्तमज्येष्वेष्टज्याघातस्त्रिज्यार्धभक्तः फलं पिण्डान्तरान्तरं
 पृ१३२अ१ इदं पिण्डान्तरे पृ१३१ हीनं जातं इ१अ१ इदमिष्टज्यया
 युतं अ१ तदयिमज्या भवतीति सिद्धम् ।

अथान्ययोच्यते । (३२ तैत्तिर्वाक्यम् ।) वृत्ते इष्टज्या गटरेखा तत्पृ-
 ष्ठज्या कपररेखा अयिमज्या वसरेखा तयोरन्तरार्धं लररेखा तथा युता रस-
 रेखा जाता लसरेखा सा तु पृष्ठज्यायिमज्यायोगार्धतुल्या सर्वत्रान्तरार्धयुत-
 लघुराशेर्वृत्तद्राशिसमत्वात् । अथेष्टज्यातुल्यायां मसरेखायां लसरेखा शोधि-
 ता शेषं मलरेखापिण्डान्तरान्तरार्धरूपा । एतत्तुल्यैव गनरेखास्ति । अथ पिण्डा-
 न्तरत्वार्षं द्विगुणं कवचापं तदर्थं त्रिज्या गजरेखा । अतः प्रथमपिण्डोक्तमज्या
 गहरेखा सा कर्णः गनरेखा भुजः नहं कोटिरिति लघुजात्यं तथा गजं त्रिज्या
 कर्णः गटमिष्टज्या भुजः टनं कोटिरिति बृहज्जात्यमेते सजातीये अतस्त्रि-
 ज्याकर्णं इष्टज्या भुजस्तदा प्रथमखण्डोक्तमज्यार्कणं क इति लब्धा गन-
 रेखा । इयं पिण्डान्तरान्तरार्धतुल्या ततो द्विगुणा सती पिण्डान्तरान्तरतुल्या
 प्र३० इभु२ । अतः प्राग्बहुक्तक्रियोपपत्ता भवति । अत्र फलजात्ये कर्णार्धं
 त्रि१

हचिह्नल्लम्बः लररेखा । इयं वररेखाया अर्धे करोति । तत्रोपपत्तिरपि पूर्व-
 मुक्तास्ति तेन बललररेखे तुल्ये वररेखा तु पृष्ठज्यायिमज्यान्तरं तदर्थं
 लररेखेति युक्तमेव ।

अथानया रीत्या सूर्यसिद्धान्तोक्तस्य ।

राशिलिप्राष्टमो भागः प्रथमं ज्यार्धमुच्यते ।

तत्तद्विभक्तलब्धोनमिश्रितं तद्वितीयकम् ॥

आद्येनैवं क्रमात् पिण्डान् भक्त्वा लब्धोनसंयुताः ।

चतुर्विंशतिसंख्याका ज्यार्धपिण्डाः क्रमादमी ॥

इत्यस्योपपत्तिः सुबोधा । तथाहि वसुगुणद्युगुणमितायां त्रिज्याया चतुर्विंशतिपिण्डकाः कृतास्तत्र प्रथमपिण्डस्योक्रमज्या ७।२७।३२ द्विगुणा १४।५५ इष्टज्याया गुणकोऽयं हरश्च त्रिज्यामितः ३४३८ गुणहरौ गुणेनापवर्तितौ तदा गुणे रूपं हरस्याने खगुणाश्चिनः २३० अत्र भगवता स्वल्पान्तरात् प्रथमज्यापिण्डतुल्यो गृहीतः २२५ अनेन इष्टज्यायां भक्त्वा फल ज्यापिण्डान्तरान्तरमिदं पृष्ठज्योनेष्टज्यायां शोधं तत इष्टज्यायां युतमपिभज्या भवति । इयमुपपत्तिः श्रीगणेशदेवदैवज्ञैर्ज्ञेयैस्तस्मै सर्व समीचीना । अत्र मार्गभौमटीकायां मुनीश्वरेण तत्पित्रा गूढार्थप्रकाशके सूर्यसिद्धान्तटीकाया तथा तत्त्वविवेककारेण तत्पित्रा चानुपातेन वासना प्रतिपादिता सा न रमणीयेति तेषां भ्रान्तिरेव प्रतीयते ।

पूर्वप्रतिपादितोपपत्त्या तु सर्वत्र ज्ञानयनं संभवति । यथा सिद्धान्तसारधैमे प्रत्यगाना जीवाः साधिता एकनवेन्दुत्रिज्यायामेवं षष्टित्रिज्यायां प्रत्यंशज्यास्तत्त्वविवेककारेण साधितास्तत्राण्यंशकोटिज्योना त्रिज्यैकांशोक्रमज्या तथा द्विगुणया त्रिज्या भाज्या फलमिष्टज्याया हरः स्यादिति प्रतीतिरुत्पाद्या ।

रसाग्नयो ३६ हस्तनगा ७२ द्विधाम्याः

स्वेष्टांशहीनाः सहिताश्च तत्र ।

ययोर्ययोरष्टदशप्रमेयं १०८

तदंशजीवायुतिजान्तरं स्यात् ॥

इष्टांशकानां गुण पथमस्थि-

शराः ५४ स्वभागेन विहीनयुक्ताः ।

तदंशजीवायुतिरथ नाग

भू १८ संमितादिष्टलयेनयुक्तात् ॥

शेषांशजीवाद्वितीयैक्यहीना ।

स्वेष्टांशकोटिप्रभवो गुणः स्यात् ॥

एवं चतुःसंख्यक्रमैर्विक्रमिस्तद्व्यजीवानयनं विधेयम् ।

अत्रोदाहरणम् । यथा इष्टांशः ४ रसाग्रिषु ३६ हीनयुताः ३२ । ४० द्विशैले-
पु च ७२ हीनयुताः ६८ । ७६ अत्रानयो ४० । ६८ स्तयानयो ३२ । ७६ युतितुल्या-
ष्टोत्तरयुतमिता । अत एतन्मिताशयो ३२ । ७६ त्वं ३१ । ४० । ४२ । द्वयोर्व्या-
५८ । १३ । ३

गेन ८० । ० । ४५ तथैतन्मिताशयो ४० । ६८ त्वं ३८ । ३४ । २ । योगो ८४ । ११ ।
५५ । ३० । ५९

५३ हीनः शेषं चतुरशाना जीवा ४ । ११ । ८ । एवं सर्वत्र । अथच धृत्यशा १८
इष्टाशे ४ हीनयुताः १४ । २२ । अनयोर्व्या १४ । ३० । ५५ । योगः ३६ । ५८ ।
२२ । २८ । ३५

३० । तथा युगशरा ५४ इष्टाशे ४ हीनयुताः ५० । ५८ अनयोर्व्या ४५ । ५० । ४५ ।
५० । ५२ । ५८

योगः ८६ । ५० । ४३ अयं पूर्वयोगेन ३६ । ५८ । ३० हीनः शेषमिष्टांशानां ४
कोटित्वा ५८ । ५१ । १३ अयोत् पङ्कतीतिभागेज्या । एवं सर्वत्र । अत्र यद्वृत्तां-
शेषमिष्टांश न शुद्धन्ति तदा विपरीतशोधनाच्छेषमृण्यगतं वक्ष्यं तत्र शेषां-
शज्ययोरन्तरमेवकार्यं धनर्णयोस्तमेव योग इत्युक्तत्वात् । यथा इष्टांशः
२२ वक्ष्यच्छेषे ४ । ४० । जीवे ४ । ११ । ७ । अन्तरं ३४ । २२ । ५५ एवं पुनः
३८ । ३४ । २

शेषयोः ३२ । ७६ जीवे ३१ । ४० । ४२ । योगः ८० । ०० । ४५ अयं पूर्वकृतान्त-
५८ । १३ । ३

रेण ३४ । २२ । ५५ हीनः शेषं द्वाविंशत्यशकोटित्वा ५५ । ३० । ५० एवं स्वसु-
ध्यं यथासंभवं सर्वत्रहीनीयं सत्त्वविक्रीकोक्तप्रत्यंशज्यायां लिखितायामिदमु-
दाहरणं दर्शितमेवं सर्वत्रप्रत्यंशज्यापिच्छे क्रिया योजनीया ।

अत्रापपत्तिर्पथा । द्विसप्ततिलवानामिष्टांशानां च योगभावनया कालेष्टांश-
युक्तद्विसप्ततिभागज्या इको ७२ भु १ इभु ७२ को १ । एवमन्तरभावनयेष्टांशो-
त्रि १

नद्विसप्ततिभागानां ज्या इको ७२ भु १ इभु ७२ को १ । योगज्यायामन्त-
त्रि १

रज्या हीना शेषं इभु ७२ को २ एवमिष्टांशयुतेतत्पट्विंशदंशज्ययोरन्तरं

शेषं इभु • ३६ को २ अस्य पूर्वोक्तशेषस्य च इभु • ३२ को २ अन्तरे क्रियमाणे द्विगुणायाः षट्त्रिंशदंशकोटिज्याया द्विसप्ततिभागकोटिज्या द्विगुणा शोधि-
त्ताशज्यागुणिता इति सिद्धं तत्र षट्त्रिंशदंशकोटिज्या तु चतुःपञ्चाशदंशज्या
सा द्विगुणा सत्यष्टोत्तरशतांशपूर्णज्या जाता । एवं द्विसप्ततिभागकोटिज्या-
ष्टादशभागज्या सा द्विगुणा षट्त्रिंशदंशपूर्णज्या । अनयोऽन्तरं त्रिज्यातुल्यं ष-
ट्त्रिंशदंशपूर्णज्यात्रिज्यायोगस्याष्टोत्तरशतांशपूर्णज्यात्वेन पूर्वं प्रतिपादनात् ।

एवं त्रिज्येष्टांशज्यागुणेति शेषयोऽन्तरं संपन्नम् । त्रि • इभु १ । अत्र त्रिज्या-
त्रि १

पर्यवर्तनेन इभु १ जातेष्टांशज्यैव । अत्रेष्टांशानयुतद्विसप्ततिभागज्ये क, घसंज्ञे
तथेष्टांशानयुतेषट्त्रिंशदंशज्ये ग, घसंज्ञे योगज्यायाऽन्तरज्या हीना शेषे ख १
क १ । घ १ ग १ द्वितीयशेषात् प्रथमशेषं शोधितं ख १ क १ घ १ ग १ इदमिष्टां-
शज्यास्वरूपं तेनेष्टांशयुतद्विसप्ततिभागज्याया इष्टांशानयुतषट्त्रिंशदंशज्यायाश्च
योगः करणम् । एवमिष्टांशानयुतद्विसप्ततिभागज्याया इष्टांशयुतषट्त्रिंशदंशज्याया-
श्च योगो धनं धनर्णयोऽन्तरमिष्टांशज्येत्युपपन्नं यथोक्तं प्रथमसूत्रमिति ।

अथेष्टांशानां युगशरांशानां च ५४ योगभावनया जाता ज्या
इको • ५४ भु १ इभु • ५४ को १ एवमन्तरभावनया च इको • ५४ भु १ इभु • ५४ को १
त्रि १ त्रि १

द्वयोऽर्थयोगः इको • ५४ भु २ । अथेष्टांशयुतोऽनष्टतिभागज्ये
त्रि १
इको • १८ भु १ इभु • १८ को १ इको • १८ भु १ इभु • १८ को १ । द्वयोऽर्थयोगः
त्रि १ त्रि १

इको • १८ भु २ । अत्र योगयोऽन्तरं क्रियमाणे युगशरलज्याया द्विगुणाया
त्रि १ धृतिलज्याया द्विगुणायाश्चान्तरं त्रिज्यामितमिष्टांशकोटिज्यागुणितमिति
ज्ञातम् । त्रि • इको १ । अत्र त्रिज्यापर्यवर्तनेनेष्टांशकोटिज्यैवेति द्वितीयसूत्रं
त्रि १ चोपपन्नमिति ।

अथेष्टज्यातद्विज्ययोऽन्तरस्य भाग्यगण्डरूपस्य माधनमुच्यते ।

प्रथमधिपरीतज्यास्थीयज्याकाहतिरुद्धता

प्रथमगुणधेनिघ्नी कोटेर्गुदोन्मिति रुद्धता ।

परमगुणमानैः स्यात् तज्जान्तरं यत्न भोग्यकं
भवति निजमौर्धसंयुक्तं तदग्रिमशिष्टिनी ॥

अत्रेष्टज्याकोटिज्ययोः प्रथमपिण्डज्याकोटिज्याभ्यां भावनार्थं न्यासः
इज्या १ प्रज्या १ इज्या • प्रको १ इको • प्रज्या १ । इय-
इको १ प्रको १ । उक्तवज्जाता अग्रिमज्या त्रि १ । इय-

मिष्टचापस्य प्रथमपिण्डचापस्य च योगज्या सिद्धा सैवाग्रिमज्या । अस्या इष्टज्या
शोधिता शेषं भोग्यपण्डम् । त्रि • इज्या १ इज्या • प्रको १ इको • प्रज्या १ । अत्र
त्रि १

प्रथमद्वितीयपण्डे इष्टज्यागुणितयोस्त्रिज्याप्रथमपिण्डकोटिज्ययोरन्तरमस्ति ।
तत्र समगुणकत्वाल्लाघवायं प्रथमपिण्डकोटिज्यानत्रिज्यारूप प्रथमपिण्डो-
त्क्रमज्यातुल्यमिष्टज्यागुणितमितिसिद्धम् प्रठ • इज्या १ इको • प्रज्या १ । अत्रे-
त्रि १

ष्टज्या प्रथमोत्क्रमज्यागुणा त्रिज्याभक्ता प्रथमफलमृणं तथेष्टकोटिज्या प्रथम-
ज्यागुणा त्रिज्याभक्ता फल द्वितीय धन तयोरन्तरं भोग्यपण्ड सिद्धमिष्टमि-
ष्टज्यायां युतमग्रिमज्या भवत्येव ।

अत्र भास्कराचार्यैस्तात्कालिकभोग्यपण्डमुक्तं तच्चेष्टकोटिज्यया प्रथम-
चापमानगुणया त्रिज्याहृतया च तुल्य तत्स्वरूपावगमाय वृत्तं दिग्द्वितं कृत्वा
तत्रेष्टज्या कपररेखा तत्कोटिज्या खगरेखा तथा कर्णः कगमित इति वृहज्जा-
त्यम् । (३३ चेन्नं द्र०) अथ कटचापं प्रथमपिण्डचापतुल्यं तदा टपररेखाग्रिमज्या ।
अस्या इष्टज्याया अन्तरं टभररेखातुल्य भोग्यपण्ड जातम् । अथ कचिन्हात्
कटचापतुल्या चज्जी कचरेखा वृत्तसपातरेखास्वरूपा कृता सा कगरेखोपरि
लम्बरूपा रेखागणितवृत्तीयाध्यापनेत्रेण सिद्धास्ति तेन चक्रगकोणः समको-
णस्तस्मात् गकभकोणः शोधितः शेषं भक्रचकोणः । एवं भक्रचसमकोणात्
गकभकोणः शोधितः शेषं गकषकोणः । एतेन भक्रच गकषकोणौ तुल्यौ जा-
तौ तदा कचरेखा भुजः चजरेखा कोटिः कचं कर्ण इति लघुजात्य वृहज्जा-
त्यसजातीयं कोणत्रयसाम्यात् । अतो गकत्रिज्याकर्णं कोटिज्या खगं कोटिस्तदा
चक्रकर्णं प्रथमपिण्डचापतुल्यं केति चजरेखा । इयं भास्करोक्तस्फुटभोग्यपण्ड-
स्वरूपा सिद्धा कुत्रचित् स्थलेषूपयुक्तेति ज्ञायाः प्रतिप्रदेशेऽन्तरधैलक्षण-
विष्टप्रदेशे स्फुटभोग्यपण्डस्यैव ज्यान्तररूपत्यादित्यल पल्लवितेन ।

गवंप्रकारैर्विविधैर्बुधानां
प्रत्यंशजज्यानयनं सुबोधम् ।
खखाब्धिवाणप्रमलिप्रिकानां
ज्यासाधनं याकुशलेन कार्यम् ॥
प्रसाधितास्ता यवनैः स्वशास्त्रे
प्रत्यंशजाता लिखिता मया तु ।
अतश्च तत्कार्मुकजा प्रभा स्यात्
तत्कोटिभा प्रोक्तवदेव साध्या ॥

अ.	प्रत्यंशजीवाः		अ.	प्रत्यंशच्छायाः	
०	० । ० । ० । ०	८०	०	० । ० । ० । ०	८०
१	६० । ० । ४ । ५२	८८	१	६० । ० । ३८ । १०	८८
२	११८ । ५८ । ४ । ८	८८	२	१२० । ३ । २० । ४५	८८
३	१७८ । ५५ । ५८ । १२	८०	३	१८० । १० । ४० । ५२	८०
४	२३८ । ४८ । २२ । १५	८८	४	२४० । २४ । ३० । १	८८
५	२९८ । ३८ । २८ । ४०	८५	५	३०० । ४० । १० । ८	८५
६	३५८ । २२ । ८ । २०	८४	६	३६१ । २० । ५३ । ४०	८४
७	४१८ । ५८ । ११ । ५०	८३	७	४२२ । ८ । ० । २६	८३
८	४७८ । २८ । ३० । ३०	८२	८	४८३ । १० । ३८ । ११	८२
९	५३८ । ४८ । १८ । ३१	८१	९	५४४ । ३१ । ३२ । ३	८१
१०	५९८ । ० । ८ । २	८०	१०	६०६ । १२ । ४४ । १	८०
११	६५६ । ० । ४ । ५०	७८	११	६६८ । १६ । ४६ । ६	७८
१२	७१४ । ४८ । १ । ३२	७८	१२	७३० । ४६ । १० । ३२	७८
१३	७७३ । २२ । ५४ । ४६	७०	१३	७८३ । ४३ । २८ । ३२	७०
१४	८३१ । ४३ । ३८ । ५८	७६	१४	८५० । ११ । २२ । ४०	७६
१५	८८८ । ४८ । ११ । ०	७५	१५	९२१ । १२ । ३३ । ४०	७५
१६	९४० । ३८ । २८ । ५८	७४	१६	९८५ । ४८ । ५० । २८	७४
१७	१००५ । १० । २६ । ३	७३	१७	१०५१ । ६ । ० । ४४	७३
	एता एव व्यत्ययेन प्रत्यंशकोटिजीवाः	अ.		एता एव व्यत्ययेन प्रत्यंशकोटिच्छायाः	अ.

अ.	प्रत्यशक्तीवाः		अ.	प्रत्यशक्तीवाः	
१८	१०६२ । २४ । १ । ३६	०२	१९१० । ४ । २६ । ८	०२	
१९	१११६ । १८ । १२ । ३०	०१	१९८३ । ४० । ५३ । ५०	०१	
२०	११०५ । ५१ । ५४ । २२	००	१२५१ । १६ । ४६ । २२	००	
२१	१२३२ । ४ । ० । ४६	६६	१३१६ । ४३ । २० । ५०	६६	
२२	१२८० । ५३ । ५० । ५८	६८	१३८६ । २ । ३१ । २८	६८	
२३	१३४३ । २० । ० । ४१	६०	१४५६ । २० । ३६ । ४२	६०	
२४	१३६८ । २१ । ३० । ३३	६६	१५३० । ४१ । ४६ । ३४	६६	
२५	१४५२ । ५० । ४२ । ११	६५	१६०३ । ६ । ५० । ८	६५	
२६	१५०० । ० । ११ । २६	६४	१६०६ । ४६ । २८ । ५१	६४	
२७	१५६० । ४६ । ६ । ३०	६३	१७५१ । ४४ । ५३ । ५८	६३	
२८	१६१४ । २ । ३६ । ६	६२	१८२८ । १ । ० । ५४	६२	
२९	१६६६ । ४६ । ३१ । २०	६१	१९०५ । ४२ । ५२ । ५२	६१	
३०	१७१६ । ० । ० । ०	६०	१९८४ । ५५ । ४६ । १२	६०	
३१	१७०० । ४२ । ३ । ३३	५९	२०६५ । ४५ । ३१ । २८	५९	
३२	१८२१ । ५१ । ४५ । १२	५८	२१४८ । १८ । ३ । ३५	५८	
३३	१८०२ । २८ । ० । ५६	५७	२२३२ । ३६ । ४० । ५६	५७	
३४	१९२२ । ३० । १८ । ४१	५६	२३१८ । ५० । ३६ । ४८	५६	
३५	१९०१ । ५० । २० । २३	५५	२४०० । १८ । ४८ । ११	५५	
३६	२०२० । ४८ । २१ । ६	५४	२४६० । ५१ । ११ । १२	५४	
३७	२०६६ । २ । २३ । ५४	५३	२५६० । ४३ । ८ । २३	५३	
३८	२११६ । ३८ । ३६ । १५	५२	२६८६ । ३ । ३५ । ३०	५२	
३९	२१६३ । ३६ । १२ । ४४	५१	२७८४ । २ । १४ । ३०	५१	
४०	२२०६ । ५४ । १३ । ३४	५०	२८८४ । ४६ । २० । ५६	५०	
४१	२२५५ । ३१ । ५१ । २	४९	२९८८ । ३६ । २० । ३८	४९	
४२	२३०० । २८ । १५ । ३०	४८	३०६५ । ३५ । २० । १४	४८	
४३	२३४४ । ४२ । ३० । ४८	४७	३२०५ । ५६ । १२ । ५३	४७	
४४	२३८८ । १४ । ८ । ५	४६	३३२० । २ । १० । ८	४६	
	एता एव व्यत्ययेन प्रत्यंशकोटिजीवाः	अ.		एता एव व्यत्ययेन प्रत्यंशकोटिच्छायाः	अ.

अ०	प्रत्ययशब्दाः		अ०	प्रत्ययशब्दाः	
४५	२४३१ । १ । ५८ । २६	४५	३४३८ । ० । ० । ०	४५	
४६	२४०३ । ५ । २४ । ५०	४६	३५६० । ८ । ११ । २५	४६	
४७	२५१४ । २३ । ३८ । २८	४७	३६८६ । ४८ । १२ । ५६	४७	
४८	२५५४ । ५५ । ५४ । ३४	४८	३८१८ । १० । ८ । ४०	४८	
४९	२५८४ । ४१ । २८ । ४०	४९	३८५४ । ५० । ५८ । ३०	४९	
५०	२६३३ । ३८ । ३८ । २०	५०	४०८० । १४ । ५५ । ५०	५०	
५१	२६०१ । ४८ । ४० । ३०	५१	४२४५ । ३४ । ३५ । ४०	५१	
५२	२७०८ । १० । ५२ । ४	५२	४४०० । २६ । २२ । २६	५२	
५३	२७४५ । ४२ । ३१ । ५१	५३	४५६२ । २२ । ४८ । ५	५३	
५४	२७८१ । २४ । १ । ३६	५४	४७३२ । ० । ३ । ३०	५४	
५५	२८१६ । १४ । ४० । २८	५५	४८०८ । ५८ । २२ । १०	५५	
५६	२८५० । १३ । ५२ । ३४	५६	५०८० । ५ । २१ । ५३	५६	
५७	२८८३ । २० । ५८ । १०	५७	५२८४ । ३ । २१ । ८	५७	
५८	२९१५ । ३५ । २१ । ४३	५८	५५०१ । ५० । ० । २	५८	
५९	२९४६ । ५६ । २८ । १४	५९	५८२१ । ४० । ३४ । ३१	५९	
६०	२९७७ । २३ । ४३ । १०	६०	५८५४ । ४० । २६ । २०	६०	
६१	३००६ । ५६ । ३३ । ६	६१	६०२२ । १८ । ५८ । ४८	६१	
६२	३०३५ । ३४ । २५ । ५१	६२	६४६५ । ५६ । १५ । ४५	६२	
६३	३०६३ । १६ । ४८ । १५	६३	६७४० । २० । १० । ३८	६३	
६४	३०९० । ३ । १३ । ३५	६४	७०४८ । ५६ । ४० । ४	६४	
६५	३११५ । ५३ । १० । २३	६५	७३८२ । ४८ । ५० । ३१	६५	
६६	३१४० । ४६ । ८ । ५०	६६	७७२१ । ५२ । २८ । १६	६६	
६७	३१६४ । ४१ । ४५ । ३	६७	८०८८ । २५ । १३ । ५८	६७	
६८	३१८० । ३८ । २८ । ४२	६८	८५०८ । २० । ५५ । ३३	६८	
६९	३२०८ । ३८ । ५० । ५४	६९	८८५६ । १० । ४६ । ४६	६९	
७०	३२३० । ३८ । ४० । २२	७०	९४४५ । ४८ । ३८ । १०	७०	
७१	३२५० । ४१ । ३४ । ३०	७१	९८८४ । ४० । ३० । २८	७१	
७२	३२६८ । ४३ । ५६ । ५	७२	१०५८१ । ४ । ३३ । ८	७२	
एता एव धात्ययेन प्रत्ययशब्दाः			एता एव धात्ययेन प्रत्ययशब्दाः		

अ-	प्रत्यशक्तीवा		अ-	प्रत्यशक्तीवा:	
७३	३२८० । ४६ । ३३ । १५	१७	७३	११२४५ । ११ । २८ । २८	१७
७४	३३०४ । ४६ । ३ । ४६	१६	७४	११६८६ । ४३ । ५० । ३३	१६
७५	३३२० । ५१ । १० । २६	१५	७५	१२८३० । ४० । २६ । २०	१५
७६	३३३५ । ५२ । ३५ । ४६	१४	७६	१३८८६ । ३ । ५३ । ३	१४
७७	३३४६ । ५३ । ३ । ५१	१३	७७	१४८९१ । ३६ । ५० । ५५	१३
७८	३३६२ । ५२ । १७ । १३	१२	७८	१६१०४ । ३१ । ५ । ४६	१२
७९	३३७४ । ५० । ३ । ३२	११	७९	१७६८६ । ५८ । ३५ । ५७	११
८०	३३८५ । ४६ । ६ । १०	१०	८०	१८४६७ । ५२ । ० । ३५	१०
८१	३३९५ । ४० । २० । ३३	९	८१	२१००६ । ४० । ३६ । ३४	९
८२	३४०४ । ३२ । ३० । १३	८	८२	२४४६२ । ३८ । २७ । ४२	८
८३	३४१२ । २२ । २५ । ४८	७	८३	२८००० । १५ । ४६ । ३१	७
८४	३४१९ । ९ । ५८ । ३६	६	८४	३२०१० । २३ । ६ । ३३	६
८५	३४२४ । ५५ । २ । ३४	५	८५	३६२६६ । ३१ । ७ । ३६	५
८६	३४२९ । ३७ । ३१ । २१	४	८६	४८१६५ । ४१ । २२ । ५७	४
८७	३४३३ । १७ । १७ । ३६	३	८७	६५६०० । ५६ । ५६ । २५	३
८८	३४३५ । ५४ । २० । ३	२	८८	८८४५१ । २६ । १६ । ८	२
८९	३४३७ । २८ । ३५ । ०	१	८९	१८६६६२ । ५५ । २५ । २६	१
९०	३४३८ । ० । ० । ०	०	९०	अनन्तमानम्	०
	एता एव व्यत्ययेन प्रत्यशक्तीवा:	अ-		एता एव व्यत्ययेन प्रत्यशक्तीवा:	अ-

अष्टोत्तशानां ज्ञानयनम् ।

भुजलवप्रमकोष्ठतलज्यका

पृथगितागतजान्तरसंगुणम् ।

खरसहृत् कलिकाटिकमीरिता

फलयुताभिम्ता किल मौर्विका ॥

अथ ज्योति भुजांशानयनम् ।

निजगुणात् प्रविशोध्य गुणं ततो-

ऽगतगतान्तरभाजितशेषकम् ।

दरससंगुणितं च कलादिकं
धनुरिदं परिशुद्धगुणांशयुक् ॥

अथ भुजांशतश्छायायानयनं छायातो भुजांशानयनम् ।

यथा चापतः शिञ्जिनीसाधनं स्यात्
तथा चापतः स्पर्द्धिनीसाधनं च ।
यथा शिञ्जिनीतो धनुःसाधनं स्यात्
तथा स्पर्द्धिनीतोपि कोदण्डरीतिः ॥
कार्मुकप्रान्तयोरेकतः शिञ्जिनी
चान्यतः स्पर्द्धिनी ते समानान्तरे ।
शिञ्जिनीमण्डलान्तस्त्रिमैर्वीथ्युतो
तद्वहिः स्पर्द्धिनी खगिडनी कर्णके ॥

अथ छायाखगिडनीसाधनं पूर्वमुक्तमपि प्रकारान्तरेण ।

ज्याचिज्ये चोत्क्रमज्याध्रजो कोटिज्याप्रे फलान्विते ।
ज्याचिज्ये क्रमतश्छाया खगिडनीरेखिकाथया ॥

अथ छायातोऽयानयनम् ।

त्रिगुणवर्गयुता द्युतिजा कृतिः
पदमिह श्रुतिरीरितखगिडनी ।
अथ यदि त्रिगुणेन हता द्युतिः
श्रुतिहृता हि तदा निजशिञ्जिनी ॥

अथ प्रसिद्धशङ्कुच्छायाया नतांशच्छायात्यनिरूपणार्थं युक्तिः ।

कोटिर्नरो भा भुजरूपिणी सा
कर्णस्तदग्रद्वयवदुभूषम् ।
नरायकेन्द्राग्रमूललग्नं
घृतं कृतं शङ्कुमितेन तस्मिन् ॥
नृमूलरूपान्तरचापजा भा
तत्खगिडनी तु श्रुतिरूपिणी म्यात् ।

नतांशका अन्तरघापतुल्या
 अतो नतज्या निजशङ्कुनिधौ ॥
 नतांशकोटिज्यकया विभक्ता
 नतांशभैवं भवतीति चिन्त्यम् ।
 सर्वत्र विज्ञाः प्रयदन्ति तस्मा-
 द्वासाधनं चापभवं सुयुक्तम् ॥

अत्र ज्योत्पत्तौ चतुर्विंशतिर्ज्याधानि पूर्वाचार्यैः साधितानि तत्त्वप्रत्यक्ष-
 कारक विष्णुदैवज्ञोक्त पट्टं यथा ।

आचार्यैस्त्रिगुणादमी परगुणाः सर्वेऽपि ससाधिताः
 प्राधान्यादिह तर्ककर्कशगिरा प्रायश्चतुर्विंशतिः ।
 तत् कुत्रापि निजाकृतिप्रकृतितः सद्वासनाऽभ्यासतः
 सद्बीजाक्षरमालिकाजपवशात् प्रायस्तदत्यद्भुतम् ॥

• इदं ज्योतिःपत्तेऽन्यपत्तेऽपि घटते ॥ तथाहि । त्रिगुणात् त्रिज्यातः परे
 गुणा अन्या ज्याः साधिताः । अन्यत्र तु सत्त्वरजस्तमोभिर्गुणादन्ये गुणा
 भवन्तीति गौतमादिभिः ससाधिताः सिद्धान्तीकृता इत्यर्थः ॥ अत्र प्राधा-
 न्याच्चतुर्विंशतिर्ज्याधानि । अन्यपत्ते चतुर्विंशतिर्गुणा न्यायशास्त्रे प्रसिद्धाः ।
 ते च यथा ।

अथो चतुर्विंशतिसंख्ययोक्ता
 गुणा अमी रूपरसौ च गन्धः
 स्पर्शाऽथ संख्या परिमाणनामा
 पृथक्संयोगविभागसंज्ञाः ॥
 परत्वापरत्वे गुरुत्वद्रवत्वे
 तप्तः स्नेहसंस्कारधर्मा अधर्मः ।
 अथो शब्दबुद्धौ सुखं दुःखमिच्छा
 तथा द्वेषयत्नाभिधाना अपीति ॥

अथवा परा गुणा येषु ते परगुणाः परगुणविशिष्टाश्चतुर्विंशतितत्त्वानि
 तानि यथा । शब्दस्पर्शरूपरसगन्धाः ५ नभोवायुतेजोजलोर्थाः ५ आचं त्यक्

चतुर्जिह्वा नामिका इति ज्ञानेन्द्रियाणि ५ वाक्पाणिपादगुदमेकाणीति
कर्मेन्द्रियाणि ५ एव विशति २० अथोभयात्मकं मनः २१ अहकारः २२
महत् २३ प्रकृतिः २४ इति साध्यशास्त्रे प्रसिद्धानि ॥ अथैते परगुणाः कथं
तैर्ज्ञाता इत्यत आह । निजाकृतिप्रकृतित । आकृतिराकारः प्रकृतिः स्वभावः
ततो यथा त्रिभज्यकार्धं खगुणाशजीवेत्यादि । अन्यत्र निजाकृतिः पुरुषः
प्रकृतिः प्रसिद्धा ताभ्यां तत्त्वोत्पत्तिर्यो गुणोत्पत्तिरिति भावः । सद्भासनायाः
सदुपपत्तेरभ्यासतः । अन्यत्र सतो ब्रह्मणो धामना तस्या अभ्यासतः । अथ
ब्रूजगणितावरमानिका यावत्तावदादिरूपा तस्य जयवशात् वारवारमुच्चा
रणवशादित्यर्थः । अन्यत्र तु सद्ब्रूज सन्मन्त्रस्तस्य उत्तरमानाजपवशादित्यर्थः ।
एव तज्ज्योतिर्ग्रह वा अत्यदुत दुर्ज्ञेयमिति भावः ॥

ज्यकाकोटिज वाप्रभाकोटिभाद्या

परविज्यकासगुणः स्वचिमौर्व्या ।

त्रिभक्ताः परविज्यकाया भवेयु

परे वा निजे कार्मुके नैव भेदः ॥

गोलप्रकाशे सा पूर्णा गुणोत्पत्तिप्रकारता ।

यदभ्यासेन बालानां गुणोत्पत्तिप्रचारता ॥

॥ इति गोलप्रकाशे ज्योत्पत्तिः ॥

॥ अथ गोलप्रकाशे त्रिकोणमितिः ॥

॥ श्रीगणेशाय नमः ॥

समाकरं माकरलालितांघ्रिं
समाकरं माकरलालितास्यम् ।
नागे शयानं विहगेशयानं
भवासुदेवं भज वासुदेवम् ॥ १ ॥
नीलाम्बरो मैथिलभूसुरोऽहं
त्रिकोणजातं गणितं प्रवक्ष्ये ।
यज्जानतो भूजलखस्थितानां
पदार्थकानां विदितं प्रमाणम् ॥ २ ॥

त्रिभुजे भुजद्वययोगविन्दोरिष्टव्यासार्धेन वृत्तं भांशांकितं कृत्वा तत्र भु-
जद्वयान्तरगतचापसंबन्धिभागा एव तत्कोणमानं ज्ञेयमेवं त्रिभुजे त्रयः कोणा-
स्त्रयो भुजाश्चेति षट् पदार्थाः सन्ति । तत्र भुजयोर्या निष्पत्तिः सैव तत्सं-
मुपकोणज्ययोरपि निष्पत्तिस्तथाचोक्तम् ।

कोणसंमुल्लाहूनां निष्पत्तिर्गदिता यदा ।

तत्कोणजोवयोश्चापि निष्पत्तिर्विदिता भवेदिति ॥

अत्र कोणसंबन्धिचापाशानां ज्या कोणज्या ज्ञेया ।

अथोपपत्तिः । (३४ क्षेत्रं द्रष्टव्यम्) कखगत्रिभुजे गक,खकभुजौ तथा
वर्धनीयौ यथा गहरेखाखतरेखे तुल्ये भवतः । एव खगभुज उभयदिशि
वर्धनीयो यथा गद,दवरेखे तुल्ये गहरेखासमाने भवतः । अथ गकेन्द्रात्
गहत्रिज्यया हदचापं तथा खकेन्द्रात् खतत्रिज्यया तवचापं कार्यं दवरेखायां
हभ,तघलम्बौ कार्यौ । एतौ क्रमेण गकोण,खकोणयोर्यं ज्ञेये ततः खगभुजे
कललम्बः कार्यः । अत्र कलगत्रिभुजं हभगत्रिभुजसजातीयं द्वयोर्जात्यक्षेत्र-
त्वाद्गोणस्योभयत्र निष्ठत्वेन कोणत्रयसाम्यदर्शनात् । अतः हभरेखया
कलरेखाया या निष्पत्तिः सैव गहकर्णेन कगकर्णस्य निष्पत्तिः । एवं कलखजा-

त्यं तद्यत्नजात्यसंजातीयं स्वकोणैकत्वात् । अत्र कल, तद्यरेखयोर्या निष्पत्तिः
 सैव कप, तद्यरेखयोरपि निष्पत्तिः । तत्र तद्यरेखास्यले गहरेखा स्यापिता
 तुल्यत्वात् । न्यासः । $\left\{ \begin{array}{l} \text{हभः कल=गहः कग} \\ \text{कलः तद्य=कखः गह} \end{array} \right\}$ हभ, कगघातः कल, गहघातः

तुल्यः पुनः तद्य, कपघातः कल, गहघाततुल्यस्तदा हभ, कगघातः तद्य, कखघा-
 ततुल्य इति सिद्धम् । न्यासः । हभ, कग=तद्य, कप । अत्र हभरेखाया त-
 द्यरेखाया या निष्पत्तिः सैव कखरेखाया कगरेखाया निष्पत्तिः सिद्धा । हभः
 तद्य=कखः कग, प्रथमचतुर्थघातस्य द्वितीयतृतीयघाततुल्यस्य पूर्वैकतस्वरूपतु-
 ल्यत्वात् । एतेन कोणज्ययोर्या निष्पत्तिः सैव तत्संमुखभुजयोरपि निष्पत्तिः सि-
 द्धा । इयमुपपत्तिर्जगन्नाथेन पवनयन्यादुक्तास्ति ।

अथान्यथोच्यते । (३५ तैत्रे द्र.) जात्यतैत्रे कोटिस्त्रिज्यागुणा कर्णभक्ता को-
 टिसंमुखकोणज्या दक्ष्यमाणरीत्या संपन्ना भवति तत्र कखगत्रिभुजे कललम्बः क-
 तस्तदा कलखं, कलगं जात्यद्वयमुत्पन्नं तत्र लम्बस्त्रिज्यागुणः कपभुजभक्तः फलं ख-
 कोणज्या ^{कल, त्रि १} कप १ । एवं लम्बस्त्रिज्यागुणः कगभक्तः फलं गकोणज्या ^{कल, त्रि १} कग १ ।
 गकोणज्या पकोणज्या भक्ता तदा कलरेखात्रिज्याघातयोर्नाशे जातं फलं
 कग १ । कगभुजेऽत्र कखभक्त इति तेन कखभुजेन कगभुजस्य या निष्पत्तिः
 कप १ । सैव गकोणज्या पकोणज्याया निष्पत्तिरिति पूर्वोक्तोपपत्त्या । कगः कग=
 हभः तद्य । अत्रैकान्तरनिष्पत्त्या कपभुजेन तत्संमुखकोणज्याया या निष्पत्तिः
 सैव कगभुजेन तत्संमुखकोणज्याया निष्पत्तिरिति सिद्धम् । कखः हभ=कगः
 तद्य । एवमनेन प्रकारेण कख, पगभुजाभ्यां च स्वस्वसंमुखकोणज्ये भुजाभ्यां
 समानगुणे तथा कग, पगभुजाभ्यां च समानगुणे स्वस्वसंमुखकोणज्ये भवत
 इति सिद्ध्यति तदैव तत्तदुजात् तत्तत्संमुखकोणज्या तुल्यगुणा भवतीति
 कलितम् ।

स्वस्वसंमुखकोणज्या भुजात् तुल्यगुणा भवेत् ।

विभुजे चितयज्ञाने त्रयाणामनुपाततः ॥

अथ जात्ये कोटिभुजाभ्यां तत्संमुखकोणज्ययोरानयनम् । (३६ तैत्रे द्र.)
 अर्धं भुजः चर्धं कोटिः अर्धं कर्णः लघुपक्षे अकोणमानं तस्य व्या जगरेखा
 अकोणज्याया कगरेखा अजरेखा त्रिज्या अचर्णं चर्धं कोटिस्तदा अजकर्णो

का कोटिरिति जगरेखा कोणज्या लभ्या । अथवा कर्णेन त्रिज्यातुल्या संमुख-
कोणज्या लभ्यते तदा कोट्या केति कोटिसंमुखकोणज्या सैव लभ्यते । अतः
कोटिस्त्रिज्यागुणा कर्णेभक्ता कोटिसंमुखकोणज्या सिद्धा । एवं भुजस्त्रिज्या-
गुणः कर्णेभक्तः फलं भुजसंमुखकोणज्या स्यादिति ॥ अथ अगभुजे जगको-
टिस्तदा अगभुजे त्रिज्यातुल्यं का कोटिरिति कृषरेखा अकोणच्छाया लभ्यते
तत्र अगजजात्यसजातीयं अघवजात्यं तेन अगभुजे घवं कोटिस्तदा त्रिज्या-
भुजे का कोटिरिति जाता कोटिसंमुखकोणच्छाया । अतः कोटिस्त्रिज्यागुणा
भुजभक्ता कोटिसंमुखकोणच्छाया स्यात् । एवं भुजस्त्रिज्यागुणः कोटिभक्तः फलं
भुजसंमुखकोणच्छायेति ॥ अत्र कोटिसंमुखकोणकोटिज्यैव भुजसंमुखकोणज्या
वा कोटिलग्नकोणकोटिज्यैव भुजलग्नकोणज्येति । अथ भुजसंमुखकोणज्याक्षा-
याज्ञानार्थं (३० क्षेत्रं द्र.) अत्र अवकर्णे अर्धं भुजस्तदा चतुर्तुल्ये त्रिज्याकर्णे
क इति भुजममुखकोणज्या । एवं चघकोटौ अघरेखा भुजस्तदा चतुर्तुल्यत्रिज्या-
मितायां क इति कृषरेखा सैव भुजममुखकोणच्छाया । अतो जात्ये कोट्यां
त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव भुजेन भुजममुखकोणच्छायाया निष्पत्तिः । अस्या
निष्पत्तेः कोटिः भुज=त्रिज्याः चकोणच्छाया । यज्ञान्तरनिष्पत्तिस्वरूपे कृते
कोटिः त्रिज्या=भुजः भुजसंमुखकोणच्छाया प्रोक्तसिद्धिरिति ।

दोः कोटी त्रिगुणाहते श्रुतिहृते तत्संमुखे कोणजे
जीवे च त्रिगुणघ्नकोटिभुजकौ दोःकोटिभक्तौ प्रमे ।
दोःकोट्योरिह लग्नकोणजनिते ज्ञेये च कोणज्यके
कोणस्वीयजकोटिभागगुणसंतुल्ये मिथो जात्यके ॥
भुजेन तत्संमुखकोणजीवा
तदा तदन्येन भुजेन का स्यात् ।
तत्संमुखः कोणगुणस्त्रिज्याहौ
तद्वैपरीत्यादिह बाहुमानात् ॥

यद्येकभुजेन तत्संमुखकोणज्या लभ्यते तदाऽभुजेन केत्यन्यभुजसंमुख-
कोणज्या स्यादेतेन भुजद्वयज्ञाने तदेकसंमुखकोणज्ञाने तदन्यकोणज्ञानं जातम् ।
एवमेककोणज्यया तत्संमुखभुजस्तदा तदन्यकोणज्यया क इति तदन्यकोण-
संमुखभुजो ज्ञातः स्यादिति कोणद्वयज्ञाने तदेकसंमुखभुजज्ञाने चान्यभुजज्ञा-
नमिति ।

कोणयोर्गुणित्वलद्युतिभक्ता
चान्तरार्धभवभा त्रिभुजे या ।

सैव कोणगतसंमुखबाह्यो-
रन्तरे युतिहृते किल लब्धिः ॥

अत्रोपपत्तिः । (३८-तेजंद्र-) अरुगत्रिभुजे अगभुजः सविन्दुपर्यन्तं तथा वाट्टितो
यथा कगनुन्या गमरेखा भवति तत्तुल्या गफरेखा । अगभुजगण्डस्वरूपा तत्र
कफरेखा कार्यो । अरुरेखायाः समानान्तरा फफरेखा च कार्यो ॥ अथ गस-
गकरेखे तुल्ये तेन कसग, सकग कोणौ तुल्यौ पुनः कग, कफरेखे तुल्ये तेन गरु-
फ, गफरुकोणौ च तुल्यौ जातौ (रे. प्र १ ते ५) अतः फरुमत्रिभुजे फमक, सफ-
ककोणयोर्योगः सकग, गकफकोणद्वययोगेन फरुमकोणेन तुल्यः फमरुकोणस्य
सकगकोणतुल्यत्वात् तथा सफरुकोणस्य गरुफकोणसाम्याच्च यदि कोणद्वय-
योगतुल्यः शेषकोणस्तदा स समकोणः कथमन्यथा कोणत्रययोगस्य सम-
कोणद्वयतुल्यत्वम् । अतः फरुमत्रिभुजं ज्ञात्वा फरुसकोणस्य समकोणत्वात् ।
एव फरुपकोण एव समकोणस्तस्य फरुमकोणतुल्यत्वात् । अतः फरुपं च
ज्ञात्वा सिद्धम् । अथ ज्ञात्ययोर्गुणित्वे कोटिरेका तदा भुजयोर्गुणो निष्पत्तिः सैव
भुजसंमुखकोणच्छायायोरपि निष्पत्तिस्तथाहि ॥ प्रकृते फरुमज्ञात्यान्तर्गतं
फरुपज्ञात्यम् । अनयोः फफरेखा कोटिरेकैवास्ति कसरेखा रूपो भुजस्त्रिज्या-
गुणः कफतुल्यकोट्या भक्त फलं कफसकोणच्छाया कस. त्रि १

कस. त्रि १

कफ १

ज्ञास्त्रिज्यागुणः कफभक्तः फलं कफसकोणच्छाया कप त्रि १
कफ १ । अत्र कफरेखा-

भक्तत्रिज्याया लब्धेन गुणितो फम, कपभुजवेव ह्याये सिद्धे ॥ अथ केवलरा-
श्यानिष्पत्तिर्गुणगुणितराश्यानिष्पत्तिस्तुल्यैवेति नियमात् प्रकृते कस, कपभुज-
योर्गुणो निष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोणयोश्छाया निष्पत्तिः । अथ अरु, कफरेखे
समानान्तरे फफरेखा द्वित्रे तेनैकान्तरे । कफप, अरुफकोणौ तुल्यौ ।
एवं अरु, कफरेखे समानान्तरे अफरेखा द्वित्रे तेनैकान्तरे । कअफ, पफग-
कोणौ तुल्यौ जातौ ॥ अथ अरुफ, फरुगकोणयोर्गुणो अरुगकोणतुल्ये कअफ-
कोणः शोधितस्तदर्थं कोणयोरन्तरार्धम् । अरुफ १ फरुग १ कअफ १

२

द्वितीयतृतीयकोणान्तरं प्रथमकोणोऽस्ति फरुमकोणतुल्ये कफगकोणे कअफ-

कोणतुल्यस्य पक्षकोणस्य शोधनाद्वशिष्टकक्षकोणस्य अक्षकोणतुल्यत्वात् । एवं कक्षकोणेनक्षकोणस्य अक्षकोणतुल्यत्वे कोणानां अक्ष-
कोण १ पक्षकोण १ अक्षकोण १ योगोऽत्र द्विगुणेन अक्षकोणेन तुल्यस्तदर्थं अक्ष-
कोणस्तेन कक्षकोणः, अक्षकोणयोरेवार्थार्थं अक्षकोणः सिद्धः । तत्तुल्ये कक्षकोणे
कक्षकोणतुल्यः पक्षकोणो युक्तस्तदा कोणयोर्योगार्थं कक्षकोणः स्यात् ।
अन्तरार्थयुतलघुराशेर्बृहद्राशिलघुराशियोगार्थतुल्यत्वात् । अथ त्रिकोणभुज-
त्रिकोणभुजसमानान्तराक्षरेखा तेन अक्षरेखाया अक्षरेखायाऽया निष्पत्तिः सैव
कक्षरेखाया अक्षरेखाया निष्पत्तिरिति रेखागणितप्रष्टाध्यायद्वितीयसूत्रेण सि-
द्धमस्ति ॥ अत्र त्रिकोणभुजसमानान्तराक्षरेखा युक्ता तदा त्रिकोणभुजयोगः अक्ष-
रेखा । एवं त्रिकोणभुजसमानान्तराक्षरेखा शोधना तदा अक्षरेखा तु त्रिकोणभु-
जान्तररूपा जाता । अतो भुजयोर्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव कक्ष-
रेखाया अक्षरेखाया निष्पत्तिः सैव कक्षकोणकोणसंमुखकोणयोश्चायानिष्पत्तिः
पूर्वसिद्धा ॥ अत्र तौ च कोणौ प्रकृते त्रिकोणभुजसंमुखकोणयोर्योगार्थान्तरा-
र्थतुल्ये । अतः भुजयोर्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोण-
योर्योगार्थच्छायाया तदन्तरार्थच्छायाया निष्पत्तिरुपपन्नैति ॥

अथान्यथोपपत्तिः । भुजयोर्योगनिष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोणकोणयोश्चापि निष्पत्तिः ।
अतो भुजयोर्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव भुजसंमुखकोणकोणयोश्चापि यो-
गेन तदन्तरस्य निष्पत्तिः सैव कोणयोर्योगार्थच्छायाया तदन्तरार्थच्छायाया
निष्पत्तिर्ज्यैत्येतौ सिद्धास्ति कोणयोश्चाप्युक्तत्वात् । अतः प्रकृते भुजयोर्यो-
गेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोणकोणयोर्योगार्थच्छायाया तदन्तरार्थ-
च्छायाया निष्पत्तिः सिद्धेति ।

अथ त्रिकोणभुजसमानान्तराक्षरेखा तदन्तराक्षरेखाया निष्पत्तिरुपपन्नैति ॥

कोणसंमुखभुजस्य च कृत्या

शेषबाहुकृतिसंयुतिरूना ।

शेषबाहुहतिहृत् त्रिगुणार्धा-

स्ता व्यक्ता भवति कोणजकोटेः ॥

कोणसंमुखभुजसमानान्तराक्षरेखा तदन्तराक्षरेखाया निष्पत्तिरुपपन्नैति ।
अतो भुजयोर्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव भुजसंमुखकोणकोणयोश्चापि यो-
गेन तदन्तरस्य निष्पत्तिः सैव कोणयोर्योगार्थच्छायाया तदन्तरार्थच्छायाया
निष्पत्तिर्ज्यैत्येतौ सिद्धास्ति कोणयोश्चाप्युक्तत्वात् । अतः प्रकृते भुजयोर्यो-
गेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोणकोणयोर्योगार्थच्छायाया तदन्तरार्थ-
च्छायाया निष्पत्तिः सिद्धेति ।

अथोपपत्तिः । यत्र त्रयो न्यूनकोणास्तदल्पकोणत्रिभुजं तत्र क्षेत्रान्तर्लम्बो भवति । एवं यत्रैकोऽधिककोणः शेषौ न्यूनकोणौ तदधिककोणत्रिभुजम् । तत्र न्यूनकोणत्रिन्दोश्चेत्तलम्बः क्रियते तदा क्षेत्रादृष्टिः पतति (३८ क्षेत्रद्र -) यथा आकागात्रिभुजे भुजा भूप्रथमद्वितीयमज्ञास्तथा तत्संमुखाः कोणा आ,का, गावर्णसंकेतितास्तत्र गाद्यालम्बश्च । ययोः के लयोः कोटिज्याज्ञानमभीष्ट तद्वि चकोणचिन्दोर्लम्बः कर्त्तव्यः । अत्र त्रिभुजे भुजयोर्योग इत्यादिना भस्करपाटीसूत्रेणावाधे स,ध्ये तत्र भुजयोर्योगान्तरघातस्तु वर्गान्तरसम इति प्रकृते भुजयोः प्र १ भू १ वर्गान्तरं प्रव १ भूव १ भूम्या द्वि १ भक्त लब्धमाव,धयोरन्तरम् ।

प्रव १ भूव १
द्वि १ । अनेन द्वितीयसज्जो भुज जनयुतो दलित इति जाते आवाधे

प्रव १ भूव १ द्वि १ | प्रव १ भू १ द्वि १ । एते काद्या,गाद्यासज्जो जाते का-
द्वि २ द्वि २

गाद्या,आगाद्याज्ञात्यक्षेत्रयोर्भुजरूपे तत्र जात्ये भुजस्त्रिज्यागुणः कर्णभक्तः फल भुजसमुच्चकोणज्या प्रागुक्तास्ति प्रकृते कर्णावेव भुजौ प्रथमभूमज्जो । अत एते आवाधे त्रिज्यागुणे भुजभक्ते जाते आद्याधामसंमुपकोणज्ये

प्रव-त्रि १ द्वि-त्रि १ भूव-त्रि १ | भूव-त्रि १ द्वि-त्रि १ प्रव-त्रि १ । एते कागा-
भू-द्वि २ प्र द्वि २

द्या,आगाद्याकोणज्ये सिद्धेते एव काकोणआकोणकोटिज्ये जाते जात्यक्षेत्रे कर्णाग्र सक्तकोणयोर्मध्यः कोटिरूपत्वात् भुजकर्णयोगकोणाननवत्यशाः कोटिकर्णयोग-कोणस्तदूननवत्यशा भुजकर्णयोगकोण इति प्रसिद्धत्वात् । अथ प्रन्तर्लम्बत्रिभुजे । अथ अर्हिलम्बक्षेत्रे भुजयोर्वगात्तरम् । प्रव १ भूव १ । भूमिभक्तः । अनेनेन-

युता भूद्वलितता जाते लघुवृहदाव,धे । भूव १ द्वि १ प्रव १ ।
द्वि २

प्रव १ द्वि १ भूव १ । एते त्रिज्यागुणे कर्णरूपेण भुजेन भक्त जाते कायोणआ-
द्वि २

कोणकोटिज्ये भूव-त्रि १ द्वि-त्रि १ प्रव-त्रि १ | प्रव-त्रि १ द्वि-त्रि १ भूव-त्रि १ ।
भू-द्वि २ प्र-द्वि २

एते कागाद्या,आगाद्याकोणज्ये तत्र कागाद्याकोणकोटिः गाद्याकोणस्तदून-भाध्याशा एव आकागाकोणस्तयोर्ज्य तुल्ये एव । अतोऽन्तर्हिलम्बक्षेत्रयोः को-णकोटिज्याज्ञाने क्रिया तुल्येवेति । एतेन कोणसमुच्चभुजवर्गणोनः शेषभुजवर्ग-

योगस्त्रिज्यागुणः शेषभुजघातेन द्विगुणेन भक्तः फलं कोणकोटिज्या भवती-
त्युपपन्नम् ॥

अथान्यथोच्यते । रेखागणिते द्वितीयाध्याये त्रयोदशतरे न्यूनकोणत्रिभुजे
एकभुजवर्गः शेषभुजवर्गयोगेन शेषान्यनरभुजरूपभूम्या द्विगुणितया एकभुज-
संमुखकोणनग्राद्याध्यागुणितया हीनेन समानो भवतीति निरूपितम् ।
(३९ त्तेत्र द्र०) यथा प्रकृते द्वितीयभूमजभुजयोर्वर्गयोगः । द्विव१ भूव१ । द्वि-
गुणेन द्वितीयमन्त्रेन काघासंज्ञायाध्यागुणितेन हीनः शेषं प्रथममजभुजवर्गः ।
द्विव१ भूव१ द्वि० काघा २ । अथ कागाघा त्रेत्रे घाकोणज्याया त्रिज्यातुल्यया
तत्संमुखो भूमजभुजस्तदा गाकोणज्याया काकोणकोटिज्यातुल्यया क इति
ज्ञातः काघाभुजः भू० काकोज्या १ । अनेन द्वितीयभुज अणगतो द्विगुणो
त्रि १

गुणितस्तदा तृतीयवर्गद्वयस्थाने स्वरूपान्तरमेव प्रथमभुजवर्गः

द्विव० त्रि १ भूव० त्रि १ भू० काकोज्या १ द्वि २ ।

त्रि १

अयं प्रथमवर्गसम इति पतयोः

समच्छेद्रीकृतयोश्छेदापगमे न्यासः । द्विव० त्रि १ भूव० त्रि १ भू० द्वि० काकोज्या २ ।
त्रि० प्रव १

समशोधनात् पक्षौ सिद्धौ द्विव० त्रि १ भूव० त्रि १ प्रव० त्रि १ । अत्रोपरित-
भू० द्वि० काकोज्या २

नपक्षोऽधस्तनपक्षेण द्विगुणभूद्वितीयभुजघातेन काकोणकोटिज्यागुणितेन सम-
स्तेन भूद्वितीयघातेन द्विगुणेन भक्तः फलं काकोणकोटिज्यैव

द्विव० त्रि १ भूव० त्रि १ प्रव० त्रि १

भू० द्वि २

। एवमधिककोणत्रिभुजे रेखागणितद्वितीया-

ध्यायद्वादशतरेण प्रकृते प्रथमभुजवर्गः द्विव१ भूव१ द्वि० काघा २ अत्रापि

पूर्ववत् सिद्धः काघाभुजः भू० काकोज्या १

त्रि १

। कागाघाकोणसंमुखोऽयं भुजा-

ऽस्ति सच कोणो गाकाघाकोणकोटितुल्यः । अतः कागाघाज्ञात्ये त्रिज्य-
या घाकोणज्यारूपया भूमजस्तदा ग कागाघा कोणकोटिज्याया क इति काघा-
भुजो लभ्यते परन्तु गाकाघा कोणानभार्धाशाना गाकाघाकोणत्वत् तत्कोटि-
ज्याया अणत्व द्वितीयपदे कोटिज्याया अणत्वात् । अतो गाकाघाकोणको-

टिज्या प्रकृते काकोणकोटिज्या अणगतेति सिद्धः काघाभुजः भू० काकोज्या १

त्रि १

अनेन प्रथमभुजवर्गस्य तृतीयवर्गमुत्पाप्य ज्ञातः प्रथमभुजवर्गः ।

द्विव० त्रि१ प्रव० त्रि१ भू० काकोज्या० द्वि२ ॥ अथ नूनकोणत्रिभुजीयप्रथम-
त्रि१ .

भुजवर्गेण तुल्यस्ततः प्राग्वत् सिद्धा काकोणकोटिज्या

द्विव० त्रि१ भूव० त्रि१ प्रव० त्रि१ ॥ एवं आकोणगाकोणकोटिज्ये अपि साध्ये
भू० द्वि२

तदा पूर्वोक्तमानयनमुपपन्नमिति ॥

अथान्यथोपपत्तिः । प्रथमं त्रिभुजस्य कोणत्रितयविन्दुषु लानं वृत्तं कार्यम् ।
तत्प्रकारो यथा । भुजद्वयार्धचिन्हात् स्वस्वभुजोपरि रेखागृहीतप्रथमाध्यायैका-
दशत्तेजाल्लम्बौ कार्यौ तौ स्वमार्गवर्धितौ यत्र संपातं कुस्तः स विन्दुर्वृत्तके-
न्द्रगतः स्यात् ततो वृत्तं विन्दुत्रयस्य भवति ॥ यथा (४० क्षेत्रं द्र०) वृत्तान्त-
र्गतं आगाकात्रिभुजं कृतं अत्र प्रथमभुजार्धं आगाचापार्धस्य ज्या तथा द्विती-
यभुजार्धं गाकाचापार्धज्या तथा द्वयोश्चापयोगस्य आकाचापार्धरूपस्य ज्या
भूम्यर्धम् । अतः प्रथमद्वितीयभुजार्धसंबन्धिचापयोगज्यैव भूम्यर्धं ततस्तच्छा-
पयोगकोटिज्यैव भूम्यर्धकोटिज्यात्वेन फलिता । अथ भावनासूत्रेण चापयो-
गकोटिज्यां प्रसाध्य तस्या भूम्यर्धसंबन्धिकोटिज्यया सह समीकरणं कार्यम् ।

तथाहि । आगाचापार्धज्या प्रथमभुजार्धं $\frac{प्र१}{२}$ । तत्कोटिज्या $\left\{ \begin{array}{l} त्रिव४ प्रव१ \\ ४ \end{array} \right\} \frac{मू१}{१}$

एवं द्वितीयज्या द्वि१ । तत्कोटिज्या $\left\{ \begin{array}{l} त्रिव४ द्विव१ \\ ४ \end{array} \right\} \frac{मू१}{१}$ । अत्र कोटिज्या-

वर्गघातमूले भुजज्याघातः $\frac{प्र० द्वि१}{४}$ शोधितस्त्रिज्याभक्तस्तत्र वर्गस्यले

त्रिज्यावर्गभक्त एवं ज्ञाता चापयोगकोटिज्या $\left\{ \begin{array}{l} प्रव० द्विव० \\ त्रिव१६ \end{array} \right\} \frac{मू१}{१}$

$\left\{ \begin{array}{l} त्रिवव१६ त्रिव० द्विव४ त्रिव० प्रव४ द्विव० प्रव१ \\ त्रिव१६ \end{array} \right\} \frac{मू१}{१}$ । इयं भूम्यर्धं (भू१) कोटिज्यया

$\left\{ \begin{array}{l} त्रिव४ भूव१ \\ ४ \end{array} \right\} \frac{मू१}{१}$ । समेति पत्तयोः समच्छेदीकृतयोश्चैदापगमे कृते ततः

प्रथमद्वितीयघातः पत्तयोः तिल एव न्यासः ।

(प्रव० द्विव१) $\frac{मू१}{१}$ (त्रिवव१६ त्रिव० द्विव४ त्रिव० प्रव४ द्विव० प्रव१) $\frac{मू१}{१}$ प्र० द्वि१ ।
(त्रिवव१६ त्रिव० भूव४) $\frac{मू१}{१}$ प्र० द्वि१

कर्ध्वं प्रथमचतुर्थपण्डयोः साम्यान्नाशो जातः शेषम् ।

(त्रिव्र १६ त्रिव्र-द्विव्र ४ त्रिव्र-प्रव्र ४ द्विव्र-प्रव्र १) मू १
(त्रिव्र १६ त्रिव्र-भूव्र ४) मू १ प्र-द्वि १ । अनयोः पतयोर्वर्गौ

तथापि न साम्यवतिरिति न्यासः ।

त्रिव्र १६ त्रिव्र-द्विव्र ४ त्रिव्र-प्रव्र ४ द्विव्र-प्रव्र १
प्रव्र-द्विव्र १ प्र-द्वि- (त्रिव्र १६ त्रिव्र-भूव्र ४) मू २ त्रिव्र १६ त्रिव्र-भूव्र ४
द्वयोरिटं त्रिव्र १६ प्रव्र-द्विव्र १ शोधितं शेषोन्यासः ।

त्रिव्र-द्विव्र ४ त्रिव्र-प्रव्र ४
प्र-द्वि- (त्रिव्र १६ त्रिव्र-भूव्र ४) मू २ त्रिव्र-भूव्र ४ । एतौ चतुर्गुणत्रिज्यायाऽपवर्त्यो
तत्र प्रथमपक्षेऽपवर्तिते जातम् त्रि द्विव्र १ त्रि-प्रव्र १ द्वितीयपक्षे प्रथमपण्डे
चतुर्गुणत्रिज्यावर्गेण त्रिव्र १६ अपवर्त्यत्रिव्र १ भूव्र १ । समच्छेदे कृते जा-
तम् । त्रिव्र ४ भूव्र १ । तन्मूलं पूर्वानीतयोगकोटिज्यातुल्यमिति । तत्स्थाने-

योगकोटिज्या स्वगुणरूप प्र-द्वि २ गुणिता न्यासः योको-प्र-द्वि २ । एवं द्वितीयपण्डे
चतुर्गुणत्रिज्यायाऽपवर्तिते जातम् । त्रि-भूव्र १ एवं पतयोरपवर्तितयोर्न्यासः ।

{ त्रि-द्विव्र १ त्रि-प्रव्र १ }
{ योको-प्र-द्वि २ त्रि-भूव्र १ } अनयोः समशोधनात् पतौ

त्रि-द्विव्र १ त्रि-प्रव्र १ त्रि-भूव्र १ । अत्र योगकोटिज्यामानमज्ञातं तेन प्रथ-
योको-प्र-द्वि २

मपक्षे द्वितीयपक्षस्येन प्र-द्वि २ भक्ते लब्धं योगकोटिज्यामानम् ।

त्रि-द्विव्र १ त्रि-प्रव्र १ त्रि-भूव्र १ । अथ कृते केन्द्रगतकोणार्ध परिधिगतकोण इति
प्र-द्वि २

रेखागणिते तृतीयाध्याये विंशतितेजे निरूपितं प्रकृते प्रथमभुजाधं काकोण-
ज्यामित काकोणस्य आगाचापार्धमितत्वात् । एवं कागाचापार्धं आकोण-
मानं तज्ज्या तु द्वितीयभुजाधंमिता तथा आगाचापार्धं आकोणकाकोणयो-
गमानं तेन तत्कोटिज्यैव सिद्धा त्रि-द्विव्र १ त्रि-प्रव्र १ त्रि-भूव्र १ । परंतु त्रिभुजे
प्र-द्वि २

कोणत्रययोगो भाधे शमितस्तेन कोणद्वययोगेन भाधेणा पक्ष गाकोणस्तत्र
द्वितीयपक्षे कोटिज्याया अणत्वादागतस्वरूपे धनव्यवस्थासाज्जाता गाकोण-

कोटिज्या त्रि.द्विव १ त्रि.प्रथ १ त्रि.भूव १ । एतेन पूर्वोक्तमूत्रमुपपन्नमिति ।
प्र.द्वि २

अथ वृत्तान्तर्गे आकाशानिभुजे आकाशज्या द्विगुणा तत्समुच्चो द्वितीय-
भुजस्तथा आकाशज्या द्विगुणा तत्समुच्च प्रथमभुज एव आकाशज्या द्विगुणा
तत्समुच्चो भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा
तत्समुच्चो भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा भूजस्तथा
त्रिज्यापरिणामनेऽपि त्रिज्ययोर्धो निष्पत्तिः सैत्र तत्समन्विकोणज्ययोरपीति न
वतिरिति विद्वद्वा सुबोधम् ।

अथ कोणज्यानयन लम्बे ज्ञाते तथा लम्बज्ञान कोणज्याज्ञाने चाह ।

कोणलम्बभुजभाजितलम्ब-

स्त्रिज्यरूप इह कोणजजीया ।

के णलम्बभुजसगुणिता सा

त्रिज्यया परिहृता किल लम्बः ॥

त्रिभुजे भूजो भूरेभिः पूर्व लम्ब प्रमाध्य भुजेन तत्समुच्चो त्रिज्यातुल्या
कोणज्या लम्बेन केति लम्बममुचो भुजलम्बकोणज्या । एव तद्वेपरीत्येन लम्ब-
ज्ञान सुगमम् । भुजभूजातयण्ड तन्मध्यकोणज्यया हत त्रिज्याभक्त फल
लम्बेन भूजयण्डगुणिनेन समम् । कोणज्या स्वतन्मध्यभुजगुणा त्रिज्याभक्ता लम्बः
स भूनिगुणितस्तदध त्रिभुजद्वैत्रफलं तदा भुजभूमिघातः भुजभूमिमध्यगतको-
णज्यया गुणितं क्षेत्रफलमिति सिद्धम् ।

त्रिबाहुतलने भवति वलये विस्तृतिदलं

भुजानां योगेन द्विगुणफलमात्रं निगदितम् ।

भुजानां सघातः त्रिगुणफलेनापि विहृतो

वर्गलम्बेन वृत्ते भवति निघत विस्तृतिदलम् ॥

(४१ तत्र द्व) आक गात्रिभुजान्तर्गटतयासार्धं आक, आक गकरेयात्रयं
स्वस्वभुजोपरि लम्बरूप मियस्तुत्यमस्ति तत्र त्रिभुजान्तर्गतानि त्रिणि क्षेत्र-
त्राणि । आक्रेका, आक्रेगा, आक्रेगात्रिभुजानि तेषां फलं तु भुजार्धं व्यासार्ध-
गुणनसम लम्बगुण भूम्यर्धमात्रं निघमात् फलानां योगो भुजत्रययोगदल
व्यासार्धगुणित तद्वेव आकाशात्रिभुजफलं तेन फल सर्वभुजयोगदलभक्त
वृत्तव्यासार्धं भवतीत्युपपन्नम् ॥

अथ त्रिभुजवर्धितानवृत्तव्यासार्धानयने तावत् परिधिगतकोणात् केन्द्र-
गतकोणो द्विगुण इत्यत्र युक्तिः ।

(४२ क्षेत्रं द्रु-) आग केतरे आकोण, गकोणौ तुल्यौ आके, गकेभुजयोस्तु-
ल्यत्वात् । तत्र गके भुजः स्वमार्गवर्धितः खबिन्दुपर्यन्तं तदा बहिरुत्पन्नः
आकेपकोणस्तुल्यपराकोणगकोणयोर्योगेनार्यात् गकोणेन द्विगुणेन तुल्यो
जातः । एवं काकेगात्रिभुजे काके, गकेभुजयोस्तुल्यत्वेन काकोण, गकोणौ
तुल्यौ तयोर्योगेन द्विगुणेन गकोणेन बहिरुत्पन्नः काकेखकोणस्तुल्यः । अतो
गास्यकोणयोर्योगात् आगाकाकोणतुल्यात् द्विगुणः आकेख, काकेखकोणयोग
आकेकाकोणो जातस्तदा आगाकाकोणात् परिधिगतात् केन्द्रगत आकेका-
कोणो द्विगुण इति सिद्धम् ॥ अत्र आकेकाकोणमानं अकात्रापमितं तदर्थं
आगाकाकोणमानं तेन परिधिलानकोणः स्वसंमुखचापार्धमितो भवत्यत
एवैरुचापसंमुखाः कोणास्तुन्या वृत्तान्तर्गता बोध्याः । अथ प्रकृते आकाभुजः
पूर्णज्यारूपस्तदर्थं केपरूपा लम्बरेखा तेन आकेख, काकेखजात्ये तुल्ये त्रयाणां
भुजानां मिथः साम्यं त ततः कोणाश्च मिथः समानाः । अत आकेख,
काकेखकोणौ तुल्यौ तयोर्योगस्तु आकेखकोणाद् द्विगुणः आकेकाकोणतुल्य-
स्तदा आकेखकोणतुल्यः आगाकाकोणो जातः ॥ अथ आकेखजात्ये आकेभु-
जेन तत्संमुखकोणज्या त्रिज्या तदा आकाभूम्यर्धेन आपभुजतुल्येन कति

त्रि-आका
आकेपकोणज्या आके २ । इयमेव आगाकाकोणज्या । अथ आगा, का-

गाघातार्धं तदन्तर्गतआगाकाकोणज्यया गुणितं त्रिज्याभक्तं क्षेत्रफलं सिद्धम् ।

त्रि-आका-आगा-कागा १ । त्रिज्ययापवर्तितम् । आका-आगा-कागा १ । तदा

त्रि-आके ४

आके ४

भुजत्रयघातश्चतुर्गुणेन आकेभुजेन भक्तस्त्रिभुजफलं यदि फलेन भक्तस्तदा
चतुर्गुणं आके भुजमानं लभ्यते । अतो भुजत्रयघातश्चतुर्गुणफलेन भक्तस्तदा
आकेभुजः स एव वृत्तव्यासादृष्टस्वरूप इत्युक्तमुपपन्नम् ।

अथ प्रसंगात् सर्वदोयुंतिदलं चतुःस्थितं बाहुभिर्विरहितं च तद्वृत्तेः । मूलं
त्रिभुजे स्पष्टं फलं भवतीति सूत्रोपपत्तिस्तावद्वेखागणितेनोच्यते ॥ (४३ क्षेत्रं द्रु-)
अक्रपत्रिभुजे अकरेखा वर्धनीया यथा कपतुल्या कगरेखा स्यात् । कविन्दोः
कगज्यासार्धेन गखगीवृत्तं कार्यम् । अथ कपरेखायाः समानान्तरा असरेखा
ततो गखसरेखा च कार्यौ खगीईरेखा कार्यौ सअरेखा ईचिन्हावधि वर्धनीया
कार्यौ । अथ अस, कपरेखे समानान्तरे सपगरेखा द्वित्रे तेनैकान्तरकोणौ

असख,कखगकोणौ तुल्यौ तथा कख,कगयोस्तुल्यत्वात् गखक,कगखकोणौ तुल्यौ (रे.प्र.१ से ५) अतः असख,कगपकोणौ तुल्यौ जाते तेन अम,अगरेखे च तुल्ये सिद्धे (रे.प्र.१ से ६) अथ कख,कगोभुजौ वृत्तव्यासार्धमितौ तुल्यौ तेन कपगोकोणतुल्यः कगोखकोणः (रे.प्र.१ से ५) कगोखकोणतुल्यः अगोईकोणो द्वयोः संमुखगतत्वात् (रे.प्र.१ से १५) अथ ईअ,कपरखे समानान्तरे ईपरखया द्वित्रे तेन ईपरकोणतुल्यः अईपरकोणः एकान्तरकोणत्वात् तदा अगोई,अ-ईगीकोणौ तुल्यौ सिद्धौ ईखककोणस्य कखगीकोणतुल्यत्वात् तथा अईख-कोणेन अईगीकोणस्य तुल्यत्वात् अगोई,अईगीकोणयोस्तुल्यत्वेन अई,अगो-रेखे तुल्ये (रे.प्र.१ से ६) जाते अकेन्द्रतः अगव्यासार्धेन तथा अईव्यासार्धेन उभयवर्गं वृत्तं तथा डीईगीत्रीवृत्तं च कार्ये ईक,कसरेखे कार्ये अगभुज उभयदिशि वर्द्धितस्तदा उचरेखा स्यात् । गीखरेखापरि कछलम्बस्तया खगरेखापरि कजलम्बः कार्यः । तदा गीछ,छखरेखे तुल्ये तथा यजजगरेखे तुल्ये जाते वृत्ते पूर्णव्यापरि लम्बकरणात् पूर्णव्यार्धं तुल्ये पत्र भवतः । अत्र कछखजं समानान्तरचतुर्भुजं जातं तस्य संमुखभुजयोस्तुल्यत्वात् कज, छपरखे तथा कछ,जपरखे तुल्ये सिद्धे । अथ अखकत्रिभुजेन तुल्यं सकप-त्रिभुजं द्वयोः कखरूपैरूभूम्यपरिगतत्वेन तथा कप,असमानान्तररेखयोर्मध्यवर्तितत्वात् । एवं अपकत्रिभुजतुल्यं ईकखत्रिभुजं द्वयोः कखरूपैरूभूम्यपरि-गतत्वेन ईअ,कखयोः समानान्तररेखयोर्मध्यगतत्वात् (रे.प्र.१ से ३४) अतः अकप,सकप,ईकपतेत्राणि तुल्यानि सिद्धानि । अत्र भूम्यर्धगुणिता लम्बः फलं वा भूमिचतुर्थांशेन द्विगुणलम्बो गुणितः फलमिति नियमात् सकखत्रि-भुजे सखं भूमिः सा कजलम्बेन द्विगुणेन गीपमितेन गुणिता तच्चतुर्थांशः फलम् । सप,गीप १ । एवं ईकखत्रिभुजे ईखं भूमिः सा कछलम्बेन द्विगुणेन गखतुल्येन

४

गुणिता चतुर्भक्ता फलम् । ईख-गप १ । अथ गख,गीखरेखयोर्वा निष्पत्तिः सैव

४

सखगुणितयोस्तयोर्निष्पत्तिः गुणगुणितराशयोर्निष्पत्तिः केवलराशयोर्निष्पत्ति-साम्यात् गखः गीखः :: गपः सखः गीपः सप । एवं गप,गीखयोर्वा निष्पत्तिः सैव यईगुणितयोस्तयोर्निष्पत्तिः गपः गीपः :: गखः यईः गीपः खई । अतः गपं, सपघातेन गीखमपघातस्य घातिष्पत्तिः सैव गप,यईघातेन गीप,खईघातस्य निष्पत्तिः । गप-सपः गीख-सखः :: गप-खईः गीप-यई सिद्धा । अथ उचचगवृत्ते

गघ, उचरेखे पूर्णञ्ये तत्संयोगजनितखण्डयोरयोत् गघ, सघघातः उख, यवघा-
ततुल्यः (रे. वृ. से ३५) गघ. सघ = उख. यव । एवं डीर्घगीचीवृत्ते खन्दिर्गते
खई, खडोरेखे वृत्तपण्डित्यौ स्वबन्धिः स्यपण्डाभ्यां गीघ, चीखमिताभ्यां क्रमेण
गुणिते तुल्यौ रेखागणितवृत्तीयाध्यायपट्टचिंशत्तेत्रस्यानुमानात् यई. गीघ = ख-
डी. चीख अत्र पूर्वनिष्पत्तिस्वरूपे गख, सघघातस्यले उप, खवघातो गृहीत-
स्तथा गीघ. खईघातस्यले खडी, चीघघातो गृहीतः । तुल्यत्वात् उख. यवः
गीघ. सघः :: गघ. खईः यडी. चीख । अथ राश्यान्निष्पत्तिस्तुल्यां न भक्तराश्यान्नि-
ष्पत्तिः समैवेति । उखरेषार्धखचरेखार्धघातेन गीखरेखार्धसघरेखार्धघातस्य
या निष्पत्तिः सैव गखरेखार्धखईरेषार्धघातेन यडीरेखार्धचीखरेखार्धघातस्य

निष्पत्तिः $\left\{ \begin{array}{cccccccc} \text{उप खचः गीघ. सखः गख. खई. यडी. चीख} \\ २ & २ & २ & २ & २ & २ & २ & २ \end{array} \right\}$ अत्र निष्पत्तौ द्वितीय-

खण्डं तु सकखत्रिभुजफलम् । $\frac{\text{सख. गीख } १}{८}$ । तृतीयखण्डं ईखकत्रिभुजफलम् ।

ईख. गख $\frac{१}{८}$ । अर्धयोर्घातस्य घातचतुर्थीशसाम्यं राश्यास्तेन प्रकृते निष्पत्तिद्वि-

तीयवृत्तीयखण्डे त्रिभुजफलरूपे तयोर्घातः फलवर्गः सच निष्पत्तिप्रथमचतुर्थ-
खण्डघातेन तुल्यः $\left\{ \begin{array}{cccc} \text{उप. खच. खडी. चीघ} \\ २ & २ & २ & २ \end{array} \right\} = \text{फलवर्ग } १$ । अथ प्रकृतत्रिभुजे अक-

भुजः कपतुल्येन कगेन युक्तः अगरेखा तत्तुल्या अउरेखा सा अखभुजयुता
सर्वभुजयोगमिता उखरेषातदर्थं सर्वभुजयोगार्धं $\left\{ \begin{array}{c} \text{उख} \\ २ \end{array} \right\} = \left\{ \begin{array}{ccc} \text{अक } १ & \text{कग. अख } १ \\ २ & २ & २ \end{array} \right\}$

तत्र उखरेखाया अखशोधनेन उखरेखाशिष्टा तत्तुल्यायाः अचरेखायाः पुनः
अखशोधनेन खचरेखा तदा सर्वभुजयोगाद् द्विगुणअखभुजशोधनेन खचरेखा
शिष्टा तदा सर्वभुजयोगार्धात् अखभुजशोधनेन शिष्टं खचरेखार्धमेव । अथ
अक कखभुजयोगः अगरेखा अन्तरं तु गीखरेखा । अकभुजात् कखतुल्यकगीरे-
खाशोधनात् । अग, गीअतुल्ये अग, अडीरेखे वृत्तध्यासाद्वृत्त्वात् । तयोर्न्तरं
उडीरेखाद्विगुणेन कखभुजेन तुल्या राश्यायोगस्यान्तरहीनस्य द्विगुणलघुराशि-
साम्यात् । अतः सर्वभुजयोगात् उखमिताद् द्विगुणकखमिता उडीरेखा शोधिता
शेषं डोखरेखा वा सर्वभुजयोगार्धं कपहीने डोपरेखार्धं शिष्टम् । अथ गीअ-
रेखातुल्या अचारेखा सा अपभुजाच्छेदधिता शेषं चीखरेखा । अतः अक, कख-
योरन्तरेण अक १ कख १ अखभुजा हीनः शेषं अक १ कप १ अख १ इदं सर्वभुज-

योगेन अक्र १ कख १ अख १ द्विगुणअक्रहीनेन अक्र १ कख १ अख १ तुल्यं अतः सर्वभुजयोगार्धं अक्रहीनं चीपरैखार्धतुल्यम् अतः प्रकृत सर्वद्वैयुतिद्वलं चतुः स्थित बाहुभिर्विरहितं तद्वृत्तिर्निष्पत्तेः प्रथमचतुर्थपण्डघातरूपा सा फलवर्गतुल्या तन्मूलं फलमित्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथ प्रकारान्तरेणोपपत्तिः । (४४ क्षेत्रं द्व-) अमहन्निभुजान्तर्गतं कतगवृत्तं कार्यम् । अक्र,अगरेखे वृत्तसंपातरैखास्वरूपे कृते ते स्वमार्गवर्धते अतः,अफरेखे भवतः । अचरेखा स्वमार्गवर्धिता अपरेखा स्यात् । पखफचिन्दुनागं द्वितीयवृत्तं कार्यम् । इदं सहभुजेन विन्दौ लग्नमस्ति । अथ वृत्तव्यासार्धापरि वृत्तसंपातरैखा लम्बरूपा भवतीति रेखागणिते तृतीयाध्याये क्षेत्रं कथितं तेन वपरैखापरि अपरेखा लम्बस्तथा वफरेखापरि अफरेखा लम्बः । अतः अपवं जात्यम् । अवर्फं जात्यम् । एतयोः अवखरूपकर्णैरुक्त्याद्भुजसाम्यात् कोटिसाम्यं तेन अप,अफरेखे तुल्ये वृत्तसंपातरैखे जाते । एवं अरुच,अगवजात्ये तुल्ये तदाअक्र,अगरेखे समाने जाते तुल्याभ्यां तुल्यशोधनेन कप,गफरेखे समाने जाते । अथ अक्र,अगरेखयोः साम्याद्वृत्तत्र ह्रःस्याभीष्टविन्दुतो रेखे वृत्तोभयप्रदेशलग्ने वृत्तसंपातरैखास्वरूपे तुल्ये एव भवत इति सिद्धम् । तेन हप,हनरेखे तुल्ये तथा सत,सगरेखे तुल्ये जाते । एवं मन,मफरेखे तथा हक्र,हतरेखे च तुल्ये जाते । अथ सफ,गसरेखायोगे गफरेखा तदा तत्तुल्य-सन,सतरैखायोगः कपरेखातुल्यः सिद्धः । अयं कहतुल्येन हतेन हीनः शेषं हपरेखामानं मन १ सत १ हत १ । एवं हत,मतयोगे हसरूपे सनहीनशेषं हनरेखामानं हत १ सत १ मन १ । हप,हनमानयोस्तुल्यत्वात् तद्व्योगे जातं (सत २) द्विगुणसतरैखातुल्यं द्विगुणहनरेखामितं च तदा तदर्थं च तुल्ये तेन हन,मतरेखे समाने । अर्थात् हप,हन,सत,सग,रेखा मिथस्तुल्याः सिद्धाः । अथ अमहन्निभुजान्तर्गतानि त्रीणि लघुत्रिभुजानि तत्रैकं अचहं द्वितीयं चहसं तृतीयं असचं एषां भूमिषु प्रकृतभुजरूपासु लम्बो वृत्तव्यासार्धेन कवमितेन तुल्य एव तत्र लम्बगुण भूम्यर्धं फलमिति अह,हस,सअभूमीनामर्धं कवगुणं फलानि तद्व्योग एव असहन्निभुजफलम् । अतः सर्वभुजयोगार्धं कवगुणं फलं स्यादिति सिद्धम् । अत्र अक्र,अगयोः हक्र,हतयोः गस,सतयोः योगद्वलानि अक्र,कह,हपमितानि तद्व्योगः अपरेखा सर्वभुजयोगार्धमिता सिद्धा । अक्र,अग,हक्र,हने, गस,सतरैखाणां योगस्य भुजत्रययोगरूपत्वात् । अत्र अपरेखा कचरेखाहता, अहसत्रिभुजफलमस्तीति सिद्धम् । अथ हक्र,हतयोर्वृत्तसंपातरैखयोःपरि कचा तचरेखे तुल्ये लम्बौ तेन हकव,हतवजात्ये तुल्ये तदा कहच,चहतकोणौ,

तुल्यौ कहतकोणार्धमितौ कहतकोणानभार्धांशौ एव सहपकोणस्तदर्थरूपौ
वहप,वहनकोणौ वर्तते तुल्यावेव । हपव,हनवजात्ययोस्तुल्यत्वात् । अत्र
कोणानभार्धांश (को १ रु १८०) दलं को १ रु ९० कोणार्धकोटिमितं तेन कहत-
कोणार्धस्य कहवकोणस्य कोटिः वहपकोणस्तदा कहवकोणतुल्यः पवहकोणः
स्यात् । एककोणकोटेः परकोणसाम्यं जात्ये भवत्येवेति नियमात् । अतः ह-
ककोटिः कचभुजः हचकर्ण इत्येकं तथा पवकोटिः पहभुजः हवकर्ण इति
द्वितीयमेते सजातीये जाते । अतः कचभुजे कहकोटिस्तदा पहभुजे केति
पवकोटिलभ्यते । अत्र कह,हपघातो हि कच,पवघाततुल्यः कह·हप=पव·कच
एवं अकच,अपवजात्ये प्रत्यक्षं सजातीये तत्र अककोटौ कचभुजस्तदा अप-
कोटौ क इति पवभुजः स्यादत्र पव,अकघातः कच,अपघाततुल्यः । पव अक=
कच·अप । अत्र पूर्वे अप,कचघातः फलमिति सिद्धं तदा पव,अकघातश्च फल-
मेव द्वयोर्घाते तु फलवर्गस्तदा पव,अक,कच,अपरेखाणां घातः फलवर्गस्तत्र
स्येच्छया पव,कचघातः अक,अपघातः क्षतः फलाविशेषात् । पव·कच·अक·
अप । अत्र पूर्वे पव,कचघातः कह,हपघाततुल्य इति सिद्धमस्ति तेन कह,ह-
प,अक,अपघात एव फलवर्गत्वेन स्वीकृतः । कह·हप·अक·अप । अत्र सर्वभुजयो-
गाधं अपमितं अहभुजानं शेषं हपरेखा तथा अपरेखाया हसभुजशोधनेन शिष्टा
अकरेखा सत,तहतुल्ययोः पह,हकरेखयोः अपरेखायाः शोधनात् । एवं अम-
भुजखण्डे अग,गसमिते तत्तुल्ये अक हपमिते तयोः अपरेखायाः शोधनात्
कहरेखा शिष्टा । एवं सर्वभुजयोगदलं भुजैरुनं शेषत्रयं सिद्धं चतुर्थं तु सर्व-
भुजयोगदलमितं तेषां घातः फलवर्गस्तन्मूलं फलमित्युपपन्नं यथोक्तम् ॥

{ अप १ अह १ = हप १ } अथान्ययोपपत्तिः । (४५ त्वेवं द्र.) अथसत्रिभुजे
{ अप १ हस १ = अक १ } वअभुजस्तथा वर्धिता यथा असभुजतुल्या अहरेखा
{ अप १ अम १ = कह १ } स्यात् हमरेखा वर्धिता हदरेखा जाता तदुपरि
{ अप १ = अप १ } बदलम्बः कार्यः । हदरेखासमानान्तरा अकरेखा तथा

घदरेखासमानान्तरा सपरेखा अघरेखा च । अत्र अह,असरेखयोस्तुल्यत्वेन अह-
स,असहकोणौ तुल्यौ तथा खस,अनरेखे समानान्तरे असरेखया द्विवे तेन
असह,सअनकोणौ तुल्यौ तदा अहसकोणेत सअनकोणस्तुल्यः । एवं हम,अन-
रेखे समानान्तरे हवरेखया द्विवे तेन अहस,नअतकोणौ तुल्यौ । अतः सअ-
न नअतकोणौ तुल्यौ जातौ तयोः प्रत्येकं अहसकोणसाम्यात् । अथ अतस-
त्रिभुजे अमलम्बेन भूम्यर्धं सनरेखामितं गुणित फलं सन·अन । सअन,नअत-

कोणसाम्येन अनभुजसाम्येन अतन, असनजात्ये तुल्ये तदा तन, सनरेखे सत-
रेखार्धतुल्ये एव । एवं घतसत्रिभुजे सतरेखैव भूमिस्तदर्थं सनमितं वषलम्ब-
मितया कनरेखया गुणितं फलं फलयोर्योगे तु कन, अनयोगः अकरूपः
सनगुणस्तदा अवसत्रिभुजफलं अक, सन, । घतस, अतसत्रिभुजयोर्योगस्य अवस-
त्रिभुजत्वात् । अथ अनस, अकवजात्ये सजातीये द्वयोः सअन, कअवकोणसा-
म्यात् । अतः सनभुजेन अनभुजस्य या निष्पत्तिः सैव वकभुजेन अकभुजस्य
निष्पत्तिरिति न्यासः । सनः अनः :: वकः अक । अत्र अक, सनघातः वक, अन-
घाततुल्यस्तेन वक, अनघातश्च अवसत्रिभुजफलमिति अकः मन = वकः अन ।
अथ वृहसत्रिभुजे वदलम्बः हृद, सदे आधाधे तयोर्योगो द्विगुणः अकतुल्यः
अक २ अन्तरं द्विगुणअनतुल्यं अन २ । द्वयोर्घातः वद, वसभुजयोर्योगान्तरघा-
तसमः सर्वत्र त्रिभुजे आधाधायोगान्तरघातस्य भुजयोगान्तरघातसमत्वात् ।
तत्र वदरेखा अव, असयोर्योगमिता सा वसरूपभूम्या युतीना तयोर्घात इति
अवसत्रिभुजे भुजयोगो भूम्यनयुतस्तयोर्घातः द्विगुणयोः अक, अनयोर्घातसम
इति फलितम् । एवं घतसत्रिभुजे वषलम्बः वसवर्तौ भुवौ सप, तपमिते आ-
धाधे । अनयोर्योगो द्विगुणवकतुल्यः । अन्तरं द्विगुणसनतुल्यं तयोर्घातो
२ वक \times २ सन भुजयोर्योगान्तरघातसमस्तत्र घतरेखा अस, अत्रयोरन्तरं तेन
वसरूपभूमियुतीनघातः स च अवसत्रिभुजे भुजान्तरोनयुतभूमिघातः द्विगुणयोः
वक, सनयोर्घातेन तुल्य इति सिद्धम् । अत्र पूर्वे वक, अनघातः अक, सनघात-
तुल्यः फलं तत्र द्विगुणयोर्घातश्चतुर्गुणफलम् । २ वक \times २ अन = २ अक
२ सन = ४ फ अत्र अवसत्रिभुजे भुजयोगो भूमियुतीनस्तयोर्घातेन चतुर्गुणफ-
लस्य या निष्पत्तिः सैव चतुर्गुणफलेन भुजान्तरोनयुतभूम्योर्घातस्य निष्पत्ति-
स्तद्वया । प्रथमपण्डेन २ अक \times २ अन द्वितीयपण्डस् २ अक \times २ सन भक्तं

लब्धं $\left\{ \begin{array}{l} \text{सन १} \\ \text{अन १} \end{array} \right\}$ द्वितीयपण्डित्येन तृतीयपण्डेन २ वक \times २ अन चतुर्थेख-

ण्डम् २ वक \times २ सन भक्तं तदेव $\left\{ \begin{array}{l} \text{सन १} \\ \text{अन १} \end{array} \right\}$ अत एषां निष्पत्तिपण्डानां

न्यासः । भुजयोगस्य भूम्यनयुतस्य घातः १ चतुर्गुणफलं २ चतुर्गुणफलं ३ भुजा-
न्तरोनयुतभूम्योर्घातः ४ एषां चतुरपवर्त्तनं कृतं तदा द्वितीयतृतीयघातः फल-
वर्गे प्रथमचतुर्थेघाततुल्यः । तत्रप्रथमे भुजयोर्योगार्धे अव १ अस १ भूम्यर्धहीन-
युतं अव १ अस १ वस १ । अव १ अस १ वस १ एवं चतुर्थे भुजयोरन्तरार्धेन अव १ अ-
स १ भूम्यर्धे हीनयुतं अव १ अस १ वस १ । अव १ अस १ वस १ एषां घातः फलवर्ग-

स्तत्रेमानि सर्वभुजयोगदलेन चतुःस्थितेन भुजैर्हीनेन समानीति तद्वृत्तेर्मूलं फलमित्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथान्यथोपपत्तिः । (४६ त्तेत्रं द्र०) तत्र अगकत्रिभुजे अगरेखा वर्धिता अक-
तुल्या असरेखा स्यात् । अकरेखायां अगतुल्यं अरखण्डं पृथक् कार्यं रगरेखा
कार्या कसरेखा च कार्या । तदुपरि अचिन्हाल्लम्ब्यः अकरेखा स्यात् । रग-
रेखालम्बसंयोगे लचिन्हं । अथ सकरेखावर्द्धने लरतुल्या कपरेखा स्यात् । लप-
रेखा च कार्या । तद्वेखाअकभुजसंपातगतमचिन्हात् मपव्यासार्धेन लफपं वृत्तं
कार्यं वृत्तपाल्यवधि अकभुजे वर्धितस्तदा अकरेखा जाता । अकरेखावृत्तसंयोगे
नचिन्हं कार्यं लम्बसमानान्तरा गतरेखा च कार्या । अत्र अक, असरेखयोः साम्यात्
तथा अर, अगरेखयोः साम्यात् कसरेखासमानान्तरा रगरेखा जाता । अनयो-
र्लम्बसंपातेनार्धाकरणं तेन रल, लगररेखे तुल्ये तथा कफ, कसरेखे च तुल्ये जाते
समद्विबाहुकत्रिभुजे भूम्यर्थ एव लम्बपातात् । अथ लगररेखातुल्या पकरेखा
जाता तस्या रलतुल्यतया कनत्वात् । अत्र रग, पसररेखयोः समानान्तरयोगेते
लग, पकरेखे समानान्तरे सिद्धे । तयोस्तुल्यतया समानान्तरतया च तत्प्रान्त-
गते लप, गकरेखे तुल्ये समानान्तरे च सिद्धे (रे. प्र. ते ३३) तदा लकत्तेत्रं
तिर्यगायतं जातम् । अथ लपतुल्या नकरेखा वृत्तव्यासत्वात् । अतः गकतुल्या
नकरेखा जाता तदर्थं मकेन्द्रमस्ति । अत्र लरम, मपकत्रिभुजयोः क्रमेण लम-
र, पमककोणौ तुल्यौ संमुखगतत्वात् । एवं रग, पसररेखे समानान्तरे लपररेखा
क्षिप्ते तेनैकान्तरगतौ मलर, मपककोणौ च तुल्यौ जातौ । अत्र लम, मपररेखे
च वृत्तव्यासार्धमिते तुल्ये । अतः कोणद्वयसाम्याद्भुजैकसाम्याच्च शेषभुजयोः
साम्यम् । (रे. प्र. ते २६) अतः रम, मकरेखे तुल्ये रल, पकरेखे च तुल्ये सिद्धे ।
अथ अकभुजे अगतुल्यसरयोधनाच्छेपं रकरेखा तदर्थं रमरेखा तस्यां अररेखा-
योजनेन अमरेखा जाता सा तु अक, अगभुजयोगार्धमिता सिद्धा । अन्तरार्ध-
युतलघुराशिरेव लघुवृद्धराशियोगार्धमिति प्रसिद्धेः । अथ गकभुजमिता नक-
रेखा तदर्थं मकरेखा तस्यां अमरेखा योजिता तदा अकरेखा जाता सर्वभु-
जयोगार्धमितेति अकरेखाया अकभुजयोधनाच्छेपं ककरेखा अक-अक=कक ।
एवं अकरेखाया गकभुजतुल्यनकरेखायोधनाच्छेपं अनरेखा अक-गरु=अन । एवं
अकरेखाया अगभुजतुल्यअररेखायोधनाच्छेपं रकरेखा तत्तुल्यैव कनरेखास्ति
रम, मकरेखे तुल्ये एते कृम, मनरेखाभ्यां तुल्याभ्यां युते रक, कनरेखे तुल्ये एव
स्तः । अक-अग=कन । एवं सर्वभुजयोगदलं चतुःस्थितं बाहुभिर्विरहितं
शेषाणां न्यासः । अक १ कक २ अन ३ कन ४ । अथ त्रिभुजफलायं लम्बभूम्यर्थ

योर्घातः कर्तव्य इति अकसत्रिभुजे सकभूम्यर्धे कफरेखा सा अफगुणा फल-
मिति । अफ × कफ । अथ गकसत्रिभुजे भूम्यर्धे कफरेखा सा गतलम्बगुणा
फलम् । गत × कफ । अत्र अफरेखाया गततुल्यलफगोधनाच्छेपं अलरेखा सा
कफगुणा तदा अकगत्रिभुजफलम् । अल × कफ । अकसत्रिभुजे गरुसत्रिभु-
जगोधनाच्छेपं अकगत्रिभुजक्षेत्रं तेन तत्फलयोरन्तरमेवास्य फलमिति सुग-
मम् । अथ अफकजात्यं अलरजात्यं मिथः सजातीयं द्वयोः कोणत्रयसाम्यात् ।
अत्र रलरेखाया लअरेखाया या निष्पत्तिः सैत्र कफरेखाया अफरेखाया निष्पत्तिः ।
रलः अल = कफः अफ । अत्र रल, अफघातः अल, कफघातसमस्तत्र अल, कफ-
घातस्तु फलं तेन द्वयोर्घातः फलवर्गः रल × अफ × अल × कफ = फ^२ ॥

अथान्यथा फलवर्गः साध्यते । तत्र वृत्तवर्हिः स्यात् अविज्ञात् द्वे अछ-
अफरेखे वृत्तपालिपर्यन्तं गते ते द्वे वृत्तवर्हिः स्यस्वखण्डाभ्यां अन, अलरेखाभ्यां
हते समे एव भवतः (रे. अ. वृ. ले ३५) अतः अफ, अलघातः अछ, अनघातसमः
अफ × अल = अछ × अन । एवं पफ, नछरेखे वृत्तपूर्णस्थे तद्व्यागजनितखण्ड-
योर्घातस्तुल्यः (रे. अ. वृ. ले ३६) अतः छक, कनघातः पक, कफघातसमः तत्र
पकतुल्या रलरेखा । अतः रल, कफघात इति न्यासः । छक × कन = रल ×
कफ । अथास्य पूर्वलिपितस्य अछ × अन = अफ × अल । परखण्डानां घातः
रल × कफ × अफ × अल फलवर्गोऽस्ति वा पूर्वखण्डानां तत्समानां घातः
छक × कन × अछ × अन फलवर्गः । एतानि सर्वभुजयोगद्वलेन भुजोनेन
समानानीति तद्वृत्तिमूलं अकगत्रिभुजफलमित्युपपन्नं यथोक्तम् ॥

अथ गणितेनोपपत्तिः । अत्र भुजौ प्रथमद्वितीयसंज्ञौ भूमिस्तु भूसंज्ञा तत्र
भुजयोर्वर्गान्तरं भूभक्तं तेन भूर्युता दलिता जाता बृहदावाधा

प्रथ १ द्वि १ भूव १

भू २

। अस्या वर्गेण प्रथमभुजवर्गो हीनः शेषं लम्बवर्गः ।

(प्रथ १ द्वि १ भूव १) घ १ प्रथ. भूव ४

भूव ४

। अयं भूम्यर्धवर्गेण भूव १ गुणितस्तदा

गुणहरयोः समयोनौशे जातः फलवर्गः प्रथ. भूव ४ (प्रथ १ द्वि १ भूव १) घ १ ,

१६

अत्रागस्याने प्रथमखण्डमूलम् । प्र. भू २ । द्वितीयखण्डमूलम् (प्रथ १ द्वि १ भूव १)
तेन मूलयोर्वर्गान्तरमशस्याने फलितं वर्गान्तरं तु योगान्तरघातसमं तेन मूल-
योर्योगः प्र. भू २ प्रथ १ द्वि १ भूव १ । अन्तरम् प्र. भू २ प्रथ १ द्वि १ भूव १ अन-
योर्घातः कर्तव्योऽस्ति तत्र योगस्वरूपे प्रथ १ प्र. भू २ भू. व १ द्वि १ खण्डत्रयमूल-

म् । प्र१भू१ चतुर्थ्यण्डमूलम् द्वि१ अनयोर्वर्गान्तर योगस्वरूपमिदमपि यो-
गान्तरघातमित तेन मूलयोर्वर्गः प्र१भू१ द्वि१ । अन्तरम् प्र१भू१ द्वि१
अनयोर्घात पूर्वयोगस्वरूपमितः सिद्धः । एव पूर्वकृतान्तर प्र१भू२ प्र१ द्वि१
भू१ क्रमेण लिपित प्र१ प्र१भू२ भू१ द्वि१ अत्र षण्डत्रयमूलमिदं एही-
तम् । प्र१भू१ चतुर्थ्यण्डमूलम् द्वि१ अत्राद्यमूल प्र१भू१ वर्गेण प्र१ प्र१भू२
भू१ द्वितीयमूलवर्गो द्वि१ हीनश्चेत् तदा मयोध्यमान स्वमृणत्वमेती-
त्यादिना पूर्वकृतान्तरस्वरूप भवति । प्र१ प्र१भू२ भू१ द्वि१ अत एतत्स्याने
मूलयो प्र१भू१ । द्वि१ रनयोर्वर्गान्तर एहीत तदपि योगान्तरघातसममिति
मूलयोर्वर्गः प्र१भू१ द्वि१ । अन्तरम् । प्र१भू१ द्वि१ अनयोर्घातः पूर्वकृता-
न्तरस्वरूपतुल्यः सिद्धः । अतः पूर्वकृतयोगान्तरस्वरूपसिद्धयोर्न्यासः प्र१भू१
द्वि१ । प्र१भू१ द्वि१ । प्र१भू१ द्वि१ । प्र१भू१ द्वि१ एषा घातः फलवर्गोऽय-
स्याने सिद्धः । अत्र हरः षोडशमितः स च चतु स्यान्स्याना २।२।२।२
द्विमिताना घातस्तेन सिद्धानामधो द्वय हरः कृत एव न्यासः प्र१भू१ द्वि१
प्र१भू१ द्वि१ । प्र१भू१ द्वि१ । प्र१भू१ द्वि१ । एषा घातः फलवर्गस्तत्र सर्वभुज
योगदल चतुःस्थित भुजैश्च तन्मिथान्येव षण्डानि तदघातमूल फलमित्युपपन्न
ययोक्तम् । अत्र फलवर्गोऽयस्याने सिद्धानि षण्डानि प्र१भू१ द्वि१ । प्र१भू१
द्वि१ । प्र१भू१ द्वि१ । प्र१भू१ द्वि१ एषा घातमूल हर १६ मूलेन ४ भक्त तदा
फल तेन कृतघातमूल चतुर्गुणफलस्वरूप सिद्धमिति । अतः फलवर्गोऽयस्याने
पूर्वसिद्धोऽय प्र१भू१ द्वि१ प्र१भू१ द्वि१ प्र१भू१ द्वि१ प्र१भू१ द्वि१ प्र१भू१ द्वि१
सिद्ध इति ॥

अथ कोणज्यानयन प्रकारान्तरेण तत्र कोणकोटिज्यात्रिज्याधर्मान्तर को-
णज्याधर्गोऽयथा कोटिज्यात्रिज्यायोगः कोटिज्यात्रिज्यान्तरेण गुणितो ज्याध-
र्गस्तत्र कोणकोटिज्यानयन पूर्वकृतरीत्या यथा (४० लेख द्वः) । अत्र ज्ञाता

आकोणकोटिज्या । (प्र१ द्वि१ भू१) त्रि१ । इय त्रिज्यायुता ।
प्र१भू२

(प्र१ द्वि१ भू१ य१ प्र१भू२) त्रि१ । अत्र भाज्यम्यने गुणकस्त्रिज्यारूपस्तावत्
प्र१भू२

एवं कृतस्तदा फलवर्गोऽयतो प्रथममूलयोर्वर्ग प्र१भू२ प्र१ द्वि१ भू१
म्यरूपेण तुल्य एव । एव कोणकोटिज्याना त्रिज्या (प्र१ द्वि१ भू१ प्र१भू२) त्रि१ ।
प्र१भू२

अत्रापि त्रिज्या गुणकः पृथक् कृतस्तदा पूर्वकृतमूलयोरन्तरस्वरूपेण तुल्यः ।
 अतः प्रागुक्तयुक्त्या भाज्यस्यले चतुर्गुणफलवर्गस्त्रिज्यावर्गगुणित इति सिद्धम् ।
 (प्र१ भू१ द्वि१) (प्र१ भू१ द्वि१) त्रि१ । (प्र१ भू१ द्वि१) (प्र१ द्वि१ भू१) त्रि१ ।
 एतन्मूलं चतुर्गुणफलं त्रिज्यागुणमिति सिद्धम् । इदं हरेण भाज्यं तत्र
 कोटिज्यायुतत्रिज्यास्यले हरः कोटिज्यानत्रिज्यास्यले हरस्तयोर्धाते हर-
 वर्गस्तत्र भाज्यस्थाने मूलयहणादुरस्थाने हरवर्गमूलं हर एव तेन चतुर्गुणफलं
 त्रिज्यागुणं हरभक्तं कोणज्या जाता $\frac{४ फ \times त्रि}{२ प्र \cdot भू}$ । अथ भुजभूधातयद्वन्द्वं त-
 न्मध्यकोणज्या गुणमिति पद्मेन भुजभूधाताद्वन्द्वम् । प्र१ भू१ तन्मध्यकोणज्या
 गुणितं त्रिज्याभक्तम् । $\left\{ \frac{४ फ \times त्रि \times प्र \cdot भू}{४ प्र \cdot भू \times त्रि} \right\}$ । जातं फलम् । एतौ भाज्य-
 हरौ भुजभूमिधातेन चतुर्भिस्त्रिज्याया चापवर्त्तितौ फ१ तदा फलमेव सिद्धम् ।

द्विध्या भुजद्वयाहत्या त्रिज्याश्चिद्वर्गफलं हृतम् ।

भुजान्तर्गतकोणज्यामानमेवं प्रकीर्तितम् ॥

अथ त्रिभुजत्रिहिलं प्रवृत्तज्यासाधनयनं प्रकारान्तरेण तत्र धीजगणितरीत्या
 कोणकोटिज्यानयने प्रथमद्वितीयभुजाधर्मसंश्लिष्टापयोगज्या भूम्यधर्ममेति पूर्व-
 मुक्तं ततो भुजौ प्रथमद्वितीयसंज्ञौ भूमिस्तु भूसंज्ञौ । अत्र दंयेजरीत्या ध-
 नर्णगुणवर्गमूलाद्विचिह्नैर्बीजरीत्या प्रदर्श्यते । एकचापज्या $\frac{प्र}{२}$ तत्कोटिज्या =

$$\sqrt{\frac{४ त्रि^२ - प्र^२}{४}} \text{ । एवमन्यचापज्या } \frac{द्वि^२}{२} \text{ । तत्कोटिज्या } \sqrt{\frac{४ त्रि^२ - द्वि^२}{४}} \text{ ।}$$

अत्र दोर्ज्यं मिथः कोटिज्यागुणे त्रिज्याभक्ते तयोर्व्यागश्चापयोगज्या सा भूम्य-
 धर्तुत्येति पतयोर्हरस्थानीयत्रिज्यानाशे जातौ पतौ

$$\sqrt{\frac{४ प्र^२ त्रि^२ - प्र^२ द्वि^२}{१६}} + \sqrt{\frac{४ द्वि^२ त्रि^२ - प्र^२ द्वि^२}{१६}} = ३ त्रि \cdot भू सप्तशोधनात् पतौ$$

$$३ त्रि \cdot भू - \sqrt{\frac{४ प्र^२ त्रि^२ - प्र^२ द्वि^२}{१६}} = \sqrt{\frac{४ द्वि^२ त्रि^२ - प्र^२ द्वि^२}{१६}} \text{ द्वयोर्वर्गौ } ३ त्रि \cdot भू^२$$

$$\sqrt{\frac{8\text{प्र}^2\text{त्रि}^2\text{भू}^2 - \text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{त्रि}^2\text{भू}^2}{96}} + \frac{8\text{प्र}^2\text{त्रि}^2 - \text{प्र}^2\text{द्वि}^2}{96} = \frac{8\text{द्वि}^2\text{त्रि}^2 - \text{प्र}^2\text{द्वि}^2}{96}$$

पतयोस्तुत्या - $\frac{\text{प्र}^2\text{द्वि}^2}{96}$ पगमे न्यासः $\frac{1}{3}\text{त्रि}^2\text{भू}^2$

$$\sqrt{\frac{8\text{प्र}^2\text{त्रि}^2\text{भू}^2 - \text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{त्रि}^2\text{भू}^2}{96}} + \frac{\text{प्र}^2\text{त्रि}^2}{8} = \frac{\text{द्वि}^2\text{त्रि}^2}{8} \text{ पुनः समशोधनात् पत-}$$

यो न्यासः $\frac{1}{3}\text{त्रि}^2\text{भू}^2 + \frac{\text{प्र}^2\text{त्रि}^2}{8} - \frac{\text{द्वि}^2\text{त्रि}^2}{8} = \sqrt{\frac{8\text{प्र}^2\text{त्रि}^2\text{भू}^2 - \text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{त्रि}^2\text{भू}^2}{96}}$

अथवा त्रिक्याधतुषोणेनापवर्तनात् सिद्धौ पत्तौ त्रि $(\text{भू}^2 + \text{प्र}^2 - \text{द्वि}^2) =$

$\sqrt{8\text{प्र}^2\text{त्रि}^2\text{भू}^2 - \text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{भू}^2}$ अनयोर्वर्गौ त्रि $(\text{भू}^2 + \text{प्र}^2 - \text{द्वि}^2)^2 = 8\text{प्र}^2\text{त्रि}^2\text{भू}^2 - \text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{भू}^2$ समशोधनाज्जातौ पत्तौ त्रि $\{ 8\text{प्र}^2\text{भू}^2 - (\text{भू}^2 + \text{प्र}^2 - \text{द्वि}^2)^2 \}$
 $= \text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{भू}^2$ मूलग्रहणाज्जातौ त्रि $\sqrt{8\text{प्र}^2\text{भू}^2 - (\text{भू}^2 + \text{प्र}^2 - \text{द्वि}^2)^2} = \text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{भू}$ पत-

योः $\sqrt{8\text{प्र}^2\text{भू}^2 - (\text{भू}^2 + \text{प्र}^2 - \text{द्वि}^2)^2}$ अनेन भक्त्योः सिद्धं त्रिज्यामानम्

त्रि = $\frac{\text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{भू}}{\sqrt{8\text{प्र}^2\text{भू}^2 - (\text{भू}^2 + \text{प्र}^2 - \text{द्वि}^2)^2}}$ अत्रत्यो हरः $\sqrt{8\text{प्र}^2\text{भू}^2 - (\text{भू}^2 + \text{प्र}^2 - \text{द्वि}^2)^2}$

अयं चतुर्गुणफलतुल्य इति पूर्वं त्रिभुजफलोपपत्तौ प्रदर्शितमते भाव्यस्यो भुजत्र-
 यद्यालखतुर्गुणफलभक्तस्तदा त्रिज्यामानमिदमेव त्रिभुजबहिर्लम्बावृत्तव्यासार्ध-
 मानम् । एतेन भुजानां सघातः श्रुतिगुणफलेनाय विहृत इति पूर्वाक्तसूत्रमुपपन्नम् ।

अत्र लम्बभूमिघाताधे फलं तत्तत्तुर्गुणे द्विगुणेन लम्बभूमिघातेन तुल्यम् ।

अनेन भुजत्रयघातौ भक्तः $\frac{\text{प्र}^2\text{द्वि}^2\text{भू}}{\text{रल}^2\text{भू}}$ भूम्यापघातंतः $\frac{\text{प्र}^2\text{द्वि}^2}{\text{रल}}$ तदा भुजयो-

र्धेताधे लम्बभक्तं वृत्तव्यासार्धं भवतीति श्रीवाण्डेयदैवज्ञैस्तुम् ।

चिवाहुकवहिल्लम्बावृत्तव्यामटलं किल ।

भुजयोराहतेः खण्डाक्षिप्राग्नेन समं भवेत् ॥

अथान्यथा रेखागणितपष्ठाध्यायलिखितोपपत्तिः । (४८ क्षेत्रं द्र.) अक्षगं त्रि-
भुजं अक्षलम्बः अक्षं वृत्तव्यासः । अत्र अक्षगं लम्बं अक्षं जात्यं अर्धवृत्ते
त्रिभुजं जात्यमेव । अनयोः अगच्छ, अचक्रकोणौ तुल्यौ द्वयोः कोणयोः कक्ष-
घातसंमुखत्वात् । अत एते सजातीये तेन गच्छभुजेन अक्षलम्बस्य या निष्प-
त्तिः सैव अक्षव्यासेन अक्षभुजस्य निष्पत्तिः । अथ : लम्बः :: व्यासः अक्ष ।
अतो भुजद्वयघातो लम्बव्यासघाततुल्यस्तेन भुजद्वयघातो लम्बभक्तो वृत्तव्या-
सस्तदर्थं वृत्तव्यासार्धमिति भुजयोरसहतेः खण्डलम्बाग्नेन समं भवेदित्युपप-
न्नम् ।

अथ प्रसंगाल्लम्बगुणं भूम्यर्धमित्यत्रोपपत्तिः । तत्र त्रिभुजे भूमिसमानान्तरा
लम्बार्धं रेखा कार्यो तदा (४९ क्षेत्रं द्र.) अपह, पचक्रजात्ये तुल्ये संमुखयो
र्हकोणयोः साम्याल्लम्बार्धतुल्यभुजसाम्याच्च । एवं अपस, सक्षगजात्ये
तुल्ये तत्रान्तर्लम्बक्षेत्रे हनक्षेत्रं अपहतुल्येन हचक्रत्रिभुजेन युतं तथा
सनचतुर्भुजं अपसतुल्येन सक्षगत्रिभुजेन युतं चक्षेत्रमायतं । अक्षगत्रिभुजसमम् ।
अत्रायतफलं तु लम्बार्धभूमिघातसमं तदेव त्रिभुजफलमिति । अथवा अनक-
जात्यफलं लम्बगुणितं बृहदावाधार्धं तथा अनगजात्यफलं लम्बगुणितं
लघ्वावाधार्धं द्वयोर्योगे तु लम्बगुणितं भूम्यर्धं फलमिति । अथ अक्षिलम्ब-
क्षेत्रेऽपि सकक्षेत्रं अपसतुल्येन सक्षगत्रिभुजेन युतं तदा चक्षेत्रमायतमेवं
सकक्षेत्रं अपहतुल्येन हचक्रत्रिभुजेन अहसत्रिभुजयुतेन युतं तदा अक्षगत्रिभुजं
अपह, अहसक्षेत्रयोर्योगस्य सक्षगक्षेत्रतुल्यत्वात् । अतः अक्षगत्रिभुजं चक्षेत्रा-
यतेन तुल्यं सिद्धं तत्र लम्बार्धगुणभूमिमानं फलं तदेव त्रिभुजफलम् । अथवा
अनगजात्यफलं लम्बगुणितं बृहदावाधार्धं तत्र अनकजात्यफलं लम्बगुणितं
लघ्वावाधार्धं फलं जात्ययोरन्तरं अक्षगत्रिभुजं तेनावधार्धयोरन्तरं भूम्य-
र्धमितं लम्बगुणं फलमित्युपपन्नं यथोक्तम् ॥

अथ चतुर्भुजक्षेत्रफलानयनम् ।

कोणयोरभिमुखस्ययोर्युतेः

खण्डकोटिगुणधर्गसंगुणा ।

सर्वबाहुहतिराद्यसंज्ञिका

सर्वदोर्युतिदलं चतुःस्थितम् ॥

बाहुभिर्विरहितं च तद्वध-

श्वान्य आक्षरहितोऽस्य यत् पदम् ।

तत् फलं तु विषये चतुर्भुजे
ऽथान्यमूलमपि घृतमध्यगे ॥

अधोपपत्तिस्तत्र (५० क्षेत्रं द्व.) भुजाः अ, क, ग, घसंज्ञास्तथा कोणा
आ, का, गा, घासंज्ञाः कर्णश्चसंज्ञस्तदा आकाघा, कागाघात्रिभुजयोः फलं तु भुज-
योर्घातार्धं तन्मध्यकोणज्यया गुणितमिति प्रागुक्तरीत्या सिद्धम् । तयोर्योगे तु
स्वस्वकोणज्यागुणितयोर्भुजघातयोर्योगार्धमिति ।^१ (अघ·ज्याआ + कग·ज्यागा)
= फ । इदं चतुर्भुजक्षेत्रफलमेतदर्थमुपायः । अत्र आकाघात्रिभुजे रूप १ त्रि-
ज्यायां प्रागुक्तरीत्या जाता आकोणकोटिज्या $\frac{अ^2 + घ^2 - च^2}{२अघ}$ । कागाघा-

क्षेत्रे गाकोणकोटिज्या = $\frac{क^2 + ग^2 - च^2}{२कग}$ । अथ आकोणकोटिज्या त्रिज्याया १

युता $\frac{अ^2 + २अघ + घ^2 - च^2}{२अघ}$ खण्डत्रयमूल (अ+घ) मिदं तेनैतद्वर्गात् चवर्गः

शोध्य इति भाज्यम्यले सिद्धम् $\frac{(अ + घ)^2 - च^2}{२अघ} = १ + कोज्याया$ । एवं त्रि-

ज्याया १ आकोणकोटिज्या हीना $\frac{-अ^2 + २अघ - घ^2 + च^2}{२अघ}$ अत्र भाज्ये

खण्डत्रयस्य धनर्णव्यत्यासेन $अ^2 - २अघ + घ^2$ मूलमिदम् । अ - घ । तेनै-

तद्वर्गः चवर्गाच्छोध्य इति सिद्धम् । $\frac{च^2 - (अ - घ)^2}{२अघ} = १ - कोज्याया$

एवं गाकोणकोटिज्या त्रिज्यायुता तत्स्वरूपं सिद्धम् । $\frac{(क + ग)^2 - च^2}{२कग}$

तथा गाकोणकोटिनत्रिज्यास्वरूपम् । $\frac{च^2 - (क - ग)^2}{२कग}$ अथ आकोणको-

टिज्यात्रिज्यायोगस्वरूपम् । $\frac{(अ + घ)^2 - च^2}{२अघ}$ । अत्र भाज्ये हरभक्ते लब्धा

आकोणकोटिज्या आ हरगुणिता भाज्यसमा जाता । $२अघ (१ + कोज्याया) =$
 $(अ + घ)^2 - च^2$ । इदं प्रथमम् । एवं गाकोणकोटिनत्रिज्यास्य हरगुणितफलं

भाज्यस्वरूपम् । २ कग (१-कोज्यागा) = च^२ - (क-ग)^२ । इदं चतुर्थम् । तत्र प्रथ-
मचतुर्थयोर्योगे धनर्णयोः चवर्गयोर्नाशे सिद्धम् । (अ + घ)^२ - (क-ग)^२
= २ अघ (१+कोज्याआ) + २ कग (१-कोज्यागा) । अत्र अधभुजयुतिवर्गात् क-
गभुजान्तरवर्गः शोध्य इति वर्गान्तरयोगान्तरघातसमं द्वयोर्योगः । अ + घ +
क-ग । द्वयोरन्तरम् । अ + घ - क + ग । अनयोर्घातसमः पक्षः स यथा ।
(अ + क - ग + घ) (अ - क + ग + घ) = २ अघ (१+कोज्याआ) + २ कग

(१-कोज्यागा) । एतौ पक्षौ तुल्यावतो द्विभक्तौ तदापि तुल्यावेव $\frac{अ+क-ग+घ}{२} \times$

$$\frac{अ - क + ग + घ}{२} = \frac{अघ (१ + कोज्याआ)}{२} + \frac{कग (१ - कोज्यागा)}{२}$$

अत्राद्यपक्षपण्डे तु सर्वभुजयोगार्धेन मसजेन ग, कभुजाभ्यां हीनेन तुल्ये ।

$$\frac{अ + क - ग + घ}{२} = स - ग । \quad \frac{अ - क + ग + घ}{२} = स - क । \quad तत्समे$$

परपक्षे प्रथमपण्डे कोटिज्यात्रिज्यायोगार्धे त्रिज्या १ गुणितं आकोणार्धकोटि-
ज्यावर्गः सिद्धः । त्रिज्यार्धमय कोटिगुणार्धमिति ज्योत्पत्तिसूत्रात् । अयं स्व-
गुणकेन अ, घभुजघातेन गुणित इति प्रथमपण्डम् । द्वितीयपण्डे गाकोण-
कोटिज्योन्नत्रिज्या तु तदुत्क्रमज्या सा त्रिज्यागुणा दक्षिता ज्ञातो गाको-
णार्धज्यावर्गः । अथ स्वगुणगुणितो ज्ञात द्वितीयपण्डम् । एव न्यासः ।
(स-ग) (स-क) = अघ-कोज्या^२ आ + कग-ज्या^२ गा । इदं पञ्चमम् ।
अथ आकोणकोटिज्योन्नत्रिज्यास्य भाज्यसमः पक्षः । च^२ - (अ-घ)^२ = १-
कोज्याआ + २ अघ । इदं द्वितीयम् । तथा गाकोणकोटिज्यायुतत्रिज्यास्य भाज्यसमः
पक्षः । (क+ग)^२ - च^२ = १ + कोज्यागा + २ कग । इदं तृतीयम् । द्वितीयतृतीय-
योर्योगे धनर्णयोर्नाशे सिद्धम् । (क+ग)^२ - (अ-घ)^२ = १ + कोज्यागा +
२ कग + १ - कोज्याआ + २ अघ । अतः प्राग्वत् सिद्धः पण्डः । (स-अ)
(स-घ) = अघ ज्या^२ आ + कग-कोज्या^२ गा । अथ पञ्चमपण्डयोर्गुणनात्
सिद्धः सप्तमः पण्डचतुष्टयात्मकः । (स-अ) (स-क) (स-ग)
(स-घ) = अ^३ घ^३ ज्या^३ आ-कोज्या^३ आ + अकगघ-कोज्या^३ आ-को-
ज्या^३ गा + क^३ ग^३ ज्या^३ गा-कोज्या^३ गा + अकगघ-ज्या^३ आ-ज्या^३
गा । अत्र प्रथमतृतीयपण्डयोर्मले । अघ-ज्या^३ आ-कोज्या^३ आ । कग-
ज्या^३ गा-कोज्या^३ गा । मूलयोर्धर्मयोगरूपे प्रथमतृतीयपण्डे घर्तते ।

अथवा मूलयोर्युतिवर्गे मूलघातेन द्विगुणेन हीने मूलवर्गयोगः स्यात् तेन प्रथमतः
 तीयखण्डस्यले मूलयुतिवर्गपञ्चणाद्वर्गशिष्टद्वितीयचतुर्थखण्डयोगान्मूलघातो
 द्विगुणः शोधित एवं न्यासः । अकगघ-कोज्या^२ १ आ-कोज्या^२ १ गा - २ अ-
 कगघ ज्या १ आ-कोज्या १ आ-ज्या १ गा-कोज्या १ गा + अकगघ-ज्या^२ १ आ-
 ज्या^२ १ गा । एषा भुजचतुष्टयघातः समानगुणकस्तावत् पृथक् कृतस्तत्स्वरूपम्
 अकगघ (कोज्या^२ १ आ कोज्या^२ १ गा - २ ज्या १ आ-कोज्या १ आ-ज्या १ गा-
 कोज्यागा + ज्या^२ १ आ-ज्या^२ १ गा) । अस्य मूल द्वितीयम् । कोज्या
 १ आ-कोज्या १ गा - ज्या १ आ-ज्या १ गा । अस्य द्वितीयमूलस्य वर्गो
 भुजचतुष्टयघातगुणित इति द्वितीयचतुर्थखण्डस्याने सिद्धः । प्रथमतृती-
 यखण्डस्याने पूर्वमूलयोर्युतिवर्गः सिद्ध एव । एव न्यासः । (स - अ) (स - क)
 (स - ग) (स - घ) = (अघ-ज्या १ आ कोज्या १ आ + कग-ज्या १ गा
 × कोज्या १ गा)^२ + अकगघ (कोज्या १ आ-कोज्या १ गा - ज्या १ आ-ज्या
 १ गा)^२ अत्रापि प्रथमद्वितीयखण्डे चापार्धभुजज्यातत्कोटिज्याघातस्त्रिज्या १ भ-
 क्तरचापज्याधे स्यादिति पश्चात् तद्वर्गिकरणाद्वर्गचतुर्थीशः सिद्धः ।
 १(अघ-ज्या आ + कग-ज्यागा)^२ तृतीयखण्डे तु आ, गाकोणयोश्चापयोगार्धकोटि-
 ज्यावर्गो भुजचतुष्टयघातगुणित इति । अकगघ-कोज्या^२ १ (आ + गा) । अत्रत्य-
 पूर्वखण्डे तु पूर्वानीतफलस्य १ (अघ-ज्या आ + कग-ज्यागा) वर्गरूपं तेन फल-
 वर्गे तृतीयखण्डस्यरूपाधिकृतास्ति तद्वर्गमे फलवर्गसिद्धिरतोऽत्र (स - अ)
 (स - क) (स - ग) (स - घ) सर्वभुजयोगार्धाना भुजहीनाना चतुःस्थि-
 तानां घाते अन्यसंज्ञे कोणयोगार्धकोटिज्यावर्गस्य सर्वभुजघातगुणितस्य आद्यसं-
 ज्ञस्य शोध्यत्व सिद्धम् । अथ चतुर्भुजे कोणचतुष्टययोगस्य चतुःसमकोणतुल्य-
 त्व त्रिभुजे कोणत्रययोगस्य समकोणद्वयतुल्यत्वेन चतुर्भुजस्य त्रिभुजद्वययोग-
 रूपत्वात् । अतश्चतुर्भुजे कोणद्वययोगार्धेन हीना भाधीशा एव शेषकोणद्वय-
 योगार्ध भवति । तत्र चापज्या तु चापानभाधीश्यातुल्येव । प्रकृते आकोण-
 गाकोणयोगार्धकोटिज्या तुल्यैव काकोणघाकोणयोगार्धकोटिज्या जाता । अत-
 श्चतुर्भुजे समुपकोणयोर्ज्ञाने भुजाना च ज्ञाने फलज्ञानार्थं यथोक्तमुपपन्नम् ॥

अथ वृत्तान्तर्गतचतुर्भुजे तु समुपकोणयोगो भाधीशमितस्तदर्थं नवत्यं-
 शास्तत्कोटिज्या शून्यं तेन भुजचतुष्टयघाते गुणिते शून्यमेव तेन हीने अन्य-
 संज्ञे धिकाराभावस्तस्मादन्यमूलमेव तत्र फलमित्युपपन्नम् ॥

अथान्यथा वृत्तान्तर्गतचतुर्भुजफलोपपत्तिः । अत्रापि (२१ सूत्र द्व.) आका-

घात्रिभुजे आकोणकोटिज्या । $\frac{अ^२ + घ^२ - च^२}{२ अघ}$ एवं कागाघात्रिभुजे गा

कोणकोटिज्या $\frac{क^२ + ग^२ - च^२}{२ कग}$ आकोणकोटिज्या $\frac{अ^२ + घ^२ - च^२}{२ अघ}$ अस्या

आकोणकोटिज्या समीकरणे पतयोः समच्छेद्रीकृतयोः छेदापगमे न्यासः ।
 $अ^२ + घ^२ - च^२ = २ अघ \times कोज्याया$ । समशोधनात् पतौ । $अ^२ + घ^२ -$
 $२ अघ \times कोज्याया = च^२$ । इदं चवर्गमानम् । एवं गाकोणकोटिज्यातोऽपि चवर्ग-
मानम् । $क^२ + ग^२ - २ कग \times कोज्याया = च^२$ । अत्र रेखागणिते तृतीया-
ध्याये एकविंशतेरे वृत्तान्तर्गतचतुर्भुजे संमुखकोणयोर्योगः समकोणद्वयतुल्य
इत्युक्तम् । अत आकोणोनभार्धाशा एव गाकोणः तत्तुल्ये तत्कोटिज्ये च तुल्ये
परन्तु द्वितीयपदे कोटिज्या अणमिति गाकोणकोटिज्या अणगता या सेव
आकोणकोटिज्या जाता अतो गाकोणसंबन्धचवर्गमाने । $क^२ + ग^२ - २ कग \times$
 $कोज्याया$ । तृतीयखण्डमृणगुणितं तदा धन द्विगुणकगभुजघात आकोणको-
टिज्यागुणित इति सिद्धम् । $क^२ + ग^२ + २ कग \times कोज्याया$ । इदं चवर्गमानं
पूर्वानीतआकोणसंबन्धचवर्गमानेन $अ^२ + घ^२ - २ अघ \times कोज्याया$ सम-

मिति समीकरणात्तद्व्यं आकोटिज्यामानम् । $\frac{अ^२ + घ^२ - क^२ - ग^२}{२ (अघ + कग)} =$

- कोज्याया । साजात्यादुक्तेरित्या काकोणकोटिज्या ।

$\frac{अ^२ + क^२ - ग^२ - घ^२}{२ (अक + गघ)} = - कोज्याया$ । अत्र सिद्धा आकोणकोटिज्या चिज्य-

या रूपमितया १ युता । $\frac{अ^२ + २ अघ + घ^२ - क^२ + २ कग - ग^२}{२ (अघ + कग)}$ । भाज्ये प्रथमख-

ण्डत्रयमूलमिदम् । $अ + घ$ । तद्वर्ग एव खण्डत्रयस्वरूपः $(अ + घ)$ शेषस्य धनर्ण-
ध्यत्यासे मूलम् । $क - ग$ । एतद्वर्गस्य अणत्वकल्पने शेषखण्डस्वरूपम् ।
 $-(क - ग)^२$ । एवं भाज्ये सिद्धम् । $(अ + घ)^२ - (क - ग)^२$ । इदं वर्गान्तरं योगान्तर-
घातसमं तेन द्वयोर्योगः । $अ + घ + क - ग$ । अन्तरम् । $अ + घ - क + ग$ ।
एते सर्वभुजयोगस्वरूपे । २ स । द्विगुणाभ्यां ग, कभुजाभ्यां हीने जाते
 $(२ स - २ ग)$ $(२ स - २ क)$ अनयोर्घातः स्वरूपेण भक्त फल आकोणकोटि-
ज्यात्रिज्यायोगमितं जातम् । एवमाकोणकोटिज्यानां त्रितया ।

$$\text{अ}^२ - \text{घ}^२ + \text{क}^२ + \text{ग}^२ + २\text{अघ} + २\text{कग}$$

$$२(\text{अघ} + \text{कग})$$

अत्रापि भाज्यस्वरूपं सिद्धम् ।

(क + ग)^२ - (अ - घ)^२ इदमपि वर्गान्तरं योगान्तरघातसमं तेन द्वयोर्योगान्तरं (क + ग + अ - घ), (क + ग - अ + घ) एते सर्वभुजयोगेन २स। द्वि-
गुणाभ्यां घ, अभुजाभ्यां हीनेन तुल्यं (२स - २घ), (२स - २अ) अनयोर्घातः
स्वहरेण २(अघ + कग) भक्तस्तु आकोणकोटिज्योनत्रिज्यास्वरूपः । कोटि-
ज्यायुक्तोनत्रिज्ययोर्घातस्तु ज्यावर्गस्तेन तत्स्वरूपसिद्धघात आकोणज्यावर्गः
(२स - २ग) (२स - २क) (२स - २घ) (२स - २अ) अत्र खण्डकेषु
गुणो द्वयं तद्विष्काशने स्वरूपम् ।

{ २(स - ग) } अत्र सर्वभुजयोगार्धं ससंज्ञे भुजैर्हीने शेषाण्येव खण्डानि
{ २(स - क) } तेषां घातो गुणानां २।२।२।२। घातेन १६ गुणित इति
{ २(स - घ) } सिद्धम् । अत्र हरयोर्घातो हरो जातः ४(अघ + कग)^२
{ २(स - अ) } भाज्यहरस्यगुणकौ चतुर्भिरपवर्तितौ तदा भाज्ये गुणरचतुर्मि-
तः सिद्धः । ४(स - ग) (स - क) (स - घ) (स - अ) (अघ + कग)^२
अयं आकोणज्यावर्गस्तन्मूलं आकोणज्या ।

$$२\sqrt{(स - अ)(स - क)(स - ग)(स - घ)}$$

$$\text{अघ} + \text{कग}$$

अतः सर्वभुजयोगार्धं

ससंज्ञं चतुःस्यानस्थितं स्वस्वभुजैरूढं शेषाणां घातमूलमन्यसंज्ञं तद् द्विगुणं
अघयोर्घातेन कगभुजयोर्घातयुतेन भक्तं आकोणज्या भवतीति सिद्धम् ।
अघ अभुजघभुजघातार्धं आकोणज्यागुणं आकाद्यात्रिभुजफलम् ।
१ अघ-ज्याया । तथाकभुज, गभुजघातार्धं आकोणज्यातुल्यया आकोणज्यया
गुणितं आकाद्यात्रिभुजफलम् । १ कग ज्याया । फलद्वययोगरचतुर्भुजफलम् । १ अघ

+ कग + ज्याया । अत्र अघ, कगयोगार्धं $\frac{\text{अघ} + \text{कग}}{२}$ पूर्वसिद्धया आकोणज्यया

$\frac{२\text{अन्यमूल}}{\text{अघ} + \text{कग}}$ गुणितं तदा समयोर्हर्गुणयोर्नाशे अन्यमूलमेव दृष्टान्तर्गतफलं
जातमित्युपपन्नं यथोक्तम् ॥

$$\text{अघ चतुर्भुजफलम् } \sqrt{(स - अ)(स - क)(स - ग)(स - घ)}$$

इह चतुर्थभुजः शून्यमितस्तदा तच्चतुर्भुजं त्रिभुजत्वं याति तत्र फलम् ।

✓ स (स - अ) (स - क) (स - ग) । अत्र भुजत्रययोगार्धमेव ससंज्ञम् ।
स । एतेन पूर्वोक्तं त्रिभुजफलानयनमुपपन्नं त्रिभुजमात्रस्य वृत्तान्तर्गतत्वम-
भवात् ॥

भुजसमासदलं हि चतुःस्थितं
निजभुजैः क्रमशः पृथगूनितम् ।
अथ परस्परमेव समाहृतं
कृतिपटं विचतुर्भुजयोः फलम् ॥

इति श्रोयत्युक्तमत एव संगच्छते । त्रिभुजचतुर्भुजयोर्वृत्तान्तर्गतयोः फल-
मिति तदभिप्रायो बोध्यः ।

अथ आकाशात्रिभुजे भुजद्वयघातार्धे आकोणज्यागुणं फलं तच्चतुर्गुणं भुज-
द्वयघातेन द्विगुणेन गुणा आकोणज्या । २ अघ - जगआ । अनेन भुजत्रयघातो

भक्तः $\frac{\text{अघव}}{२\text{अघ}}$ भुजघातेनापवर्तितः $\frac{\text{च}}{२\text{ज्याआ}}$ इदं त्रिभुजबहिर्लक्ष्यव्यासार्धे

अर्थावृत्तान्तर्गते त्रिभुजे सति व्यासार्धं ज्ञातम् । अस्यवर्गः $\frac{\text{च}^२}{४\text{ज्याआ}^२}$

अथ पूर्वसिद्ध आकोणज्यावर्गश्चतुर्गुणः

$\frac{१६ (स - अ) (स - क) (स - ग) (स - घ)}{(अघ + कग)^२}$ अनेन वक्ष्यमाणसिद्धवर्गमानं

$\frac{(अग + कघ) (अक + गघ)}{अघ + कग}$ भक्तं लब्धं व्यासार्धवर्गमानं तुल्ययोगुणहरयो-

नाशात् संपन्नम् । $\frac{(अग + कघ) (अक + गघ) (अघ + कग)}{१६\text{अन्य}^२}$ एतन्मूलं व्यासार्धम्

✓ $\frac{(अक + गघ) (अग + कघ) (अघ + कग)}{४\text{फल}}$ अत्र अकघातः ग-घघातयुक्त

शकः । तथा अ-गघातक-घघातयोगो द्वितीयः । तथा अ-घघातः क-गघातयुत-
स्तृतीयः । एषां घातमूलं चतुर्गुणफलेनभक्तं वृत्तव्यासार्धे भवतीति भुजचतु-

पृथक्संबन्धेन सिद्धम् । अत इदमवगम्यते विषमचतुर्भुजमात्रं वृत्तान्तः कर्तुं शक्यते । अथ च भुजानां क्रमव्यत्यासेऽपि क्षेत्रफले विकाराभावः । किंतु कोणादिविषय विकारस्तथा यदि घभुजमानं शून्यं तदा कोणादीनां मानानि पूर्वानीतैस्त्रिभुजकोणादीनां मानैस्तुल्यान्येव भवन्तीति सिद्धम् ॥

अथ वृत्तान्तगतचतुर्भुजे कर्णानयनम् । तत्र त्रिभुजे पूर्वसिद्धा गाकोण-
कोटिज्या $\frac{क^२ + ग^२ - च^२}{२ कग}$ इयं चणगता कृता । $\sim \frac{क^२ - ग^२ + च^२}{२ अग}$ इयं आको-

णकोटिज्या $\frac{अ^२ \times घ^२ - च^२}{२ अघ}$ समा इति पक्षयोर्द्व्युपवर्तितहरयोः समच्छेदी-

कृतयोः छेदापगमे न्यासः । अघच^२ - अघक^२ - अघग^२ = कगच^२ - कगअ^२ -
कगघ^२ । समशोधनात् पक्षौ । कगच^२ + अघच^२ = कगअ^२ + कगघ^२ + अघक^२ +
अघग^२ । पूर्वपक्षेण द्वितीयपक्षे भक्ते चवर्गमानं लभ्यत इति द्वितीयपक्षविवा-
रस्तत्र वर्गस्थाने समद्विधात इति लिखितः । कगअअ + कगघघ + अघकक
+ अघगग । अत्र प्रथमखण्डं अग × अक । चतुर्थखण्डं अग × गघ । द्वयोर्योगः ।
अग (अक + गघ) एवं द्वितीयखण्डं कघ × गघ । तृतीयखण्डं कघ × अक ।
अनयोर्योगः कघ (अक + गघ) अथ योगयोर्योगे सिद्धम् । (अक + गघ)
× (अग + कघ) अयं द्वितीयपक्षः प्रथमपक्षभक्तस्तदा चवर्गमानं सिद्धम् ।

$\frac{(अग + कघ)(अक + गघ)}{अघ + कग}$ एवमनेन प्रकारेण द्वितीयकर्णसंमुखकोणकोटिज्ययोः

$\frac{ग^२ + घ^२ - छ^२}{२ गघ} = \frac{अ^२ - क^२ + छ^२}{२ अक}$ साम्यकरणेन छवर्गमानं लभ्यते ।

$\frac{(अघ + कग)(अग + कघ)}{अक + गघ}$ । अनयोः कर्णवर्गयोर्धाते कर्तव्ये गुणहरयोरनयोः ।

अघ + कग । तयानयोश्च । अक + गघ । तुल्यत्वेन नाशे कृते जातम् ।
(अग + कघ)(अग + कघ) = (अग + कघ)^२ एतस्य मूलम् । अग + कघ ।
कर्णघातसमं तेन भुजप्रतिभुजवधयोर्योगः कर्णघातसम इति सिद्धम् । एतेन ।

कर्णाश्रितभुजघातैश्चमुभयथाऽन्योन्यभाजितं गुणयेत् ।

योगेन भुजप्रतिभुजवधयोः कर्णो पदे विषमे ॥

इति ब्रह्मगुप्तोक्तमानयनं वृत्तान्तर्गतचतुर्भुजपरमस्तीत्यवगम्यते । तथा ॥

वृत्तान्तःस्थचतुर्बाहुवेचे भूमिमुखाहतिः ।

भुजद्वयाहतियुता कर्णघातसमा भवेत् ॥

इति सप्ताष्टसिद्धान्तोक्तं चोपपन्नमिति श्रीवापूदेवदैवज्ञाः प्राहुः ।

अथान्यथात्रोपपत्तिः । (५२ तेत्रं द्र.) अइगकोणः कइउकोणतुल्यः कार्यः (म १ ते २३) तदा अइग, कइउकोणौ तुल्यौ एतौ गइककोणयुक्तौ तदा अइक, गइउकोणौ तुल्यौ जातौ अथ इकअ, इउगकोणौ च तुल्यौ । अइचापै-
कोपरिगतत्वात् (अ ३ ते २१) अतः अइक, इउगत्रिभुजे सजातीये जाते उभयोः
कोणद्वयसाम्येन शेषकोणयोः सुतरां साम्यात् । अतः इउभुजेन उगभुजस्य
या निष्पत्तिः सैव इकभुजेन कअभुजस्य निष्पत्तिः । इउः उग :: इकः कअ ।
अतः इउ-अकघातः इकउगघाततुल्यः इउ × अक = इक × उग । एवं अइग-
इउकत्रिभुजयोः अइग, कइउकोणौ तुल्यौ कल्पितत्वात् । तथा इअग, इकउ-
कोणौ तुल्यौ द्वयोः इउचापोपरिगतत्वात् । अतः शेषकोणौ च तुल्यौ तदा-
द्वे सजातीये जाते तत्र इअभुजेन अगभुजस्य यानिष्पत्तिः सैव इकभुजेन कउ
भुजस्य निष्पत्तिः । इअः अग :: इकः कउ । अत्र इअ-कउघातः इक-अगघात-
समः । इअ × कउ = इक × अग । अत्र पूर्वसिद्धघातः । इउ × अक = इक × उग ।
योजितस्तदा इककर्णेन गुणितयोः अग, उगरेखयोर्योगो वा अग, उगयोगो अउ-
कर्णे एव इककर्णगुणित इति सिद्धम् । तत्तुल्यम्वरूपयोर्योगः इअ × कउ × इउ ×
अक । भुजप्रतिभुजवधयोर्योगरूपः कर्णघातसम इति सिद्धम् । इयमुपपत्तिस्तु
रेखागणितपट्टाध्याये सिद्धान्तसंज्ञाजि वीक्षा ।

अथ कर्णानयने वासना यथा । (५३ तेत्रं द्र.) वृत्तान्तर्गतचतुर्भुजे अ, क, ग,
घभुजाः च, छकर्णौ । अत्र अ, गघातः क, घघातयुतः च, छघाततुल्यः अग +
कघ = चछ । अत्र गचापघचापयोगपूर्णज्ञ्या छकर्णः तथा क, गचापयोगपूर्णज्ञ्या
चकर्णः । अथ चतुर्भुजे भुजपरिवर्त्तनेन द्वितीयस्वरूपं तत्र अकघातः गघघा-
तयुतः चकर्णजकर्णघातसमः । अक + गघ = चक । अत्र कगचापयोगपूर्णज्ञ्या पूर्व-
तुल्या चकर्णः । तथा क-घचापयोगपूर्णज्ञ्या जकर्णः । एवं भुजपरिवर्त्तनेन
तृतीयं तेत्रं तत्र अघघातः कघघातयुतः जछघाततुल्यः । अघ + कग = जछ ।
अत्र क-घचापयोगपूर्णज्ञ्या जकर्णः तथा ग, घचापयोगपूर्णज्ञ्या छकर्णः ।
एवं वृत्तान्तर्गतचतुर्भुजे भुजपरिवर्त्तनेन कर्णत्रयम् । च, छ, जसंज्ञमुत्पद्यते । अत्र द्वि-
तीयसिद्धः कर्णघातः चज प्रथमसिद्धेन चछगुणितस्तृतीयसिद्धेन जछभक्तो जातः

$\frac{\text{अज} \times \text{चछ}}{\text{जछ}}$ तदा छतुल्ययोः जतुल्ययोश्च गुणहरयोर्नाशे सिद्धः चवर्ग एव ।

अतः कर्णं ज्ञातस्य ले भुजप्रतिभुजघातयोगस्वरूपाङ्गीकारेण चवर्गमानं सिद्धम् ।

$\frac{(\text{अक} + \text{गघ}) \times (\text{अग} + \text{कघ})}{\text{अघ} + \text{कग}} = \frac{\text{चज} + \text{चछ}}{\text{जछ}} = \text{च}^2$ एवं छकर्णवर्गमानम् ।

$\frac{\text{चछ} \times \text{जछ}}{\text{चज}} = \text{छ}^2 \frac{(\text{अघ} + \text{कग}) \times (\text{अग} + \text{कघ})}{\text{अक} + \text{गघ}}$ एतेन यत्कर्णज्ञानमभी-

ष्ट तल्लघ्नभुजयोर्घातयोगो हरः तदन्यकर्णलघ्नभुजयोर्घातयोगो भाव्यः संमुखस्य भुजयोर्घातयोगो गुणः कर्णवर्गज्ञानार्थमेतेन कर्णाश्रितभुजघातैर्यमिति सूत्रमुपपन्नम् ॥

॥ श्रीगणेशाय नमः ॥

॥ अथ गोलप्रकाशे गोलीयरेखागणितम् ॥

मनोनुकूले यमुनासुकूले
गोपीदुकूलेन विनोदमानम् ।
गतं कदम्बे सुखमाकदम्बे
सतां कदं वेणुधरं भजामि ॥ १ ॥
नीलाम्बरो मैथिलभूसुरोऽहं
सिद्धान्तसंभ्रान्तनिस्तशङ्कम् ।
गोलस्वरूपावगमप्रकारं
गोलीयरेखागणितं प्रवक्ष्ये ॥

तत्रादौ गोलरेखागणितस्य परिभाषाः ।

(१) अर्धवृत्तं स्वव्यासरेखोपरि धाम्यमाणं गोलमुत्पादयति ।

(२) तस्यार्धवृत्तस्य केन्द्रं गोलपृष्ठस्थितसर्वविन्दुतस्तुल्यान्तरगतं भवति ।
अत एव तस्यार्धवृत्तस्य केन्द्रं गोलकेन्द्रं भवति ।

(३) येषां वृत्तानां धरातले गोलकेन्द्रं भित्त्वा गच्छति तन्महद्वृत्तम् ।
अन्यलघुवृत्तम् ।

(४) गोलवृत्तत्रैत्रलम्बरेखा गोलवृत्तकेन्द्रगामिनी गोलोभयप्रान्तयोर्लम्बा
तस्य गोलवृत्तस्य याम्योत्तररेखा ।

(५) तौ च गोलोभयप्रान्तौ वृत्तस्य ध्रुवविन्दू पृष्ठकेन्द्रे वा स्याताम् ।

(६) गोलपृष्ठे बृहद्वृत्तस्य चापोभयप्रान्तौ विन्दू तदन्तरं विन्द्वोर्दूरत्वम् ।

(७) दुयोर्बृहद्वृत्तचापयोः संपातेन गोलपृष्ठे गोलकोणो भवति स च
तदीयत्रैत्रयोर्नमनेन मापितो भवति ।

(८) त्रिभिस्त्रिज्यावृत्तचापैरावृतं गोलपृष्ठोपरि यत् क्षेत्रं तच्च गोलत्रि-
कोणसंज्ञम् । तच्चापानि तस्य क्षेत्रस्य भुजाः स्युः । तानि प्रत्येकं खाष्टकुभा-
गेभ्योऽल्पानि भवन्ति ।

(८) यन्निकोणे एकभुजो नवत्यंशमितस्तद्गोलजात्यच्यम् ।

(१०) द्रुयोर्दृताधयोऽन्तर्गतत्वेन चतुर्त्रसंज्ञम् ।

(११) यदि केनचित् क्षेत्रेण गोलक्षेदितस्तदा तत् पण्डं गोलखण्डसंज्ञम् ।
एवमेकादश परिभाषाः ।

अथ प्रथमक्षेत्रम् ।

यदि गोलधनक्षेत्रं छेदितं केनचिद्रवेत् ।

क्षेत्रेण छेदितं स स्यात् प्रदेशो घृत गव हि ॥

केनापि क्षेत्रेण छेदितस्य गोलस्य छेदितप्रदेशो घृत एव भवति ।

यथा (५४ क्षेत्रं द्र०) अचक्रगोलः अक्षगक्षेत्रेण छिन्नस्तदा अक्षगक्षेत्रमेव ।
गर्भकेन्द्रात् उबिन्दुतः अक्षगक्षेत्रोपरि उघलम्बः कार्यः । घबिन्दुतो घञ्,
घक, घग, घघ, रेखास्तथा उबिन्दोः उञ्, उग, उक, उखरेखाः कार्याः । अञ् उघ-
रेखायाः क्षेत्रलम्बत्वेन घचिह्नगतकोणानां समकोणत्वं तथा उञ् = उख =
उक = उग रेखा गोलव्यासार्धमित्यनेन तुल्याः कर्णरूपाः । तेषु उघरेखायाः
सर्वत्र कोटिरूपत्वेन अघउ, गघउ, खघउ, कघउ, जात्यक्षेत्राणि मिथस्तुल्यानि
(रे० प्र१ ले४) अतः घञ् = घग = घघ = घक । रेखास्तुल्यास्तदा घबिन्दु-
क्षेदितप्रदेशरूपघृतस्य गर्भकेन्द्रम् (रे० अ३ ले८) इदमेवैष्टम् ।

अथ प्रथमक्षेत्रस्यानुमानानि ।

(१) द्रुयोर्दृददृत्तयोः संपातौ गोलव्यासोपरि भवतः । अत एवैकेनापरमर्धितं
भवति ।

(२) व्यासोभयपान्तबिन्दुद्रुयभिन्नौ यौ बिन्दू तयोरुपरिगतं वृहद्वृत्तमेकमेव
भवति ।

(३) गोलत्रिकोणस्यभुजयोः स्वमागेण वर्धितयोः संपातः प्रथमसंपाता-
द्वाधोशा १८० न्तर एव भवति ।

(४) घृतस्य ध्रुवबिन्दू तथा तस्य घृतस्य केन्द्रं गोलकेन्द्रं चैते चत्वारो बि-
न्दव एकस्यां सरलरेखायामेव सा च सरलरेखा तद्वृत्तक्षेत्रोपरि लम्बरूपा स्यात् ।

(५) काचिद्रेखा क्षेत्रं वा कस्यचिद्वृत्तस्योपरि लम्बः स च चतुर्णां बिन्दू-
नामन्यतमबिन्दुगतस्तदा शेषबिन्दुत्रयं च तल्लम्बगतं भवेत् । एवं रेखा क्षेत्रं वा
चतुर्णां बिन्दूनां मध्ये बिन्दुद्रुयगतं तदा घृतोपरि सा रेखा क्षेत्रं वा लम्बः
शेषं च बिन्दुद्रुयं तस्यामेव रेखायां क्षेत्रे वा गतमस्तीति ज्ञेयम् ।

(६) द्वयोर्वृहद्वृत्तयोः क्षेत्रे मिथो यदि लम्बरूपे तदैकवृत्तस्य ध्रुवबिन्दौ द्वितीयस्य क्षेत्रं गतं स्यात् । एकवृत्तस्य ध्रुवबिन्दौ द्वितीयवृत्तं गतं तदैकवृत्त-
क्षेत्रं द्वितीयवृत्तक्षेत्रोपरि लम्बरूपं स्यात् ।

(७) एकं बृहद्वृत्तं द्वितीयबृहद्वृत्तस्यैकध्रुवबिन्दुगतं तदा द्वितीयबृहद्वृत्त-
माद्यबृहद्वृत्तध्रुवबिन्दुद्वयगतं भवति ।

(८) समानान्तरवृत्तयोर्याम्योत्तररेखा या चतुर्थपरिभाषया सिद्धा सा
तथा तद्वृत्तयोर्ध्रुवबिन्दू चैकस्यामेव सरलरेखायां भवन्ति । एवं ययोर्वृत्तयो-
र्याम्योत्तररेखा द्वौ ध्रुवबिन्दू चैकत्र रेखायां ते समानान्तरवृत्ते भवतः ।

एवमष्टाधनुमानानि प्रथमक्षेत्रसिद्धानि ।

अथ द्वितीयक्षेत्रम् ।

गोलोपरिवृत्तस्य परिधिस्थितबिन्दुतः ।

तद्वृत्तध्रुवबिन्दुः स्यात् समानान्तर एव हि ॥ २ ॥

गोलोपरिवृत्तस्य सर्वपरिधिगतबिन्दोस्तद्वृत्तध्रुवबिन्दुस्तुल्यान्तरे भवति ।

यथा (५५ क्षेत्रं द्र०) अचक्रगोलोपरिवृत्तं अरुखगवृत्तं चास्ति । अस्य परि-
धिगतबिन्दोर्ध्रुवबिन्दुपर्यन्तं तुल्यदूरतास्ति । कल्पितवृत्तध्रुवबिन्दुः चबिन्दौ ।
उत्तरेखया तस्य याम्योत्तररेखा (प०४) वृत्तकेन्द्रं उचिहं गोलगर्भकेन्द्रं घ-
बिन्दुः । अतः उत्तरेख, उत्तरेख, उत्तरेख, उत्तरेख, रेखास्तुल्याः । उत्तरेखायाः सर्वत्र सत्त्वात्
तथा उचिहगतकोणानां समकोणत्वेन अच, चख, चक, रेखास्तुल्याः । अतः
अचचापं चखचापं चकचापं मिथस्तुल्यम् । एवमन्यदपि बोध्यम् ।

अत्र द्वितीयक्षेत्रस्य षडनुमानानि ।

(१) बृहद्वृत्तगमर्धबिन्दुतो ध्रुवबिन्दुर्नवत्यंशान्तरे स्यात् ।

(२) यत् क्षेत्रं रेखा वा गर्भकेन्द्रं भित्वा याति सा गोलस्य समानभाग-
द्वयकर्त्री भवति ।

(३) गोलपृष्ठस्यः कोऽपि बिन्दुर्यद्वान्यबिन्दुभ्यां नवत्यंशान्तरे परं तौ
बिन्दू व्यासोभयमान्तगतौ न भवतस्तदा प्रथमबिन्दुस्तस्य बृहद्वृत्तस्य ध्रुवः
स्याद्वत् पूर्वाक्तबिन्दुद्वयगतं वृत्तमस्ति । गोलरेखागणितप्रथमक्षेत्रद्वितीयानु-
मानात् तथा द्वितीयक्षेत्रप्रथमानुमानात् ।

(४) लघुवृत्तस्य त्रिज्या तच्चापज्यातुल्या स्याद्वच्चापं तद्वृत्तीयध्रुवतद्वृ-
त्तान्तरेऽस्ति वा तल्लघुवृत्ततत्समानान्तरबृहद्वृत्तयोरन्तरचापस्य कोटिज्या-
तुल्या भवति ।

(५) येषां लघुवृत्तानां क्षेत्रं गोलगर्भकेन्द्रात् तुल्यदूरगतं तानि वृत्तानि समानानि तथा यानि वृत्तानि समानानि तानि गर्भकेन्द्रात् तुल्यदूरगतानि भवन्ति यदि तुल्यदूरगतानि गर्भकेन्द्रात् सन्ति तदा समीपगानि दूरगवृत्तप्रमाणतो महत्तमानि भवन्ति । तथा ये वृत्ते न्यूनाधिकप्रमाणके तयोर्महत्प्रमाणकवृत्तं गर्भकेन्द्रसमीपं अल्पप्रमाणकवृत्तं दूरगतं स्यात् ।

(६) समानान्तरवृत्तयोरुपरि तदीयध्रुवतो गतं वृत्तं तुल्यप्रमाणकं वृत्तध्रुवयोरन्तरे वा वृत्तयोरन्तरे तुल्यप्रमाणकं भवति ।

अथ तृतीयं क्षेत्रम् ।

वृत्तध्रुवादागतमण्डलान्तरे

वृत्तस्यचापं ध्रुवगः स कोणकः ।

वृत्तध्रुवादागतान्यवृत्तयोरन्तरचापं तद्वृत्तगतं ध्रुवगतकोणतुल्यं भवति ।

यथा (५६ क्षेत्रं द्र०) अखपगवृत्तस्य ध्रुवः कबिन्दौ कध्रुवादागतयोः कच, कखचापयोरन्तरगं अखचापं अकखकोणतुल्यं ज्ञेयम् । अकचापस्य छाया कचरेखा खकचापस्य छाया कखरेखा कार्या । अकखकोणः चकखकोणेन तुल्यः । अघखकोणेन च तुल्यः । अतः चकखरेखासमानान्तरा अघरेखा तथा ककसमानान्तरा खघरेखा (अ ११ प ४ गो० प ७)

अथ तृतीयक्षेत्रसिद्धानुमानानि ।

(१) द्रयोर्बृहद्वृत्तयोः क्षेत्रं यदि परस्परं लम्बरूपं तदा वृत्तयोः परिधीमियो लम्बौ भवतः । वा यदि वृत्तयोः परिधीलम्बौ मिथस्तस्तदा वृत्तयोः क्षेत्रे मियो लम्बरूपे स्तः । (२ गो० प ७)

(२) द्रयोर्बृहद्वृत्तयोः संपातेनोत्पद्यौ सम्मुखौ कोणौ तुल्यौ स्तः । तथा समीपगतकोणद्वययोगः समकोणद्वयतुल्यः । अथ वृत्तयोः संपातोत्पद्यकोणतुल्य एव संपाताद्वाधाशान्तरे तद्वृत्तयोः संपातजकोणौ भवति ।

(३) द्रयोर्बृहद्वृत्तयोर्ध्रुवयोर्दल्पमन्तरं तदेव द्रयोर्वृत्तक्षेत्रयोर्नमनम् ।

(४) कस्यचिच्चापस्यध्रुवगतकोणः स एव यो हि तद्वृत्तस्य त्रिज्यासूत्रद्वयान्तरकोणः गर्भकेन्द्राच्चापप्रान्तगे त्रिज्यासूत्रे ।

(५) समानान्तरवृत्तयोर्ध्रुवगतं यदन्यवृत्तद्वयं तदन्तरगं समानान्तरवृत्तयोश्चापं सजातीयं अशैस्तुल्यमित्यर्थः ।

(६) द्वयोश्चापयोः संबन्धिन्यौ ये ह्याये तदन्तरगतकोणो योगबिन्दौ स स्याद्व्यो हि द्वयोश्चापयोगालकोण इति ।

अथ चतुर्थे क्षेत्रम् ।

व्यासाद्यबिन्दुपरि लम्बरूप-

क्षेत्रस्य संस्पर्श इहास्ति गोले ।

गोलव्यासस्यायोपरि यत् क्षेत्रं लम्बरूपं तद्गोले स्पर्शं करोति । स्पर्शशब्देन एकस्मिन्नेव बिन्दौ स्पर्श इत्यर्थः ।

यथा (५७ क्षेत्रं द्र०) अद्यगगोलस्य अद्यगव्यासायोपरि गच्छिहे खकक्षेत्रं लम्बरूपं तदा एकक्षेत्रं अद्यगगोले गबिन्दौ स्पर्शं करोति यद्येवं न स्वीक्रियते तदा अद्यगगोलस्य उच्चिहे एकक्षेत्रस्पर्शः । गउरेखा घउरेखा च कार्या । घं गोलकेन्द्रं घगरेखापरि खकक्षेत्रं लम्बरूपं तदा खकक्षेत्रोपरि घगरेखा लम्बः । तदा घगउकोणः समकोणः (अ११ प१) घगउकोणादल्पः घउगकोणः । अतः (अ१ क्षेत्रे १८) उद्यभुजादल्पः घगभुजः । अत उबिन्दुः अद्यगगोले नास्ति । ततः सिद्धं गच्छिहादन्यत्र अद्यगगोले कापि खकक्षेत्रस्पर्शो न स्यात् ।

अत्रानुमानानि ।

(१) गोलस्य सरलक्षेत्रेण स्पर्शं एकस्मिन् बिन्दावेव संभवति ।

(२) यदि सरलक्षेत्रं गोले स्पर्शं करोति तदा स्पर्शबिन्दुगं त्रिज्यामूत्रं तत्क्षेत्रोपरि लम्बरूपम् ।

(३) सरलक्षेत्रगोलस्पर्शं क्षेत्रोपरि लम्बरेखा गोलकेन्द्रं भित्त्वा याति ।

(४) यदि सरलक्षेत्रं गोले स्पर्शं करोति तदा स्पर्शबिन्दुगतं यदुत्तं तत्-क्षेत्रसरलक्षेत्रयोगरेखा तदुत्तच्छाया भवति ।

(५) कस्यचिदेकवृत्तस्य छाया तेषां सर्वेषां वृत्तानां छाया स्यात् येषां वृत्तानां क्षेत्रे सा छाया रेखा भवति । इति चतुर्थक्षेत्रानुमानानि ।

अथ पञ्चमं क्षेत्रम् ।

समद्विबाहुत्रिभुजे समानौ

कोणौ भवेतां धृष्टीविलम्बौ ।

समद्विबाहुत्रिभुजे आधारसंलग्नकोणौ तुल्यौ भवतः ।

कल्प्यताम् । (५८ क्षेत्रं द्र०) अकखगोलत्रिभुजे आधारसंलग्नकोणौ तुल्यौ स्तः ।

यथा अक,अखभुजौ तुल्यौ तदा अखक,अकखकोणौ तुल्यौ गोलगर्भस्य गच्छितः गअ,गघ,गकरेखाः कार्याः । गघ,गघरेखयोस्परि अचिह्नतः अउलम्बः

अघलम्बश्च कार्यः । उचिन्दुतः घघिन्दुतः गप्ररुधरातले उच,घचलम्बौ
कार्यौ गचरेखा कार्यौ ।

अत्रोपपत्तिः । अघ,घचरेखयोरुपरि गचरेखा लम्बः । अउ,उचरेखयोरुपरि
गउरेखा लम्बः । अतः (अ ११ ते ४) अघचत्रिभुजोपरि गचरेखा लम्बः ।
अउचत्तेत्रोपरि गउरेखा लम्बः पुनः गघ,गउरेखापतितधरातलं गप्ररुधरेखं
अघच,अउचत्रिभुजयोरुपरि लम्बः (अ ११ ते १०) अतः गप्ररुधरेखोपरि
द्वे त्रिभुजे लम्बौ जातौ । लम्बत्तेत्रयोर्योगरेखा अचलम्बः गप्ररुधरेखोपरि
जातः (अ ११ ते १८) अतः अचउकोणः समकोणः अचघकोणश्च समकोणः
अगख,अगप्रकोणौ तुल्यौ (अ ६ ते ३३) अप,अप्रयोस्तुल्यत्वात् । अउग,अघ-
गकोणौ समकोणौ तुल्यौ । अगरेखा द्वयोरैकैव । अतः अउग,अघगत्रिभुजे
तुल्ये । अउ,अघरेखे गउ,गघरेखे तुल्ये । अउ = अघ । गउ = गघ । पुनः अउ-
च,अघचत्रिभुजयोः अचरेखा एकैव । अउ,अघरेखे उच,घचरेखे तुल्ये ।
अउ = अघ । उच = चघ । अतः अउच,अघचकोणौ तुल्यौ परन्तु अउच-
कोणः अगख,गप्ररुधरेखयोर्नमनम् । अय तयोर्योगरूपगचरेखोपरि अउ,उचरेखे
लम्बौ । अतः अउचकोणतुल्यः अखरुकोणः । एवं अघचकोणतुल्यः अप्ररु-
कोणः । अतः अखरु,अप्ररुकोणौ तुल्यौ जातौ ॥

अथ पष्ठं क्षेत्रम् ।

भूलग्रकोणौ यदि तुल्य मानौ

तदा तु तल्लग्रभुजौ समानौ ।

गोलत्रिभुजस्याधारलग्रकोणौ तुल्यौ तदा तल्लग्रभुजौ तुल्यौ भवतः ।

यथा (५६ ते २२) अरुप्रगोलत्रिभुजस्य अरुख,अखरुकोणौ यदि तुल्यौ
तदा अरु अरुभुजावपि तुल्यौ स्तः । अत्रापि पूर्वक्षेत्रवत् कर्तव्यता कार्या ।

अत्रोपपत्तिः । पूर्वरीत्या अचउ,अचघकोणौ समकोणौ सिद्धावेव । अगख,
गप्ररुधरेखयोर्योगरेखा गचरेखा तस्या उपरि उच,उअरेखे लम्बौ । अतः तयोः
क्षेत्रयोर्नमनम् । अउचकोणः गप्ररुकोणतुल्यः (अ ११ प ४ गो.प ७) एवं अघ-
चकोणतुल्यः अरुखकोणः । अथ अउच,अघचकोणौ तुल्यौ जातौ अखरु,अ-
प्ररुकोणयोस्तुल्यत्वात् । अचरेखा उभयत्रैकैव । अतः अघ,अउरेखे तुल्ये ।
अथ अउरेखा तु अपचापज्या तथा अघरेखा अरुचापज्या । अतः अखचाप-
तुल्यं अरुचापं जातम् (अ १ ते २६ अ १ ते ८ वा) अगउ,अगघत्रिभुजयोः अगरेखा
एकैव । अघ,अउरेखे गउ,गघरेखे तुल्ये । अतः अगउ,अगघकोणौ तुल्यौ जातौ ।

ततः पष्ठाध्यायस्य त्रयस्त्रिंशत्प्रतिज्ञया तुल्यकोणयोस्त्वाये च तुल्ये । अत
एव अरुचापतुल्यं अखचापमिति सिद्धम् ॥

अथ सप्तमं क्षेत्रम् ।

गोलत्रिकोणे भुजयुग्मयोग-

स्तृतीयबाह्योरधिको निरुक्तः ।

गोलत्रिभुजे भुजद्वययोगस्तृतीयभुजादधिको भवति ।

यथा (६० क्षेत्रं द्र०) अरुचत्रिभुजे अरु, कखयोगः अखभुजादधिकः ।

गोलगर्भस्यगचिह्नतः गख, गअ, गररेखाः कार्य्यः । अथ द्वादशाध्यायप्रथमप्र-
तिज्ञया अगक, कगखकोणयोर्योगः खगअकोणादधिकः अतः पष्ठाध्यायस्य
त्रयस्त्रिंशत्प्रतिज्ञया अरु, अरुभुजयोर्योगः अखभुजादधिक इति सिद्धम् ॥

अथाष्टमं क्षेत्रम् ।

गोलत्रिबाह्यौ खरसाग्निभागा-

दल्पा भुजानामपि संयुतिः स्यात् ।

गोलत्रिभुजे भुजत्रययोगो वृत्तादल्पो भवति ।

यथा (६० क्षेत्रं द्र०) अरुचत्रिभुजे अरु, अख, कखभुजानां योगः समकोणव-
स्तुष्टयादूनः ।

द्वादशाध्यायद्वितीयक्षेत्रतः अगक, कगख, अगखकोणानां योगः समकोण-
वस्तुष्कादल्पस्तेन तत्संमुखचापत्रययोगोऽपि वृत्ता, ३६० दल्पो भवतीति सिद्धम् ।
(अ ६ ले ३३) ।

अथ नवमं क्षेत्रम् ।

उरुकोणसंमुखभुजाच्च लघु-

लघुकोणसंमुखभुजस्त्रिभुजे ।

उरुबाहुसंमुखगकोणतनु-

लघुबाहुसंमुखगकोणमितिः ॥

गोलत्रिभुजे वृहत्कोणसंमुखभुजास्तुल्यलघुकोणसंमुखभुजाऽल्पो भवति । तथा
वृहद्वुजसंमुखकोणास्तुल्यलघुभुजसंमुखकोणोऽपि लघुभवति ।

यथा (६१ क्षेत्रं द्र०) अरुचगोलत्रिभुजे कअरकोणात् अरुखकोणोऽल्पस्तदा
कअभुजादल्पः अअभुजः स्यात् ।

अयोपपत्तिः । अत्र कअप्रकोणतः अगरेवा चापह्वा तथा कार्या यथा अरुखकोणतुल्यः कअगकोणः स्यादिति । अरुप्र, कअगकोणौ तुल्यौ अतः कग, अगभुजौ तुल्यौ (गो. रे. ते ६) अथ अगवत्रिभुजे अग, गखभुजयोगादल्पः अखभुजः या कग, गप्रभुजयोगादल्पः अप्रभुजः अतः कग, गप्रयोगः कप्रमित अप्रभुजादधिको जातः (गो. रे. ते ७) एवं प्रथमाध्यायस्यैकोनविंशतेरेण गोलरे-
रागणितस्य पञ्चमतेरेण च कखभुजसमुखः कअखकोणः अप्रभुजसमुपात्
अकप्रकोणादधिको जात इत्युक्तमुपपन्नम् ॥

अथ दशम क्षेत्रम् ।

गोलचित्रादौ भुजयुग्मयोगः

खाष्ट्रेन्दुतोऽल्पश्च समोऽधिको वा ।

तदा तु दोःसंमुखकोणयोगः

खाष्ट्रेन्दुतोऽल्पश्च समोऽधिकः स्यात् ॥

भूलग्नकोणयोरेको न्यूनस्तुल्योऽधिकस्तथा द्वितीयस्य बृहत्कोटिसंज्ञकोणा-
दिहेरितः गोलत्रिभुजे भुजद्वययोगो वृत्तार्धादल्पो वा समो वाऽधिकस्तदा
आधारलग्नकोणयोर्मध्य एको द्वितीयस्य बृहत्कोटिकोणात् क्रमेण लघुः समो-
ऽधिको वा स्यात् । तथा आधारसलग्नकोणद्वययोगोऽपि समकोणद्वयतो लघुः
समो वा बृहद्भवति ।

यथा (६२ क्षेत्रं द्र.) अरुप्रगोलत्रिभुजे अरुचापं वर्धितं गविन्दौ योगं
करोति । अगचापं वृत्तार्धे कल्प्यम् । अत्र अक, कप्रयोगः समकोणद्वयादधिको
वा समो वा न्यूनस्तदा कअप्रकोणः कखगकोणात् क्रमेणाधिको वा समो वा
न्यूनः स्यात् । गव कअप्र, कप्रअकोणयोगो गश्च समकोणद्वयात् क्रमेणाधिको
वा समो वा न्यूनः स्यात् ।

अत्रोपपत्तिः । अरुअखकोणौ आर्धराशुदुः कअगकोणौ जातः स, च कप्र-
अकोणस्य बृहत्कोटिकोणाख्यः । यदि कोणो नवत्यशेभ्यः शोध्यते तदा शे-
पस्तस्य कोटिकोणः । एव कोणोनभार्धाशमितः कोणबृहत्कोटिकोणो ज्ञेयः ।

अयोपपत्तिः । कअख, कगखकोणौ तुल्यौ अगस्य वृत्तार्धत्वात् (गो. रे. ते ३ अ२)
अथ यदि अरु, कप्रयोगः समकोणद्वयतुल्यस्तदा तत्तुल्य एव अक, कप्रयोगो-
ऽस्ति तस्य वृत्तार्धत्वात् । अतः कप्र, कगभुजौ तुल्यौ जातौ । तदा (गो. रे. ते ५)
कप्रग, कगप्रकोणौ च तुल्यौ तत्तुल्यः कअप्रकोणश्च जातः अतो भुजद्वयो-

गस्य समकोणद्वयतुल्यत्वे कक्षकोण आधारगत एकः द्वितीयस्य भूलस्य अपक्षकोणस्य बृहत्कोटिकोणेन कक्षकोणेन तुल्य इति सिद्धम् ।

अथ यदि अक्ष, कक्षयोगः समकोणद्वयाधिकोऽस्ति तदा स योगः अक्ष, कक्षयोगादप्यधिकः । अतः कक्षभुजादधिकः कक्षभुजा जातः । अतः (गो. रे. से ९) कक्षकोणः कक्षकोणादधिको जातः । तथा कक्षकोणश्च कक्षकोणादधिकः कक्ष, कक्षकोणयोस्तुल्यत्वात् । (गो. रे. से ३ अ २) अतो भुजद्वययोगस्य समकोणद्वयाधिकत्वे एक आधारगतकोणो द्वितीयस्याधारगत-कोणस्य बृहत्कोटिकोणादधिकः स्यादिति सिद्धम् । एवं अक्ष, कक्षयोगः समकोणद्वयाल्पस्तदा अक्ष, कक्षयोगादपि लघुः कक्षभुजादल्पः कक्षभुजः स्यात् । कक्षकोणादल्पः कक्षकोणः कक्षकोणश्चाल्पः सिद्धः । अतो भुजद्वयो-गस्य समकोणद्वयाल्पत्वे द्वितीयस्य भूलानकोणस्य बृहत्कोटिकोणादेको भूलकोणो न्यूनो भवतीति सिद्धम् ।

अथ शेषोपपत्तिः । यदि अक्ष, कक्षयोगः समकोणद्वयतुल्यस्तदा कक्ष, कक्षकोणयोगोऽप्यनन्तरोक्तात् समकोणद्वयतुल्यः स्यात् । कक्षकोणस्य कक्षकोणसाम्यात् । कक्ष, कक्षकोणयोगस्य समकोणद्वयतुल्यत्वात् (गो. रे. से ३ अ २ से १०) एवं कक्ष, कक्षकोणयोगः समकोणद्वयाधिकस्तदा कक्षको-णादधिकः कक्षकोणस्तत्र अक्ष, कक्षयोगः समकोणद्वयाधिक इति सिद्धम् । एव कक्ष, कक्षकोणयोगः समकोणद्वयाल्पस्तत्र कक्षकोणादल्पः कक्ष-कोणः स चैको द्वितीयस्य बृहत्कोटिकोणादल्पो जातस्तदा अक्ष, कक्षभुजयो-गोऽपि समकोणद्वयाल्प एवेति सिद्धम् ॥

अथैकादशं क्षेत्रम् ।

गुरुगोलचिकोणस्य कोणस्थिते-
विन्दुमिमंण्डलान्यभ्रनन्दांशकेः ।

यानि तद्योगजातं चिकोणं परं
ते मिथः म्यर्धिनी कीर्तिते पण्डितैः ॥

गुरुस्य कोणजबृहत्कोटिः संमुखगोऽन्यदोः ।

द्वितीयदोर्बृहत्कोटिरेकस्य म्यात् स कोणकः ॥

कस्यचिद्गोलत्रिभुजस्य कोणत्रयविहाति ध्रुवाणि परमस्य गोलापरि नव-
स्यगोपद्वयत्रय क्रियते तेषां मयोगेन यत् त्रिभुजमुत्पद्यते द्वितीय तस्य प्रथम-

त्रिभुजस्य च एतादृशः संबन्धो भवति । यथा एकस्य कोणसंबन्धिवृहत्कोटिकोणो द्वितीयस्य भुजः द्वितीयस्य भुजसंबन्धिवृहत्कोटिरेकस्य कोण एवं मियः संबन्धः संमुप एव बोध्यः ।

यथा (६३ क्षेत्रं द्व.) अकषगोलत्रिभुजस्योक्तवृत्तते घउगत्रिभुजमुत्पन्नम् । अत्र कअभुजवृहत्कोटिः घउगकोणः । कअभुजवृहत्कोटिः घगउकोणः । अअभुजवृहत्कोटिः गघउकोणः । एवं घउगवृहत्कोटिः कअअकोणः । उगउवृहत्कोटिः अकअकोणः । गघउवृहत्कोटिः कअअकोण इति । यक, यअ, अकभुजा उभयदिशि वर्धनीयाः । तदा चस, लर, लरुरेपाश्चापछपाः स्युः । घउचापध्रुवः अविन्दुः । अअचापध्रुवो घविन्दुः । घगचापध्रुवः खविन्दुः । एवं कअचापध्रुवो गविन्दुः । अकध्रुवः उचिह्ने । छउध्रुवः अचिह्ने । अरध्रुवो घविन्दौ । अतः घरचापं, छउचापं च तुर्यमितं तदा घर, छउयोगः समकोणद्वयतुल्यः । घउ, छरयोगश्च तत्तुल्यः । परं तु छरचापं कअरकोणतुल्यम् । अतः घउचापवृहत्कोटिः कअरकोणः (गो. रे. क्षेत्रे ३) एवमन्यदपि । छउध्रुवः अविन्दुः । गउध्रुवः कविन्दुः । अतः अक, कअचापे तुर्यमिते तयोर्योगः समकोणद्वयतुल्यः तत्सम एव कअ, छउयोगश्च तत्र छउचापं घउगकोणः । अतः कअचापवृहत्कोटिः घउगकोणः । एवमन्यदपि ॥

अथ द्वादशं क्षेत्रम् ।

गोलत्रिभुजौ कोणानां योगः षट्समकोणतः ।

न्यून एव तथा ज्ञेयः समकोणद्वयाधिकः ॥

गोलत्रिभुजे कोणत्रययोगः समकोणद्वयादधिकः षट्समकोणान्यून एव भवति ।

तद्वया (६३ क्षेत्रं द्व.) प्रथमस्य अकषक्षेत्रस्य कोणत्रययोगः द्वितीयस्य घगउक्षेत्रस्य भुजत्रययोगेन युक्तः षट्समकोणतुल्यः स्यात् ।

तथाहि । १८० - अकोण = घउ । १८० - ककोण = गउ । १८० - यकोण = गघ । एषां द्वितीयक्षेत्रभुजानां योगः । ६ समकोण - अकोण - यकोण - ककोण । अयं प्रथमस्य कोणत्रययोगेन अ + क + य युक्तः षट्समकोणमितो ज्ञातः ।

अथ द्वितीयस्य भुजत्रययोगः समकोणचतुष्टयाद्यूनः (गो. रे. क्षेत्रे ८) अतः प्रथमस्य कोणत्रययोगः समकोणद्वयादधिक इति सिद्धम् ।

अथ गोलत्रिभुजमात्रेऽन्तःकोणत्रययोगः ग्रहिःकोणत्रययोगयुक्तः षट्सम-
कोणतुल्यः (गो.रे.ते ३ अ २) अतोऽन्तःकोणत्रययोगः षट्समकोणाच्चून इति
सिद्धम् ॥

अथ त्रयोदशं क्षेत्रम् ।

स्वध्रुवान्येष्टविन्दोः स्ववृत्तावधि
स्युर्हि चापानि यानीह तेषां भवेत् ।
इष्टविन्दोर्गतं नैजवृत्तध्रुवे
चापमेवाधिकं सर्वचापोन्मितेः ॥
तद्वृहत्कोटिचापं तु सर्वाल्पकं
चोत्तुकोदण्डतो दूरचापोन्मितेः ।
यत्समीपस्थचापं तदेवाधिकं
गोलपृष्ठेऽवगम्यं सुधीभिः सदा ॥

कस्यचिद्वृत्तस्य परिधयधि स्वध्रुवातिरिक्तगोलगताभीष्टविन्दुतो यावन्मि-
तानि चापानि क्रियन्ते तेषां मध्ये यच्चापमभीष्टविन्दुवृत्तध्रुवयोगतं तत्सर्व-
चापेभ्यो महत्तमं भवति । तद्वृहत्चापस्य यद्वृहत्कोटिचापं तत्सर्वेभ्यो लघुतमं
भवति । तथा पूर्वोक्तवृहत्चापादूरस्यचापापेक्षया समीपस्थचापं वृहद् भवति ।

यथा (६४ क्षेत्रं द्व-) अगकृत्तस्य ध्रुवः क्वचिद्देऽस्ति तदन्यः क्वापि गोले
रमभीष्टविन्दुः कल्पितः । एविन्दोर्निःसृतचापानां मध्ये वृत्तध्रुवोपरिगतं
एकत्रचापं अन्येभ्यो वृत्तपर्यन्तं गतेभ्यो हि एग, एघ, एउ, चापेभ्यो वृहदस्ति ।
एकत्रचापस्य वृहत्कोटिचापं एरुचापं सर्वेभ्योऽल्प भवति ।

अथ अष्टसचापादल्पं एगचापं ततोऽप्यल्पं एघचापं तस्मादल्पं एउचाप-
मतः पूर्ववृहत्चापादूरस्यचापापेक्षया समीपचापं वृहद्व्यत्येव ।

अत्रोपपत्तिः । अकरेणोपरि एवलम्ब्यः कार्यः । एअ, एग, एघ, एउ, एफ,
रेगः कार्याः । एग, एघ, एउरेगश्च कार्याः । अगकृत्तस्य अ, क्वचिद्दे अष्ट,
एककृत्तं द्विनति । अतः अकरेण अगकृत्तस्य व्यामरेण ज्ञाता । पुनः
अगकृत्तस्य ध्रुवः अष्टएककृत्ते गच्छति । ततः अगकृत्तोपरि अष्टएककृत्तं
लम्बद्वयं ज्ञातम् (गो.रे.ते १ अ) अतः अष्टएककृत्तक्षेत्रं अगकृत्तेनोपरि
लम्ब्य ज्ञातः अतः एउरेगोपरि अगकृत्तेनोपरि लम्बद्वया चचिद्वृत्तगनः कोणः

समकोणः सिद्धः । चखरेखा तु चग, चघ, चउ, चख, प्रत्येकरेखाभ्यां ऽधिकास्तीति रेखागणिततृतीयाध्यायसप्तमोत्रेण सिद्धमस्ति । तत्र चखरेखा सर्वरेखातो ऽल्पा यतः पूर्वाक्षरेखासु चग्रसमीपस्या ऽधिका दूरस्या । यथा । चग्रतो न्यूना चगरेखा चगतो न्यूना चघरेखा चघतो न्यूना चउरेखा चउतो न्यूना चखरेखा चेति । अथ च अचप्रवर्गयोगान्नूनः चप्र, चगवर्गयोगस्तथा चग्र, चप्रवर्गयोगतुल्यः अखवर्गस्तथा खच, चगवर्गयोगतुल्यः गप्रवर्गः । अतः अग्ररेखातो न्यूना गखरेखा ज्ञाता अखवर्गतो गखवर्गस्य न्यूनत्वात् । अतः अग्रचापतो गप्रचापं न्यूनम् । अग्ररेखा पूर्णरेखा तस्या अग्रं चापम् । एवं गग्ररेखारूपपूर्णज्यायाश्चापं गखचापमिति । एवं अग्रचापं प्रत्येकतः घप्र, खउ, खकचापतो ऽधिकमिव । तथा गप्रचापतो न्यूनं घप्रचापं ततो न्यूनं खउचापं ततो न्यूनं खकचापमिति । एवं अखचापोनभाधाशास्तद्वृहत्कोटिचापं खकं पूर्वाक्षप्रकारेण खकचापं प्रत्येकतः खउ, खघ, खग, अग्रचापतो न्यूनमिति सिद्ध्यति ॥

अथ चतुर्दशं क्षेत्रम् ।

चापजात्ये भुजस्तुर्यभागाल्पकः

संमुखस्तस्य कोणोऽपि तुर्याल्पकः ।

एवमभ्राङ्गभागाधिकश्चेद्भुजः

संमुखस्तस्य कोणोऽपि खाङ्गाधिकः ॥

गोलजात्ये भुजतत्संमुखकोणयोरेकगुणत्वं भवति ये कोणा वा भुजा नवत्यंशतोऽल्पास्ते सर्वे एकगुणाख्याः । अथ ये नवत्यंशतोऽधिकास्तेऽपि एकगुणाख्याः । ये च नवत्यंशाल्पा ये च नवत्यंशाधिका एतादृशा भिन्नगुणाख्याः (अ११ अनु ८) ।

यथा (६३ क्षेत्रेन्द्रः) अक्रप्रगोलजात्ये खअक्रकोणः समकोणस्तत्र यदि अक्रभुजस्तुर्यान्नूनस्तदा अखक्रकोणश्च तुर्यान्नूनः । एव यदि अक्रभुजस्तुर्यादधिकस्तदा अखक्रकोणोऽपि तुर्यादधिकः ।

अत्रोपपत्तिः । प्रथमं अघचापं तुर्यमितं खघचापं च तुर्यमितम् । अः समकोणः । अखदृत्तधुत्रो घत्रिन्दौ अतः खघं तुर्यमितम् । अग्रघकोणोऽपि समकोणो ज्ञातः । अतः अखक्रकोणः समकोणाच्चूनः अखघकोणपरवत्वात् । अत्र अक्रभुजस्य समकोणाऽल्पत्वे तत्संमुखः अग्रक्रकोणोऽपि समकोणान्त इति सिद्धम् । यदा अक्रभुजस्तुर्यादधिकः ६६ क्षेत्रेऽस्ति तत्र अघचापं तुर्यमितं

एवंचापं च तुर्यमितम् । अखवृत्तध्रुवो घबिन्दौ अतः अः समकोणः
अखघकोणोऽपि समकोणः । अखघकोणादधिकः अखककोण इति भुजस्य
समकोणाधिकत्वे तत्संमुखकोणस्याऽपि समकोणाधिकत्वं सिद्धम् ॥

अथ पञ्चदशं क्षेत्रम् ।

यदा खाङ्गभागाल्पकौ वाऽधिकौ तौ
भुजौ कर्णचापं तदा खाङ्गतोऽल्पम् ।
यदैको नवत्यंशतोऽल्पोऽधिकोऽन्य-
स्तदा चापजात्ये श्रुतिः खाङ्गगुर्वी ॥

यदा गोलजात्ये भुजौ सगुणौ द्वौ समकोणाच्चूनौ वाऽधिकौ तदा कर्णः
खाङ्गादल्पः स्यात् । यदा भुजौ भिन्नगुणावर्थादेकौ नवत्यंशाऽल्पः परे नव-
तिभागाधिकस्तदा कर्णो नवत्यंशाधिकः स्यात् ।

अत्रोपपत्तिः (६५ क्षेत्रं द्र०) यदा अरु, अरुभुजौ तुर्याच्चूनौ तदा कर्णचापं
तुर्याच्चूनं भवति । तदाथा । अरुचापध्रुवः चचिह्ने अतः खघचापाच्चूनं खक-
चापम् । हे १३ । परन्तु एघं तुर्यमितं ततोऽल्पं खकचापमिति सिद्धम् ।

अथ गरु, गरुभुजौ समकोणाधिकौ तदा (६५ क्षेत्रं द्र०) एकगं चापजात्यं
द्रष्टव्यम् । तत्र गकोणः समकोणः (क्षेत्रं अनु २) पूर्वं एघं तुर्यमितं ततो-
ऽल्पं खकचापमित्युक्तकर्णः समकोणाल्प इति सिद्धम् । द्वितीयन्तु (६६ क्षेत्रं द्र०)
तत्र अरुभुजस्तुर्यादधिकः अप्रं तुर्यमितम् । अतः एघं तुर्यमितं एघचापा-
दधिकं खकचापं तस्मादुजयोर्भिन्नगुणत्वे कर्णस्तुर्यादधिक इति सिद्धम् ।

अत्रानुमानम् । यदा कर्णस्तुर्यादधिकस्तदा भुजौ भिन्नगुणौ एवं कर्णस्य
तुर्याल्पत्वे भुजावेरुगुणौ भवतः ।

द्वितीयानुमानम् । कर्णस्य तुर्याधिकत्वे कोणौ भिन्नगुणौ तथा कर्णस्य
तुर्याल्पत्वे कोणावेरुगुणौ भवतः ॥

अथ षोडशं क्षेत्रम् ।

अन्तर्लम्बे चापच्यम्भे भूसंलग्नौ खाङ्गाल्पो स्तः ।

खाङ्गोरु वा कोणौ चायो बाह्ये लम्बे खाङ्गाल्पोरु ॥

त्रिभुजे शीर्षकोणादाधारान्तर्लम्बो यदा पतति तदाऽऽधारमंलग्नकोणा-
वेरुगुणौ । एवमाधाराद्वह्निर्लम्बपतने आधारमंलग्नकोणौ भिन्नगुणौ भवतः

(६७ क्षेत्रं द्र०) अरुप्रभुजस्यान्तः खगलम्बः तदा यत्रक, यत्रककोणावेकगुणौ । यत्रककोण, यत्रभुजावेकगुणौ । तथा यत्रककोण, खगभुजावेकगुणौ । अतः यत्रक, अत्रककोणावेकगुणौ जातौ । एवं बहिर्लम्बपतने (६८ क्षेत्रं द्र०) तत्र यत्रककोण, यत्रभुजावेकगुणौ । तथा यत्रककोण, यत्रभुजावेकगुणौ । अतः यत्रक, यत्रककोणावेकगुणौ परन्तु यत्रककोणस्य बृहत्कोटिकोणः यत्रककोणः यत्रककोणेन भिन्नगुणोऽस्तीति सिद्धम् ।

अनुमानम् । यदाधारागतौ कोणावेकगुणौ तदा आधारात्तर्लम्बपातः स्यात् । एवं तावाधारागतौ कोणौ भिन्नगुणौ तदाधाराद्बहिर्लम्बपतनं बोध्यमिति ॥

अथ सप्तदशं क्षेत्रम् ।

भूमेरल्पविवर्धनेन गदितो लम्बः समीपाभिध-

स्तज्जा लब्धवधा भवेत्तद्युभुजे लया परं द्योयुतिः ।

वृत्तार्धाल्पमिताथ द्योयुगयुतिः खाष्टेन्दुभागाधिका

सा लब्धी त्ववधा बृहद्भुजगता या प्रोक्तलम्बाश्रिता ॥

गोलत्रिभुजे चेदन्तर्लम्बपतनं वा बहिर्लम्बपतनं तत्र यद्विंश समीपलम्बस्तद्विंश लब्धावाधा लघुभुजसंलग्ना भवति परं भुजद्वययोगस्य वृत्तार्धाल्पत्वे एव यदा भुजद्वययोगो वृत्तार्धाधिकस्तदा लब्धावाधा बृहद्भुजसंलग्ना स्यात् । अत्र भूमेर्लघुवर्धनेन यद्विंश लम्बः स एव समीपलम्बस्तद्विंश ज्ञेयः ।

यथा (६९ क्षेत्रं द्र०) यत्रकगोलपरिधेर्युधः क्वचिन्हेऽस्ति । अकषड्वृत्तापरि चकृगवृत्त लम्बः कार्यः पुनः चकृगवृत्ते क्वापि यच्चिह्न कार्ये पुनः क, यत्रिहोपरिगत कषड्वृत्त अयच्चिहोपरिगतं अयधवृत्तं कार्ये अकषड्वृत्तापरि कषड्वृत्तलम्बः अकषड्वृत्तलम्बश्च कार्यः अत्र अकषड, कषड, अयध, वृत्तजनितानि चत्वारि त्रिभुजान्युत्पन्नानि अपकं १ अयड २ कषड ३ यधक ४ । अथ अयक-त्रिभुजे यत्रलम्बोऽन्तः पतितोऽस्ति तत्र अय, यक भुजयोग्यौ वृत्तार्धादल्पोऽस्ति यदा तदा लब्धावाधा लघुभुजसंलग्ना स्यात् । चकृगवापस्य बृहत्कोटिचापं यत्रं यत्रलम्बसमीपे यत्रचाप यत्रदूरे यत्रचापमतः कषचापादल्प अयचापमस्ति (७३ क्षेत्रात्) एव यत्रचापादधिकं यधचापं परन्तु यध, यत्रयोगः समकोणद्वयतुल्यः । अतः अय, यकभुजयोगः समकोणद्वयात्प्राप्ता जातः । अत्र कषभुजादल्पः अयभुजः । अतः अय लब्धावाधा अपन्युभुजसंलग्ना जाता । अथ अयडत्रिभुजे यत्रिन्दुत, यधनम्यो यधिः पतितः यत्रलम्बश्च यधिः पतितः

परन्तु चउच्चापादल्प अगचापमतः सगचापं समीपलम्बसज्ज तत्र उख,खअभु-
जयोगः समकोणद्वयाल्पः । अत्र लघ्वावाधा अगचापरूपा लघुभुजसंलग्ना-
स्तीति सिद्धम् । अउभुजात् अगभुजस्य न्यूनत्वात् । अथ उप,खरूयोगः सम-
कोणद्वयतुल्यः परन्तु परभुजः अपभुजादधिकः अतः उख,खअभुजयोर्योगो
घृतार्धाच्चूनोऽस्ति परन्तु पूर्ववत् सगलम्बसमीपे अपं सगदूरे उखं अतः उखचा-
पादल्प अपचाप ततो लघुभुजस्य अपस्य संलग्ना लघ्वावाधा अगचापरूपा
जाता । अथ घप्रउत्रिभुजे उख घरूयोगः समकोणद्वयादधिकः अतस्तस्मिन्
त्रिभुजे लघ्वावाधा,घचरूपा बृहद्वुजसमपीपगास्ति घअभुजादल्पः उख-
भुजः । यतः घअ,खरूयोगः उप,पररूयोगश्च समकोणद्वयतुल्यः । खअभुजात्
परभुजस्याधिकत्वात् परअभुजेनभाधाशा, खघमिताः कखभुजेनभाधाशमि-
तात् उखभुजादधिका एव जाताः । अथ घअकगोलत्रिभुजे घघ,कखयोगः
समकोणद्वयादधिकः परमत्र बहिर्लम्बः परचरूपः समीपलम्बः । अतोऽत्रापि
बृहद्वुजसमपीपगा लघ्वावाधा घचचापरूपास्ति । घअभुजादल्पः कखभुजः
घघ, कखयोगः समकोणद्वयादधिक इति । इदमेवेष्टम् ॥

अथाष्टादश त्रैचम् ।

लघुरुवृत्ते बृहदन्यवृत्त-

द्वयध्रुवस्थानधिलग्नके ये ।

तदन्तरस्ये बृहदन्यवृत-

द्वयस्य चापे भवतः समाने ॥

गोलेऽथदि द्वे वृत्त अन्यवृत्तयोर्धुंग्रगते तद्वा ध्रुवगतवृत्तयोरन्तरये अन्यवृत्तयोश्चापे तल्ये भवतः ॥

यथा (२० त्वं द्र-) पीधीन, पीजीनरुत्ते मीफडी, एफवीरुत्तयोधुं-
घगते तदा धुवगततृत्तयोः पीधीन, पीजीनरुत्तयोरन्तरगे अन्यरुत्तयोः मीफ-
डी, एफवीरुत्तयोरवापे वीही, ववीरुत्ते तुल्ये भवत । यथा एफथी, मीफडीरु-
त्तयोः फयिन्दौ सपातः । अनयोर्ध्यासरयामितन ईयिन्दौ । पीधीनरुत्तय-
केन्द्र ईयिन्दुः । अतः एफथी, मीफडीरुत्तयोर्धुवः पीजीनरुत्ते स्यात् । अत्रैवेति
परि मनरेषा लभ्यः सोढारेषोपरि पीपूरेषालम्ब नडा तयोर्त्तये धुं मन-
यो, ययिन्दुषु सिद्धः । पीजीनरुत्त कार्यम् । तस्य रुत्ताभ्या सपातः च, जाविहृयो-
रस्ति । एफथी, मीफडीरुत्तयोः पीधीनरुत्तेन सयोगः धी, वीविहृयोरस्ति । पी-

धीन,पीजीनवृत्ते एफवी,सीफडीवृत्तयोर्ध्रुवगते तिष्ठतः । अतः जीडी,चवीचापे तुल्ये ॥

अत्रोपपत्तिः । पीवीन,पीजीनवृत्तयोः संपातरेखा पीकलनरेखा । अथ ईच,चक,ईजी,जील,पीजी,नचरेखाः कृताः । पीईल,नईकत्रिभुजयोः पीकोण,नकोणौ तुल्यौ । यतः पीकोणः पूनचापसंमुखस्तथा तत्तुल्यमपीचापसंमुखो नकोणोऽस्ति । अथ पीईल,नईककोणौ समकोणौ । अथ द्वयोः क्षेत्रयोः ईपी,ईनभुजौ तुल्यौ । अतः (२-प्र१ते२६) पीलभुजः नकभुजेन तुल्यस्तथा ईलभुजः ईकभुजेन तुल्यो जातः । अथ सीफडीवृत्तोपरि पूईरेखा लम्बः अतः पीईलीकोणः समकोणः । एवं नईचकोणः समकोणः अतस्तत्संमुखे पीजी,नचचापे तुर्यमिते सिद्धे । अथवा सीफडीवृत्तस्य प्रदेशविशेषो जीबिन्दुस्तद्वृत्तध्रुवात् पीबिन्दोर्नैवत्यंशान्तरे तेन पीजीचापं तुर्यमितम् । एवं एफवीवृत्तध्रुवात् नचिह्नात् तद्वृत्तप्रदेशः चबिन्दुस्तुर्यमित एवास्ति । पीजी,नचचापे तुल्ये चजीचापहीने शेषे पीच,नजीचापे तुल्ये एव । अथ पीलजी,नकचत्रिभुजयोः पील,नकभुजे तुल्ये पूर्णसिद्धत्वात् । पीजी,नचरेखे च तुल्ये नवत्यंशपूर्णं ज्ञायाम्ये । एव लपीजीकोण नजीचापसंमुखः तथा कनचकोणः पीचचापसंमुखः नजी,पीचचापयोस्तुल्यत्वेनैतौ कोणौ तुल्यौ । अतस्त्रिभुजयोर्भुजद्वयकोणौ क्रमाभ्यां शेषौ लजी,कचभुजौ तुल्यौ जातौ । अथ ईकच,ईलजीत्रिभुजयोः ईक,ईलभुजौ तथा लजी,कचभुजौ तुल्यौ पूर्णसिद्धत्वात् । अथ गोलकेन्द्रात् ईबिन्दोः ईच ईजीरेखे त्रिज्यातुल्ये तेनानयोः सर्वे भुजास्तुल्याः । अतः चईककोणः वीईलकोणस्तुल्यः । तत्कोणसंमुखे चवी,जीडीचापे तुल्ये सिद्धे । ईच,ईवीरेखे त्रिज्यासूत्रे ईजी,ईडीरेखे च त्रिज्यामिते । अतः केन्द्रगतकोणमानं चवीजीडीचापसमम् । इदमेवेष्टम् ॥



॥ श्रीगणेशाय नमः ॥

॥ अथ चापीयचिकोणगणितम् ॥

भक्तहृन्मन्दिरं गोकुले चन्दिरं
सेन्दिरं सुन्दरं नन्दरं कुन्दरम् ।
कामदानां घरं युक्तनीलाम्बरं
नैति पीताम्बरं विज्ञनीलाम्बरः ॥ १ ॥

रचितं निचितं सकलं सकलं
ललितं चलितं गणितं भणितम् ।
विबुधैरथ चापमवे विभुजे
प्रयदामि सुसज्जनरञ्जनकम् ॥ २ ॥

अथ चापविभुजं गोलपृष्ठे त्रिभिर्महद्वृत्तवापैक्यत्वं तत्र त्रयो भुजास्त्रयः
कोणाश्चेति पट् पदार्थास्तेषु त्रयाणां पदार्थानां ज्ञाने शेषपदार्थत्रयज्ञानं
वक्ष्यमाणरीत्या संपद्यते । अत्र कोणा विषमा एव भवन्ति । यत्र लम्बरूप-
तयोः संयोगजनितः समकोणस्तत् किल चापजात्यं तत्र समकोणस्तु, नियत
एव भुजकोटिकर्णा द्वौ कोणौ विषमौ चेति पञ्च पदार्थास्तेषां द्वयोर्ज्ञाने
शेषाणां ज्ञानं जायते तदर्थं चापजात्यसाध्यानि लिख्यन्ते ॥

तत्र प्रथमप्रतिज्ञा । चापजात्ये एकभुजज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः
सैव द्वितीयभुजच्छायया द्वितीयभुजसमुपकोणच्छायाया निष्पत्तिः ॥

तदाया (८१ क्षेत्रं द्र०) एयोसीत्रिभुजे गोलगर्भकेन्द्रात् हीयिन्दुरुपात्
हीवी, हीए हीसीरेखाः कार्यः । हीवीएवेत्र हीवीरेखापरि एयिन्दुतः एकलम्बः
कार्यः । तदपात् एयिन्दुतः हीवीसीवेत्रे फईलम्बः कार्यः । हीसीरेखा
इयिन्दुपर्यन्तं घट्टनीया । इएरेखाकार्यः । एयोवापज्या एफरेखा स्यात् ।
अथ हीवीरेखापरि ईफ, एफरेखे लम्बौ अतः हीवीरेखा ईफ, एफरेखयोः परि
लम्बस्तेन एफरेखेपरि हीवीरेखे लम्बः । अयमेकादशाध्यायस्य चतुर्थे-
खण्डे सिद्धः । तत्र रेखाद्वययोगे लम्बः स क्षेत्रेपरि लम्ब इत्युक्तमस्ति । अथ

तस्मिन्नेवाध्याये सप्तदश १७ क्षेत्रे एवंप्रतिपादितम् । कस्मिंश्चिद्भूरातने या
रेखा लम्बस्तद्वैषापतितधरातलमपि पूर्वधरातले लम्ब इत्यतः एईफक्तेत्रोपरि
लम्बभूतहीवीरेखापतितं हीवीएक्तेत्रं लम्बा जातः । अथो भुजकोट्योर्मिषो
लम्बत्वेन तत्क्षेत्रोपरि मिषो लम्बत्व तेन हीवीएक्तेत्रोपरि हीसीएक्तेत्रं ल-
म्बोऽस्ति । अथ यस्यैकं पण्डं लम्बस्तत्संपूर्णमपि लम्ब इति हीईएक्तेत्रपण्डं
हीसीएक्तेत्रं तेन हीवीएक्तेत्रोपरि हीईएक्तेत्रं लम्बः सिद्धः । पूर्वं हीवीएक्तेत्रोपरि
एईफक्तेत्रं लम्बरूपत्वेन सिद्धमती लम्बरूपक्षेत्रयोर्मिषेनात्येवा ईईरेखा ही-
वीएक्तेत्रोपरि लम्बरूपा सिद्धा । एकधरातलोपरि यदि धरातलद्वयं लम्बो
भवति तदा तयोर्गणरूपरेखापि लम्बो भवतीत्यष्टादशक्षेत्रेण सिद्धत्वात् ।
अथ रेखाद्वययोगे यो लम्बः स क्षेत्रोपरि लम्ब इत्येकादशेऽध्याये चतुर्थक्षेत्रे
निरूपितम् । तत्र क्षेत्रोपरि लम्बस्तु रेखाद्वययोगे लम्ब एवेति नियमात् प्रकृते
हीवीएक्तेत्रोपरि लम्बरूपा ईईरेखा फए, हीईरेखायोगे एचिह्ने लम्बः स्यात्
तेन ईईरेखा फए, हीईरेखायोर्परि लम्बरूपा सिद्धा । अतः फएईकोणः सम-
कोणस्तथा डीईईकोणश्च समकोणो जातः । फएई, डीईईक्षेत्रं जात्यक्षेत्रे
सिद्धे । तत्र डीईरेखायास्त्रिज्यामितत्वेन तदुपरि ईईरेखाया लम्बत्वेन ईईरेखा
एसीचापस्यच्छाया जाता । यत्तश्चापस्य एकप्रान्ततो द्वितीयप्रान्तगतवृत्तप-
ण्डिनीरेखावधिका छाया भवति । प्रकृते हीईरेखा वृत्तपण्डिन्यस्ति तेन ईई-
रेखायाश्छायायात्वं सिद्धम् । अथ कर्णक्षेत्रकोटिक्षेत्रयोगरेखा हीवीरेखा तत्स्यफ-
विन्दुतः फई, फएरेखे कर्णकोटिक्षेत्रयोः क्रमेण लम्बरूपे क्षते तदुत्पन्नकोणः
ईफएकोणः कर्णकोटिक्षेत्रयोनंमनतुल्य एकादशाध्यायस्य चतुर्थपरिभाषया
सिद्धः । कर्णकोटिक्षेत्रनामनं तु सीवीएकोणस्तेन सीवीएकोणतुल्यः ईफएकोणः
सिद्धः । अथ जात्ये क्षेत्रे कोट्या त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव भुजेन भुजसं-
मुखकोणच्छायाया निष्पत्तिरिति त्रिकोणगणिते पूर्वमुक्तमतः एफईजात्ये
एफरूपया एसीचापस्यया कोट्या त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव एईभुजेन एसी-
चापच्छायायरूपेण एईभुजसमुपस्य ईफएकोणस्य सीवीएकोणतुल्यस्यच्छायाया
निष्पत्तिरिति प्रथमप्रतिज्ञोपपत्ता ॥

एसीज्याः त्रिज्या=एसीह्राः सीवीएकोणच्छा ॥

एवं सर्वत्र चापजात्ये प्रथमक्षेत्रमुपपन्नं भवति ॥

अत्र निष्पत्तिस्यरूपस्य त्रैशिकस्यरूपाभिचत्वात् प्रमाणतत्फलच्छात-
फलस्यरूपाणि भवन्ति । तत्र प्रथमचतुर्थपण्ड्यातो द्वितीयवृत्तीयघाततुल्यो

भवत्येव । सीवीएकोणच्छाया कोणलग्नस्य एवीचापस्य ज्यया गुणिता त्रिज्या-
भक्ता फलं कोणसंमुखएवीचापस्यच्छाया स्यादिति सिद्धम् ॥

चापजात्ये कोणलग्नभुजज्याकोणभाहतिः ।

त्रिज्याभक्ता फलं छाया कोणसंमुखबाहुजा ॥

कोणसंमुखदोश्छाया त्रिज्याघ्नी कोणभाहृता ।

कोणलग्नभुजज्या स्यात् तद्भक्ता कोणभा फलम् ॥

अस्योपपत्तिरुक्तप्रकारवैपरीत्येन बोध्या । उक्तप्रकारोपपत्तिरपि प्रकारान्तरा-
भ्यामप्येव व्युत्पद्यते इत्यलम् ॥

अथ द्वितीय प्रकारः । कोणचापज्या त्रिज्यागुणः कोटिज्याभक्ता कोणच्छाया
भु. त्रि. को. । एवं कोणकोटिज्या त्रिज्यागुणा कोणज्याभक्ता कोणकोटिच्छाया

को. त्रि. भु. । अत्र त्रिज्यया कोणच्छायायां भक्तायां भु. त्रि. कोणकोटिच्छाया
को. त्रि. भु.

या त्रिज्यायां भक्तायां वा भु. त्रि. को. त्रि. । फलं तुल्यं तेन त्रिज्यया कोणच्छायाया

या निष्पत्तिः सैव कोणकोटिच्छायाया त्रिज्याया निष्पत्तिः । त्रिःवीकोणच्छा=
वीकोणकोटिच्छाः त्रि. अथ प्रथमतेजसिदृष्टस्वरूपस्य एवीज्याः त्रि=एसीछाः वी-
कोणच्छा । एकान्तरनिष्पत्तिस्वरूपम् । त्रिः वीकोणच्छा=एवीज्याः एसीछा ।
अस्य सांप्रतीकसिद्धिस्वरूपस्य च न्यःसः ॥

त्रिःवीकोणच्छा=एवीज्या एसीछा अत्र तुल्यनिष्पत्त्योरप्यगमे शेषयोन्यासः ।
त्रिःवीकोणच्छा=वीकोणकोटिच्छाः त्रि

एवीज्या. एसीछा अतः एवीचापज्यया सीवीएकोणकोटिच्छायाया या
वीकोणकोटिच्छाः त्रिज्या निष्पत्तिः सैव एसीचापच्छायाया त्रिज्याया निष्पत्तिरिति सिद्धं प्रथमतेजान्तर्गतं
साध्यम् ॥

कोणस्य कोटिच्छायाघ्नी कोणसंमुखबाहुभा ।

त्रिज्याभक्ता चापजात्ये कोणलग्नभुजज्यका ॥

कोणकोटिभया भक्ता कोणलग्नभुजज्यका ।

त्रिज्याघ्नी च फलं चोया कोणसंमुखबाहुभा ॥

अथ द्वितीयं क्षेत्रम् । चापजात्ये कर्णज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव भुजज्यया भुजसमुबकोणज्याया निष्पत्तिः ॥

कज्याः त्रि = भुज्याः भुसकोणज्या ॥

अत्रोपपत्तिः । (७२ क्षेत्र द्व.) एबीसीक्षेत्रे डीबिन्दोर्गर्भरूपात् डीसी, डीए, डी-
वीरेखात्रयं कार्यम् । अथ डीवीरेखापरि कर्णधरातले ईसीलम्बः कार्यः । ईसीरेखा
कर्णज्या । अथ कोटिधरातले तस्मादेव बिन्दोः ईफलम्बः कृतः । सीफरेखा
कार्यम् । अथैकादशाध्यायवतुर्थक्षेत्रे रेखाद्वययोगे यो लम्बः स क्षेत्रोपरि लम्ब इत्यु-
क्तत्वात् प्रकृते डीबीरेखापरि ईसी, ईफरेखे लम्बौ तद्वेद्ययोगे ईबिन्दोः डीवी-
रेखा लम्बो जातः । एकरेखापरि द्वितीयरेखा लम्बस्तदा द्वितीयरेखापरि एकरे-
खापि लम्ब एवेति प्रसिद्धत्वात् । प्रकृते रेखाद्वययोगे डीबीरेखाया लम्बत्वेन
सीफईक्षेत्रोपरि डीबीरेखा लम्बः सिद्धः । (अ ११ क्षेत्र ४) अथ डीबीरेखापतितं
डीएबीक्षेत्रं सीफईक्षेत्रोपरि लम्बो जातः (अ ११ क्षेत्र १७) तेन डीएबीक्षेत्रोपरि
सीफईक्षेत्रं लम्बो जातः । डीएबीक्षेत्ररूपकोटिक्षेत्रोपरि एडीसीक्षेत्रं भुजक्षेत्रं
लम्बोऽस्त्येव तेन डीएबीक्षेत्रोपरि लम्बरूपयोः सीफई, एसीडीक्षेत्रयोर्योगरेखा
सीफरेखापि लम्बो जातः । (अ ११ क्षेत्र १८) क्षेत्रोपरि लम्बरेखा तु स्वमूलगतासु
सर्वरेखासु लम्बरूपैवेति (अ ११ क्षेत्र ४) सिद्धत्वात् प्रकृते लम्बमूले फलिह-
गतासु फए, फडी, फईरेखासु सीफरेखा लम्बो जातः । अत एडीरेखापरि सीफ-
लम्बस्तेन भुजज्या जाता । चापैकायगतसीबिन्दोस्तदन्यायगतएबिन्दुलग्नएडी-
रेखावधि सीफरेखायाः स्थितत्वात् । अथ फईरेखापरि सीफरेखायाश्च लम्ब-
त्वात् सीफईकोणः भुसकोणस्तन सीफईक्षेत्रं जात्यं सिद्धम् । फईसीकोणस्तु
सीबीएकोणतुल्योऽस्ति । तद्वथा । कर्णकोटिक्षेत्रयोः गरेखास्यस्य ईबिन्दोः क्रमेण
कर्णकोटिक्षेत्रयोर्लम्बौ ईसी, ईफरेखे कृतौ तदुत्पन्नकोणः कर्णकोटिक्षेत्रयोर्न-
नेन तुल्यः (अ ११ प ४) अथ सांफईजात्ये सीफभुजज्या सीई, कर्णज्या ।
अतः कर्णज्यया तत्संमुखकोणज्या त्रिज्या लभ्यते तदा सीफरेखया एसीचा-
पज्यया केति तत्संमुखसीईफकोणज्या लब्धा सैव सीएवापरूपभुजसंमुखी एबी-
सीकोणज्या लभ्यते । एवं कर्णज्यया त्रिज्या तदा एबीचापज्यया केति एसी-
बीकोणज्यापि सिद्धति । अत उपपन्नं प्रागुक्तमिति ॥

कर्णज्या कोणजीवाद्यौ चिज्याभक्ता फलं भवेत् ।

कोणसंमुखबाहुज्या चापजात्याभिधानके ॥

कोणसेमुखबाहुज्या विज्याघ्नी कर्णजीवया ।

भक्ता फलं तु कोणज्या चापजात्याभिधानके ॥

अथ तृतीय क्षेत्रम् ॥

तत्र कोणकोटिज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव कोणलग्नभुजच्छायाया कर्णच्छायाया निष्पत्तिः ॥

कोकोज्याः त्रि=कोलभुक्ताः कृता ॥

अत्रोपपत्तिः । (३३ क्षेत्र द्व०) एधीसीक्षेत्रे धीएभुजो वर्द्धितः डीपर्यन्तं वृत्तपादमित एवं धीकेन्द्रात् धीडीरूपनवत्यथैवृत्तपादः डीईफः कार्यः धीसीवर्द्धिता ईपर्यन्तं वृत्तपादमिता एसीफचिह्नावधि वर्द्धिता वृत्तपादमिता जाता फडी-चापध्रुवे डीधीचापं गतमतः डीबीचापध्रुवे फडीचापं गमिष्यति । पुनः सीएचापं डीबीचापोपरि लम्बोऽस्त्येव । अतः डीबीचापध्रुवे सीएचापं गमिष्यति । द्वयोः संपाते फविह्वे धीडीचापध्रुवः सिद्धः । अत्र एधीसीकोणः ईडीचापरूपः । तथा कोणकोटिः फईचापरूपा । कर्णकोटिः ईसीचापरूपा । सीएभुजकोटिः फमीचापम् । एधीभुजकोटिः डीएचापम् । अथ एसीवी, ईसीफकोणौ समुपगौ तुल्याधेव । ईसीफचापजात्ये प्रथमसाध्यतः फईचापज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव ईसीचापच्छायाया तत्संमुपफकोणच्छायाया निष्पत्तिः । फईज्याः त्रि=इमीकृताः फकोणकृता । अत्र फईचाप धीकोणकोटिः । ईसीचापं कर्णकोटिः । फकोणः डीएचापं धीएचापकोटिरूपम् । धीएभुजः एधीसीक्षेत्रे । तेन एधीसीक्षेत्रे धीकोणकोटिज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव कर्णकोटिच्छायाया कोणलग्नभुजकोटिच्छायाया निष्पत्तिः । कोकोज्याः त्रि=कोलभुक्ताः कोलभुकोक्ता अत्रैकान्तरनिष्पत्तिस्वरूपे कृते न्यासः । कोकोज्याः फकोक्ता=त्रिः कोलभुकोक्ता । कोणकोटिज्यया कर्णकोटिच्छायाया या निष्पत्तिः सैव त्रिज्यया कोणलग्नभुजकोटिच्छायाया निष्पत्तिः । अथ त्रिज्यया चापकोटिच्छायाया या निष्पत्तिः सैव चापच्छायाया त्रिज्याया निष्पत्तिरिति प्रमिदुत्यात् । कोणकोटिज्यया कर्णकोटिच्छायाया या निष्पत्तिः सैव कोणलग्नभुजच्छायाया त्रिज्याया निष्पत्तिः । कोणकोज्याः फकोक्ता=कोलभुक्ताः त्रि ॥

कोणलग्नभुजच्छाया कर्णकोटिभया हृता ।

विज्याभक्ता चापजात्ये कोणकोटिज्यया भवेत् ॥

विज्याघ्नी कोणकोटिज्या कर्णकोटिभया हृता ।

कोणलग्नभुजच्छाया जायते चापजात्यके ॥

अथ कर्णकोटिच्छायाया भुजकोटिच्छायाया या निष्पत्तिः सैव भुजच्छाया-
या कर्णच्छायाया निष्पत्तिः । तत्राद्या । कर्णकोटिज्या त्रिज्यागुणा कर्णज्याभ-
क्ता जाता कर्णकोटिच्छाया $\frac{\text{कर्णकोटिज्या} \cdot \text{त्रि}}{\text{कर्णज्या}}$ । भुजकोटिज्या त्रिज्यागुणा भुजज्या-

भक्ता भुजकोटिच्छाया $\frac{\text{भुजकोटिज्या} \cdot \text{त्रि}}{\text{भुजज्या}}$ । अथ भुजज्या त्रिज्यागुणा भुजकोटि-

ज्याभक्ता भुजच्छाया $\frac{\text{भुजकोटिज्या} \cdot \text{त्रि}}{\text{भुजकोटिज्या}}$ । कर्णज्या त्रिज्यागुणा कर्णकोटिज्या भक्ता

कर्णच्छाया $\frac{\text{कर्णकोटिज्या} \cdot \text{त्रि}}{\text{कर्णकोटिज्या}}$ । अत्र कर्णकोटिच्छायाया भुजकोटिच्छाया भक्ता

$\frac{\text{कर्णकोटिज्या} \cdot \text{भुजकोटिज्या} \cdot \text{त्रि}}{\text{कर्णकोटिज्या} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{भुजकोटिज्या}}$ । भुजच्छायाया कर्णच्छाया भक्ता या फल तुल्यमेव तेन

पूर्वसिद्धनिष्पत्तौ । कोणकोटिज्याः त्रिज्या = कर्णकोटिज्याः कोलभुजकोटिज्या । कर्ण-
कोटिच्छायास्याने कोणलग्रभुजच्छाया तथा कोणलग्रभुजकोटिच्छायास्याने
कर्णच्छाया निग्विता । न्यासः । कोणकोटिज्याः त्रि = कोलभुजकोटिज्याः कक्षा । अतः
कोणकोटिज्याया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव कोणलग्रभुजच्छायाया कर्णच्छा-
याया निष्पत्तिः ॥

कर्णच्छाया चापजात्ये कोणकोटिज्यकाहता ।

त्रिज्याभक्ता फल कोणसंलग्नभुजभा मता ॥

कोणलग्रभुजच्छाया त्रिज्याघ्नो कर्णभाहता ।

कोणकोटिज्यका प्रोक्ता तदाप्रा कर्णभा फलम् ॥

एतेन तृतीयसाध्यमुपपन्नमिति ॥

अथ ईसीफचापजात्ये द्वितीयक्षेत्रतः फसीचापज्यया तत्समुच्चकोणज्या त्रि-
ज्या लभ्यते तदा फईसीफचापज्यया केति ईसीफकोणज्या $\frac{\text{फईसीफचापज्या} \cdot \text{त्रि}}{\text{फसीज्या}}$ । एतत्तुल्यैव

एसीबीकोणज्या । अतस्त्रिज्यया कोणज्यया सीबीचापज्या लभ्यते तदा एसी-
बीकोणज्यया $\frac{\text{फईसीफचापज्या} \cdot \text{त्रि}}{\text{फसीज्या}}$ केति लब्धा एबीचापज्या $\frac{\text{फईसीफचापज्या} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{सीबीज्या}}{\text{फसीज्या} \cdot \text{त्रि}}$ ।

अत्र त्रिज्ययोर्युगलहरयोर्नाशे फसीचापज्याकर्णं फईचापज्या भुजस्तदा सीवी-
ज्याकर्णं क इति वा एवीचापज्या स्यात् । $\frac{\text{फईज्या} \times \text{सीवीज्या}}{\text{फसीज्या}}$ । अत्र प्रमाणफ-

लेच्छाफले तुल्यकोणसंमुखगे भुजज्ये भवतः सर्वत्रेति बोध्यम् । अत्र फई-
चापज्या बीकोणकोटिज्या सा सीवीचापरूपकर्णज्यया हता कोणसमुत्तभुज-
कोटिज्यया फसीचापज्यया भक्ता फल बीकोणलग्नएवीचापज्यारूपो भुजः स्यात् ।

कर्णज्याकोणकोटिज्याघाते कोटिज्यया हृते ।

कोणसंमुखबाह्येस्तु कोणलग्नभुजज्यका ॥

कोणलग्नभुजज्याघ्री कोणसंमुखबाहुजा ।

कोटिज्या कर्णजीवाया कोणकोटिज्यका फलम् ॥

इति सिद्धम् ।

अथ चतुर्थे सेत्रम् । तत्र कर्णकोटिज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव एक-
कोणकोटिच्छायाया द्वितीयकोणच्छायाया निष्पत्तिः । ककोः त्रि=एककोको-
छाः द्विकोछा ।

अत्रोपपत्तिः (७३ सेत्रद्रष्टव्यम्) ईसीफवापजात्ये प्रथममाध्यतः ईसी-
चापज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव फईचापच्छायाया तत्संमुखईसीफकोण-
च्छायाया निष्पत्तिः सिद्धा । ईसीज्याः त्रि=फईछाः सीकोणच्छा । अत्र ईसीज्या
कर्णकोटिज्या । फईछाया बीकोणकोटिच्छाया । ईसीफकोणच्छायातुल्या एसी-
वीकोणच्छाया । द्वयोः कोणयोस्तुल्यत्वात् । अतः एसीवीचापजात्ये कर्णकोटि-
ज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव एवीमीकोणकोटिच्छायाया एसीवीकोण-
च्छायाया निष्पत्तिः सिद्धा ।

एककोणभया निघ्री कर्णकोटिज्यका हृता ।

त्रिज्यया परकोणम्य कोटिच्छाया फल भवेत् ॥

अत्रास्या निष्पत्तेरेकान्तरम्वर्ण्ये कृते कर्णकोटिज्यया एककोणकोटिच्छा-
याया या निष्पत्तिः सैव त्रिज्यया द्वितीयकोणच्छायाया निष्पत्तिः । अथ
द्वितीयकोणकोटिच्छायाया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव त्रिज्यया द्वितीयकोण-
च्छायाया निष्पत्तिः । द्वयोर्यामः । $\frac{\text{ककोज्या} \times \text{एककोणकोछा}}{\text{द्विकोणकोछा}} = \text{त्रि} : \text{द्विकोणकोछा}$

अत्र तुल्ययोर्निष्पत्त्योर्नाशे शेषम् । ककोज्याः एककोणकोट्या । अतः कर्णकोटि-
द्विकोणकोट्याः त्रिज्या ।
ज्यया एककोणकोटिच्छायाया या निष्पत्तिः सैव द्वितीयकोणकोटिच्छायाया
त्रिज्याया निष्पत्तिः सिद्धा ।

कोणयोः कोटिजच्छायाघाते विज्याविभाजिते ।

लब्धं तु कर्णकोटिज्या चापजात्याभिधानके ॥

इति सूत्रमुपपन्नम् ।

अथ पञ्चमं क्षेत्रम् । तत्रैकभुजकोटिज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव
कर्णकोटिज्यया द्वितीयभुजकोटिज्याया निष्पत्तिः ।

अत्रोपपत्तिः (०३ क्षेत्रं द्रष्टव्यम्) ईसीफचापजात्ये द्वितीयमाध्यतः फ-
सीचापज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव ईसीचापज्यया तत्समुपकोण-
ज्याया निष्पत्तिः । फसीज्याः त्रि=ईसीज्याः फकोणज्या । अत्र फसीचापज्या
तु एसीवीचापजात्यस्य एसीभुजकोटिज्यास्ति । ईसीचापज्या तु सीवीरूपक-
णस्य कोटिज्या । फकोणस्तु एवीभुजस्य कोटिरूपः । अत उपपन्नमुक्तसाध्यम् ।

दोर्जकोटिज्ययोर्घाते विज्यया भाजिते फलम् ।

कर्णचापस्य कोटिज्या चापजात्याभिधानके ॥

कर्णकोटिज्यकाविज्याघाते चैकभुजोत्थया ।

कोटिज्यया हृते लब्धं परदोःकोटिमौर्विका ॥

एकभुकोः त्रि=फकोः द्विभुको ।

अथ षष्ठं क्षेत्रम् । एकभुजकोटिज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव एक-
भुजसमुपकोणकोटिज्यया द्वितीयभुजसमुपकोणज्याया निष्पत्तिः ।

अत्रोपपत्तिः (०३ क्षेत्रं द्रष्टव्यम्) ईसीफचापजात्ये द्वितीयसाध्यतः फसी-
चापज्यया कर्णज्यारूपया तत्समुपकोणज्यार्यास्त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव
फईचापज्यया ईसीफकोणज्याया निष्पत्तिः । अत्र फसीचापज्या तु एवीसीचा-
पजात्यस्य एसीभुजकोटिज्या फईचापज्या तु एवीसीकोणकोटिज्या । ईसीफ-
कोणज्यैव एसीवीकोणज्या द्वितीयभुजस्य एवीचापस्य समुपकोणज्या ।

कोणज्यका कोणलग्नदोर्जकोटिज्यया हृता ।

विज्याभक्ता फलं चान्यकोणकोटिज्यका भवेत् ॥

अथ पञ्चमषष्ठसाध्योन्यासः ।

एकभुजकोटिज्याः त्रिज्या = कर्णकोटिज्याः द्वितीयभुजकोटिज्या ।

एकभुजकोटिज्याः त्रिज्या = एकभुजसंकोकोटिज्याः द्वितीयभुजसंकोज्या ।

अत्र तुल्यनिष्पत्त्येर्नाशे शेषम् ।

कर्णकोटिज्याः द्वितीयभुजकोटिज्या = एकभुजसंकोकोटिज्याः द्वितीयभुजसंकोज्या ।

तेन कर्णकोटिज्यया एकभुजसंमुखकोणकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव द्वितीयभुजकोटिज्यया द्वितीयभुजसंमुखकोणज्याया निष्पत्तिः ।

भुजसंमुखकोणज्या कर्णकोटिज्यकागुणा ।

भुजकोटिज्ययाप्राप्त्यन्यकोणकोटिज्यका भवेत् ॥

अथवा ईसीफवापजात्ये ईसी, ईफवापज्ययोर्या निष्पत्तिः सैव तत्संमुखयोः कोणज्ययोः ईफसी, ईसीफकोणज्यारूपयोरनिष्पत्तिः । अत्र एसीबीवापजात्यस्य कर्णकोटिज्या ईसीचापज्या । एबीसीकोणकोटिज्या ईफचापज्या । ईफसीकोणज्या द्वितीयभुजकोटिज्या । ईसीफकोणज्यातुल्यैव एबीभुजसंमुखकोणज्या । एतेनानन्तरौक्तमूत्रमुपपन्नम् ।

अथैभ्यः सिद्धपदार्थैभ्यः संपन्ना क्रिया लिप्यते ।

कोटिभुजः कर्णकोटिः कोटी ये कोणयोस्तथा ।

चापजात्यस्य पञ्चाङ्गान्येतान्युक्तानि पण्डितैः ॥

तेषामेको मध्यसंज्ञो मध्यलग्नौ तु यौ स्थितौ ।

संलग्नसंज्ञौ तौ ज्ञेयाग्रन्यो संमुखसंज्ञौ ॥

मध्यज्याचिज्यजाघातः संलग्नजभयार्हतिः ।

संमुखस्थितकोटिर्ग्रज्ययोर्घातः ईमे समाः ॥

अत्र चापजात्ये भुजयोरैको भुजसंकोकोटिः कल्प्या ।

यथा (८४ स्ते - द्र-), कोटिः १ भुजः २ कर्णकोटिः ३ भुजसंमुखकोणकोटिः ४ कोटिसंमुखकोणकोटिः ५ एतद्वृत्तपञ्चक्रमेषामेको मध्यसंज्ञः मध्यलग्नौ संलग्नसंज्ञौ संमुखगौ संमुखसंज्ञौ । तत्र मध्यज्यात्रिज्याघातः संलग्नयोश्चापजातः संमुखद्वयोः कोटिज्याघात एते तुल्याः । अत्र कोटिलग्नः अकोणः भुजलग्नः अकोणः कल्पितः । यदा कर्णकोटिर्मध्यस्तदा कोणकोटी संलग्नसंज्ञे शिष्टौ कोटिभुजौ संमुखौ तत्र कर्णकोटिज्यात्रिज्याघातः अकोणकोटिच्छायापकोः

णकोटिच्छायाघातः कोटिकोटिज्याभुजकोटिज्याघात एते तुल्याः । तद्वथा ।
 पञ्चमसाध्यनिष्पत्तौ प्रथमचतुर्थघाते द्वितीयतृतीयघाततुल्य इति कर्णकोटि-
 ज्यात्रिज्याघाते भुजसंश्लिष्टकोटिज्ययोर्घातेन तुल्यो जातः । तथा चतुर्थसा-
 ध्यमिद्वया कोणयोः कोटिजच्छायाघाते त्रिज्याविभाजिते । लब्धं तु कर्णको-
 टिज्येति रीत्या कर्णकोटिज्यात्रिज्याघातः कोणकोटिच्छाययोर्घाततुल्य इति
 सिद्धम् । एवं यदा भुजो मध्यस्तदा खकोणकोटि, कोटी संलग्नौ अकोणको-
 टिकर्णकोटी संमुखौ । तत्र द्वितीयसाध्यतः त्रिज्याभुजज्याघातः संमुखयोः
 कोटिज्ययोः अकोणज्याकर्णज्ययोर्घातेन तुल्यो जातः । अथ प्रथमसाध्यमिद्वया
 कोणस्य कोटिच्छायाघातः कोणसंमुखानुभा । त्रिज्याभक्ता चापजात्ये कोण-
 लम्भभुजज्येति रीत्या एकोणकोटिच्छायाकोटिजच्छायाघातस्त्रिज्याभुजज्या-
 घाततुल्य इति सिद्धम् । एवं यदा कोटिर्मध्यसंज्ञा तदा अकोणकोटिभुजौ
 संलग्नौ एकोणकोटिकर्णकोटी संमुखौ । अत्राप्युक्तरीत्या भुजकोट्योः स्वरू-
 पाभेदात् कोटिज्यात्रिज्याघातः अकोणकोटिच्छायाभुजच्छायाघातः खकोण-
 ज्याकर्णज्याघातश्च एते तुल्याः सिद्धाः । अथच अकोणकोटिर्मध्यसंज्ञा तदा
 कर्णकोटि, कोटी संलग्नौ एकोणकोटि, भुजौ संमुखौ । अत्र षष्ठसाध्यतः अको-
 णकोटिज्यात्रिज्याघातः भुजकोटिज्याएकोणज्याघाततुल्यः सिद्धः । तेन
 संमुखयोः कोटिज्याघात इति सिद्धम् । अथ तृतीयसाध्यसिद्धया कोणलम्भ-
 लच्छाया कर्णकोटिभया हता । त्रिज्याभक्ता चापजात्ये कोणकोटिज्यका
 भवेदिति रीत्या अकोणकोटिज्यात्रिज्याघातः कर्णकोटिच्छायाघाततुल्य
 इति संलग्नयोश्छायाघातः सिद्धः । एवं एकोणकोटिर्मध्यः कर्णकोटि, भुजौ
 संलग्नौ । अकोणकोटि, कोटी संमुखौ । तत्राप्युक्तप्रकारेण कोणयोः स्वरूपाभेदात्
 खकोणकोटिज्यात्रिज्याघातः संलग्नयोः कर्णकोटिच्छायाभुजच्छायायोर्घातेन
 तुल्यः संमुखयोः कोटिज्ययोः अकोणज्याकोटि, कोटिज्यारूपयोर्घातेन तुल्य
 इति सिद्धम् । एतेन चापजात्ये मध्यसंज्ञज्यात्रिज्याघातः संलग्नयोश्छायाघातः
 संमुखानुभायोः कोटिज्याघात एते तुल्याः प्रोक्तप्रकारत उपपन्नाः ।

अथान्यदाह । (तृतीयसाध्यं द्रष्टव्यम्) तत्र समीचीनेत्रे तृतीयसाध्यनि-
 ष्पत्तौ । कोणकोट्योः त्रि = कोणलम्भभुजच्छायाः कर्णच्छाया । एकान्तरनिष्पत्तिस्वरूपे
 कृते कोणकोटिज्यया कोणलम्भभुजच्छायाया या निष्पत्तिः सैव त्रिज्यया कर्ण-
 छायाया निष्पत्तिरित्यतः सीकोणस्य वीकोणस्य च न्यासः ।

सीकोकोः एसीछा = त्रिः कछा

वीकोकोः एवीछा = त्रिः कछा । अत्र तुल्ययोर्निष्पत्त्येर्नाशे शेषम् । सीकोकोः

एसीछा=बीकोकोः एबीछा । अतः सीकोणकोटिज्याया बीकोणकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव एसीचापच्छायाया एबीचापच्छायाया निष्पत्तिरिति सिद्धम् ।

कोणसंमुखबाहोस्तु छाया संगुणिता यदा ।

कोणकोटिज्याया तुल्या तदा कोणद्वये भवेत् ॥

इत्युपपन्नम् ।

अत्र सर्वत्र यथोर्थयोर्घातस्तुल्यो यथा प्रथमद्वितीययोर्घातस्तृतीयचतुर्थ-
घाततुल्यस्तत्र प्रथमद्वितीयघाते तृतीयभक्ते चतुर्थमानमेवं चतुर्थभक्ते तृतीय-
मानं स्यात् । अथवा तृतीयचतुर्थघाते प्रथमभक्ते द्वितीयमान द्वितीयभक्ते प्र-
थममानं लभ्यत इति सर्वत्र बोध्यम् ।

अथैकभुजकर्णाभ्यां द्वितीयभुजज्ञानम् । अत्र पञ्चममाध्मे कर्णकोटिज्या-
त्रिज्याघात एकभुजकोटिज्याभक्तः फल द्वितीयभुजकोटिज्यास्वरूपम् ।

ककोत्रि १ । एतद्वर्गेण त्रिज्यावर्गो हीनः जातो द्वितीयभुजज्यावर्गः ।
एकभुजकोटिज्या १ ।

ककोत्रि १ त्रिज्यावर्गभुजकोत्रि १ । अत्र कर्णकोटिज्यैकभुजकोटिज्यावर्गान्तरं यदेव
एभुजकोत्रि १ ।

तदेव कर्णज्यैकभुजज्यावर्गान्तरं त्रिज्यावर्गगुणं कृतं त्रिज्यावर्गस्य पण्डयो-
गुणत्वात् कोटिज्ययोर्वर्गान्तरस्य भुजज्ययोर्वर्गान्तरेण तुल्यत्वाच्च सिद्धो द्वि-
तीयभुजज्यावर्गः । त्रिज्यावर्ग १ एज्यावर्ग १ । एतस्य मूलं तु कर्णज्यैकभुजज्या-
एभुजकोत्रि १ ।

वर्गान्तरमूलं त्रिज्यागुणमेककोटिज्याभक्तं लब्धं द्वितीयभुजज्यामानम् । एतेन

अथ ज्ञाते चापबाहुश्रुतीये

तज्ज्याकृत्योऽन्तराद्यात्यदं तत् ।

त्रिज्यानिधं ज्ञातकोटिज्याग्रं

तत्तुल्यं स्यान्मानमज्ञातबाहोः ॥

इति तत्त्वविवेकोक्तमुपपन्नम् ।

अथान्यघोषपत्तिः (२५ ले. द्र.) अत्र पूर्वं सीकर्दजात्य सिद्धमस्ति ।
एसीचापज्या सीकरेया भुजः फर्द कोटिः सीबीचापज्या ईसीरेया कर्ण इत्ये-
कम् । तथा सीर्फ भुजः तत्कोटिज्या फर्दी कोटिः सीही त्रिज्या कर्ण इति

द्वितीयम् । अथ सीई भुजः तत्कोटिज्या ईडी कोटिः सीडी त्रिज्या कर्णः । अत्र सीफरेखामीईरेखयोर्वर्गान्तरतुल्यं फडीरेखाईडीरेखावर्गान्तरं भुजज्ययोर्वर्गान्तरस्य कोटिज्ययोर्वर्गान्तरतुल्यत्वात् । अतः फईरेखा भुजः ईडीरेखा कोटिः फडीरेखा कर्ण इति चतुर्थजात्यम् । अथ एवीचापज्या एपीरेखा भुजः तत्कोटिज्या पीडीरेखा कोटिः एडी त्रिज्या कर्ण इति पञ्चमं जात्यम् । अत्र बीडीरेखापरि ईफलम्यः पूर्वं कृतोऽस्ति इदानीं बीडीरेखापरि एपीलम्यश्च कृतः एडीरेखास्थल, फचिह्याभ्यां कृतयोर्लम्ययोः बीडीरेखापरिगतयोः समकोणजनकयोः समानान्तरत्वात् पञ्चमजात्यान्तर्गतं चतुर्थजात्यं मिथः सजातीयं द्वयोः कोणत्रयमाम्यात् । अतो डीफकर्णं फईभुजस्तदा एडीत्रिज्याकर्णं क इति एपीरेखा सैव एवीचापज्या । अत्र डीफरेखा तु एपीचापकोटिज्यास्ति । फईरेखा तु कर्णः ज्याभुजज्यावर्गान्तरमूलरूपा सा त्रिज्यागुणा भुजकोटिज्यया फडीरेखया भक्ता लब्धा एपीरेखा इय एवीचापज्या । एतेन अत्र ज्ञाते चापबाहुश्रुती ये इति पद्यमुपपन्नम् ।

अथ चडीफकर्णं डीईरेखा कोटिस्तदा डीएत्रिज्याकर्णं केति एवीचापकोटिज्या पीडीरेखा लब्धा । अत्र डीफरेखा भुजकोटिज्या डीईरेखा कर्णकोटिज्या । एतेन पञ्चमसाध्यमुपपन्नम् । तथा

यद्वा कर्णात्था च या कोटिजीवा
त्रिज्यानिघ्नी ज्ञातकोटिज्ययाप्रा ।
तच्चापांशैरूनप्राड्कोर्मितं स्या-
दज्ञातस्याव्यक्तमानं हि बाह्योः ॥

इति तत्त्वविवेकोक्तं चापपत्रम् ।

अथ सीफईजात्ये ईकोणकोटिः सीकोणः तत्र ईकोणस्तु एवीसीचापजात्यस्यत्रिकोणतुल्यः । अत्र जात्ये फकोणज्यया तत्समुखी सीईरूपा कर्णज्या लभ्यते तदा बीकोणकोटिज्यातुल्यया सीकोणज्यया केति लब्धा फईरेखा इयं त्रिज्यागुणा फडीरेखाभक्ता एपीरेखा स्यात् तत्र त्रिज्यातुल्ययोर्गुणहरयोर्नाशे कर्णज्या कोणकोटिज्यागुणा एकभुजकोटिज्यया भक्ता कोणलग्नो भुजः स्यात् । एतेन तृतीयसाध्यसिद्धिः ।

कर्णज्याकोणकोटिज्याघाते कोटिज्यया हृते ।

कोणसंमुखबाह्योस्तु कोणलग्नभुजज्यका ॥

इति प्रकारश्चापपत्रः ।

अत्र प्रथमसाध्यज एवंपीजात्य द्वितीयसाध्यजमीफईजात्यसजातीय एपीई-
कोणस्य फईसीकोणस्य च वीकोणतुल्यत्वात् कोणत्रयमाभ्यात् । तेन एसी-
चापच्छाया भुजः एवीचापज्या कोटिः ईपीरेखा कर्ण इत्येकम् । तथा एसीचाप-
ज्या भुजः कर्णज्या कर्णः फईरेखा कोटिरिति द्वितीयम् । अनप्येरेनुपाता-
न्मियो भुजकोटिकर्णज्ञानं सम्भवति ।

अथ प्रथमसाध्यापपत्तिः । यदि त्रिज्याकर्ण एकभुजज्या एपीरेखा भुजस्तदा
द्वितीयभुजकोटिज्याकर्णं डीफरूपे क इति फईरेखा लब्धा । $\frac{\text{एभुज्या} \times \text{द्विभुको}}{\text{त्रि}}$

अथ सीफईजात्ये वीकोणकोटिज्याया सीकोणज्याया फईरेखा तदा वीकोण-
ज्याया केति ज्ञाता सीफरेखा सैव द्वितीयभुजज्या ।

$\frac{\text{एभुज्या} \times \text{द्विभुको} \times \text{वीकोणज्या}}{\text{त्रि} \times \text{वीकोणकोटिज्या}}$ । इय त्रिज्यागुणा द्वितीयभुजकोटिज्याभक्ता

ज्ञाता समगुणहरयोर्नाशे द्वितीयभुजच्छाया । $\frac{\text{एभुज्या} \times \text{वीकोणज्या}}{\text{वीकोणकोटिज्या}}$ । अत्र भा-

ज्यहरौ स्येच्छाया त्रिज्यागुणितौ । $\frac{\text{एभुज्या} \times \text{वीकोणज्या} \times \text{त्रि}}{\text{वीकोणकोटिज्या} \times \text{त्रि}}$ । अत्र वीकोण-

ज्या त्रिज्यागुणा स्यकोटिज्याभक्ता वीकोणच्छाया तदा द्वितीयभुजच्छाया-
स्वरूपमिदम् । $\frac{\text{एभुज्या} \times \text{वीकोणज्या}}{\text{त्रि}}$ । एतेन

चापजात्ये कोणलम्बभुजज्याकोणमाहतिः ।

त्रिज्याभक्ता फल छाया कोणसंमुखत्राहुजा ॥

इति प्रथमसूत्रमुपपन्नम् ।

अथवा

कर्णज्याकोणकोटिज्याघाते कोटिज्याया कृते ।

कोणसंमुखत्राहोस्तु कोणलम्बभुजज्याया ॥

इतिप्रकारेणोच्यते । वीकोणकोटिज्या कर्णज्यागुणा एपीचापकोटिज्याया

भक्ता जाता एबीचापन्या । $\frac{\text{वीकोको} \times \text{कज्या}}{\text{एसीको}}$ । अथ चापन्या त्रिज्यागुणा स्व-
कोटिन्याभक्ता चापच्छाया स्यादिति प्रसिद्धत्वात् प्रकृते वीकोणन्या त्रिज्या
गुणा वीकोणकोटिन्यया भक्ता वीकोणच्छाया । $\frac{\text{वीज्या} \times \text{त्रि}}{\text{वीक्षा}}$ । इय यदि कोण

लग्नएबीचापन्यया गुणिता तदा तुल्ययोगुणहरयोर्नाशे सिद्ध स्वरूपम् ।

$\frac{\text{वीज्या} \times \text{कज्या} \times \text{त्रि}}{\text{एसीको}}$ । वीकोणन्या कर्णन्या निज्याघात एसीकोटिन्याभक्त इति

सिद्धम् । अथ त्रिज्यया कोणज्यया कर्णन्या लभ्यते तदा वीकोण
न्यया केति जाता एसीचापन्या । $\frac{\text{वीज्या} \times \text{कज्या}}{\text{त्रि}}$ । इय त्रिज्यागुणा स्व

कोटिन्याभक्ता तदा त्रिज्ययोर्नाशे एसीचापच्छाया $\frac{\text{वीज्या} \times \text{कज्या}}{\text{एसीको}}$ वीको-
णज्याकर्णज्याघात. एसीचापकोटिन्याभक्त इति स्वरूपा । अत्र पूर्वसिद्धको-
णच्छायाकोणलग्नभुजज्याघाते $\frac{\text{वीज्या} \times \text{कज्या} \times \text{त्रि}}{\text{एसीको}}$ त्रिज्यया भजनेन

$\frac{\text{वीज्या} \times \text{कज्या}}{\text{एसीको}}$ एसीचापच्छायास्वरूप लभ्यत इत्युक्तम् ।

चापजात्ये कोणलग्नभुजज्याकोणभादिति ।

इति पद्यस्यमानयनमुपपन्नम् ।

अथ द्वितीयक्षेत्रस्यसीर्द्धक्षेत्रस्य जात्यत्वनिश्चयाय रेखागणितानभिज्ञाना
प्रसिद्धमार्गेण तत्त्वविवेकोक्ता रीति प्रदर्श्यते । यथा नाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तसपातो
वीचिन्द्रौ कल्प्य । एबीचाप विपुवाशाः सन्ति नाडीवृत्ते क्रान्तिवृत्ते यहभुजा-
शा. सीबीचाप यहस्यान सीचिन्द्रौ कल्प्यम् । डीचिद्ग गोलगर्भेऽस्ति वीङ्डीरेखा
सपातमध्यमूत्र सपाताद्वहभुजाशै. कृत भुजाशरत्त अस्य गर्भकेन्द्र ईचिद्ग
अस्माद्वहभुजज्यया कृत भुजाशरत्तमेव इद यहलग्नमस्ति । अथ नाडीवृत्तए-
ष्टकेन्द्रे ध्रुवद्वये सक्त यहगत ध्रुवमूत्रमिष्टवृत्तसज्ञ वा भुजाशरत्तेष्टवृत्तयोर्गो
सयोगौ तौ नाडीवृत्तात् समान्तरगतायेव । द्वयोर्वृत्तयोस्परि नाडीवृत्तस्य

लम्बरूपत्वात् । नाडीवृत्तादुभयतस्तुल्यान्तरं भुजांशवृत्तेष्टवृत्तसंपातत्वात् । भुजांशवृत्तगर्भकेन्द्राद्भुजाश्वत्तनाडीवृत्तयोगावधि भुजांशवृत्तमध्यमूत्रम् । एवं गोलगर्भात् नाडीवृत्तेष्टवृत्तयोगावधि इष्टवृत्तमध्यमूत्रम् । स्वस्ववृत्तमध्यमूत्रस्य योगः पूर्णज्याधिं नियत एव । कथमन्यथा वृत्ते पूर्णज्याधर्ममध्यमूत्रयोर्मिथो लम्बरूपत्वम् । अतः प्रकृते ईविन्दोर्गता ईफरेखा स्वमार्गवर्द्धिता नाडीवृत्तावधि कृता भुजांशवृत्तमध्यमूत्ररूपा तथा एहीरेखा इष्टवृत्तमध्यमूत्ररूपा । अनयोर्योगः पूर्णज्याधिरूपे फविन्दोर्वास्ति । भुजांशवृत्तेष्टवृत्तसंपातयोर्वद्विमूत्रं पूर्णज्यासंज्ञम् । पूर्णज्याधिं सीफरेखा सा इष्टवृत्ते क्रान्तिज्यारूपा भुजांशवृत्तेऽपि स्वगतचापज्या सैव एसीचापमिष्टवृत्तेस्ति । अत्र भुजांशवृत्ते मध्यमूत्रखण्डरूपा ईफरेखा कोटिः सीफरेखा भुजः केन्द्रपाल्यन्तरं तद्वृत्तत्रिज्यारूपा यह-भुजज्या कर्णः । अतः फईरेखोपरि सीफरेखा लम्बरूपा यतो वृत्तकेन्द्रगतमध्यमूत्रोपरि वृत्तपालिगतत्रिन्दुतो लम्बः कृत एव चापज्यारूपः स्यात् तेन सीफईकोणः समकोणो जातः । अतः सीफईचेत्रं छात्य मिट्टम् । अत्र सीफं क्रान्तिज्या, फही द्यज्या, सीईरेखा यहभुजज्या, ईहीरेखा यहकोटिज्या, एपी विपुलांशज्या, पीडी विपुलांशकोटिज्या, वीकोणो जिनाशः । अतः सर्वं स्वधियो-ह्यमिति ।

अथ चापजात्यद्वययोः कर्णैकत्वेन योगाच्चतुर्भुजाकारत्वं तत्र गणितं प्रदर्शयते । (२६ ते. द्र.) अत्र अ,कमितौ भुजौ चः कर्ण इत्येक चापजात्यं तथा ग,घमितौ भुजौ कर्णः स एषेत्यन्यचापजात्यम् । अनयोर्योगाच्चतुरसं चेत्रं दृश्यते । अत्र अभुजऋभुजयोगजः गभुजघभुजयोगजरश्च समकोणः । यदि अभुजगभुजयोगजोऽपि कोणः समकोणस्तदा चतुरस्रे समकोणत्रयं जातम् । अत्र चकर्णसंमुखा समकोणौ तज्ज्या त्रिज्येव । यदि त्रिज्यया चकर्णज्या लभ्यते तदा अभुजचकर्णात्पचकोणज्यया केति कचापज्या एकविषमभुजज्या-संज्ञा । अथ यदि अगकोणः संपूर्णः समकोणो नवत्यंशमितस्तदा अघकोण-कोटिरूप एव चगकोणः स्यात् । अत्रापि त्रिज्यया चचापज्या लभ्यते तदा अघकोणकोटिज्यातुल्यया गचकोणज्यया केति घचापज्या द्वितीयविषमभुज-

संज्ञज्या । द्वयोरन्यासः ; $\frac{\text{अचज्या} \times \text{वज्या}}{\text{त्रि}} \mid \frac{\text{अघकोज्या} \times \text{वज्या}}{\text{त्रि}} ; \text{अनयोर्योगः ।}$

$\frac{\text{अचज्या}^2 \times \text{वज्या}^2}{\text{त्रि}^2} \mid \frac{\text{अघकोज्या}^2 \times \text{वज्या}^2}{\text{त्रि}^2} ; \text{द्वयोर्योगे कर्णज्ये यण्डयोः च-}$

कर्णवर्गरूपगुणस्य साम्यात् अचकोणज्यावर्गः अचकोणकोटिज्यावर्गयुतस्त्रि-
ज्यावर्ग एव चवर्गगुणः सिद्धः । $\frac{\text{त्रि}^2 \times \text{चज्या}^2}{\text{त्रि}^2}$ । भाज्ये हरेण भक्ते त्रिज्यावर्ग-

योर्नाशात् फलं कर्णवर्गं यच्च तन्मूलं कर्ण इति विषमभुजयोर्वर्गयोगान्मूलं
कर्णः स्यादित्युपपन्नम् । अथ अत्र ज्ञाते चापबाहुश्रुती ये तज्ज्याकृत्योरन्तरा-
द्वत् पदं तत् । त्रिज्यानिघ्न ज्ञातकोटिज्यापाप्तामिति पद्येन चापजात्ये कर्ण-
कविषमभुजयोर्वर्गान्तरमूलं द्वितीयविषमभुजज्यारूपं त्रिज्यानिघ्नमेकविष-
मभुजकोटिज्या भक्त लब्ध्यापमेकविषमभुजलग्नः समभुजः स्यादेव । एष-
मुभयथापि । कर्णायसक्तैककोणस्य विषमत्वात् । तल्लग्नौ भुजौ विषमसंज्ञौ
तज्ज्यापाश्रितवृत्तयोः परस्परं लम्बरूपत्वाभावात् । अन्यौ शिष्टौ समभुजौ
तज्ज्यापाश्रितवृत्तयोर्मध्ये लम्बरूपत्वात् तल्लग्नकर्णायसक्तकोणस्य समकोण-
त्वात् । एतेन

गोलेऽथ चापकर्णादौ पार्श्वयोश्चापजात्यके ।

तद्वशाच्चतुरस्रं तु दृश्यते यद्विदां घर ॥

तस्य कर्णायसक्तैककोणः स विषमाभिधः ।

समं तु कोणचितयं विषमाभिधकोणतः ॥

पार्श्वयोर्गौ भुजौ तौ तु विषमौ समकोणतः ।

कर्णायसक्तात् पार्श्वस्यौ भुजौ यौ तौ समाभिधौ ॥

यत्पार्श्वसमबाहुज्याकृतिं कर्णज्यकाकृतेः ।

विशोध्य मूलं तज्ज्ञापं नियत चान्यपार्श्वगः ॥

भवेत् स विषमो बाहुरेवं यद्विषमो भुजः ।

ज्ञातस्तज्ज्या विभज्याघ्नी भक्ताऽन्यविषमाख्यया ॥

कोटिमौर्व्याथ तज्ज्ञापमन्यपार्श्वसमो भुजः ।

सदेत्थं गणितं प्राचैर्ज्ञेयमेतादृशस्थले ॥

इति तत्त्वविवेकीकृतं चापचतुरस्रतेज्यभुजानयनमुपपन्नं भवति ।

अथ यत्र समभुजावेव ज्ञातौ तत्र कर्णमानं यावत्तार्धन्मितं प्रकल्प्य कर्ण-
समभुजाभ्यामन्यौ विषमभुजौ प्रसाध्य तद्वर्गयोगस्य यावत्तावद्वर्गेण समीकर-
णात् कर्णमानं ज्ञातव्यम् । यत्र चापचतुरस्रे कर्णायसक्तौ विषमकोणौ तत्रो-

क्तक्रिया विषमभुजयोर्वर्गयोगमूलरूपकर्णज्यकोटिका न संभवति । उक्तोपपत्ते-
स्तत्राप्रसक्तेः । अथच यद्वा कर्णेत्या च या कोटिजीवा त्रिज्यानिर्ग्री ज्ञात-
कोटिज्ययाप्रा इति तत्त्वधिवेकोक्तपट्टेन पञ्चमसाध्येन वा चापजात्ये भुज-
संघन्यिकोतिज्ययोर्घातस्य कर्णकोटिज्यात्रिज्याघाततुल्यत्वात् चापचतुरस्रे
भुजसंघन्यिकोतिज्ययोर्घातस्तुल्य एव स्यात् । द्वयोश्चापजात्ययोः कर्णैकत्वात्
कर्णकोटिज्यात्रिज्याघातस्य तुल्यत्वात् । यथा प्रकृते अभुजकोटिज्याकभुज-
कोटिज्याघातः गभुजकोटिज्याघभुजकोटिज्याघातस्तुल्य एव ज्ञातः । अतो रा-
शिवत्तुष्टये प्रथमद्वितीयघाते तृतीयभक्ते चतुर्थं चतुर्थभक्ते तृतीयं स्यादेवं
तृतीयचतुर्थघाते प्रथमभक्ते द्वितीयं द्वितीयभक्ते प्रथमं लभ्यते । अतः प्रकृते
अचापकोटिज्यया तत्समुखी घचापकोटिज्या तदा गचापकोटिज्यया केति
लब्धा तत्संमुखी कचापकोटिज्या । एवं कचापकोटिज्यया गचापकोटिज्या
तदा घचापकोटिज्यया केति अचापकोटिज्या । एवमन्यदपि ज्ञेयम् । इयं क्रिया
कर्णापसक्तयोः कोणयोर्द्वयोरेकस्य वा विषमत्वे संभवतीति सर्वचापचतुरस्रे
विद्विह्वनीया । इति चापजात्यप्रपञ्चः समाप्तः ॥

अथ विषमत्रिभुजगणितं प्रारभ्यते ।

यत्र त्रयो विषमकोणास्तत् किल विषमत्रिभुजं तत्रैको भुजः स्वच्छया
आधारसज्जो भूसज्जो वा कल्प्यः । अन्यौ भुजसंज्ञावेव । आधारवृत्तोपरि ल-
म्बरूपं यद्वृत्त भुजद्वययोगविन्दुगत तस्य त्रिभुजान्तर्गतं चापं विषमत्रिभुजे
लम्बसंज्ञं लम्बनिपातादाधारसज्जं चापरूपे एवावाधे भवतः । यथा (७० छे. द्र.)
एबीसीसंज्ञं विषमत्रिभुजं तत्र सीडी लम्बः एडी, बीडीचापे आवाधे ।

अथ प्रथमप्रतिज्ञा । लम्बलम्बकोणज्ययोर्घा नित्यतिः सैवावाधालम्बको-
णकोटिज्ययोर्नित्यतिः ।

अथोपपत्तिः । एसीबीत्रिभुजे सीडीलम्बनिपाताद्वि चापजात्ये समुत्पत्ते तत्र
चापजात्यस्यपट्टसाध्यतः सीडीकोटिज्यया त्रिज्याया या नित्यतिः सैव एको-
णकोटिज्यया एमीडीकोणज्याया नित्यतिरेकचापजात्ये । एवमपरचापजात्ये-
ऽपि सीडीकोटिज्यया त्रिज्याया या नित्यतिः सैव बीकोणकोटिज्यया बी-
सीडीकोणज्याया नित्यतिः । द्वयोन्यासः ।

सीडीकोज्याःत्रि=एकोकोज्या.एसीडीज्या
सीडीकोज्या.त्रि=बीकोकोज्याःबीसीडीज्या ।

अत्र तुल्यनित्यत्योर्नाशे शेषम् ।

एकोकीज्याःएसीडीज्या=बीकोकीज्याःबीसीडीज्या ।

अतः एकीकोटीज्याया बीकोटीज्याया या निष्पत्तिः सैव एसीडीको-
णज्याया बीसीडीकोणज्याया निष्पत्तिरित्युपपन्नं प्रथमसूत्रम् ।

एकावाधालम्बकोटीज्या लम्बलम्बज्या ।

अन्यावाधासंमुखस्यकोणमौर्ध्या हता समा ॥

अथ द्वितीयसाध्यम् । तत्र भुजसंयन्धिकोटीज्ययोर्धा निष्पत्तिः सैवावा-
धाकोटीज्ययोर्निष्पत्तिः ।

तद्व्याया । पञ्चमसाध्यतश्चापजात्ययोर्लम्बकोटीज्यया त्रिज्याया या
निष्पत्तिः सैव भुजकोटीज्यया आवाधाकोटीज्याया निष्पत्तिः भुजस्य कर्णरूप-

सीडीकोज्याःत्रि=एसीकोःएडीको
त्वात् । न्यासः । सीडीकोज्याःत्रि=सीबीकोःडीबीको ।

तुल्यनिष्पत्त्योरपगमाच्छेपम् । एसीकोःएडीको = सीबीकोःडीबीको ।

अतः एसीकोटीज्याया सीबीकोटीज्याया या निष्पत्तिः सैव एडीकोटीज्याया
बीडीकोटीज्याया निष्पत्तिः ।

एकावाधालम्बबाहुकोटीजीवा यदा हता ।

अन्यावाधाचापकोटीज्यकया सा समा भवेत् ॥

अथ तृतीयसाध्यम् ।

तत्रावाधाज्ययोर्धा निष्पत्तिः सैवाधारलम्बकोणयोश्छायावैपरीत्ये नि-
ष्पत्तिः ।

अत्र चापजात्यप्रथमसाध्यतः आवाधाज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव
लम्बच्छायाया लम्बसमुपकोणच्छायाया निष्पत्तिः । द्वयोर्न्यासः ।

एडीःत्रि = सीडीछाःएकोणच्छा । अत्रापि तुल्यनिष्पत्त्योरपगमाच्छेपम् ।
बीडीःत्रि = सीडीछाःबीकोणच्छा ।

एडीःएछा । अतः एडीचापज्याया बीडीचापज्याया या निष्पत्तिः सैव
बीडीःबीछा ।

बीकोणच्छायाया एकोणच्छायाया निष्पत्तिः ।

आवाधाचापजीवा तु स्वलम्बा स्वभया हता ।

तुल्या भवेदुभयतश्चापीये चिभुजे सदा ॥

अथ चतुर्थसाध्यम् ।

तत्र लम्बलग्नकोणकोटिज्ययोर्था निष्पत्तिः सैव भुजयोश्चायावैपरीत्ये निष्पत्तिः ।

चापजात्यतृतीयसाध्यतः कोणकोटिज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव कोणलग्नभुजच्छायाया कर्णच्छायाया निष्पत्तिरिति । द्वयोर्न्यासः ।

एसीडीकोणकोटिज्याः त्रिज्या = सीडीछायाः एसीछा ।

बीसीडीकोणकोटिज्याः त्रिज्या = सीडीछायाः बीसीछा

तुल्यनिष्पत्त्येर्नाशे शेषम् । एसीडीकोः बीसीडीको = बीसीछाः एसीछा । अतः एसीडीकोणकोटिज्यया बीसीडीकोणकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव बीसीचापच्छायाया एडीचापच्छायाया निष्पत्तिः ।

लम्बलग्नस्य कोणस्य कोटिज्या या द्वयोर्भवेत् ।

सा स्वलग्नभुजच्छायासंगुणा चेत्समा भवेत् ॥

इत्युपपन्नम् ।

यत्र निष्पत्तौ मध्यखण्डयोर्नाशः क्रियते तत्रान्ये वैपरीत्यं स्यात् । तद्व्या । त्रिज्यायां एसीडीकोणकोटिज्याभक्तायां फलं प्रथमं तथा सीडीछायाभक्तायां एसीछायायां द्वितीयं फलं च तुल्यम् । $\frac{\text{त्रि}}{\text{एसीडीको}} (\text{प्र}) = \frac{\text{एसीछा}}{\text{सीडीछा}} (\text{द्वि})$ ।

एवं त्रिज्यायां बीसीडीकोणकोटिज्याभक्ताया फलं तृतीयं बीसीडीछायाभक्तायां बीसीछायायां फलं चतुर्थम् । $\frac{\text{त्रि}}{\text{बीसीडीको}} (\text{तृ}) = \frac{\text{बीसीछा}}{\text{सीडीछा}} (\text{च})$ ।

अत्र प्रथमद्वितीययोस्तृतीयचतुर्थयोः फलयोः साम्यात् तृतीयेन प्रथमस्य या निष्पत्तिः सैव चतुर्थेन द्वितीयस्य निष्पत्तिः स्यात् तेन तृतीयेन प्रथमे भक्ते

फलम् । $\frac{\text{बीसीडीको}}{\text{एसीडीको}}$ । चतुर्थेन द्वितीये भक्तेफलम् । $\frac{\text{एसीछा}}{\text{बीसीछा}}$ । एतेचतुल्ये ।

एसीडीकोटिज्यया बीसीडीकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव बीसीछायाया एसीछायाया निष्पत्तिः सिद्धा । एवं तृतीयसाध्येऽपि युक्तिर्जया ।

अथ पञ्चमसाध्यम् ।

तत्र भुजयोर्योगार्धच्छायाया आबाधयोर्योगार्धच्छायाया या निष्पत्तिः सैव आबाधयोरन्तरार्धच्छायाया भुजयोरन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिः ।

अत्रैकान्तरनिष्पत्त्या तु आबाधयोर्योगार्धच्छायया भुजयोरन्तरार्धच्छा-
याया या निष्पत्तिः सैव भुजयोर्योगार्धच्छायया आबाधयोरन्तरार्धच्छायया
निष्पत्तिः । अत्र भुजयोर्योगार्धच्छाययान्तरार्धच्छाययाघातस्तु आबाधयोरन्तरार्ध-
च्छाययोर्योगार्धच्छाययाघाततुल्य इत्यस्ति । तत्रोपपत्तिर्यथा । अत्र सर्वत्र राशयो-
र्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव समानगुणितराश्वोरपि योगेन तदन्तरस्य

निष्पत्तिः । यथा राशी । अ । क । अनयोर्योगेनान्तरे भक्ते फलम् । $\frac{अ १ क १}{अ १ क १}$ ।

अथवा राशी । अ । क । समानाङ्केन यस्मिन्नेन गुणितौ । अथ ।

कय । अनयोर्योगेनान्तरे भक्ते फलम् । $\frac{अय १ कय १}{अय १ कय १}$ । अत्र यकारेणापवर्तने

कृते पूर्वफलतुल्यं $\frac{अ १ क १}{अ १ क १}$ जातम् । अत्र विषमत्रिभुजीयद्वितीयसाध्ये

भुजसंवन्धिकोटिज्ययोर्योगे निष्पत्तिः सैव तदाबाधाकोटिज्ययोरपि निष्पत्तिस्-
क्ता तेन भुजसंवन्धिकोटिज्ययोर्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव आबाधा-
कोटिज्ययोर्योगेन तदन्तरस्य निष्पत्तिः सिद्धा । अथ चापयोर्योगार्धकोटि-
च्छायया अन्तरार्धच्छायया या निष्पत्तिः सैव चापयोरन्तरार्धकोटिच्छायया
योगार्धच्छायया निष्पत्तिः सैव तच्चापयोः कोटिज्ययोर्योगेन कोटिज्ययोर-
न्तरस्य निष्पत्तिरिति व्याप्त्यै निरूपितम् । अतः प्रकृते भुजचापयोर्योगार्ध-
कोटिच्छायया अन्तरार्धच्छायया या निष्पत्तिः सैवाबाधाचापयोर्योगार्ध-
कोटिच्छायया अन्तरार्धच्छाययाश्च निष्पत्तिः सिद्धा । अस्या एकान्तरनि-
ष्पत्त्या तु भुजचापयोर्योगार्धकोटिच्छायया आबाधाचापयोर्योगार्धकोटि-
च्छायया या निष्पत्तिः सैव भुजयोरन्तरार्धच्छायया आबाधयोरन्तरार्धच्छा-

याया निष्पत्तिः । अथ भुजयोर्योगार्धकोटिच्छायया $\frac{भ \times त्रि}{ज}$ आबाधयो-

र्योगार्धकोटिच्छायया $\frac{क \times त्रि}{अ}$ भक्ता फलम् $\frac{ज \times क}{अ \times भ}$ । वा आबाधयोर्योगार्ध-

च्छायया $\frac{अ \times त्रि}{क}$ भुजयोर्योगार्धच्छायया $\frac{ज \times त्रि}{भ}$ भक्ता फलं तदेव $\frac{ज \times क}{अ \times भ}$ ।

अतो भुजयोरन्तरार्धच्छायया आबाधयोरन्तरार्धच्छायया निष्पत्तिर्या सैव

आवाधयोर्योगार्धच्छायया भुजयोर्योगार्धच्छायाया निष्पत्तिः । अस्या उक्तम-
गणनया पञ्चममाध्यमिद्विः ।

वाह्येर्योगार्धजा छाया विवरार्धभया हता ।

आधारार्धभया भक्ता लब्धचापं भवेत् किल ॥

छायाखण्डैरन्तरार्धं द्वयोरावाधयोर्यतः ।

अतोऽनेन युतं हीनमाधारार्धं तदाऽवधे ॥

भुजयोर्योगार्धच्छायान्तरार्धच्छायायातः आवाधयोर्योगरूपाधारस्यार्ध-
च्छायया भक्तः फलमावाधयोरन्तरार्धच्छाया तस्या श्छायासारण्यां चापमन्त-
रार्धमनेन हीनयुतमाधारार्धं क्रमेणावाधे भवत एव मन्तर्लम्बे । वहिर्लम्बे तु
आवाधयोरन्तरार्धमेवाधारार्धं तेन भक्ते आवाधयोर्योगार्धच्छायारूपं फल तस्य-
च्छायासु चापं योगार्धमिदमाधारार्धेन हीनयुत क्रमेणावाधे स्याताम् ।

अथ षष्ठसाध्यम् ।

तत्राधारलम्बकोणयोर्योगज्यया तदन्तरज्याया या निष्पत्तिः सैव आधार-
ार्धच्छायया आवाधयोरन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिरित्यन्तर्लम्बे । वहिर्लम्बे तु
आधारार्धकोटिच्छायया आवाधयोर्योगार्धकोटिच्छायाया निष्पत्तिरिति ।

ऊत्रोपपत्तिः । तत्र विषमत्रिभुजीयवृत्तीयसाध्यतः आवाधाज्ययोर्योगा नि-
ष्पत्तिः सैवाधारलम्बकोणयोश्छायाया निष्पत्तिः । अतः आवाधाज्ययोर्योगेन
तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव भूलम्बकोणयोश्छायायोगेनच्छायाऽन्तरस्य नि-
ष्पत्तिः सैव भूलम्बकोणयोर्योगज्यया तदन्तरज्याया निष्पत्तिरिति । अथ चाप-
योर्युतिगुणेन कृता विवरज्यका भवति चापभयोः । विवर तदैक्यविहृतं च
सममिति ज्योत्पत्तिमूत्रात् । अथावाधाज्ययोर्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः
सैवावाधयोर्योगार्धच्छायया तदन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिर्ज्योत्पत्तिसिद्धा-
ऽस्ति अत आधारलम्बकोणयोर्योगज्यया तदन्तरज्याया या निष्पत्तिः सैवावा-
धयोर्योगार्धच्छायया तदन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिः । अत्रान्तर्लम्बे सेत्रे आ-
वाधयोर्योगरूपा एव भूमिस्तत उक्तमुपपन्नम् । वहिर्लम्बे तु आवाधान्तरं
भूमिस्तेनाधारार्धकोटिच्छायया योगार्धकोटिच्छायाया निष्पत्तिः व्योहता ।
अस्या आवाधयोर्योगार्धच्छायया तदन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तितुल्यत्वात् ।

अथान्योपपत्तिः । तत्र (२७ त्रै - ३०) आधारलम्बयोः एकोणत्रीकोण-
योश्चापयोगान्तरज्यामाधनम् । तत्र एसीचापज्यया त्रिज्यातुल्या कोणज्या तदा

सीडीचापव्यया केति जाता एकोणव्या । $\frac{\text{त्रि} \times \text{सीडीव्या}}{\text{एसीव्या}}$ । अथ चापजात्य-

तृतीयसाध्यसिद्धरीत्या वीकोणलम्बुनव्या वीडीव्या सा द्वितीयभुजरूपसीडी-
कोटिव्यया हता सीवीव्याभक्ता तदा वीकोणकोटिव्या । $\frac{\text{वीडीव्या} \times \text{सीडीको}}{\text{सीवीव्या}}$ ।

अस्या एकोणव्यायाश्च घातस्त्रिव्याभक्तः प्रथमफलम् ।

$\frac{\text{वीडीव्या} \times \text{सीडीको} \times \text{सीडीव्या}}{\text{सीवीव्या} \times \text{एसीव्या}}$ । एवं द्वितीयफलाद्ये वीकोणव्या ।

$\frac{\text{सीडीव्या} \times \text{त्रि}}{\text{सीवीव्या}}$ । एकोणकोटिव्या । $\frac{\text{एडीव्या} \times \text{सीडीको}}{\text{एसीव्या}}$ । अतयोर्ध्वत-

स्त्रिव्याभक्ता जाता द्वितीयफलरूपः । $\frac{\text{एडीव्या} \times \text{सीडीको} \times \text{सीडीव्या}}{\text{सीवीव्या} \times \text{एसीव्या}}$ ।

अत्र लम्बव्यालम्बकोटिव्याघातेन भुजद्वयघातभक्तेन $\frac{\text{सीडीव्या} \times \text{सीडीको}}{\text{सीवीव्या} \times \text{एसीव्या}}$

वीडीव्याएडीव्यारूपे आवाधाज्ये गुणिते प्रथमद्वितीयफले वर्तते । तेन फल-
योर्योगेनान्तरस्य या निष्पत्तिः सैव आवाधाज्ययोर्योगेन तदन्तरस्य निष्पत्तिः
सैव आवाधयोर्योगार्धच्छायाया तदन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिः पूर्वसिद्धा ।
प्रकृते फलयोर्योगरूपया कोणयोगज्यया फलान्तररूपायाः कोणान्तरव्याया
या निष्पत्तिः सैव आवाधयोर्योगार्धच्छायाया आवाधयोरन्तरार्धच्छायाया
निष्पत्तिरूपवा । अत्रान्तर्लम्बे त्रिभुजे आवाधायोग आधार एव । बहिर्लम्बे
तु आवाधाऽन्तरमाधारस्तेन निष्पत्तिः आधारकोणयोर्योगज्यया तदन्तरव्याया
या निष्पत्तिः सैवात्राधान्तररूपाधारार्धकोटिच्छायाया आवाधयोर्योगार्धको-
टिच्छायाया निष्पत्तिः सिद्धा ।

आधारार्धभया निम्नी कोणयोरन्तरज्यका ।

कोणयोर्योगजीवाऽवधयोरन्तरार्धभा ॥

तस्याश्चायासु यन्नापं तेनाधारदलं किल ।

हीनं युतं भवेतां ते विषमचिभुजावधे ॥

अन्तर्लम्बे क्रियैव स्याद्वहिलम्बेऽथ कथ्यते ।

भूम्यर्धकोटिभानिघ्नी कोणयोरन्तरज्यका ॥

कोणसंयोगजीवाप्रावधयोर्योगखण्डजा ।

कोटिच्छायाय तच्चापं छायासु खनवच्युतम् ॥

इदं भूम्यर्धयुक्तोन्मात्राधे भवतः क्रमात् ।

कोणद्वये ज्ञाते कोणलम्बभुजे च ज्ञाते आवाधाज्ञानं कृतमित्युपपन्नम् ।

अथ सप्तमं साध्यम् ।

तत्र भुजयोर्योगज्यया तदन्तरज्यया या निष्पत्तिः सैव तन्मध्यगतकोणा-
र्धकोटिच्छायाया आवाधासंमुखयोः कोणयोरन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिरित्य-
न्तर्लम्बे । वहिलम्बे तु आवाधासंमुखयोः कोणयोर्योगार्धच्छाया चतुर्थस्याने
बोध्या ।

अत्रोपपत्तिः (८८ ते-द्र-) चापान्तरयोगभावनारीत्या भुजसंबन्धित्ये मिथः
कोटिज्यागुणे त्रिज्याभक्ते फले तत्र चापजात्यतृतीयसाध्येन कोणलम्बभुजज्या
द्वितीयभुजकोटिज्यागुणा कोणकोटिज्याभक्ता कर्णज्या स्यात् । एवं ज्ञाता
एसीज्या सा तु एहीकोटिज्यासीहीज्याघातेन पकोणकोटिज्याभक्तेन तुल्या ।

सीहीज्या-एहीकोज्या
पकोणकोज्या । अथैवं सीहीज्याघीहीकोटिज्याघातः फकोणकोटिज्या-

भक्ता लज्या सीहीज्या । सीहीज्या-घीहीकोज्या
फकोणकोज्या । अथ पञ्चमसाध्यतश्चाप-

जात्ये भुजमयन्त्रिकोटिज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्तः कर्णकोटिज्या स्यादतो लम्बको-
टिज्याएहीकोटिज्याघातस्त्रिज्याघातः एसीकोटिज्या । सीहीकोज्या-एहीकोज्या
त्रि

अथ सीहीकोटिज्याघीहीकोटिज्याघातस्त्रिज्याघातः सीहीकोटिज्या ।

सीहीकोज्या-घीहीकोज्या
त्रि । अथ एसीज्यामीहीकोटिज्याघातस्त्रिज्याभक्तः प्र-

थमफनरूपः । सीहीकोज्या-एहीकोज्या-मीहीकोज्या घीहीकोज्या
त्रि-पकोणकोज्या । एवं सीही-

ज्याएसीकोटिज्याघातस्त्रिज्याघातः द्वितीयफनम् ।

सीडीज्या-बीडीकोज्या-सीडीकोज्या-एहीकोज्या ।

त्रि० फकोकोज्या

। अत्रावाधाद्वयोकोटिज्यास-

म्बकोटिज्यालम्बज्याघातस्त्रिज्यावर्गभक्तस्तृतीयफलमिदमेकस्याने पकोणकोटिज्याया भक्तमन्यत्र फकोणकोटिज्याया भक्तं लब्धे प्रथमद्वितीयफले सिद्धे । अतो प,फकोणयोः कोटिज्ययोर्योगेन निष्पत्तिः सैव प्रथमद्वितीयफलयोर्निष्पत्तिः । यथा । तृतीयफलम् ३० कोणकोटिज्याभ्यां ५ । ३ भक्तं लब्धे । ६ । १० । अत्र प्रथमेन ६ द्वितीय १० फलस्य या निष्पत्तिः सैव द्वितीयकोणकोटिज्याया ३ प्रथमकोणकोटिज्याया निष्पत्तिरिति । समाननिष्पत्तिकराशेर्योगान्तरनिष्पत्तिरपि तुल्या पूर्वं दर्शिता । अतो हि प्रथमद्वितीयफलयोर्योगेनान्तरस्य या निष्पत्तिः सैव प,फकोणयोः कोटिज्ययोर्योगेन तदन्तरस्य निष्पत्तिः सैव कोणयोर्योगार्धकोटिच्छायाया कोणयोरन्तरार्धच्छायायाश्च निष्पत्तिर्ज्ञात्यतौ साधितास्ति । प्रथमद्वितीयफलयोगान्तररूपे भुजयोर्योगान्तरज्ये । प,फकोणावाधासंमुखौ । तयोर्योगो भुजद्वयमध्यगतः कोणः तेन भुजयोर्योगज्यया तदन्तरज्याया या निष्पत्तिः सैव तन्मध्यगतकोणार्धकोटिच्छायाया आवाधासंमुखकोणयोरन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिरुपपन्नैवमन्तर्लम्बे । बहिर्लम्बे तु आवाधासंमुखकोणयोरन्तर भुजद्वयमध्यगः कोणः । अन्तरार्धकोटिच्छायाया योगार्धच्छायायाश्च सैव निष्पत्तिरिति चतुर्थस्याने योगार्धच्छायैवोपपन्ना ।

अथान्योपपत्तिः । विषमत्रिभुजीयचतुर्थसाध्यतः लम्बलम्बकोणकोटिज्ययोर्योगो निष्पत्तिः सैव भुजच्छायायोर्निष्पत्तिः । वा लम्बलम्बकोणकोटिज्ययोर्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव भुजच्छायायोर्योगेनच्छायायान्तरस्य निष्पत्तिः सैव भुजयोर्योगज्यया भुजान्तरज्याया निष्पत्तिर्ज्ञात्यतौ साधितास्ति । एवं कोणकोटिज्ययोर्योगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव कोणयोर्योगार्धकोटिच्छायाया तदन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिरतः प्रकृते भुजयोर्योगज्यया तदन्तरज्याया या निष्पत्तिः सैव तन्मध्यगतकोणार्धकोटिच्छायाया लम्बलम्बकोणयोरन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिरन्तर्लम्बे सिद्धा । बहिर्लम्बे तूक्तेयेति । एतेन भुजद्वय-तदन्तरगतकोणज्ञानेन लम्बलम्बकोणयोर्ज्ञानं कृतं ततस्त्रिज्याया यदि भुजज्या-रूपा कर्णज्या तदा लम्बलम्बकोणज्याया केति तज्वापरूपे आवाधे भवतः ।

भुजयोरन्तरज्याघ्नी मध्यकोणार्धकोटिभा ।

भुजसंयोगजीवाया कोणयोर्लम्बलम्बयोः ॥

अन्तरार्धभवा द्याया तस्याऽद्वायासु यद् धनुः ।
तेनोनयुड्मध्यकोणः कोणौ तौ लम्बलम्बको ॥

अथाष्टम क्षेत्रम् ।

तत्र भुजज्ययोर्था निष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोणज्ययोर्निष्पत्तिः ।

तद्वया । अत्र चापजात्यद्वितीयसाध्यतः कर्णज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः
सैव भुजज्यया भुजसंमुखकोणज्याया निष्पत्तिः सिद्धास्ति । यथा (७८ ते. दू.)
एवीमीत्रिभुजे वीमीलम्बनिपाताद् द्वे चापजात्ये समुत्पत्ते । एकं एवीमीत्रे च
द्वितीयं वीमीलम्बे च । तत्र एवीभुजज्यया त्रिज्याया या निष्पत्तिः सैव सी-
मीलम्बज्यया एकोणज्याया निष्पत्तिः । अतः एवीज्यया त्रिज्या तदा लम्ब-

ज्यया केति एकोणज्या । $\frac{\text{लं} \times \text{त्रि}}{\text{एवीज्या}}$ । एवं वीमीभुजज्यया त्रिज्यामिता कोणज्या

तदा लम्बज्यया केति वीमीकोणज्या । $\frac{\text{लं} \times \text{त्रि}}{\text{वीमीज्या}}$ । इयं एकोणज्यया भक्ता

तदा समयोर्गुणहरयोर्नाशे जातं फलम् । $\frac{\text{एवीज्या}}{\text{वीमीज्या}}$ । अतः वीमीभुजज्यया

एवीभुजज्यया या निष्पत्तिः सैव एकोणज्यया वीमीकोणज्याया निष्पत्तिः सिद्धा ।
अत्रैकान्तरनिष्पत्त्या वीमीभुजज्यया एकोणज्याया या निष्पत्तिः सैव एवी-
भुजज्यया वीमीकोणज्याया निष्पत्तिः । एवं एवीभुजज्यया वीमीकोणज्यायाश्च सैव
निष्पत्तिः सिद्धा स्यात् । तेन तत्तदुज्जात् तत्तत्संमुखकोणज्या समानगुणा भव-
तीति सिद्धम् ।

छातदोः संमुखी कोणजीया तद-

छातकोणम्य दोर्जापया संगुणा ।

छातदोर्जाहृताऽछातकोणज्यका

स्यात् त्रिधाहौ सदा गोलपृष्ठोद्भवे ॥

द्वयोर्भुजयोस्तद्वैरुममुखकोणस्य च ज्ञाने द्वितीयभुजसंमुखकोणानयन-
मिति ।

ययमच्छातदोः कोणजीया यदा

छातत्राहोर्ज्या संगुणा भाजिन्या ।

ज्ञातवाहेस्तु कोणज्यया स्याद् गुणो

बाहुजोऽज्ञातकोणस्थितः संमुखः ॥

कोणयोर्ज्ञाने तदेकसंमुखभुजज्ञाने च द्वितीयकोणसंमुखभुजानयनमिति ।

अथ द्वयोर्भुजयोर्ज्ञाने तदेकसंमुखकोणज्ञाने च तृतीयभुजानयनम् । यथा । एसीबीत्रिभुजे सीडीलम्बनिपातात् डीलघौ समकोणौ । अतस्त्रिज्या तुल्यया कोणज्यया सीडीज्या लभ्यते तदा बीकोणज्यया केति सीडीलम्बज्या । अथ

यद्वा कर्णोत्था च या कोटिज्जीवा

त्रिज्यानिघ्नी ज्ञातकोटिज्ययाप्ता ।

इति पञ्चमे पञ्चमसाध्येन वा सीबीकोटिज्या त्रिज्यागुणा लम्बकोटिज्याभक्ता बीडीसन्नावाधाकोटिज्या स्यात् । एवं एसीकोटिज्या त्रिज्यागुणा लम्बकोटिज्याभक्ता एडीसन्नावाधाकोटिज्या स्यात् । कोटिज्ययोश्चापयोरन्तरयोगो वा तृतीयभुजः स्यात् । आवाधावापयोर्योगान्तरस्य आवाधाकोटिचापयोर्योगान्तरतुल्यत्वात् ।

कोणज्या लघुदोर्धाघ्नी चिज्याया लम्बगिह्निनी ।

भुजसंबन्धिकोटिज्ये चिज्याद्वयौ लम्बजातया ॥

कोटिज्यया हूते लघ्व्योश्चापयोरन्तरं युतिः ।

तृतीयभुजरूपा स्याद्विषमत्रिभुजाभिधे ॥

एवं द्वयोः कोणयोस्तदेकसंमुखभुजज्ञाने च लम्बलघुकोणयोर्ज्ञानं तत्संस्कारात् तृतीयकोणज्ञानं स्यात् । यथा कोणकोटिज्ये त्रिज्यागुणे लम्बकोटिज्याभक्ते लम्बलघुने कोणज्यके भवतः । यथा एकोण, बीकोणज्ञाने सीबीभुजज्ञाने च सीबीज्या बीकोणज्यागुणा त्रिज्याभक्ता लम्बस्तत्कोटिज्या साध्या । बीकोणकोटिज्या त्रिज्यागुणा लम्बकोटिज्याभक्ता डीसीबीकोणज्या । एव एकोणकोटिज्या त्रिज्यागुणा लम्बकोटिज्याभक्ता डीसीकोणज्या स्यात् । इयमुपपत्तिः पष्टसाध्यतः संप्रवास्ति । द्वयोश्चापयोर्योगोऽन्तरं वा संपूर्यः सीकोणः स्यात् । अत्र सर्वत्रान्तर्लम्बे योगो वहिर्लम्बेऽन्तरमिति ज्ञेयम् । अत्रान्यप्रकारेण साधनमप्ये निरूपयिष्याम इति ।

अथ भुजद्वयज्ञाने तदन्तर्गतकोणज्ञाने च तृतीयभुजानयनम् । यथा । (७८वेऽंशः) आवासासजे चापीयत्रिभुजे काबिन्दुरूपगोलगर्भात् त्रिज्यामिता-

नि सूत्राणि काआ.कासा.कावासंज्ञकानि कार्याणि । अत्र आमाचापच्छाया
आईरेखा तथा आवाचापच्छाया आडारेखा च कार्या । तत्र कासा रेखा ईचिद्भा-
वधि वर्धनीया तथा कावारेखा डाचिन्दुपर्यन्तं वर्धिता । अत्र डाआई.डा-
काईत्रिभुजत्वे जाते । अथ

कोणसंमुखभुजस्य च कृत्या

शेषबाहुकृतिसंयुतिरूना ।

शेषबाहुहतिहृत् त्रिगुणार्धा-

स्ता ज्यका भवति कोणजकोटेः ॥

इति पूर्वोक्तपकारेण कोणकोटिज्ञानयनं विधाय ततः समीकरणेन को-
णसंमुखभुजज्ञानं सभवति । यथा डाआईत्रिभुजे डाआईकोणकोटिज्ञायमानम् ।
 $\frac{\text{आडा}^2 \cdot \text{त्रि} + \text{आई}^2 \cdot \text{त्रि} - \text{डाई}^2 \cdot \text{त्रि}}{२ \text{आडा} \cdot \text{आई}}$ । इदं डाआईकोणकोटिज्ञायमानमिति

पतयोः समच्छेद्रीकृतयोर्न्यासः ।

$\text{आडा}^2 \cdot \text{त्रि} + \text{आई}^2 \cdot \text{त्रि} - \text{डाई}^2 \cdot \text{त्रि} = २ \text{आडा} \cdot \text{आई} \cdot \text{कोज्याडाआई}$ ।
समशोधनात् पतौ ।

$\text{आडा}^2 \cdot \text{त्रि} + \text{आई}^2 \cdot \text{त्रि} - २ \text{आडा} \cdot \text{आई} \cdot \text{कोज्याडाआई} = \text{डाई}^2 \cdot \text{त्रि}$ ।
एतौ समाधेवातस्त्रिभुजे कोणलम्बभुजयोर्वर्गयोगस्त्रिज्यागुणः कोणलम्बभुजघा-
तेन द्विगुणेन कोणकोटिज्ञागुणितेन हीनस्त्रिज्याभक्तः फल कोणसंमुखभुजवर्गः
स्यादिति सिद्धम् । एतेन डाआईत्रिभुजे डाईभुजवर्गेण त्रिज्यागुणेन समानो-
ऽयं संपन्नः प्रथमः पतः । $\text{आडा}^2 \cdot \text{त्रि} + \text{आई}^2 \cdot \text{त्रि} - २ \text{आडा} \cdot \text{आई} \cdot \text{कोज्याडाआई}$
 $= \text{डाई}^2 \cdot \text{त्रि}$ । अथैवं डाआईत्रिभुजेऽप्युक्तरीत्या डाईवर्गेण त्रिज्यागुणेन तुल्योऽयं
द्वितीयः पतः । $\text{काडा}^2 \cdot \text{त्रि} + \text{काई}^2 \cdot \text{त्रि} - २ \text{काडा} \cdot \text{काई} \cdot \text{कोज्याडाकाई}$ ।
एतौ समाधिति समशोधनात् पतौ ।

$२ \text{काडा} \cdot \text{काई} \cdot \text{कोज्याडाकाई} = \text{काडा}^2 \cdot \text{त्रि} - \text{आडा}^2 \cdot \text{त्रि} + \text{काई}^2 \cdot \text{त्रि}$
 $- \text{आई}^2 \cdot \text{त्रि} + २ \text{आडा} \cdot \text{आई} \cdot \text{कोज्याडाआई}$ । अत्र त्रिज्यामूत्रोपरि-
च्छायाया लम्बरूपत्वात् प्रकृते काआडाकोणस्य समकोणत्वात् काआडात्रिभुजं
ज्ञातम् । तत्रैकभुजवर्गान्नगण्यवर्गस्य द्वितीयभुजवर्गसाम्यात् काडावर्गः आडाव-
र्गहीनः काआवर्गतुल्यो जातः । $\text{काडा}^2 - \text{आडा}^2 = \text{काआ}^2$ । एवं काआईत्रिभु-
जेऽपि काआरेखारूपत्रिज्यामूत्रोपरि आईरेखापरच्छाया रूपाया लम्बत्वात् का-

आईकोणः समकोणस्तेन काआईत्रिभुजं जात्यम् । तत्रापि काईवर्गः आईवर्ग-
हीनः काआवर्गस्तुल्योऽस्ति । काई^२ - आई^२ = काआ^२ । अत्र पूर्वलिखिताधस्त-
नपक्षे प्रथमद्वितीयपण्डयोस्त्यापने काआवर्गस्त्रिज्यागुणः सिद्धस्तथा तृतीय-
चतुर्थपण्डयोस्त्यापनेऽपि काआवर्गस्त्रिज्यागुणः सिद्धः । द्वयोर्योगे काआवर्गो
द्विगुणस्त्रिज्यागुण इति सिद्धम् । अत्र पञ्चमपण्डं यथास्थितमेवेति पञ्चयो-
न्यासः । २ काडा · काई · कोज्याडाकाई = २ काआ^२ · त्रि + २ आडा · आई ·
कोज्याडाकाई । एतौ द्वाभ्यामपवर्तितौ ततः प्रथमपक्षे डाकाईकोणकोटिज्या-
मानमव्यक्तं प्रकल्प्य द्वितीयपक्षे अव्यक्तशेषेण काडा · काई भूते त्वव्यक्तमानं
व्यक्तं स्यादेव । अत्र काआवर्गस्तु काआ, काआघातः । एवं न्यासः । कोज्या-

$$\text{डाकाई} = \frac{\text{काआ}}{\text{काडा}} \cdot \frac{\text{काआ} \cdot \text{त्रि}}{\text{काई}} + \frac{\text{आडा}}{\text{काडा}} \cdot \frac{\text{आई}}{\text{काई}} \cdot \text{कोज्याडाकाई} । \text{अत्र प्रथम-}$$

$$\text{पण्डम्} \cdot \frac{\text{काआ}}{\text{काडा}} । \text{डाकाआकोणकोटिज्याया त्रिज्याभक्त्या तुल्यम् । द्वितीयं}$$

$$\text{पण्डम्} \cdot \frac{\text{काआ} \cdot \text{त्रि}}{\text{काई}} । \text{ईकाआकोणकोटिज्यातुल्यम् । अथ तृतीयपण्डम् ।}$$

$$\frac{\text{आडा}}{\text{काडा}} । \text{आकाडाकोणज्याया त्रिज्याभक्त्या तुल्यम् । तथा चतुर्थे पण्डम् ।}$$

$$\frac{\text{आई}}{\text{काई}} । \text{ईकाआकोणज्याया त्रिज्याभक्त्या तुल्यमेवेति । तद्वया । पूर्वोक्ते का-}$$

आडात्रिभुजे जात्ये काडाकर्णे तत्संमुखकोणज्या त्रिज्यातुल्या तदा काआ-

$$\text{भुजे केति काआभुजसंमुखी काडाआकोणज्या । } \frac{\text{काआ} \cdot \text{त्रि}}{\text{काडा}} । \text{इयमेव डा-}$$

काआकोणकोटिज्या । जात्ये भुजलग्नकोणयोर्मध्यः कोटिरूपत्वात् । अत इयं
त्रिज्याभक्ता प्रथमपण्डतुल्या जाता । एवं ईकाआत्रिभुजे जात्ये काईकर्णे
तत्संमुखकोणज्या त्रिज्या लभ्यते तदा काआभुजे केति तत्संमुखकोणज्या

$$\text{आकाईकोणज्या । } \frac{\text{काआ} \cdot \text{त्रि}}{\text{काई}} । \text{इयमेव ईकाआकोणकोटिज्या द्वितीयपण्ड-}$$

ण्डतुल्या । अथ काडाआजात्ये काडाकर्णे तत्संमुखकोणज्या त्रिज्या तदा
आडाभुजे केति तत्संमुखकोणज्या सा तु आकाडाकोणज्या । अयं त्रिज्या-

भक्ता तृतीयखण्डस्वरूपो । एव ईकाआजात्ये कार्दकर्म तत्समुपकोणज्या
त्रिज्या तदा आर्दभुजे वेति तत्समुपकोणज्या जाता ईकाआकोणज्या । इय
त्रिज्याभक्ता चतुर्थखण्डतुल्येवेति । अत्र तृतीयचतुर्थखण्डयोर्घातस्य डाकार्द-
कोणकोटिज्या गुणकोस्ति । अत्र डाकाआकोणमान आवाचाप तया ईकाआ-
कोणमान आसाचापं तथा डाकार्दकोणमान सावाचाप वर्त्तते । आवासात्रि
भुजे आ,वा,साकोणास्तत्समुपभुजा । अ व,मसजाः । अयोक्तप्रकारेण सिद्धा
डाकार्दकोणस्य अभुजरूपस्य कोटिज्या । न्यासः । कोज्याअ अस्य प्रथमखण्डम्,
कोज्याम
त्रि । द्वितीयम्, कोज्याव । तृतीयम्, $\frac{\text{ज्यास}}{\text{त्रि}}$ । चतुर्थखण्डम्, $\frac{\text{ज्याव}}{\text{त्रि}}$ ।

कोज्याडाकार्द । अत्रडाकार्दकोणस्तु साआवाकोणतुल्यः चापयोरन्तर्गतकोण-
स्य चापच्छायाऽन्तर्गतकोणसमत्वमिति गोलरेखागणिततृतीयक्षेत्रपष्ठानुमाना-
त् । अतः आसावाचापीयत्रिभुजे आसा,आवाचापयोर्मध्यगतस्य आकोणस्य
कोटिज्या स,वभुजज्याभ्यां हता त्रिज्यावर्गभक्ता फलमेक तृतीयचतुर्थखण्ड-
घातात् । तथा व,सभुजकोटिज्याघाते त्रिज्याभक्ते द्वितीय फल प्रथमद्वितीय-
खण्डघातात् । फलयोर्योगः कोणसमुखस्य अभुजस्य कोटिज्या सिद्धेति न्या-
सः । कोज्याअ = $\frac{\text{कोज्याआ} \cdot \text{ज्यास} \cdot \text{ज्याव}}{\text{त्रि}^2} + \frac{\text{कोज्याव} \cdot \text{कोज्याम}}{\text{त्रि}}$ ।

अयान्यथोपपत्तिः । यथा (२०६ द्व०) एसीजीत्रिभुजे एसी,बीसीभुजौ जा-
ता तन्मध्यगः सीकोणश्च जातस्तदा एबिन्दोः एडीलब्ध कार्यः । सीजी-
भुजखण्डे बीडी डीसीरूपे आवाधे भवतः । एसीडी,एडीबीक्षेत्रे चापजात्ये ।
तत्र चापजात्ये तु कोणकोटिज्या कोणज्यागुणा कोणसमुखभुजकोटिज्यया
भक्ता कोणलम्बभुजज्या ~~या~~दिति पूर्वसिद्धप्रकारेण जाता सीडीज्या ।

कोज्यासी · ज्याएसी
कोज्याएडी । एव चापजात्ये पट्टा कर्णात्या च या कोटिजीवा इति
पञ्चेन कोणकोटिज्या त्रिज्यागुणा कोणसमुखभुजकोटिज्यया भक्ता कोणलम्ब
भुजकोटिज्या स्यात् । तेन जाता सीडीकोटिज्या । $\frac{\text{कोज्याएसी} \cdot \text{त्रि}}{\text{कोज्याएडी}}$ । अस्या

आवाधाया आवाधायोगरूपमीजीभुजस्य चापान्तर डीबीआवाधा । अतस्त-
ज्ज्ञानार्थं सीडीचापस्य ज्याकोटिज्ययोः सीबीज्याकोटिज्याभ्यां भावनार्थं

न्यासः ।	$\frac{\text{कोज्यामी} \cdot \text{ज्याएसी}}{\text{कोज्याएडी}} \cdot \text{त्रि}$	$\frac{\text{ज्यासीवी}}{\text{कोज्यासीवी}}$	अत्र व्ययोर्घातस्त्रिज्यापूः कोटि-

व्ययोर्घातस्त्रिज्यापूः फलयोगश्चापान्तरकोटिज्या ।

कोज्यासी · ज्याएसी · ज्यासीवी + कोज्याएसी · कोज्यासीवी · त्रि । इयं डी-
कोज्याएडी · त्रि

वीचापकोटिज्या तत्र चापजाल्ये भुज्याभ्यां कर्णज्ञानप्रकारेण भुजसंज्ञन्धिकोटि-
व्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्तः कर्णकोटिज्येति पञ्चमसाध्येन डीवीकोटिज्या एडी-
कोटिज्यागुणा त्रिज्याभक्ता तत्र एडीकोटिज्ययोर्गुणहरयोर्नाशे जाता एवीचा-
पकोटिज्या । $\frac{\text{कोज्यामी} \cdot \text{ज्याएसी} \cdot \text{ज्यासीवी} + \text{कोज्याएसी} \cdot \text{कोज्यासीवी} \cdot \text{त्रि}}{\text{त्रि}^2}$

इयमज्ञातभुजकोटिज्या सिद्धा । तत्र प्रथमपण्डे कोणकोटिज्या भुजद्वयज्या-
गुणिता त्रिज्यावर्गभक्ता फल द्वितीये तु त्रिज्यापयत्तनेन ज्ञातभुजयोः कोटि-
ज्याघातस्त्रिज्याभक्तः फलं फलयोगस्तृतीयभुजकोटिज्यान्तर्लम्बे । यद्विलम्बे तु
फलान्तरं तृतीयभुजकोटिज्या तत्रैजावधा भूयोगस्यान्यावाधात्वात् ।

कोणकोटिज्यका ज्ञातवाद्घोर्ज्याभ्यां दृता दृता ।

त्रिज्यावर्गेण वाद्घोस्तु कोटिज्याहतिरुद्धता ॥

त्रिज्यया च तयोरैक्यं विवरं वाऽन्यबाहुजा ।

कोटिज्या स्याद्गोलपृष्ठसंभवे चिभुने सदा ॥

अथ यदि कोणकोटिज्यामानमज्ञातं तस्य यावत्तन्निमानत्वकल्पनेन ज्ञा-
ता तृतीयभुजकोटिज्या पूर्वसिद्धस्वरूपा ।

कोज्याया · ज्याएसी · ज्यासीवी + कोज्याएसी · कोज्यासीवी · त्रि । इयं तृती-
त्रि^२

यभुजस्य एवीचापस्य कोटिज्यया तुल्येति पक्षयोः समच्छेदीकृतयोरुक्तेदापगमे
चकृते न्यासः । कोज्याया · ज्याएसी · ज्यासीवी + कोज्याएसी · कोज्यासीवी ·
त्रि = त्रि^२ · कोज्याएडी । समशोधनात् पक्षौ । कोज्याया · ज्याएसी · ज्या-
सीवी = त्रि^२ · कोज्याएडी - कोज्याएसी · कोज्यासीवी · त्रि । अत्र द्वितीय-

एते प्रथमपक्षस्य भुजद्वयज्याघातभक्ते यावत्तावतः कोटिज्यामानमर्थात् कोण-
कोटिज्यामान लभ्यते । तेन

भूकोटिजीवा त्रिगुणाहतेना
कोटिज्ययोर्दोर्भवयोर्वधेन ।
त्रिज्यागुणा दोगुणघातभक्ता
ज्या साच भूसंमुखकोणकोटेः ॥

इति पट्टस्य भुजत्रयज्ञानेन आधारसंमुखकोणकोटिज्याज्ञानमुपपन्नं भवति ।
तथाहि । एवीरूपाया भुजः कोटिज्या त्रिज्यागुणा भुजसंवन्धिकोटिज्य-
योर्घातेन हीना त्रिज्यागुणा भुजद्वयज्याघातभक्ता भूसंमुखकोणस्य कोटिज्या
सिद्धा । $\frac{\text{त्रि}^2 \cdot \text{कोज्याएसी} - \text{कोज्याएसी} \cdot \text{कोज्यासीबी} \cdot \text{त्रि}}{\text{ज्याएसी} \cdot \text{ज्यासीबी}}$ ।

अथान्यः प्रकारः । भुजयोश्चापयोगकोटिज्या ।
 $\frac{\text{कोज्याएसी} \cdot \text{कोज्यासीबी} - \text{ज्याएसी} \cdot \text{ज्यासीबी}}{\text{त्रि}}$ । एवं भुजयोश्चापान्तरको-
टिज्याव । $\frac{\text{कोज्याएसी} \cdot \text{कोज्यासीबी} + \text{ज्याएसी} \cdot \text{ज्यासीबी}}{\text{त्रि}}$ । अनयोर्योगा-

र्धमाद्यसंज्ञम् । $\frac{\text{कोज्याएसी} \cdot \text{कोज्यासीबी}}{\text{त्रि}}$ । तयोरेवान्तरार्द्धमन्यसंज्ञम् ।
 $\frac{\text{ज्याएसी} \cdot \text{ज्यासीबी}}{\text{त्रि}}$ । आद्यसंज्ञस्य भूकोटिज्यायाश्चान्तरं त्रिज्यागुणमन्य-

संज्ञेन भक्त तदा सैव जाता कोणकोटिज्या ।
 $\frac{\text{त्रि}^2 \cdot \text{कोज्याएसी} - \text{कोज्याएसी} \cdot \text{कोज्यासीबी} \cdot \text{त्रि}}{\text{ज्याएसी} \cdot \text{ज्यासीबी}}$ । एतेन

भुजयोर्योगविवरकोटिज्ये ये तथेतिह ।
योगार्धमाद्यसञ्ज्ञ म्यादन्यस्तद्विवरार्धकम् ॥
भूकोटिज्याद्यविवर त्रिज्याघ्नं चान्यभाजितम् ।
लब्धं भूसंमुखस्याच कोणकोटिज्यका मता ॥

इत्युपपन्नम् ।

नां ह्याया स्यात् येषां वृत्तानां क्षेत्रे सा ह्यायरेखा भवतीति । अथ जीडी-
 एकोणः जीएचकोणतुल्यः रेखागणितनृतीयाध्यायस्य द्वात्रिंशत्क्षेत्रात् । तथा-
 हि । वृत्तकेन्द्रे खबिन्दौ गना एचिह्माट्टामरेखा खबिन्दौ लग्ना एहरेखा जा-
 ता । हजीरेखा च कार्यः । एजीइत्तत्रं जात्यं व्यासरेखापरिगतत्वात् । ए-
 जीहकोणः समकोणः । ह्यायरेखापरि व्यासरेखा लम्बरूपास्ति । अतः हएच-
 कोणः समकोणः हएजीकोणकोटिः जीएचकोणः । हएजीकोणकोटिः जीह-
 एकोणः । जात्यक्षेत्रे द्वयोः कर्णमपातकोणत्वात् द्वयोर्योगस्य समकोणत्वाच्च ।
 तेन जीहएकोणतुल्यः जीएचकोणो जातः जीहएकोणतुल्यः जीडीएकोणश्च ।
 द्वयोः कोणयोः एजीरूपैकचापगतत्वात् । अतः जीडीएकोणः जीएचकोणतु-
 ल्यः सिद्धः । अथैकादशाध्याये नवमक्षेत्रे इदं प्रतिपादितम् । द्वेद्वे रेखे समाना-
 न्तरे भिन्नधरातलगते स्तस्तद्वा ताभ्यामुत्पन्नौ कोणौ तुल्यौ भवतः । अथवा
 प्रथमाध्यायस्य गोकानत्रिंशत्क्षेत्रे इदं प्रतिपादितं समानान्तररेखे नृतीयरेखया
 द्वित्रे तदा तदुद्भवौ एकान्तरकोणौ तुल्यौ भवतः । अतः प्रकृते चक्रे, फसीरेखे
 समानान्तरे एजीरेखया द्वित्रे । जीएचकोणः एनसीकोणतुल्यः । फई, एजीरेखे
 समानान्तरे फसीरेखया द्वित्रे । एनसीकोणतुल्यः सीफईकोणः । अतः जीडी-
 एकोणः सीफईकोणतुल्यः सिद्धः । एवं एडी, ईसीरेखे ईफ, एजीरेखे च समा-
 नान्तरे ताभ्यामुत्पन्नौ डीएजी, सीईफकोणौ तुल्यौ जातौ एकादशाध्यायनव-
 मक्षेत्रात् । एवं त्रिभुजयोः कोणद्वयसाम्येन शेषकोणयोश्च साम्यात् ईसीफ-
 एडीजीत्रिभुजे मिथः सजातीये सिद्धे । अथ रेखागणितषष्ठाध्यायचतुर्थक्षेत्रेण
 तुल्यकोणलघ्नयोर्भुजयोर्निष्पत्तिः समानेति । एडीभुजेन एजीभुजस्य या निष्प-
 त्तिः सैव ईफभुजेन ईसीभुजस्य निष्पत्तिः । अत्र चतुर्षु खण्डेषु अर्धाकरणात्
 एडीभुजाधेन एजीभुजाधस्य या निष्पत्तिः सैव ईफभुजाधेन ईसीभुजाधस्य
 निष्पत्तिः । अत्र एडीभुजाधं एडीचापाधस्य ज्या । एजीभुजाधं एजीचापाध-
 स्य ज्या । ईफभुजाधं ईफचापाधस्य ज्या । ईसीभुजाधं ईसीचापाधस्य ज्या ।
 अत्र निष्पत्तौ आद्यान्त्यखण्डघातो मध्यखण्डघाततुल्य इति एडीचापाधज्या-
 ईसीचापाधज्याधातः एजीचापाधज्याईफचापाधज्याधाततुल्यो जातः । अथ
 एजी, ईफचापयोरेधं स्वरूपान्तरेण जातव्ये । तद्वया । एफ, एजीचापयोगः
 एजीचाप तत्समः एसी, ईईचापयोगो घा । तत्र बीई, बीसीचापे तुल्ये । बी-
 ईचापं बीएचापोन एईचाप स्यादयथा बीसीचाप बीएचापोन ईईचापतुल्य
 तत्र एसीचाप युत एजीचापसम जातम् । एसी+बीसी-एबी । अस्याधं तु सर्व-

प्रकृते चापयोरनयोः (क + ग), (अ) योगार्धज्यान्तरार्धज्याघातो द्विगुणः कृतः

$$\frac{२ \text{ ज्या (अ + क + ग) ज्या (क + ग - अ) }}{२} \times \frac{२}{२} \text{ । अत्र सर्वभुजयोगार्धे सवर्णः क}$$

तुल्यः । तदा आकोणार्धकोटिज्यावर्गो द्विगुणः सिद्धः ।

$$\frac{२ \text{ ज्यास } \cdot \text{ ज्या (स - अ) ज्याक } \cdot \text{ ज्याग }}{\text{ज्याक } \cdot \text{ ज्याग }} \text{ । एवं आकोणकोटिज्या हीना त्रिज्या}$$

$$\text{जाता । } \frac{\text{कोज्याक } \cdot \text{ कोज्याग } + \text{ ज्याक } \cdot \text{ ज्याग } - \text{ कोज्याअ }}{\text{ज्याक } \cdot \text{ ज्याग }} \text{ । अत्र भाज्ये द्वितीय-$$

चतुर्थसखण्डेन चापान्तरकोटिज्यास्वरूपं विलिख्य न्यासः ।

$$\frac{\text{कोज्या (क - ग) } - \text{ कोज्याअ }}{\text{ज्याक } \cdot \text{ ज्याग }} \text{ । अत्रापि क, गचापान्तरकोटिज्याया अचापकोटि-$$

ज्याया अन्तरं त्रिज्यागुण आकोणार्धज्यावर्गो द्विगुणः । त्रिज्योत्क्रमज्यानिहतैर्द्व-
लस्य मूलमिति सूचात् । अयं क, गचापान्तरस्य (क - ग) अचापस्य (अ)
योगार्धान्तरार्धज्याघातेन द्विगुणेन तुल्यः । तथा हि । क, गचापान्तरं अचापे ही-
नम् । अ - क + ग । युतम् । (अ + क - ग) । अनयोरर्धे । (स - क) । (स - ग) ।
एतयोर्ज्याघातो द्विगुणः द्विगुण आकोणार्धज्यावर्गः ।

$$\frac{२ \text{ ज्या (स - क) ज्या (स - ग) }}{\text{ज्याक } \cdot \text{ ज्याग }} \text{ । अथोभयत्र द्विमितगुणकस्य साम्यावाशः}$$

कृतः । एवं आकोणस्य गकोणस्य चाधोऽन्याकोटिज्यावर्गो प्रसाध्य सर्वाणि
लिप्यन्ते । अथ आ, आकोणार्धयोगार्धज्याघातावगमार्थे तद्वर्गयोर्घातमूलं ग्राह्यम् ।

$$\text{न्यासः । कोज्या } ^{२१} \text{ आ} = \frac{\text{ज्यास } \cdot \text{ ज्या (स - अ) }}{\text{ज्याक } \cdot \text{ ज्याग }}$$

$$\text{कोज्या } ^{२१} \text{ का} = \frac{\text{ज्यास } \cdot \text{ ज्या (स - क) }}{\text{ज्यास } \cdot \text{ ज्याअ }} \text{ । कोज्या } ^{२१} \text{ गा} = \frac{\text{ज्यास } \cdot \text{ ज्या (स - ग) }}{\text{ज्याअ } \cdot \text{ ज्याक }}$$

$$\text{ज्या } ^{२१} \text{ आ} = \frac{\text{ज्या (स - क) ज्या (स - ग) }}{\text{ज्याक } \cdot \text{ ज्याग }}$$

$$\text{ज्या } ^{२१} \text{ का} = \frac{\text{ज्या (स - ग) ज्या (स - अ) }}{\text{ज्याग } \cdot \text{ ज्याअ }}$$

$$\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{गा} = \frac{\text{न्या} (स-अ) \cdot \text{न्या} (स-क)}{\text{न्याअ} \cdot \text{न्याक}}$$

$$\text{अतः न्या}^२ \frac{१}{२} \text{आ} \times \text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{का} = \frac{\text{न्या} (स-क) \cdot \text{न्या} (स-ग)}{\text{न्याक} \cdot \text{न्याग}} \times$$

$$\frac{\text{न्या} (स-ग) \cdot \text{न्या} (स-अ)}{\text{न्याग} \cdot \text{न्याअ}} = \frac{\text{न्या}^२ (स-ग) \cdot \text{न्या} (स-क) \cdot \text{न्या} (स-अ)}{\text{न्या}^२ \text{ग} \cdot \text{न्याक} \cdot \text{न्याअ}} ।$$

अत्र भाज्यस्य द्वितीयतृतीयखण्डं द्वारस्य द्वितीयखण्डं गाकोणार्धन्यावर्गः । तद्यथा । गाकोणार्धनयने भुजाधारयोगार्धमून भुजाभ्यामिति सूत्रात् । स-वैभुजदलयोगो भुजाभ्यां हीनः । स-क । स-अ । एतयोर्न्याघातः भुजद्वय-न्याघातभक्त इति त्रिन्यावर्गण १ गुणनाच्च विकारः । एवं सिद्धस्य मूल गाको-णार्धन्या । अथ भाज्यस्यप्रथमखण्डं द्वारस्य च प्रथमखण्डम् ।

$$\frac{\text{न्या}^२ (स-ग)}{\text{न्याग}} । तन्मूलम् । \frac{\text{न्या} (स-ग)}{\text{न्याग}} । इदं गाकोणार्धन्यागुणं ज्ञात$$

$$\text{आकोणार्धकोकोणार्धन्याघातः} । \frac{\text{न्या}^२ \text{गा} \cdot \text{न्या} (स-ग)}{\text{न्याग}} । एवं कोणयो-$$

न्याघात कोटिन्याघातं न्याकोटिन्याघातं च कृत्वा सर्वाणि लिख्यन्ते ।

$$\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{आ} \cdot \text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{का} = \frac{\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{गा} \times \text{न्या} (स-ग)}{\text{न्याग}}$$

$$\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{का} \times \text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{गा} = \frac{\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{आ} \times \text{न्या} (स-अ)}{\text{न्याअ}}$$

$$\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{गा} \times \text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{आ} = \frac{\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{का} \times \text{न्या} (स-क)}{\text{न्याक}}$$

$$\text{कोन्या}^२ \frac{१}{२} \text{आ} \times \text{कोन्या}^२ \frac{१}{२} \text{का} = \frac{\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{गा} \times \text{न्यास}}{\text{न्याग}}$$

$$\text{कोन्या}^२ \frac{१}{२} \text{का} \times \text{कोन्या}^२ \frac{१}{२} \text{गा} = \frac{\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{आ} \times \text{न्यास}}{\text{न्याअ}}$$

$$\text{कोन्या}^२ \frac{१}{२} \text{गा} \times \text{कोन्या}^२ \frac{१}{२} \text{आ} = \frac{\text{न्या}^२ \frac{१}{२} \text{का} \times \text{न्यास}}{\text{न्याक}}$$

एवं भूसंमुखकोणदलकोटिज्यानयनम् ।

भूबाहुयोगदलमत्र परः सकून-

स्तज्ज्यागुणः परगुणस्त्रिगुणस्य कृत्या ।

निघ्नः स देर्गुणविघातहृतोस्य मूलं

दोर्लग्रकोणदलकोटिरिहास्य चापम् ॥

अथ भुजद्वयतन्मध्यकोणज्ञाने च शेषकोणयोर्ज्ञानमाह ।

तत्र भुजयोर्योगार्धकोटिज्याया तदन्तरार्धकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव तन्मध्यगतकोणार्धकोटिच्छायाया शेषकोणयोर्योगार्धच्छायाया निष्पत्तिः । एवं भुजयोर्योगार्धज्याया तदन्तरार्धज्याया या निष्पत्तिः सैव तन्मध्यगतकोणार्धकोटिच्छायाया शेषकोणयोर्न्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिः । अत्र प्रथमे ज्ञातकोणार्धकोटिच्छाया भुजान्तरार्धकोटिज्यागुणा भुजयोर्योगार्धकोटिज्याभक्ता लब्धस्यच्छायासुचापं शेषकोणयोर्योगार्धं स्यात् । एवं द्वितीये ज्ञातकोणार्धकोटिच्छाया भुजयोर्न्तरार्धज्यागुणा योगार्धज्याभक्ता लब्धस्यच्छायासुचापं शेषकोणयोर्न्तरार्धं तत्र योगार्धं अन्तरार्धं हीन युत च शेषकोणौ ज्ञातौ भवतः ।

अथाधारलम्बकोणयोर्ज्ञाने तदाधारज्ञाने च शेषभुजयोरानयनम् ।

तत्र कोणयोर्योगार्धकोटिज्याया तदन्तरार्धकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव संलग्नभुजार्धच्छायाया संमुखभुजयोर्योगार्धच्छायाया निष्पत्तिः । एवं कोणयोर्योगार्धज्याया तदन्तरार्धज्याया या निष्पत्तिः सैव संलग्नभुजार्धच्छायाया संमुखभुजयोर्न्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिः । अत्र प्रथमे संलग्नभुजार्धच्छाया कोणयोर्न्तरार्धकोटिज्यागुणा योगार्धकोटिज्याभक्ता फलस्यच्छायासुचापं शेषभुजयोर्योगार्धं ज्ञातम् । एवं संलग्नभुजार्धच्छाया कोणयोर्न्तरार्धज्यागुणा योगार्धज्याभक्ता फलस्यच्छायासुचापं शेषभुजयोर्न्तरार्धं ज्ञातम् । योगार्धं अन्तरार्धं हीनं युतं च शेषभुजौ ज्ञातौ भवतः । अत्रैकचापकोटिच्छायाया तदन्यचापच्छायाया या निष्पत्तिः सैवान्यचापकोटिच्छायाया तत्रैकचापच्छायाया निष्पत्तिः पूर्वमिहास्ति । तेन प्रथमसाध्ये तृतीयवस्तुष्वेकण्डयोर्व्यत्यासेनैवं मिट्टिः । तद्वया । भुजयोर्योगार्धकोटिज्याया तदन्तरार्धकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव शेषकोणयोर्योगार्धकोटिच्छायाया भुजमध्यगतकोणार्धच्छायाया निष्पत्तिः । अत्र भुजान्तरार्धकोटिज्या कोणयोगार्धकोटिच्छायागुणा भुजयोगार्धकोटिज्याभक्ता फलस्य-

च्छायासुखायं भुजमध्यगतकोणार्धमानं ज्ञातं भवति । एतेन भुजयोर्ज्ञाने तत्स-
मुखकोणयोर्ज्ञाने च भुजान्तर्गतकोणज्ञानं ज्ञातम् ।

कोज्या^१ (अ - क) × कोज्या^१ (आ + का)
को^१ ग = $\frac{\text{कोज्या}^1 (\text{अ} - \text{क}) \times \text{कोज्या}^1 (\text{आ} + \text{का})}{\text{कोज्या}^1 (\text{अ} + \text{क})}$, एवं तृतीयसाधे च
एडानां विनिमयाच्च कोणान्तरार्धकोटिज्याया तद्व्योमार्धकोटिज्याया या नि-
ष्पत्तिः सैव कोणसमुच्चभुजव्योमार्धच्छायाया कोणसल्लभभुजार्धच्छायाया निष्प-
त्तिः तत्कोणा-
ज्ञानं ज्ञातं स्यात् ।
एतेन भुजद्वयज्ञाने तत्समुखकोणद्वयज्ञाने च कोणसल्लभभुजानयनं ज्ञातमिति ।

$$\text{को}^1 \text{ग} = \frac{\text{कोज्या}^1 (\text{आ} + \text{का}) + \text{को}^1 (\text{अ} + \text{क})}{\text{कोज्या}^1 (\text{आ} - \text{का})}$$

अत्रोपपत्तिः । अत्र त्रिभुजे अक, ग एते भुजाः । आका, गा एते क्रमेण
तत्तद्वृजसंमुखाः कोणाः कल्पिताः । तत्र लाघवाय त्रिज्या रूपमिता प्रकल्प्य

भूकोटिजीवा विगुणाहतेना
कोटिज्ययोर्दोर्भवयोर्वधेन ।
त्रिज्यागुणा दीर्गुणघातभक्ता
ज्या साच भूममुखकोणकोटेः ॥

इतिपक्षेन ज्ञाता आकोणकोटिज्या ।

$$\frac{\text{कोज्याअ} - \text{कोज्याक} \cdot \text{कोज्याग}}{\text{ज्याक} \cdot \text{ज्याग}} \text{ । त्रिज्याया १ युता ।}$$

$$\frac{\text{कोज्याअ} - \text{कोज्याक} \cdot \text{कोज्याग} + \text{ज्याक} \cdot \text{ज्याग}}{\text{ज्याक} \cdot \text{ज्याग}} \text{ । अत्र द्वितीयतृतीयपक्षे भा-$$

$$\text{व्यस्ये क, गचापयोर्योगकोटिज्यास्वरूपं तेन प्रथमपक्षे व्योमकोटिज्या हीना ।}$$

$$\frac{\text{कोज्याअ} - \text{कोज्या} (\text{क} + \text{ग})}{\text{ज्याक} \cdot \text{ज्याग}} \text{ । इयं त्रिज्याकोटिज्यायोगरूपा त्रिज्याया १ गु-$$

णिता ज्ञाता आकोणार्धकोटिज्यावर्गा द्विगुणः । त्रिज्यार्धमय कोटिगुणार्धं
तद्व्यतिरिति ज्योत्पत्तिसूत्रात् । अत्र क गचापयोगकोटिज्याया अचापकोटि-
ज्यायाश्चान्तरं त्रिज्यागुणमित्यस्ति । तत्र कोटिज्यान्तरेण त्रिज्यागुणेन तच्च-
पयोर्योगार्धज्यान्तर्धज्याघातो द्विगुणस्तुल्य इति ज्योत्पत्तौ लिखितत्वात् ।

	कोज्यासी • ज्याएसी	ज्यासीवी	
न्यासः ।	कोज्याएडी		अत्र व्ययोर्घातस्त्रिज्याः
	कोज्याएसी • त्रि	कोज्यासीवी	
	कोज्याएडी		

व्ययोर्घातस्त्रिज्याः फलयोगश्चापान्तरकोटिज्या ।

कोज्यासी • ज्याएसी • ज्यासीवी + कोज्याएसी • कोज्यासीवी • त्रि । इयं डी-
कोज्याएडी • त्रि

वीचापकोटिज्या तत्र चापजात्ये भुजाभ्यां कर्णज्ञानप्रकारेण भुजसंबन्धिकोटि-
ज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्तः कर्णकोटिज्येति पञ्चमसाध्येन डीवीकोटिज्या एडी-
कोटिज्यागुणा त्रिज्याभक्ता तत्र एडीकोटिज्ययोर्गुणहरयोर्नाशे जाता एवीचा-
पकोटिज्या । कोज्यासी • ज्याएसी • ज्यासीवी + कोज्याएसी • कोज्यासीवी • त्रि ।
त्रि

इयमज्ञातभुजकोटिज्या सिद्धा । तत्र प्रथमबद्धे कोणकोटिज्या भुजद्वयज्यो-
गुणिता त्रिज्यावर्गभक्ता फलं द्वितीये तु त्रिज्यापवर्त्तनेन ज्ञातभुजयोः कोटि-
ज्यायातस्त्रिज्याभक्तः फलं फलयोगमृतीयभुजकोटिज्यान्तर्लम्बे । अर्धलम्बं तु
फलान्तरं तृतीयभुजकोटिज्या तत्रैकाग्रं धा भूयोगस्यान्यावाधात्वात् ।

कोणकोटिज्यका घातवाद्देर्ज्याभ्यां हृता हृता ।

त्रिज्यावर्गेण वाद्देस्तु कोटिज्याहतिरुद्धता ॥

त्रिज्याया च तयोरेक्यं विवरं वाऽन्यब्राह्मजा ।

कोटिज्या स्याद्गोलपृष्ठसंभवे त्रिभुजे सदा ॥

अथ यदि कोणकोटिज्यामानमज्ञातं तस्य मावतात्मानत्वकल्पनेन ज्ञा-
ता तृतीयभुजकोटिज्या पूर्वसिद्धस्वरूपा ।

कोज्याया • ज्याएसी • ज्यासीवी + कोज्याएसी • कोज्यासीवी • त्रि । इयं तृती-
त्रि

यभुजस्य एवीचापस्य कोटिज्यया तुल्येति पतयोः समच्छेदीकृतयोरच्छेदापगमे
चकृते न्यासः । कोज्याया • ज्याएसी • ज्यासीवी + कोज्याएसी • कोज्यासीवी •
त्रि = त्रि • कोज्याएडी । समशोधनात् पतौ । कोज्याया • ज्याएसी • ज्या-
• = त्रि • कोज्याएडी - कोज्याएसी • कोज्यासीवी • त्रि । अत्र द्वितीय-

एते प्रथमपक्षस्य भुजद्वयन्याघातभक्ते यावत्तावत् कोटिज्यामानमर्थात् कोण-
कोटिज्यामान लभ्यते । तेन

भूकोटिजीवा त्रिगुणाहतोना

कोटिज्ययोर्दोर्भवयोर्वधेन ।

त्रिज्यागुणा दोर्गुणघातभक्ता

ज्या सा च भूसंमुखकोणकोटेः ॥

इति पदस्य भुजत्रयज्ञानेन आधारसंमुखकोणकोटिज्या जीडीएकोणश्च ।
तथाहि । एवीरूपाया भुज कोटिज्या त्रिज्यागुण जीडीएकोण जीवचकोणतु-
योर्घातेन हीना त्रिज्यागुणा भुजद्वयन्याघातभक्ता भूसाधौ तुल्यो भवतः । अथवा
सिद्धा । त्रि० कोज्याएवी - कोज्याएसी - कोज्यासी समानान्तररेखे तृतीयरेखया
ज्याएसी - ज्यासीबी । अतः प्रकृते चके, फसीरेखे
अथान्य. प्रकारः । भुजयोश्चापयोगकोटिज्या । सीकोणतुल्य, फई, एजीरेखे
कोज्याएसी - कोज्यामीबी - ज्याएसी - ज्यासीबी । सीफईकोणः । अतः जीडी-
त्रि । एवेरेखे ईफ, एजीरेखे च समा-
टिज्याच । कोज्याएसी - कोज्यासीबी + ज्याएसी - ज्या जाति । एकादशाध्यायनत्र-
त्रि । शयोश्च साम्यात् ईसीफ, -
धमादसज्जम् । कोज्याएसी - कोज्यासीबी । तयोरेवान्तर एजीभुजस्य या निष्प-
ज्याएसी - ज्यासीबी । पूर्ण खण्डेषु अर्धकारणात्
त्रि । आदसज्जस्य भूकोटिज्यायाश्चान्त भुजाधेन ईमीभुजाधस्य
सज्जेन भक्त तदा सैव ज्ञाता कोणकोटिज्या । जीभुजाध एनीचापार्ध-
त्रि० कोज्याएवी - कोज्याएसी - कोज्यासीबी - त्रि । तार्ध ईसीचापार्धस्य ज्या ।
ज्याएसी - ज्यासीबी । तुल्य इति एहीचापार्धज्या
भुजयोर्गोणविवरकोटिज्यो ये तयोरेव द्विज्या । अथवा । एफ, एनीचापयोग.
योगार्धमादसज्ज म्यादन्यस्तद्विवरार्ध ईई, बीमीचापे तुल्य । ची-
भूकोटिज्याद्यविवर त्रिज्याध्रं चान्यथ प चीएवापोन ईएचापतुल्य
लब्ध भूसंमुखस्याच कोणकोटिज्यक बीमी - एवी । अस्याधे तु सर्व-

एवं भूसंमुखकोणदलकोटिज्यानयनम् ।

भूचाहुयोगदलमत्र परः सकून-

स्तज्यागुणः परगुणस्त्रिगुणस्य कृत्या ।

निघ्नः स दौर्गुणविघातहृतेत्य मूलं

दौर्लग्नकोणदलकोटिरिहास्य चापम् ॥

अथ भुजद्वयतन्मध्यगकोणज्ञाने च शेषकोणयोर्ज्ञानमाह ।

तत्र भुजयोर्योगार्धकोटिज्याया तदन्तरार्धकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव तन्मध्यगतकोणार्धकोटिज्याया शेषकोणयोर्योगार्धज्यायाया निष्पत्तिः । एवं भुजयोर्योगार्धज्याया तदन्तरार्धज्याया या निष्पत्तिः सैव तन्मध्यगतकोणार्धकोटिज्याया शेषकोणयोरन्तरार्धज्यायाया निष्पत्तिः । अत्र प्रथमे ज्ञातकोणार्धकोटिज्याया भुजान्तरार्धकोटिज्यागुणा भुजयोर्योगार्धकोटिज्याभक्ता लब्धस्य ज्ञायासुचापं शेषकोणयोर्योगार्धं स्यात् । एवं द्वितीये ज्ञातकोणार्धकोटिज्याया भुजयोरन्तरार्धज्यागुणा योगार्धज्याभक्ता लब्धस्य ज्ञायासुचापं शेषकोणयोरन्तरार्धं तत्र योगार्धं अन्तरार्धं हीन युतं च शेषकोणौ ज्ञातौ भवतः ।

अथाधारलग्नकोणयोर्ज्ञाने तदाधारज्ञाने च शेषभुजयोरानयनम् ।

तत्र कोणयोर्योगार्धकोटिज्याया तदन्तरार्धकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव संलग्नभुजार्धज्याया संमुखभुजयोर्योगार्धज्यायाया निष्पत्तिः । एवं कोणयोर्योगार्धज्याया तदन्तरार्धज्याया या निष्पत्तिः सैव संलग्नभुजार्धज्याया संमुखभुजयोरन्तरार्धज्यायाया निष्पत्तिः । अत्र प्रथमे संलग्नभुजार्धज्याया कोणयोरन्तरार्धकोटिज्यागुणा योगार्धकोटिज्याभक्ता फलस्य ज्ञायासुचापं शेषभुजयोर्योगार्धं ज्ञातम् । एवं संलग्नभुजार्धज्याया कोणयोरन्तरार्धज्यागुणा योगार्धज्याभक्ता फलस्य ज्ञायासुचापं शेषभुजयोरन्तरार्धं ज्ञातम् । योगार्धं अन्तरार्धं हीन युतं च शेषभुजौ ज्ञातौ भवतः । अनेकवापकोटिज्याया तद्व्यवापज्यायाया निष्पत्तिः सैवान्यवापकोटिज्यायाया तद्व्यवापज्यायाया निष्पत्तिः पूर्वसिद्धास्ति । तेन प्रथमसाध्ये तृतीयचतुर्थषष्ठ्योर्व्यवसायसंनैवं सिद्धिः । तद्वथा । भुजयोगार्धकोटिज्याया तदन्तरार्धकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव शेषकोणयोर्योगार्धकोटिज्याया भुजमध्यगतकोणार्धज्यायाया निष्पत्तिः । अत्र भुजान्तरार्धकोटिज्याया कोणयोर्योगार्धकोटिज्यागुणा भुजयोगार्धकोटिज्याभक्ता फलस्य-

च्छायासुचापं भुजमध्यगतकोणार्धमानं ज्ञातं भवति । एतेन भुजयोर्ज्ञाने तत्सं-
मुखकोणयोर्ज्ञाने च भुजान्तर्गतकोणज्ञानं जातम् ।

कोज्या^१ (अ - क) × कोज्या^१ (आ + का)
कोज्या^१ गा = $\frac{\text{कोज्या}^1 (\text{अ} - \text{क}) \times \text{कोज्या}^1 (\text{आ} + \text{का})}{\text{कोज्या}^1 (\text{अ} + \text{क})}$ । एवं तृतीयमाध्वे च
गङ्गानां विनिमयाच्च कोणान्तरार्धकोटिज्यया तद्व्यागार्धकोटिज्यया या नि-
ष्पत्तिः सैव कोणसंमुखभुजयोर्गार्धच्छायाया कोणसंमुखभुजार्धच्छायाया निष्प-
त्तिः । तत्कोणा-
ज्ञातं स्यात् ।

एतेन भुजद्वयज्ञाने तत्संमुखकोणद्वयज्ञाने च कोणसंमुखभुजान्नयनं जातमिति ।

कोज्या^१ गा = $\frac{\text{कोज्या}^1 (\text{आ} + \text{का}) + \text{कोज्या}^1 (\text{अ} + \text{क})}{\text{कोज्या}^1 (\text{आ} - \text{का})}$ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र त्रिभुजे अ क ग एते भुजाः । आ का, गा एते क्रमेण
तत्तद्वृजसंमुखाः कोणाः कल्पिताः । तत्र लाघवाय त्रिज्यां रूपमिता प्रकल्प्य

भूकोटिजीया त्रिगुणाहतेना

कोटिज्ययोर्दोर्भवयोर्वधेन ।

त्रिज्यागुणा देर्गुणघातभक्ता

ज्या साच भूसंमुखकोणकोटेः ॥

इतिपद्येन जाता आकोणकोटिज्या ।

कोज्याअ - कोज्याक · कोज्याग
ज्याक · ज्याग । त्रिज्यया १ युता ।

कोज्याअ - कोज्याक · कोज्याग + ज्याक · ज्याग
ज्याक · ज्याग । अत्र द्वितीयतृतीयपण्डे भा-

व्यस्ये क, गचापयोर्ध्यागकोटिज्यास्वरूपं तेन प्रथमपण्डे योगकोटिज्या हीना ।

कोज्याअ - कोज्या (क + ग)
ज्याक · ज्याग । इयं त्रिज्याकोटिज्यायोगरूपा त्रिज्यया १ गु-

णिता जातः आकोणार्धकोटिज्यावर्गा द्विगुणः । त्रिज्यार्धमय कोटिगुणार्धे
तद्व्यतिरिक्ति ज्योत्पत्तिमूत्रात् । अत्र क गचापयोगकोटिज्याया अचापकोटि-
ज्यायाश्चान्तरं त्रिज्यागुणमित्यस्ति । तत्र कोटिज्यान्तरेण त्रिज्यागुणेन तच्चा-
पयोर्ध्यागार्धज्यान्तरार्धज्याघातो द्विगुणस्तुल्य इति ज्योत्पत्तौ लिखितत्वात् ।

पङ्क्तौ चापयोरनयोः (क + ग), (अ) योगार्धज्यान्तरार्धज्याघातो द्विगुणः कृतः ।

$\frac{२ ज्या (अ + क + ग) ज्या (क + ग - अ)}{२} \times \frac{२ ज्या (क + ग - अ)}{२}$ । अत्र सर्वभुजयोगार्धं सर्वणः क-

ल्पः । तदा आकोणार्धकोटिज्यावर्गो द्विगुणः सिद्धः ।

$\frac{२ ज्यास \cdot ज्या (स - अ) ज्याक \cdot ज्याग}{२ ज्याक \cdot ज्याग}$ । एवं आकोणकोटिज्या हीना त्रिज्या

ज्ञाता । $\frac{कोज्याक \cdot कोज्याग + ज्याक \cdot ज्याग - कोज्याअ}{२ ज्याक \cdot ज्याग}$ । अत्र भाज्ये द्वितीय-

चतुर्थखण्डेन चापान्तरकोटिज्यास्वरूपं विलिख्य न्यासः ।

$\frac{कोज्या (क - ग) - कोज्याअ}{२ ज्याक \cdot ज्याग}$ । अत्रापि क, गचापान्तरकोटिज्याया अचापकोटि-

ज्याया अन्तरं त्रिज्यागुणं आकोणार्धज्यावर्गो द्विगुणः । त्रिज्याक्रमज्यानिहतेर्द-
लस्य मूलमिति सूचते । अयं क, गचापान्तरस्य (क - ग) अचापस्य (अ)
योगार्धान्तरार्धज्याघातेन द्विगुणेन तुल्यः । तथा हि । क गचापान्तरं अचापे ही-
नम् । अ - क + ग । युग्मम् । (अ + क - ग) । अनपौर्यर्थः । (स - क) । (स - ग) ।
एतयोर्ज्याघातो द्विगुणः द्विगुण आकोणार्धज्यावर्गः ।

$\frac{२ ज्या (स - क) ज्या (स - ग)}{२ ज्याक \cdot ज्याग}$ । अयोभयत्र द्विमितगुणकस्य साम्याच्चाशः

कृतः । एवं आकोणस्य आकोणस्य चाधीशज्याकोटिज्यावर्गो प्रसाध्य सर्वाणि
लिख्यन्ते । अथ आ, आकोणार्धज्याघातावगमायें तदुर्गयोर्घातमूलं यावत् ।

न्यासः । कोज्या^१ का = $\frac{ज्यास \cdot ज्या (स - अ)}{२ ज्याक \cdot ज्याग}$

कोज्या^१ का = $\frac{ज्यास \cdot ज्या (स - क)}{ज्याग \cdot ज्याअ}$ । कोज्या^१ गा = $\frac{ज्यास \cdot ज्या (स - ग)}{ज्याअ \cdot ज्याक}$ ।

ज्या^१ आ = $\frac{ज्या (स - क) ज्या (स - ग)}{२ ज्याक \cdot ज्याग}$

ज्या^१ का = $\frac{ज्या (स - ग) ज्या (स - अ)}{ज्याग \cdot ज्याअ}$

$$\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} = \frac{\text{ज्या (स-अ)} \cdot \text{ज्या (स-क)}}{\text{ज्याअ} \cdot \text{ज्याक}}$$

$$\text{अतः ज्या}^{\frac{2}{2}} \text{आ} \times \text{ज्या}^{\frac{2}{2}} \text{का} = \frac{\text{ज्या (स-क)} \cdot \text{ज्या (स-ग)}}{\text{ज्याक} \cdot \text{ज्याग}} \times$$

$$\frac{\text{ज्या (म-ग)} \cdot \text{ज्या (म-अ)}}{\text{ज्याग} \cdot \text{ज्याअ}} = \frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} (\text{स-ग}) \cdot \text{ज्या}^{\frac{1}{2}} (\text{स-क}) \cdot \text{ज्या}^{\frac{1}{2}} (\text{स-अ})}{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग} \cdot \text{ज्याक} \cdot \text{ज्याअ}} ।$$

अत्र भाज्यस्य द्वितीयतृतीयखण्डं हारस्य द्वितीयखण्डं गाकोणार्धज्यावर्गः । तद्वथा । गाकोणार्धानयने भुजाधारयोगार्धमूने भुजाभ्यामिति सूत्रात् । सर्वभुजद्वययोगो भुजाभ्या हीनः । स-क । स-अ । एतयोर्ज्याघातः भुजद्वय-ज्याघातभक्त इति त्रिज्यावर्गेण गुणनाच्च विकारः । एवं सिद्धस्य मूल गाको-णार्धज्या । अथ भाज्यस्यप्रथमखण्डं हारस्य च प्रथमखण्डम् ।

$$\frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} (\text{स-ग})}{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग}} । तन्मूलम् । \frac{\text{ज्या} (\text{स-ग})}{\text{ज्याग}} । इदं गाकोणार्धज्यागुणं ज्ञात$$

$$\text{आकोणार्धकाकोणार्धयोर्ज्याघातः । } \frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \cdot \text{ज्या} (\text{स-ग})}{\text{ज्याग}} । एवं कोणयो-$$

र्ज्याघात कोटिज्याघातं ज्याकोटिज्याघातं च कृत्वा सर्वाणि लिखन्ते ।

$$\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{आ} \cdot \text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{का} = \frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{ज्या} (\text{स-ग})}{\text{ज्याग}}$$

$$\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{का} \times \text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} = \frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{आ} \times \text{ज्या} (\text{स-अ})}{\text{ज्याअ}}$$

$$\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{आ} = \frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{का} \times \text{ज्या} (\text{स-क})}{\text{ज्याक}}$$

$$\text{कोज्या}^{\frac{1}{2}} \text{आ} \times \text{कोज्या}^{\frac{1}{2}} \text{का} = \frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{ज्यास}}{\text{ज्याग}}$$

$$\text{कोज्या}^{\frac{1}{2}} \text{का} \times \text{कोज्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} = \frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{आ} \times \text{ज्यास}}{\text{ज्याअ}}$$

$$\text{कोज्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{कोज्या}^{\frac{1}{2}} \text{आ} = \frac{\text{ज्या}^{\frac{1}{2}} \text{का} \times \text{ज्यास}}{\text{ज्याक}}$$

प्रकृते चापयोरनयोः (क + ग), (अ) योगार्धज्यान्तरार्धज्याघातो द्विगुणः कृतः ।

$$\frac{२ ज्या (अ + क + ग)}{२} \times \frac{ज्या (क + ग - अ)}{२} \quad । अत्र सर्वभुजयोगार्धे सर्वत्रः क-$$

ल्पः । तदा आकोणार्धकोटिज्यावर्गो द्विगुणः सिद्धः ।

$$\frac{२ ज्यास \cdot ज्या (स - अ) ज्याक \cdot ज्याग}{ज्याक \cdot ज्याग} \quad । एवं आकोणकोटिज्या हीना त्रिज्या$$

$$जाता । \frac{कोज्याक \cdot कोज्याग + ज्याक \cdot ज्याग - कोज्याअ}{ज्याक \cdot ज्याग} \quad । अत्र भाव्ये द्वितीय-$$

तृतीयखण्डेन चापान्तरकोटिज्यास्वरूपं विलिख्य न्यासः ।

$$\frac{कोज्या (क - ग) - कोज्याअ}{ज्याक \cdot ज्याग} \quad । अत्रापि क, गचापान्तरकोटिज्याया अचापकोटि-$$

ज्याया अन्तरं त्रिज्यागुण आकोणार्धज्यावर्गो द्विगुणः । त्रिज्योत्क्रमन्यानिहतेरै-
लस्य मूलमिति सूचार्त्तम् । अयं क, गचापान्तरस्य (क - ग) अचापस्य (अ)
योगार्धान्तरार्धज्याघातेन द्विगुणेन तुल्यः । तथा हि । क, गचापान्तरं अचापे ही-
नम् । अ - क + ग । युतम् । (अ + क - ग) । अनयोरर्धे । (स - क) । (स - ग) ।
एतयोर्व्याघातो द्विगुणः द्विगुण आकोणार्धज्यावर्गः ।

$$\frac{२ ज्या (स - क) ज्या (स - ग)}{ज्याक \cdot ज्याग} \quad । अयोभयत्र द्विमितगुणकस्य साम्यावाशः$$

कृतः । एवं आकोणस्य गाकोणस्य चाधीशज्याकोटिज्यावर्गौ प्रसाध्य सर्वत्राणि
लिप्यन्ते । अथ आ, काकोणार्धयोगार्धज्याघातावगमाधे तदुर्गयोगार्धतमूलं बाह्यम् ।

$$न्यासः । कोज्या^२ अ = \frac{ज्यास \cdot ज्या (स - अ)}{ज्याक \cdot ज्याग}$$

$$कोज्या^२ का = \frac{ज्यास \cdot ज्या (स - क)}{ज्याग \cdot ज्याअ} \quad कोज्या^२ गा = \frac{ज्यास \cdot ज्या (स - ग)}{ज्याअ \cdot ज्याक}$$

$$ज्या^२ आ = \frac{ज्या (स - क) ज्या (स - ग)}{ज्याक \cdot ज्याग}$$

$$ज्या^२ का = \frac{ज्या (स - ग) ज्या (स - अ)}{ज्याग \cdot ज्याअ}$$

तदेव फलं लभ्यते । $\frac{\text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}{\text{ज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ । अत उपपन्नं कोणयोर्यो-

गार्धकोटिज्यया तदन्तरार्धकोटिज्यया या निष्पत्तिः सैव संलग्नभुजार्धच्छा-
यया संमुखभुजयोर्योगार्धच्छायाया निष्पत्तिरिति । एवं कोणयोर्योगार्धज्यया,
 $\frac{\text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग}}$ कोणयोरन्तरार्धज्या

$\frac{\text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{ज्या } \frac{1}{2} \text{ ग}}$ भक्ता लब्धम् ।

$\frac{\text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{ज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}$ अत्रापि तुल्ययोगोकोणार्धको-

टिज्ययोर्यागे गवापार्धच्छायाया $\frac{\text{ज्या } \frac{1}{2} \text{ ग}}{\text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग}}$ भुजयोरन्तरार्धच्छाया

$\frac{\text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}$ भक्ता तदेव । अत उपपन्नं कोणयोर्योगार्धज्यया तदन्त-

रार्धज्यया या निष्पत्तिः सैव संलग्नभुजार्धच्छायाया संमुखभुजयोरन्तरार्ध-
च्छायाया निष्पत्तिरिति । एवं कोणयोर्योगार्धच्छायाया

$\frac{\text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ अन्तरार्धच्छायायां

$\frac{\text{कोज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ भक्तायां फलम् ।

$\frac{\text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क}) \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क}) \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ इदं तु भुजयोर्योगार्धच्छायाया भुज-

योरन्तरार्धच्छायायां भक्ताया फलं दृश्यते । वा भुजयोर्योगार्धच्छायाया

$\frac{\text{ज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ अन्तरार्धच्छायाया $\frac{\text{ज्या } \frac{1}{2} \text{ ग} \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$

भक्तायां फलम् । $\frac{\text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क}) \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क}) \times \text{ज्या } \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ । इदं फलं कोण-

योरन्तरार्धच्छायायां योगार्धच्छायाया भक्तायां दृश्यते । ततः कोणयोर्यो-
गार्धच्छायाया तदन्तरार्धच्छायाया या निष्पत्तिः सैव तत्संमुखभुजयोर्योगार्ध-

$$\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} - \text{क}) = \frac{\text{न्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{न्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} + \text{क})}{\text{न्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग}}$$

अथ चापन्या स्वकोटिन्याभक्ता चापच्छाया । एवं कोटिन्या चापन्याभक्ता कोटिच्छाया स्यात् । रूपत्रिन्यागुणनेनाविकारात् । अतः कोणयोर्गार्धन्या कोट्या^१/_२ गा × कोट्या^१/_२ (अ - क) कोणयोर्गार्धकोटिन्या

$$\frac{\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग} \times \text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} + \text{क})}{\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग}} भाव्या । तत्र छेदं लवं च परिवर्त्य न्यासः ।$$

कोट्या^१/_२ ग × कोट्या^१/_२ गा × कोट्या^१/_२ (अ - क) । अत्र अशाहतिरच्छेदवधेन न्या^१/_२ गा × कोट्या^१/_२ (अ + क) × कोट्या^१/_२ ग भक्तिरिति क्रियमाणे गसापार्धकोटिन्यातुल्ययोर्गुणहरयोर्नाशे गाकोणार्धकोटिन्या गाकोणार्धन्याभक्ता जाता गाकोणार्धकोटिच्छाया गुणकः । अ.कचापयोरन्तरार्धकोटिन्या योर्गार्धकोटिन्याभक्तिरिति गुणयः । एवं कोणयोर्गार्धच्छाया सिद्धा । छा^१/_२ (अ - क) = $\frac{\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} + \text{क})}$ । एवं को-

$$\text{णान्तरार्धच्छाया} : \text{छा}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} - \text{क}) = \frac{\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{न्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} - \text{क})}{\text{न्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} + \text{क})} ।$$

अत्र भुजयोरन्तरार्धकोटिन्या मध्यगतगाकोणार्धकोटिच्छायया हता भुजयोर्गार्धकोटिन्याभक्ता जाता कोणयोर्गार्धच्छाया । एवं भुजान्तरार्धन्या गाकोणार्धकोटिच्छायागुणा भुजयोर्गार्धन्याभक्ता कोणयोरन्तरार्धच्छाया सिद्धा । अथ यदि कोणयोर्गार्धकोटिन्या $\frac{\text{न्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} + \text{क})}{\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग}}$

$$\text{कोणयोरन्तरार्धकोटिन्या} \frac{\text{न्या}^{\frac{1}{2}} \text{गा} \times \text{न्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} + \text{क})}{\text{न्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग}} भक्ता फलम् ।$$

कोट्या^१/_२ ग × न्या^१/_२ गा × न्या^१/_२ (अ + क) । अत्र गुणहरयोर्गाकोणार्धन्यास्तुल्यत्वेन नाशे कृते : भुजयोर्गार्धन्या स्वकोटिन्याभक्ता भुजयोर्गार्धच्छाया $\frac{\text{न्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} + \text{क})}{\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} (\text{अ} + \text{क})}$ संलग्नस्य गभुजस्यार्धच्छायया $\frac{\text{न्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग}}{\text{कोट्या}^{\frac{1}{2}} \text{ग}}$ भक्ता

तदेव फलं लभ्यते । $\frac{\text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{ग} \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}{\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{ग} \times \text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ । अत उपपन्नं कोणयोर्व्या-

गार्धकोटिज्याया तदन्तरार्धकोटिज्याया या निष्पत्तिः सैव संलग्नभुजार्धच्छा-
यया संमुखभुजयोर्व्यागार्धच्छायाया निष्पत्तिरिति । एवं कोणयोर्व्यागार्धज्याया
 $\frac{\text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{गा} \times \text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{ग}}$ कोणयोरन्तरार्धज्या

$\frac{\text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{गा} \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{ग}}$ भक्ता लब्धम् ।

$\frac{\text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{ग} \times \text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{गा} \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{ग} \times \text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{गा} \times \text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}$ अत्रापि तुल्ययोगां कोणार्धको-

टिज्ययोर्नाशे गवापार्धच्छायाया $\frac{\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{ग}}{\text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{ग}}$ भुजयोरन्तरार्धच्छाया

$\frac{\text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}$ भक्ता तदेव । अत उपपन्नं कोणयोर्व्यागार्धज्याया तदन्त-

रार्धज्याया या निष्पत्तिः सैव संलग्नभुजार्धच्छायाया संमुखभुजयोरन्तरार्ध-
च्छायाया निष्पत्तिरिति । एवं कोणयोर्व्यागार्धच्छायाया

$\frac{\text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{गा} \times \text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ अन्तरार्धच्छायायां

$\frac{\text{कोज्या} \frac{1}{2} \text{गा} \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ भक्तायां फलम् ।

$\frac{\text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क}) \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{क}) \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{क})}$ इदं तु भुजयोर्व्यागार्धच्छायाया भुज-

योरन्तरार्धच्छायायां भक्तायां फलं दृश्यते । वा भुजयोर्व्यागार्धच्छायाया

$\frac{\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{ग} \times \text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{का})}{\text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{का})}$ अन्तरार्धच्छायाया $\frac{\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{ग} \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{का})}{\text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{का})}$

भक्तायां फलम् । $\frac{\text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{का}) \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{का})}{\text{कोज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} - \text{का}) \times \text{ज्या} \frac{1}{2} (\text{अ} + \text{का})}$ इदं फलं कोण-

योरन्तरार्धच्छायायां व्यागार्धच्छायाया भक्तायां दृश्यते । ततः कोणयोर्व्या-
गार्धच्छायाया तदन्तरार्धच्छायाया या निष्पत्तिः सैव तत्संमुखभुजयोर्व्यागार्ध-

च्छायाया तदन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिः सिद्धा । अथवा भुजज्ययोर्गो निष्पत्तिः
 सैव तत्संमुखकोणज्ययोरपि निष्पत्तिः । अतः भुजज्ययोर्गोनेन तदन्तरस्य या
 निष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोणज्ययोर्गोनेन तदन्तरस्य निष्पत्तिः । अथ चाप-
 योर्ज्यायोगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव चापयोर्गोर्गार्धच्छायाया तदन्तरार्ध-
 छायाया निष्पत्तिर्ज्यात्पत्तावुक्ता । ततः प्रकृते भुजयोर्गोर्गार्धच्छायाया तदन्त-
 रार्धच्छायाया या निष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोणयोर्गोर्गार्धच्छायाया तदन्तरार्ध-
 छायाया निष्पत्तिः संपन्नेति ।

अथ कोणत्रयज्ञाने भुजत्रयज्ञानमाह ।

स्वस्वकोणानभाट्टौशतुल्यैर्भुजै-

र्यस्त्रिबाहुः परस्तस्य कोणत्रयम् ।

प्रोक्तरीत्या प्रसाध्यं तदूना लघाः

खाष्टचन्द्रा अभीष्टा भुजास्ते मताः ॥

पूर्वत्रिबाहौ भुजा अज्ञाताः कोणश्च ज्ञातास्ते भाट्टौश १८० शुद्धाः शेपं
 बृहत्कोटिकोणसंज्ञं तैः शेपतुल्यैर्भुजैर्द्वितीयत्रिबाहुः कल्प्यः । अत्र कल्पितैर्भु-
 जैर्भूकोटिकोणो त्रिगुणाहतोना, इत्यादिपद्येन कोणाः साध्यास्ते भाट्टौशशुद्धाः
 शेपमिता एव पूर्वत्रिबाहुकभुजाः स्युः ।

अत्रोपपत्तिर्गोलरेखागणितैकादशतन्त्रेण स्पष्टैव । यतस्तत्रैवं प्रतिपादित-
 मस्ति । कस्यचिद्गोलत्रिभुजस्य कोणत्रयचिह्नानि ध्रुवाणि प्रकल्प्य गोलोपरि
 नवत्यंशैर्षट्पञ्चत्रयं क्रियते तेषां संयोगेन यत् त्रिभुजं द्वितीयमुत्पद्यते तस्य
 प्रथमत्रिभुजस्य च एतादृशः संबन्धोभवति । यथा । एकस्य कोणसंबन्धिवृह-
 त्कोटिकोणो द्वितीयस्य भुजः द्वितीयस्य भुजसंबन्धिवृहत्कोटिरेकस्य कोण एवं
 मिथः सम्बन्ध इति । यस्य चापं नवत्यंशशुद्धं तस्य शेपं कोटिरुच्यते । एवं
 यस्य चापेन हीनाः खनागचन्द्रा लघाः शेपं तस्य बृहत्कोटिसंज्ञं कृतमिति ।
 अत्रोदाहरणत्वेन दर्शनेनोपपत्तिः स्पष्टा । यथा (८३ क्षेत्रं द्र०) यस्वस्तिकात्
 वीचिद्वाच्यत्वं शक्यते त्विति ज्ञे दृग्भूतयाम्योत्तरवृत्तान्तरं वीकोणो जीवचा-
 परूपः तदूनभाट्टौशाः डीर्घचापं वांकोणवृहत्कोटिः । एवं रविचिद्वात् रवि-
 न्दुतो नवत्यंशवृत्ते यहत्रिज्यावृत्ते दृग्भूतध्रुवमूत्रान्तरं एकोणो लघचापरूपः
 तदूनभाट्टौशाः फर्धचापं एकोणवृहत्कोटिः । एवं ध्रुवात् सीविन्दोर्नवत्यंश-
 वृत्ते नाडीवृत्ते याम्योत्तरवृत्तध्रुवमूत्रान्तरं सीकोणः कनचापरूपः । तदूनभा-
 ट्टौशाः डीर्घचापं सीकोणवृहत्कोटिः । नाडीवृत्ते यहत्रिज्यावृत्तचित्तिजान्तरं

डीफचापं तथा यहत्रिज्यावृत्ते नाडीवृत्तचित्तिजान्तर फईचापम् । एव चित्तिजे नाडीवृत्तयहत्रिज्यावृत्तान्तर डीईचापमस्ति । एभिश्चापैर्भुजैः द्वितीय फडीई-
लेत्र त्रिभुज जातम् । अथ नाडीवृत्तचित्तिजसपातात् डीबिन्दोर्नवत्यशकृत-
वृत्ते याम्योत्तरवृत्ते तयोरन्तर नवचाप डीकोणः । तदूना भार्धाशाः शेष
डीकोणवृहत्कोटिः वीसीचापम् । एव यहत्रिज्यावृत्तचित्तिजयोगात् ईबिन्दो-
र्नवत्यशकृतवृत्ते दृग्वृत्ते तयोरन्तर मजीचाप ईकोणः । तदूना भार्धाशाः शेष
ईकोणवृहत्कोटिरूप एवीचापम् । एव यहत्रिज्यावृत्तनाडीवृत्तयोगात् फवि-
न्दोर्नवत्यशकृतवृत्ते ध्रुवमूत्रे तयोरन्तर कलचाप फकोणमित तदूनभार्धाशरूप
फकोणवृहत्कोटिमज्ज एमीचाप एभिश्चापैः प्रथम वीएमीत्रिभुज सिद्धम् ।
अत्र पूर्वत्रिभुजीयकोणवृहत्कोटिरूपैर्भुजैर्द्वितीय त्रिभुजम् । एतस्य कोणवृह-
त्कोटिरूपाः पूर्वत्रिभुजभुजा इति प्रत्यक्षतो दृश्यते । अत्र यथा याम्योत्तरवृत्ते
नवीचाप स्वस्वस्तिकनाडीवृत्तान्तरमवाशाः । वीसीचाप लम्बाशाः । सीच
चाप ध्रुवसमचिह्नान्तर अवाशाः । एव अवाशयुतनवत्यशाः नवचापम् ।
अ + ९० । एतदूनभार्धाशाः । १८० - ९० - अ = ९० - अ । अताशौननवत्यशा
लम्बाशा एव । एव सर्ववृत्तेषु नवत्यशयुतवापरूपाणा भार्धाशशोधनेन चाप-
कोट्यशसिद्धिरिति । नवचापस्य वृहत्कोटिः वीसीचाप वीसीचापस्य वृह-
त्कोटिः नवचापमितिसिद्धम् ।

अथ चापत्रिभुजे फलज्ञानाय प्रकारः।

निषिलकोणयुतिर्भेदलोनिता परिधिषण्डगुणा विगुणाहता ।

खधृतिहृच्च फल त्रिभुजे फल भवति गोलजगृगते सदा ॥

चापत्रिभुजे कोणत्रययोगो भार्धाशो १८० नस्त्रिज्यापरिधयर्धघातगुणितः
षाष्टचन्द्र १८० भक्त फल भवति ।

अत्रापपत्तिः । गोलपृष्ठे वृहद्वृत्तयोः सपातौ भार्धाशान्तरेण नियतौ ।
तत्सपातोत्पन्न एतषण्ड यषलेत्र ममिद्धम् । परिधियामघातो गोलपृष्ठफल
तदधं त्रिज्यापरिधघातमित गोलार्धपृष्ठफल तत्रगोलार्ध भार्धाशाः १८०
सन्ति तैरशैरिद फल तदा कोणाशैः किमिति यषफल जातम् ।

को. त्रि. य

१८० । लम्बवृत्ताभ्या यषलेत्र एतपादमितम् । यथा याम्योत्तरवृत्त-

सममण्डलाभ्या प्रत्यक्षम् । तत्र यषकोणाशा ९० एतपादमिताः अतो नवत्य
शैरुत्तफलचतुर्थायस्य या निष्पत्तिः मैषेष्टयषकोणाशैरिष्टयषफलस्य निष्पत्ति-

रितिसिद्धम् । एसीडीफणत्तेत्रं गोलार्धम् । एवीडीसीए प्रथमं वप्रत्तेत्रं एवीसी-
त्रिभुजानं वीडीसीत्तेत्रं शिष्टम् । मीवीफणसी द्वितीयं वप्रत्तेत्रं एवीसीत्रिभुजानं
एवीफत्तेत्रं शिष्टम् । वीफईडीवी तृतीयं वप्रत्तेत्रं एवीसीतुल्यडीफईत्तेत्रानं
वीफडीत्तेत्रं शिष्टम् । एवीमी, डीफईत्रिभुजे तुल्ये । तद्वया । गोलि खस्व-
स्तिके एविन्दुः । डन्मण्डले याम्योत्तरवृत्तसंपाते मीविन्दुः । अग्निवायुगत-
कोणवृत्तयाम्योत्तरवृत्तसंपाते वीविन्दुः । अद्याधःस्वस्तिके डीविन्दुः । याम्यो-
त्तरवृत्तोन्मण्डलसंपाते याम्यधुवे फविन्दुः । कोणवृत्तयाम्योत्तरवृत्तसंपाते ई-
विन्दुः । गोलि इष्टविन्दुद्वयान्तरे यदंशास्त एव तत्प्रदेशाभ्यां भार्धाशान्तरि-
तयोरन्यविन्द्वोरन्तरे स्युरिति प्रसिद्धम् । अतः एवीसीत्तेत्रतुल्यं डीफईत्तेत्रं
जातम् । अथ याम्योत्तरवृत्तात् पश्चिमभागे गोलार्धे एहीतं तस्य फलं त्रिज्या-
परिधिघातमितं तादृशगोलार्धं वीडीसी, एवीफ, वीफडीत्तेत्रैरुनं शेषं एवी-
सीत्तेत्रम् । तत्स्वरूपं यथा । त्रि. प — (प्रथमवप्र — एवीसी) — (द्विप्र —
एवीसी) — (तृप्र — डीफई) अथवा वप्रत्रयफलं त्रिगुणितेन एवीसीत्तेत्रफलेन
हीनं कार्यम् । इदं त्रिज्यापरिधिघाताच्छाध्यम् । वप्रत्रयफलैक्यं तु कोणत्र-
यैक्येन त्रिज्यापरिधिघातगुणेन खनागेन्दुभक्तेन तुल्यं पूर्वरीत्या सिद्धमस्ति ।

$\frac{\text{कोयो} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प}}{१८०}$ । इदं त्रिगुणफलेन हीनम् । $\frac{\text{कोयो} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प} - ५४० \cdot \text{फ}}{१८०}$ । अनेन

गोलार्धफलं त्रि. प हीनम् । $\frac{१८० \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प} - \text{कोयो} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प} + ५४० \cdot \text{फ}}{१८०}$ । इदं ए-

वीसीफलेन तुल्यमिति पतयोः समच्छेदीकृतयोश्छेदगमे न्यासः ।

$१८० \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प} - \text{कोयो} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प} + ५४० \cdot \text{फ} = १८० \cdot \text{फ}$ । समशोधनात् पतौ ।

$\text{कोयो} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प} - १८० \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प} = ३६० \cdot \text{फ}$ । प्रथमपक्षे द्वितीयपक्षगतभांश ३६०

भक्ते फलमानं लभ्यते । तत्र भाज्ये सण्डयोः समगुणकत्वादितदं स्वरूपम् ।

$(\text{कोयो} - १८०) \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प}$

३६०

। अत्र गुणहरयोर्द्वौभ्यामपवर्त्तनेन

$\frac{(\text{कोयो} - १८०) \cdot \text{त्रि} \cdot \text{प}}{१८०}$

१८०

। कोणत्रययोगो भार्द्वाशोनास्त्रिज्यापरिधिघातार्ध-

गुणो भार्धतव १८० भक्त इष्टत्रिभुजफलं भवतीत्युपपन्नं यथोक्तम् ॥ इति
गोलप्रकाशे चापीयत्रिकोणगणिताध्यायः ॥

॥ अथ त्रिकोणगणितसंबन्धिनः कतिचित् प्रश्ना लिख्यन्ते ॥



तत्र त्रिभुजे एकभुजज्ञाने तल्लक्षणज्ञाने च तत्कोणसंमुखभुजज्ञानार्थ-
मुदाहरणम् ।

यथा (८४ क्षेत्र द्र.) कक्षबंधाख्यौ च्छं ज्ञातुमिष्टं तदा कक्षभूमिप्रमाणं
ज्ञातव्यम् । एवं दृगौ च्छमस्ति । गस्यानस्थितपुरुषेण घस्यानस्थितदृष्ट्या ख-
प्रदेशस्योच्चतांशा यन्त्रवेधेन लब्धाः ३० । अयं खघचत्रिभुजे घकोणोऽस्ति ।
कगत्तुल्या खघरेषास्ति । घकोणकोट्यंशाः ६० खकोणोऽस्ति समकोणत्रिभुज-
त्वात् । अतः खकोणज्यया तत्संमुखो घवभुजो लभ्यते तत्र घकोणज्यया
क इति तत्संमुखः खवभुजो ज्ञातः । अयं गघतुल्येन कचेन दृगौ च्छमितेन
युक्तस्तदा कक्षप्रमाणं बंधौ च्छं ज्ञातं स्यात् । एवं दृक्कक्षममूत्रादुच्चतरपदा-
थंस्यानीतमौ च्छं दृगौ च्छयुक्तं कार्यं तथा दृक्कक्षममूत्रादधस्तनपदार्थस्यानीतं
मानं दृगौ च्छेनान्तरितं कार्यमिति । एवं एहपर्वतादेरप्यववेधेन तत्तदुच्चता-
ज्ञानं कर्तव्यमिति ।

अत्र भास्कराचार्योक्तप्रकारो यथा । (८५ क्षेत्र द्र.) घस्यानस्थितदृष्ट्या घ-
हमितयष्टिवेधेन भुजकोटी ज्ञातव्ये । अत्र पप्रदेशस्य यष्टिवेधेन घगहमौ
लब्धौ, तयोरन्तरं कृपं कोटिः, लभ्यमूलान्तरं गमं तत्तुल्यं घपं भुजः, कृघं
यष्टिः कर्णः, इति ज्ञातं खघजात्यसजातीयं कृकोणस्य खकोणतुल्यत्वात्
तथा घकोणस्योभयत्र स्थितत्वात् । अत्र कृकोणज्यया कृकोणज्याया या
निष्पत्तिः सैव घपभुजेन कृपकोटिर्निष्पत्तिः ।

कोणसंमुखबाहूनां निष्पत्तिर्विदिता यदा ।

तत्कोणजीवयोश्चापि निष्पत्तिर्विदिता भवेत् ॥

इति प्रागुक्तत्वात् । अतः कोटिर्भुजभक्ता वा खकोणज्यया घकोणज्या
भक्ता फलं तुल्यमिष्टं घवभूमिगुणं पवं स्यादिति ।

त्रिद्वयो बंधां भूमानं कोटिसंगुणं भक्तम् ।

दोष्ठा बंधोच्चायो दृष्ट्युच्चायेण संयुतो ध्रुवः ॥

इत्युपपन्नम् ।

अद्यान्यः प्रश्नः । गरुभूम्यन्तरे कश्चवंशस्तद्वयस्यस्य अचिह्नस्य गस्याना-
द्वान्धवेधेनोच्चतांशा लब्धाः ४० । अयं कश्चकोणः पुनर्गप्रदेशाद्विशतिहस्त-
प्रासादोपरि घप्रदेशे गत्वा तत्स्यानादृशावेधे प्राप्ता उच्चतांशाः ३० । अयं
चघकोणः । अत्र गरु, कश्चमाने ज्ञातव्ये ।

अत्र (८६ क्षेत्रेन्द्र०) अरुगजात्ये गकोण ४० कोटिः ५० कश्चकोणस्तथा
अचघजात्ये घकोण ३० कोटिः ६० चअघकोणः । वृथो ५०, ६० रन्तरं १० गअघ-
कोणोऽस्ति । इदं पूर्वज्ञातकोणयो ४०, ३० रन्तरतुल्य १० सर्वत्र भुजांशान्तरस्य
तत्कोट्यंशान्तरतुल्यत्वात् । अत्र गअघत्रिभुजे कोणान्तरांशतुल्यकोण १०
ज्यया तत्संमुखो गघभुजो २० लभ्यते तदा अघगकोण १२० भुज ६० ज्यया
क इति अगभुजो लभ्यते । अत्र गघचकोणो नवत्यंशास्तेषां घकोण ३० स्य
योगे अघगकोणः १२० । अस्य घ + रु ९० नवत्यधिकत्वात् तदूनभार्धांशा ज्ञा-
ताः । रु १८० - घ - रु ९० = रु ९० - घ । एते घकोणकोट्यंशा एव । अतो
गअघत्रिभुजे अगक, अघचकोणान्तरज्यया गघभुजस्तदा अघचकोणकोटिज्यया
क इति अगभुजः स्यात् । अत्र अगक गकोणः, अघचं घकोणः कल्पितः । अतः

अगभुजमानम् । $\frac{\text{गघ} \times \text{कोज्याघ}}{\text{ज्या} (ग - घ)}$ । अथ अकगत्रिभुजे अगभुजसंमुखः कोणो
नवत्यंशमितः । अतस्त्रिज्यया अगभुजो लभ्यते तदा गअरुकोणज्यया गकोण-
कोटिज्यातुल्यया क इति गकभुजमानम् । $\frac{\text{गघ} \times \text{कोज्याघ} \times \text{कोज्याग}}{\text{त्रि} \times \text{ज्या} (ग - घ)}$ । एतेन

गघभुजो वेधलश्चकोणकोटिज्याघातेन हतस्तत्कोणान्तरज्यया त्रिज्यागुणया
भक्तं फलं भूमिमानमिति सिद्धम् । अत्र हरस्यले परस्परकोटिज्यागुणितेन भुज-
ज्ययोरन्तरेण त्रिज्याभक्तेन तुल्यो कोणान्तरज्या ।

$\frac{\text{कोज्याग} \times \text{ज्याघ} - \text{कोज्याघ} \times \text{ज्याग}}{\text{त्रि}}$ । इयं त्रिज्यागुणा तदा गुणहरयोस्त्रि-
ज्यामितयोर्नौशादिदं गकमानम् ।

$\frac{\text{गघ} \times \text{कोज्याघ} \times \text{कोज्याग}}{\text{कोज्याग} \times \text{ज्याघ} - \text{कोज्याघ} \times \text{ज्याग}}$ । अत्र गघस्य गुणहरौ गुणेनापवर्तितौ

तदा गुणो रूपं हरश्च । $\frac{\text{गघ}}{\frac{\text{कोज्याग} \times \text{ज्याघ}}{\text{कोज्याग} \times \text{कोज्याघ}} - \frac{\text{कोज्याघ} \times \text{ज्याग}}{\text{कोज्याघ} \times \text{कोज्याग}}}$

हरस्थितेऽपि तुल्ययोरंगच्छेदयोर्नाशे स्वरूपम् ।

गघ	
क्याघ	क्याग
कोज्याघ	कोज्याग

एतेन कोणज्ये स्वकोटिज्याभक्ते फलयोरन्तरेण गघमानं भक्तं गकमानम् ।
अत्र गघस्य गुणहरौ त्रिज्यागुणितौ तदा गघमानं त्रिज्यागुणं फलान्तरेण
त्रिज्यागुणेन भक्तमिति सिद्धम् । अत्र कोणज्या त्रिज्यागुणिता कोणकोटि-
ज्याभक्ता कोणच्छायाभवतीति फलयोरन्तरं त्रिज्यागुणं कोणच्छायान्तरं ज्ञातं
तेन त्रिज्यागुणं गघमानं भक्तं गकमानं ज्ञातम् । एतेन

अंशायवेधोत्तमभागजाते

छाये तयोरन्तरकोणभक्तम् ।

त्रिज्यागुणं वेधगतोर्ध्वमानं

स्ववेधगुमूलान्तरभूमितिः स्यात् ॥

इत्युपपन्नम् ।

अत्र भास्कराचार्यान्तर्दिष्टदर्शनम् । (८० चेन्नं द्र०) गस्यानस्थितदृष्ट्या ग-
खपटिवेधेन गजं भुजः, खलं कोटिः, एवं घस्यानगतदृष्ट्या घपपटिवेधेन
घमं भुजः, पमं कोटिः, । अत्र दृष्टुच्छायान्तरं गघमानमस्ति । अत्र गजाज्या-
सजातीयं खजगजात्यं तेन गकभुजेन कखरेखाया या निष्पत्तिः सैव गकभु-
जेन खखरेखाया निष्पत्तिः सैव गकोणकोटिज्यया गकोणज्याया निष्पत्तिर-
स्ति । एवं अचघजात्यसजातीयं पमघजात्यं तेन घमभुजेन पमरेखाया या
निष्पत्तिः सैव घकोणकोटिज्यया घकोणज्याया निष्पत्तिरस्ति । एतेन कोण-
ज्ये स्वकोटिज्याभक्ते ये फले ते एव निजभुजभक्ते कोटी भवतः । तदन्तरेण
गघमानं दृगौच्छान्तररूपं भक्तं गकमानं भूमिमानरूपं ज्ञातमिति सिद्धम् ।

निजभुजभक्ते कोटी तदन्तररूपे दृगौच्छाविलेपः । भूमिः ।

इति शिरोमणिस्यमुपपन्नम् । अथ पूर्वानीतं अगभुजमानम् ।

गघ • कोज्याघ
ज्या (ग - घ)

अत्र त्रिज्याया कोणज्यया तस्मैमुखः अगभुजस्तदा गकोण ४० ज्यया क इति

अखरेणामानम् । $\frac{\text{गघ} \cdot \text{कोज्याघ} \cdot \text{ज्याग}}{\text{त्रि} \cdot \text{ज्या} (ग - घ)}$ । इदं निजदृगौच्छायुतं तदा वंशोच्छ्रं

ज्ञातं स्यादिति सिद्धम् ।

अथान्यः प्रश्नः । यथा । अक्षवंशावस्य गत्यानाद्वेधेनागता उचतांशाः ५० । ततो गप्रदेशाद्विंशतिहस्तान्तरे भूमावेव घस्यानात् पुनः कचिह्रस्य वेधेन प्राप्ता उचतांशाः ४० । अत्र अक्षप्रमाणं अगमानं च ज्ञातुमिष्टमस्ति । (८७ वे० द्र०) अत्र अघक्रकोण ४० कोट्यशा अक्षघक्रकोणः ५० । एवं अगक्रकोण ५० कोट्यंशाः अक्षक्रकोणः ४० । द्वयोरन्तरं गक्रघक्रकोणः १० । अयं ग, घक्रकोणयो ५०, ४० रन्तरतुल्यः भुजांशान्तरस्य तत्कोट्यंशान्तरसमत्वात् । अथवा गक्रघत्रिभुजे घग-भुजः अचिह्नावधि घर्द्धितोऽस्ति । तदा बहिस्त्यत्रः अगक्रकोणः ५० अन्तःकोण-द्वय १०, ४० योगेन समानस्तर्हि ग, घक्रकोणयोरन्तरं गक्रघक्रकोणः स्यादेव । अगक्र-अघक्रकोणौ ग, घक्रकोणसंज्ञौ कल्पितौ । अथ गक्रघत्रिभुजे कोणान्तरांश १० ज्यया तत्संमुखौ गघभुजौ २० लभ्यते तदा घक्रकोण ४० ज्यया क इति कगरेखा लब्धा ।

$$\text{कग} = \frac{\text{गघ} \cdot \text{ज्याघ}}{\text{ज्या (ग - घ)}} । \text{अथ अक्षगज्ञात्ये त्रिज्यया कगभुजस्तदा गक्रकोण ५०}.$$

कोटिज्यया क इति अगरेखामान ज्ञातम् । अग = $\frac{\text{गघ} \cdot \text{ज्याघ} \cdot \text{कोज्याग}}{\text{त्रि} \cdot \text{ज्या (ग - घ)}} । \text{ए-}$
घं त्रिज्यया कगभुजस्तदा गक्रकोण ५० ज्यया क इति अक्षरेखामानम् ।

अक्ष = $\frac{\text{गघ} \cdot \text{ज्याघ} \cdot \text{ज्याग}}{\text{त्रि} \cdot \text{ज्या (ग - घ)}} । \text{एतेनान्तरभूमिः कोणद्वयज्याभ्यां गुणिता को-}$
णान्तरज्यया त्रिज्यागुणया भक्ता फलं धंशौच्छ स्यादिति । अत्र हरस्याने त्रिज्यागुणा कोणान्तरज्यास्ति । तत्र परस्परकोटिज्यागुणितकोणज्ययोरन्तरे त्रिज्याभक्ते जाता कोणान्तरज्या सा त्रिज्यागुणा हरो जातः ।

$$\frac{\text{त्रि} \cdot \text{कोज्याग} \cdot \text{ज्याघ} - \text{त्रि} \cdot \text{कोज्याघ} \cdot \text{ज्याग}}{\text{त्रि}} । \text{अत्र गघमान कोणज्याभ्यां}$$

हतं हरेण भक्तं ज्ञातं अक्षमानम् । $\frac{\text{त्रि} \cdot \text{गघ} \cdot \text{ज्याग} \cdot \text{ज्याघ}}{\text{त्रि} \cdot \text{कोज्याग} \cdot \text{ज्याघ} - \text{त्रि} \cdot \text{कोज्याघ} \cdot \text{ज्याग}} ।$
भाज्यहरौ कोणद्वयज्याघातेनापवर्तितौ । तदा भाज्य' । त्रि · गघ । हररचायम् ।
 $\frac{\text{त्रि} \cdot \text{कोज्याग} \cdot \text{ज्याघ}}{\text{ज्याघ} \cdot \text{ज्याग}} - \frac{\text{त्रि} \cdot \text{कोज्याघ} \cdot \text{ज्याग}}{\text{ज्याघ} \cdot \text{ज्याग}} । \text{हरेतुल्ययोरांशच्छेदयोर्नाशादि-}$

वं स्वरूपम् । $\frac{\text{त्रि} \cdot \text{कोज्याग}}{\text{ज्याग}} - \frac{\text{त्रि} \cdot \text{कोज्याघ}}{\text{ज्याघ}} । \text{इदं तु कोणकोटिज्यायोरन्त-}$

रमस्ति कोणकोटिज्यायास्त्रिज्यागुणयाः कोणज्याभक्तायाः कोणकोटिज्या-

यामितत्वात् । अत्रापवर्त्तनेन त्रिज्यागुणगद्यमानस्य कोणकोटिच्छायान्तर ह-
रः सिद्धः । एतेन

वंशापवेधोन्नतभागकोटि-

च्छाये च ये तद्विवरेण भक्तम् ।

त्रिज्यागुणं वेधगभूमिमानं

दृष्टूर्ध्वगं वेणुजलुङ्गमानम् ॥

इत्युपपन्नम् । अत्र

छायाययोरन्तरसंगुणा भा

छायाप्रमाणान्तरद्वन्द्ववेदुः ।

भूगङ्गुचातः प्रभया विभक्तः

प्रजायते दीपशिखौर्ध्वमेवम् ॥

इति पाटीगणितस्य छायाव्यवहारीयमूत्रेण त्रिज्यायाः शङ्कुतुल्यत्वस्वी-
कारे प्रोक्तमूत्रोपपत्तिः सिद्ध्यति । तथाहि । यस्य चापस्य ज्या त्रिज्यागुणा
तच्छापकोटिज्याभक्ता तच्छापच्छाया भवतीति नतांशानां ज्या शङ्कुगुणा उ-
चतांशज्याभक्ता नतांशच्छाया भवति । सैव शङ्कुजा छाया प्रसिद्धा । इयमु-
चतांशानां कोटिच्छायैव संभवति । अत्र छायाययोरन्तरं तु वेधद्वयस्य नयो-
रन्तरभूमिप्रमाणमेव पूर्वलिपितोदाहरणे गद्यरेयमानम् । अनेन छाया गुणिता
छायान्तरभक्ता फलं वंशमूलवेधभूमिस्थानयोरन्तरं जातम् । $\frac{\text{गद्य} \times \text{छा}}{\text{छायान्तर}}$ ।

इदं शङ्कुगुणं छायाभक्तं तदा छायातुल्ययोगुणहरयोर्नाशे । $\frac{\text{गद्य} \times \text{गं}}{\text{छाया}}$ । गद्य-

रेयमानं शङ्कुगुणं छायाभक्तं वंशौर्ध्वं स्यादित्युक्तमूत्रमुपपन्नम् । अत्र
छायान्तरं भूमिमतं यथा स्यात् तथा भूमिस्थेन चारद्वयं वेधजोन्नतांश ज्ञा-
ता यदि तर्हि वेधान्तरभूमिः शङ्कुगुणैव वंशौर्ध्वमिति ह्युच्यते । एतेन

स्तम्भादिकानामनुविध्य चायं

यन्त्रेण नवत्रयदुत्तरायाः ।

द्यौः स्वपाटायभुयं भुजाय-

मप्यङ्गुलिन्दा च तदुन्नतांशान् ॥

ज्ञात्वाथ कोष्ठद्वितयाच्च शङ्को-
 श्छायां गृहीत्वान्यतरस्य चेकम् ।
 क्षिपन् विकर्षन् सुधियाच भूयो
 भुजाग्रभागेन तदेव विद्धा ॥
 समङ्कयेद्भूमिमथास्य चिह्न-
 द्वयान्तरं सप्तसमाहतं च ।
 सूर्याहतं वा निजमानयुक्तं
 कृत्वा वदेदीहिततुङ्गतां ह्यः ॥

इति महेन्द्रमूरिकृतयन्त्रराजस्यमुपपन्नं भवति ।

अत्रोदाहरणम् । स्तम्भादेरयमपि नक्षत्रवद्विष्टे लब्धा उच्चतांशाः ६६ ।
 यत्तत्तुल्यकोष्ठकेषु तत्रताशानां द्वादशाङ्गुलशङ्कुसंयन्धिनी छाया । ५ । ५ । इयं सैका
 जाता छाया । ६ । ५ । अस्या उपरि कोष्ठके प्राप्ता उच्चतांशाः । ६० । एष्वचतां-
 शेषु यन्त्रे भुजाग्रमारोप्य पूर्वस्यानादयतः पश्चाद्वा तथाक्रमणीयं यथा भूयोऽपि
 स्तम्भायं नक्षत्रवद्विध्यते । एवं वेधद्वयान्तरालभूमिः । ६ । शङ्कु १२ गुणा । ७२ ।
 निजमानेन स्वदृगुच्छयरूपेण ३ युक्ता । ७५ । इदं स्तम्भप्रमाणं जातम् । अ-
 यथा पूर्ववेधोच्चतांशे ६६ छाया । ५ । ५ । इयं निरेका जाता छाया । ४ । ५ ।
 अस्या उपरि प्राप्ता उच्चतांशा ७९ यत्र भूमिप्रदेशे वेधेन भवन्ति तत्पूर्वभू-
 म्योरन्तरं हस्तात्मकं ६ शङ्कुगुणं ७२ निजमान ३ युतं जातं स्तम्भौच्यमिति ।
 अत्र यदि सप्ताङ्गुलशङ्कुच्छाया चेदृश्यते तदान्तरभूमिः सप्तगुणा कार्यति ।

क्रमान्नतोन्नतांशानां जीवा साध्या कलादिका ।

नतज्या स्वस्वशङ्कुघ्नी विभक्ता चोन्नतज्यया ॥

अङ्गुलाद्यं फलं छाया ज्ञेया सा स्वस्वशङ्कुजा ।

इति तदुक्तच्छायाप्रकारे । द्रष्टव्यं इत्यलं प्रसङ्गागतविचारेण ।

अथान्यः प्रश्नः । आदौ पर्वताग्रस्यौच्यं पूर्वोक्तविधिना ज्ञात्वा ततः प-
 र्वताग्रस्यदृष्ट्या कस्यचिद्वर्षदेशस्य यन्त्रवेधेनाधरांशान् विदित्वा ततो भूव्यासा-
 धावगमः सुगम एव ।

तथाहि (२९ त्वेवं द्र.) अत्र अकं पर्वतौच्यम् । अस्यानस्तितपुरुषेण अ-
 स्यानगतभूभागो विदुस्तदा लब्धा अधरांशाः । ६ । अयं खण्डकोणः नक्षत्र-

शात् शोधितः शेषं ८८ कक्षकोणः । तत्कोटिः २ अक्षकोणः । यदि अक्ष-
कोण २ ज्यया अक्षभुजस्तदा कक्षकोण ८८ ज्यया क इति कक्षभुजः स्यात् ।
एवं अक्षकोण २ ज्यया तत्समुखः अक्षभुजस्तदा त्रिज्यया क इति समको-
णसंमुखः अक्षभुजः स्यात् । अथ घर्कां जात्य घर्ककोणस्य समकोणत्वात् ।
एवं घर्कं जात्यं घर्ककोणस्य समकोणत्वात् । चानयोः कोटी भूध्यासार्ध-
तुल्ये घर्करूपकर्णश्चैकस्तेन जात्ये तुल्ये । तदा कक्षभुजः खगभुजेन समानो
जातः । अतिऽनन्तरानीतः अक्षभुजः कक्षतुल्येन खगभुजेन युक्तस्तदा अक्ष-
मानं ज्ञातम् । अपघं समकोणः अपघजात्ये । अकोण ८८ कोट्यंशाः घको-
णः । २ । यदि अपघकोण २ ज्यया अक्षभुजस्तदा घक्षकोण ८८ ज्यया
क इति घक्षभुजो ज्ञातः । इदमेव भूध्यासार्धमानं ज्ञातम् ।

अथान्यथोच्यते । अक्षरेखाया घक्षरेखापरि लम्बरूपस्य रेखागणिततृतीया-
ध्यायतेत्रे निरूपितम् । ततः घक्षकोण ८८ कोट्यंशा एव अक्षकोणः । २ ।
एतदूनाशीतियुक्तशतस्यार्धमितौ । ८९ । ८९ । घर्कख, घक्षकोणौ ज्ञातौ
समद्विबाहुकत्वात् । अक्षकोणो नवतिमितः । ९० । अस्मात् घक्षकोणः ८९
शोधितः शेषं अक्षकोणः । १ । अक्षत्रिभुजे एतत्कोण १ ज्यया तत्संमुखः
अक्षभुजस्तदा अक्षकोण ८८ ज्यया क इति कक्षरेखा लब्धा । अथ घर्क-
त्रिभुजे कक्षकोण २ ज्यया यदि कक्षभुजस्तदा घर्ककोण ८९ ज्यया क
इति घक्षभुजः स एव भूध्यासार्धस्वरूप इत्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अथान्यः प्रश्नः । चन्द्रलम्बनज्ञाने चन्द्रकर्णज्ञानार्थं (९० त्वेव दृष्टव्यम्) अत्र
पौर्णमास्या याम्योत्तरवृत्तस्य चन्द्रस्य घेधेन नताशा ज्ञाताः । अयं कक्ष-
कोणः । एतेष्टनताशाः । कक्षकोणो गर्भनतांशा गणितागताः सन्ति । दु-
योरन्तरं दृगलम्बनं । अयं गक्षकोणः । चक्षत्रिभुजे गक्षभुजो वृद्धितोऽस्ति ।
तत्र बहिर्मुखः चक्षकोणस्तु गक्ष, गक्षकोणयोगसमानस्तत्र गक्षकोण-
गोधानादवशिष्टो गक्षकोण इति मिदम् । अथ गक्षत्रिभुजे गक्षकोण-
ज्यया दृगलम्बनज्यारूपया तत्समुप्यो गक्षभुजो भूध्यासार्धरूपो लभ्यते तदा
गक्षकोणज्यया पृष्ठीयनतज्यातुल्यया क इति तत्समुखः शशिकर्णरूपो घ-
क्षभुजः स्यात् । कोणोन्मार्धांशज्ययाः कोणज्यातुल्यत्वात् । अत्र गक्ष-
कोणोन्मार्धांशा १८० एव गक्षकोण इत्युक्तं युक्तमेव । अथ लम्बनज्यया भू-
ध्यासार्धं तदा गर्भनतज्यया किमिति गक्षरेखा चन्द्रपृष्ठसूत्ररूपा लभ्येति ।

अथान्यथा चन्द्रकर्णज्ञानार्थमन्यः प्रश्नः । अत्र ज्ञातांशयोर्याम्योत्तरा-
न्तरितयोर्दक्षरेकान्तरं याम्योत्तरवृत्तस्य चन्द्रस्य घेधेन नतांशौ ज्ञा-

तत्रैव (८१ चैत्रं द्र०) कं चन्द्रचिह्नं, घं भूगर्भः, रगप्रदेशौ भूषट्स्यौ स्व-
देशरूपौ खगलकोणोऽन्तांशद्वययोगमितोऽस्ति । घख, घगमितौ भूज्यासार्धस्व-
रूपौ भुजौ ज्ञातावेव । रस्यानस्य चं रमध्यः । रगप्रदेशस्य छं रमध्यः । च-
खककोणो नतांशाः । तदूनभाधांशास्तु कखघकोणः । एवं कगछकोणोऽपि
नतांशाः । तदूनानां खाटचन्द्रास्तु कखघकोणः कखघचैत्रस्य चतुर्भुजत्वात् ।
कखघ, खघग, घगककोणानां योगेन राङ्गरामा ३६० हीनाः शेषं रक्रगकोणो
ज्ञातः । अथ घघगत्रिभुजस्य समद्विबाहुकत्वात् घघग, घगघकोणौ तुल्यौ
तौ च रघगकोणहीनस्य खाटभूमितस्यार्धमितौ स्याताम् । अथ घखगत्रि-
भुजे घखगकोणज्यया घगभुजो लभ्यते तदा रघगकोणज्यया क इति रग-
भुजः स्यात् । एतेनाक्षांशद्वययोगज्या भूज्यासार्धगुणिता अन्तांशद्वययोगार्ध-
कोटिज्यया भक्ता लब्धा रगरेखेति सिद्धम् । अथ घघग, घगखकोणाभ्यां क्र-
मेण कखघ, कगघकोणौ हानावधिशिष्टौ कखग, कगखकोणौ जातौ । तत्रोग-
हीनाः खाटभूमिता एव रक्रगकोणः स्यात् । अथ कखगत्रिभुजे खकगको-
णज्यया तत्समुखः रगभुजो लभ्यते तदा कखगकोणज्यया क इति कगभुजः
स्यात् । एवं रक्रगकोणज्यया रगभुजस्तदा कगखकोणज्यया क इति कख-
भुजः स्यात् । अथ कघघत्रिभुजे कघखगभुजौ जातौ तन्मध्यगः कखघकोणो-
ऽपि ज्ञातोऽस्ति तदा कघभुजमानं साध्यम् । अथवा कग, घगमितौ भुजौ त-
न्मध्यगः कगघकोणस्ततो घक्रंभुजमानं साध्यमितमेव चन्द्रकर्णमानं सिद्धम् ।

अथ भुजद्वयज्ञाने तन्मध्यगकोणज्ञाने च कोणसमुपभुजानयनम् । यथा

बाहुमध्यगतकोणकोटिजा

शिञ्जिनी द्विभुजयुग्मसंगुणा ।

चिज्यया परिहृता तदूनिता

बाहुवर्गयुतिरन्यदोःकृतिः ॥

इति । कघघत्रिभुजे कख, घघभुजघातेन द्विगुणेन कखघकोणकोटिज्यागु-
णितेन त्रिज्याभक्तेन फलं याह्यम् । तेन कघ, खघभुजवर्गयोगो हीनस्तन्मूलं क-
घभुजमानमेवं कगघत्रिभुजेऽपि ज्ञेयम् । अत्र भुजान्तर्गतकोणस्य नवत्यंशा-
ल्पत्वे फलमृणं कृतं नवत्यधिककोणस्य द्वितीयपदगतत्वात् तत्कोटिज्याया
अणत्वात् संशोध्यमानं स्वमृणत्वमेति स्वत्वं त्रयं, इति बीजरीत्या फलं
धनं भुजवर्गयोगे कार्यं तन्मूलमन्यभुजः स्यादिति ।

अथान्यप्रकारोच्यते ।

कोणयोर्गुणितदलद्युतिभक्ता

चान्तरार्धभवंभा विभुजे या ।

सैव कोणगतसमुखबाहु-

रन्तरे युतिहृते किल लब्धिः ॥

इति पूर्वोक्तेन भुजयोगयोगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव तत्समुखकोणयो-
र्योगार्धच्छायाया तदन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिः । अत्र कोणयोगार्धच्छायाया
भुजान्तरं गुणित भुजयोगभक्ता फलस्यच्छायासुचापं कोणान्तरार्धं ज्ञातं स्यात् ।
कोणयोगार्धं कोणान्तरार्धेन हीने युते च कोणौ ज्ञातौ भवतः । अत्र त्रिभुजे
कोणत्रययोगः खाटभूलवमितस्तस्मात् कोणयोगशोधनेन शेषकोणौ ज्ञातः
स्यादतो भुजसंमुखकोणयोगार्धकोटिरेव भुजमध्यगतकोणार्धं भवितुमर्हति
तदा कोणयोगार्धमेव शेषकोणार्धकोटिमितं ज्ञातम् । अतो भुजमध्यगतको-
णार्धकोटिच्छाया भुजान्तरगुणा भुजयोगभक्ता फलस्यच्छायासुचापं भुजसंमु-
खकोणान्तरार्धं ज्ञातम् । एवं भुजसंमुखकोणौ ज्ञातौ ततो ज्ञातकोणज्यया
तत्समुच्चो भुजो लभ्यते तदा भुजमध्यगतकोणज्यया क इति तृतीयभुजः
स्यादिति ।

अथान्यदुदाहरणम् । तत्र स्पष्टाधिकारीयकर्णफलमादिज्ञानार्थं (६२ चित्रं द्र.)
अत्र घं भूः प्रतिवृत्ते, पं मध्यवहचिह्नं, कमुल्ल, कपं केन्द्रं, पषं दोर्ज्या ।
पषं कतावृत्ते टचं केन्द्रं, टगं भुजज्या । अथ पषं कर्णः प्रतिवृत्तक-
चावृत्तमध्यवहचिह्नयोरन्तरं पटमन्यफलज्या, टघं त्रिज्या । गभिः किल त्रिः
भुजं पटवम् । अत्र कतावृत्ते मं स्पष्टवहचिह्नं तदुच्चान्तरं मचं स्पष्टकेन्द्रं
अपं मघवकोणः । घचरपररेव समानान्तरे पघरेषया द्विवे तेनैकान्तरकोणौ
समौ । अतः रपघकोणः मघवकोणतुल्यो ज्ञातः । रपघकोण एव टपघकोणः
स्पष्टकेन्द्ररूपः मिदुः । एवं टर, चघरेष्वेव समानान्तरे टघरेषया द्विवे तेनैका-
न्तरौ टघच, घटरकोणौ समौ तत्र टघवकोणमानं मध्यवहोच्चान्तरादुपटवचा-
पमिति । अतः घटरकोणौ मध्यकेन्द्रमितः मिदुः । तत्समुच्चः पटघकोणोऽपि
तत्तुल्यः स तु पयचापमितः । पषं नीचावृत्तवृत्ते मध्यकेन्द्रम् । अतः कतावृत्ते
नीचावृत्तवृत्ते च केन्द्रांशाः समौ पठेति मिदुम् । अत्र घटरकोणानः खाटभू-
मितः घटपकोणो ज्ञातस्तज्ज्या दोर्ज्येव ज्ञाता । एवं टघपकोणः मटचाप-
मितस्तेन शीघ्रफलमितोऽस्ति । अतः पटघत्रिभुजे पकोणः स्पष्टकेन्द्रं, टको-
णो मध्यकेन्द्रानसमकोणद्वयमितः । पकोणः फलांशमित इति मिदुम् ।

अथ षट्घट्टिभुजे त्रिज्यान्त्यफलज्यामितयोर्भुजयोर्ज्ञाने तन्मध्यगतकोण
ज्ञाने च तत्कोणसमुच्चभुजरूपकर्णज्ञानम् ।

यादुर्मध्यगतकोणकोटिजा
शिञ्जिनी द्विभुजयुग्मसगुणा ।
त्रिज्यया परिहृता तदृनिता
आहुवर्गयुतिरन्यदोःकृतिः ॥

इति रीत्याव्यते । त्रिज्यान्त्यफलज्याघातेन द्विगुणेन कोणकोटिज्या शी-
घ्रकेन्द्रकोटिज्यारूपा गुणिता, त्रि-अ-को २, त्रिज्याभक्ता । अत्र कोटिज्यान्त्य-
फलज्याघाते त्रिज्याभक्ते कोटिफल तदेव त्रिज्यागुण द्विनिघ्न फल वा गुण-
हरयोस्त्रिज्यामितयोर्नाशात् कोटिज्यान्त्यफलज्याघातो द्विगुण इति फलम् ।
फलेन भुजवर्गयुति त्रि^२ + अ^२ र्हीना ज्ञात कर्णवर्गमानम् । इदं भुजान्तर्गतको-
णस्य नवत्यंशाल्पत्वे संभवति तादृशः कोणस्तु कर्कादिकेन्द्रे षड् ज्ञेयः ।
अथ मकरादिकेन्द्रे नवत्यंशधिकः कोणस्तत्कोटिज्या अणगता तस्याः शोधने
धनत्वं पर्यवस्यति । तदा फलेन भुजवर्गयुति त्रि^२ + अ^२ युता कर्णवर्गः स्यादे-
तेन 'घान्त्यफलत्रिमैर्ल्योर्वर्गैक्यराशेश्च तथा युतोनात । त्रिभज्यया कोटिफल
द्विनिघ्नया कोटिज्यया घान्त्यफलद्विनिघ्नया । मूल युति, रिति शिरोमणिस्य
कर्णानयनमुपपन्नम् ।

अथोक्ते त्रिभुजे कर्णेन तत्समुच्चकोणज्या मध्यकेन्द्रदोर्ज्य रूपा लभ्यते तदा-
न्त्यफलज्यामिते भुजे केति तत्समुच्चकोणज्या लब्धा फलज्यारूपा । एतेन
'घातादुज्ज्यान्त्यफलज्ययोर्वा । कर्णोद्भूता' इति शाघफलानयनमुपपन्नम् ।
एव कर्णेन तत्समुच्चकोणज्या मध्यकेन्द्रज्यामिता तदा त्रिज्यया केति स्पष्ट-
केन्द्रज्या तज्वापे स्पष्टकेन्द्रभुजाशरूपमेतेन 'त्रिज्याहता कर्णोद्भूता भुजज्या
तज्वापबाह्योर्विधरं फलं स्या, दिति भास्करोक्तमुपपन्नम् । एवं घटभुजरूपत्रि-
ज्यया तत्समुच्चकोणज्या स्पष्टकेन्द्रदोर्ज्यारूपा लभ्यते तदा षट्भुजरूपान्त्य-
फलज्यया केति तत्समुच्चकोणज्यारूपा फलज्येय लभ्यते । अत्र स्पष्टकेन्द्रदो-
र्ज्यान्त्यफलज्यागुणा त्रिज्याभक्ता फल स्पष्टकेन्द्रसबन्धि भुजफल ज्ञातम् ।
एतेन

फलज्या मध्यखेटोत्था सूक्ष्मकर्णानुपातजा ।

स्पष्टकेन्द्रोद्भवेनैव दोःफलेन समा सदा ॥

इति तत्त्रयिष्येकोक्तमुपपन्नम् । इयं क्रिया कर्णानयनं विनैव फलसाधिका । तथाहि । मध्यकेन्द्रं शीघ्रफलसंस्कृतं स्पष्टकेन्द्रं तदुत्थं भुजफलं शीघ्रफल-सममिति प्रकृते सिद्धम् । तत्र प्रथमं शीघ्रफलज्ञानान्मध्यकेन्द्रमेव स्पष्टकेन्द्रं कल्पितं तदुत्थं भुजफलं शीघ्रफलसन्निमित्तं मध्यकेन्द्रे संस्कारितं स्थूलं स्पष्टकेन्द्रमेवमसंस्कृतकरणेन यदा स्पष्टकेन्द्रोत्थं भुजफलमन्तराणीतभुजफल-समं तदा तदेव वास्तव्यं शीघ्रफलमिति सिद्धम् ।

अथ फलज्ञाने सति शीघ्रकेन्द्रभुजाशानयनम् । पटघत्रिभुजे पटभुजरूपा-न्यफलव्यया तत्संमुखकोणव्या शीघ्रफलव्याख्या लभ्यते तदा टघभुजरूपया केति तच्चापं तत्संमुखकोणस्पष्टकेन्द्रभुजांशरूपमस्य शीघ्रफलस्य योतः खाष्टभूलवात् शोधः शेषं शीघ्रकेन्द्रभुजांशः स्युः । कोणत्रययोगस्य खाष्ट-भूलवमितत्वेन कोणद्वययोगेनखाष्टभूलवस्य शेषकोणसमत्वात् । अत्र मक-रादिकेन्द्रे शीघ्रकेन्द्रभुजाशोना भार्धाशाः पटघकोणः तत्र कोणद्वययोगेना भार्धाशा अपि पटघकोणः । अतः कोणद्वययोगमिता एव शीघ्रकेन्द्रभुजांशः सिद्धाः । एव कर्कादिकेन्द्रे स्पष्टकेन्द्रभुजाशोनाभार्धाशाः घपटकोणः । स्पष्टके १ रु १८० । अयं टघपकोणेन शीघ्रफलमितेन युक्तः । स्पष्टके १ शीफ १ रु १८० । एतत् कोणद्वययोगेना भार्धाशा स्पष्टके १ शीफ १ स्तदा कोणद्वयान्तर-मेव शीघ्रकेन्द्रभुजांशः पटघकोणः स्यादेति स्पष्टकेन्द्रभुजांशस्य शीघ्रफलां-शस्य सापयोगान्तरव्ये क्रमेण शीघ्रकेन्द्रभुजव्ये फलिते । तदथा । फलव्या

त्रिज्यागुणा अन्यफलव्याभक्ता जाता स्पष्टकेन्द्रव्याख्या । $\frac{\text{फ. त्रि.}}{\text{अ.}}$ । अस्या घ-

गेण त्रिज्यावर्गा ह्रीनः । $\frac{\text{फ. त्रि. घ. १ अ. त्रि. घ. १}}{\text{अ. घ. १}}$ । अत्र फलव्यावर्गान्यफ-

लव्यावर्गान्तरं त्रिज्यावर्गगुणमन्यफलव्यावर्गभक्तमिति तन्मूलं तु वर्गान्तरमूलं

त्रिज्यागुणमन्यफलव्याभक्तं जाता स्पष्टकेन्द्रकोटिव्या । $\frac{\text{म. त्रि.}}{\text{अ.}}$ । एवं शीघ्र-

	$\frac{\text{फलव्या. त्रि.}}{\text{अ.}}$	फलव्या
फलव्या तत्कोटिव्या च एषा भावनाये न्यासः ।	$\frac{\text{म. त्रि.}}{\text{अ.}}$	फलकोट्या

स्पष्टकेन्द्रशीघ्रफलयोग्यं गियः कोटिव्यागुणं त्रिज्याभक्ते फलयोगान्तरं मध्य-

केन्द्रदोष्यं भवतः । एवं ज्ययोर्घातस्तत्कोटिज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्तः फलान्तरयोगौ मृगादिकर्कादिकेन्द्रे क्रमेण मध्यकेन्द्रकोटिज्यं भवत इति सिद्धम् ।

अथान्यदुदाहरणम् । तत्र चन्द्रशङ्कोरन्यधिकारोपयुक्तत्रिभ्यान्तरमूत्रसितांशाद्यानयनार्थं (८३ क्षेत्रं द्रष्टव्यम्) अत्र चं चन्द्रविह्वं स्वकक्षागतं तथा रं रविचिह्वं स्वकक्षागतमस्ति । खं भूः, खचं चन्द्रकर्णमितमेकभुजः, खरं रविकर्णः स द्वितीयो भुजः, रचं त्रिभ्यान्तरमूत्ररूपं स तृतीयो भुजः, इति चरखत्रिभुजं जातम् ।

अत्र रविचन्द्रकर्णमितौ भुजौ तदन्तर्गतः चपरकोणश्च जातस्तदा तत्संमुखभुजानयनम् ।

द्याहुर्मध्यगतकोणकोटिजा शिञ्जिनी द्विभुजयुग्मसंयुगा ।

इति पक्षेन पूर्वाक्तेनोच्यते । अत्र चखरकोणो रविचन्द्रान्तरांशरूपस्तत्कोटिज्या कर्णोभ्यां हता द्विगुणा त्रिज्याभक्ता फलेन कर्णवर्गयोगो हीनो जातो विभ्यान्तरमूत्रवर्गः । एवं चखरकोणस्य नवत्यंशाधिकत्वे द्वितीयपदे तत्कोटिज्याया षण्णत्वात् फलेन युक्तः कर्णवर्गयोगो विभ्यान्तरमूत्रवर्गः स्यात् । अत्र रविचन्द्रान्तरांशस्य मकरादिकेन्द्रे नवत्यल्पः कोणः कर्कादिकेन्द्रे नवत्यधिकः कोण इति तद्वद्गुणं द्रष्टव्यम् । अथ प्रकृते विभ्यान्तरमूत्रवर्गः ।

अंकोरकचक्रं चि०रकच १ चि०चक्र १ । अथवा रविचन्द्रान्तरांशज्याकोटि-
चि १

ज्ये त्रिज्याध्यासार्थं ये ते रविकर्णध्यासार्थं ये द्वाः कोटिफलसंज्ञे । अत्र कचरेखा द्वाःफलं कखं कोटिफलं इदं खचमितेन चन्द्रकर्णेन हीनं शेषं कचरेखा कोटिः द्वाःफलं भुजः तद्वर्गयोगमूलं रचं विभ्यान्तरमूत्ररूपं कर्ण इति । त-
द्याथा । कोटिफलम् । $\frac{\text{अंकोरक}}{\text{चि}} \cdot \text{रकच} १$ । चन्द्रकर्णहीनम् । $\frac{\text{अंकोरक} १ \text{ चि०चक्र} १}{\text{चि} १}$

एतद्वर्गः । $\frac{\text{अंकोरकच} १ \text{ अंकोरकचि०चक्र} १ \text{ चि०चक्र} १}{\text{चि} १}$ । अथ द्वाःफल-

लस्य $\frac{\text{अज्या०रक} १}{\text{चि} १}$ वर्गेण $\frac{\text{अज्या०रकच} १}{\text{चि} १}$ युतस्तत्रान्तरज्याधर्गतत्कोटि-

ज्याधर्गयो रविकर्णवर्गो गुणक इत्यन्तरज्याधर्गः स्वकोटिज्याधर्गयुतो जातस्त्रिज्याधर्गः । स रविकर्णवर्गगुणित इति स्वरूपं कृत्वा ततस्त्रिज्यापधत्तनेन, सिद्धे विभ्यान्तरमूत्रवर्गः पूर्वोक्तीतम एव ।

त्रि०रक्त १ अको०रक्त०चक्रं त्रि०चक्र १

त्रि १

। अथवा त्रिज्याव्यासार्धेयि रविच-

न्द्रान्तरांशज्याकोटिज्ये चन्द्रकर्णव्यासार्धेयि कृते तदा जघं भुजः, जखं कोटिः
इयं गखमिताद्विकर्णाद्वीना शेषं गलं कोटिः जघं भुजः तदुर्गयोगमूलं गघं
बिम्बान्तरसूत्रमितं कर्ण इति । अत्र गं रविचिह्नं घं चन्द्रचिह्नं कल्पितम् । अत्र
चखरत्रिभुजे यगघत्रिभुजे च क्रमेण खचभुजः खघभुजतुल्यस्तथा खभुजः
खगभुजतुल्यः चखरकोणः गखघकोणतुल्यस्तेन भुजयोस्तदन्तर्गतकोणस्योभ-
यत्र तुल्यत्वात् चररेखा गघरेखा समा नास्तीति सिद्धम् । अन्तरांशज्या

चन्द्रकर्णगुणा त्रिज्याभक्ता तस्या वर्गो जातो भुजवर्गः । अव्याव०चक्र १
त्रि १

अथान्तरांशकोटिज्या चन्द्रकर्णगुणा त्रिज्याभक्ता तज्या रविकर्णा हीना
जातः । अको०चक्र १ त्रि०रक्त १
त्रि १ । एतदुर्गभुजवर्गयोगे पूर्वरीत्या कृते जातः

पूर्वानीतबिम्बान्तरसूत्रवर्ग एव । एतेन

गृहार्कयोः म्यष्ट्रवियोगजीवा

गृहस्य कर्णेन हता विभक्ता ।

विभज्यया लब्धमितो भुजः स्या-

देवं फलज्या गृहकर्णेनिघ्नी ॥

विज्योद्धृता तत्सहितो विहीन-

स्तीक्ष्णाशुकर्णः कथिताश्च कोटिः ।

स्पष्टमिधे कर्कमृगादिपट्टे

गृहार्कयोस्तद्विषयेऽथ कर्णः ॥

तदुर्गयोगस्य षट् स्वरूपा-

गोलस्थयोः खेचरतीक्ष्णभान्वोः ।

स्यादाश्च कुच स्थितयोश्च बिम्ब-

केन्द्रान्तरे योजनसूत्ररूपः ॥

इति तस्याविवेकोक्तमुपपन्नम् । अत्र फलज्याशब्देन रविचन्द्रान्तरांशकोटि-
ज्या बोध्या । अथ चखरत्रिभुजे चरभुजेन तत्समकोणद्वयत्रिचन्द्रान्तरांशज्या

लभ्यते तदा खरमितभुजेन केति तत्संमुखस्य खरकोणस्य न्या लब्धा । त
 च्चापं पवचापमित अयं गचरकोणः सितांशमितः । एतदूनभार्धांशः खर-
 कोणः मर्यत्रकोणज्यायाः कोणोनसमकोणद्वयज्यया तुल्यत्वात् । प्रकृतेऽपि
 खरकोणज्या गचरकोणज्यया समैवेति बोध्यम् । एतेन

तदन्तरज्या रविकर्णनिधौ

चन्द्रार्कद्विम्बान्तरसूत्रभक्ता ।

लब्धस्य चापं विधुवृतसंख्यं

तद्भागतिथ्यंशमितं सितं म्यात् ॥

इति तत्त्वविवेकोक्तमुपपन्नम् । एवं चरत्रिभुजे रविकर्णमितेन भुजेन
 तत्संमुखकोणज्या शुक्राशज्यातुल्या लभ्यते तदा चन्द्रकर्णेन किमिति तच्चापं
 चरखकोणः स्यात् । अथ कोणत्रययोगस्य भार्धांशमितत्वात् कोणद्वययोगो-
 नभार्धांश एव शेषकोणः । यथा चरत्रिभुजे रविकर्णसंमुखस्तु शुक्रोनभा-
 र्धांशमितः कोणः । शु १ रु १८० । अयमागतेन चरखकोणेन युक्तः । शु १
 रु १८० चरख १ । अनेन भार्धांशा हीनाः । शु १ रु १८० चरख १ रु १८० । समयो-
 र्धनर्णयोर्नाशे जातम् । चरख १ शु १ । अयं शेषकोणः चरखकोणो रविचन्द्रा-
 न्तरांशरूप इति सिद्धम् । एवं खचरकोणज्यया सितांशज्यामितया तत्संमु-
 खो रविकर्णो लभ्यते तदा चरखकोणज्यया क इति तत्संमुखो रचभुजो विम्बा-
 न्तरमूत्ररूपः स्यात् । तेन रविचन्द्रान्तरांशज्या रविकर्णगुणा सितांशज्यया
 भक्ता फलं विम्बान्तरमूत्रमिति सिद्धम् । एतेन

यदि रमतोऽल्पेरिन्दोः शुक्राहुलके रवीन्दुविचरांशाः ।

ज्ञातुमभीष्टास्तु तदाहुलसंख्या विगुणसंगुणाद्गृह्यता ॥

आप्रोत्क्रमचापलवाः सितसत्तास्तज्ज्यकाध्रविधुकर्णात् ।

रविकर्णाध्रधनुर्लवहीनसितांशा अभीष्टभागाः स्युः ॥

इति श्रामट्टापूदेवदैवज्ञोक्तमुपपन्नम् । 'पूयं' सितांशोत्क्रमज्यां प्रमाध्य ततो
 यदि त्रिज्यायुक्ते चेयं तदा यद्गुणयुक्ते केति शुक्राहुलरूपा माधितास्ति । त-
 द्विलोमेन शुक्राहुलमान त्रिज्यागुणं यद्भक्तं सितांशोत्क्रमज्या तस्या उत्क्रम-
 खण्डजनितचापांशः सितांशसंज्ञा इति बोध्यम् । एतेन सितांशज्ञानाद्वि-
 चन्द्रान्तरांशविम्बान्तरमूत्रज्ञानस्य सकृत्प्रकारेण संसिद्धौ

व्यस्तं सितादप्यसकृद्विधानाद्
व्यर्केन्दुबिम्बान्तरसूत्रयोश्च ।
ज्ञानं यथा स्यादचलं तथा तत्
कुशाग्रधीभिर्गणितेन साध्यम् ॥

इति कमलाकरोक्तं गौरवप्रसक्तमेवेत्यलम् ।

अथ भुजलङ्घकोणयोर्भुजस्य च ज्ञाने शेषभुजज्ञानप्रकारमाह ।

विदितकोणगुणो भुजसंगुणो
विदितकोणसमासविहीनितात् ।
अधृतिता व्यकया विहृतः फलं
विदितकोणसुसंमुखदोर्मितिः ॥

यथा । अत्रयत्रिभुजे क,गकोणौ ज्ञातौ तत्संलग्नः कगभुजश्च ज्ञातस्तदा
कगभुजः ककोणव्यया गुणितः कोणयोगेनभार्धांशव्यया भक्तः ककोणसंमुखः
अगभुजः स्यात् । एवं कगभुजः गकोणव्ययागुणितः कोणयोगेनभार्धांशव्यया
भक्तः फलं गकोणसंमुखः अकभुजः स्यादेवं सर्वत्र । अत्रोपपत्तिः सुगमैवेति ।

अथान्यो विशेषः । यदि भुजयोर्ज्ञाने तद्वैकसंमुखकोणज्ञाने च तद्व्यसंमुख-
कोणज्ञानं कर्तुमभीष्टं तदा तन्मानं क्वचिद् द्विविधं सम्भवति । यथा (९४ ले-द्र-)
अत्र आगाभुजात् कागाभुजेऽल्प इति तदा गाकेन्द्रात् गाकाव्यासार्ध-
न काकावापे कृते आगागातेत्ररूपं त्रिभुजद्वयं सम्भवति । तत्र काकोणमानं
द्विविधं दृश्यते । गणितागता गाकाकाकोणस्तदूनभार्धांशाश्च काकोण इत्यत्र
काकोणाभ्यामल्प एव आकोणः स्यात् । यतः काकोणमानयोर्योगस्य भार्धांश
मितत्वात् तन्मानयोरैकैकस्य काकोणादल्पेन आकोणेन युतस्य समकोण-
द्वयाज्यत्वादत्र काकोणमानद्वयसंभव इति ।

अत्रोदाहरणम् । यथा आगाभुजः । ३४५ । कागाभुजः । २३२ । आको-
णोऽंशदिः । ३० । २० । यदि कागाभुजेन आकोणव्यया तदा आगाभुजेन कैति
आकोणव्यया । २०८५ । इयं आगामान ३४५ गुणा कागामान २३२ भक्ता, ३१०० । ३२.
अस्याश्चापं ६४ । २४ काकोणमानमिदं भार्धांशहीनं ज्ञानं काकोणस्य द्वि-
तीयमानम् । ११५ । ३६ । एवं काकोणमानाभ्यामाकोणोऽल्प एव ज्ञानं । आ-
कोण ३० । २०, काकोण ११५ । ३६ । योगेन १५२ । ५६ हीनाः खाटिचन्द्राः ज्ञेयं

गाकोणमानम् २७।४। एवं आकोण ३७।२०, काकोणमान ६४।२४ योगेन १०१।४४ समकोणद्वयमानं १८० हीनं शेषम् ७८।१६। इदमपि गाकोणमानम् । अथ काकोणयोर्जीवा तुल्येव तथा यदि आगभुजस्तदा गाकोणज्यया कीति गाकोणांशानां २७।४ ज्या १७६३।२० आगा ३४५ गुणा काकोणज्या ३१०० भक्ता आकाभुजः । १७४ । एवं द्वितीयगाकोणांशानां ७८।१६ ज्या ३३६५।२५ आगा ३४५ गुणा काकोणज्या ३१०० भक्ता लब्ध आकाभुजः । ३७४ । एवं आकाभुजस्य द्विविधं मानं जातम् । एवं वसुगुणयुगाग्निमितत्रिज्यात्पञ्चज्याषण्डकैः क्रिया दर्शितेति । अत्रागतयोः आ, कामानयो १७४।३७४ रन्तरं काकाभुजमानं जातम् । २०० । तथा गाकोणयो २७।४, ७८।१६ रन्तरं ५१।१२ कागाकाकोणमानमिति चतुरैर्यथासंभवं गणितं विधेयमिति शम् ।

अथ भुजद्वयतन्मध्यगकोणावगमे तृतीयभुजानयनोपपत्तिः । यथा (९५६-८-)
अत्र अक, अगभुजौ अकोणश्च जातस्तदा अरुभुजोपरि गस्यानान्तस्त्रः
कृतस्तर्हि अकोणकोटिरेव अगचकोणः । अवगं ममकोणस्तज्यया त्रिज्यामि-
तया अगभुजस्तदा अकोणकोटिज्यया क इति अवरेया । $\frac{\text{कोज्याअ} \times \text{अग}}{\text{त्रि}}$

अनेन हीना अररेया जाता चकरेखा । $\frac{\text{त्रि} \cdot \text{अक} - \text{कोज्याअ} \cdot \text{अग}}{\text{त्रि}}$ । अथ त्रिज्य-

या अगभुजस्तदा अकोणज्यया क इति लभ्यः । $\frac{\text{ज्याअ} \cdot \text{अग}}{\text{त्रि}}$ । द्वयोर्वर्गयोगो

जातः कागरेयावर्गः ।

$\frac{\text{त्रि}^2 \cdot \text{अक}^2 - २ \text{त्रि} \cdot \text{अक} \cdot \text{अग} \cdot \text{कोज्याअ} + \text{कोज्या}^2 \text{अ} \cdot \text{अग}^2 + \text{ज्या}^2 \text{अ} \cdot \text{अग}^2}{\text{त्रि}^2}$

अत्र अगवर्गगुणौ अकोणज्याकोटिज्यावर्गौ तेन तत्रोपगन्त्रिज्यावर्गं यत्र
अगवर्गगुण एवं त्रिज्यावर्गेण हरेण भक्ते भाज्ये जातं प्रथमपण्डम् । अक^२ । द्विती-
यपण्डम् । $\frac{-२ \text{अक} \cdot \text{अग} \cdot \text{कोज्याअ}}{\text{त्रि}}$ । तृतीयपण्डम् । अग^२ । गतेन अकोणको-

टिज्या भुजाभ्यां कृता द्विगुणा त्रिज्याभक्ता फलेन अग, अरुभुजवर्गयोगो ही-
नस्तन्मूल कागभुजः स्यादिति सिद्धम् । तर्हि

बाहुमध्यगतकोणकोटिज्ञा शिञ्जिनी द्विभुजयुग्मसंगुणा ।

त्रिज्यया परिहृता तदूनिता बाहुवर्गयुतिरन्यत्रोऽकृतिः ॥

इत्युपपन्नम् । एवमजात्यत्रिभुजे इष्टकोणाल्लभ्यनिपातं कृत्वा जात्यद्वय-
मुत्पाद्य बुद्धिमता शेषवषवज्ञानं कर्तव्यम् ।

अथ भुजत्रयज्ञाने भूसंमुखकोणदलभागकोटिज्ञानयनं पूर्वमुक्तं तदुपपत्ति-
र्यथा ।

भूकोटिजीवा त्रिगुणाहोना

कोटिज्ययोर्दोर्भवयोर्वधेन ।

त्रिज्यागुणा दोर्गुणाघातभक्ता

ज्या सात्र भूसंमुखकोणकोटेः ॥

इति रीत्या भूसंमुखकोणकोटिज्ञानयनं विधाय तदनन्तरं

त्रिज्यकार्धमय कोटिगुणार्धं

तद्व्युत्तिस्त्रिभुगुणेन विनिघ्नी ।

तत्पदं तु दलभागजकोटेः

शिञ्जिनी भवति युक्तिविभेदात् ॥

इति ज्योत्पत्तिमूत्रेण कोणदलकोटिज्ञानयनं सुबोधम् । तथाहि । त्रिभुजे
आ, का, गकोणास्तत्संमुखा अ, क, गभुजाः कल्पिताः सन्ति । तत्र यदि अभुजा
भूसंस्तदा अभुजकोटिज्या त्रिज्यागुणा कभुजकोटिज्यागभुजकोटिज्याघातेन
हीना त्रिज्यागुणा ततः कभुजज्यागभुजज्याघातभक्ता फल आकोणकोटिज्या ।

कोज्याअ • त्रि^२ — कोज्याक • कोज्याग • त्रि

ज्याक • ज्याग

। अस्या अर्धस्य त्रिज्यार्धस्य योगः

स्त्रिज्यागुणे जात आकोणदलकोटिज्यावर्गः ।

कोज्याअ • त्रि^३ — कोज्याक • कोज्याग • त्रि^३ + ज्याक • ज्याग • त्रि^३

२ ज्याक • ज्याग

। अत्र भ्रात्ये

खण्डत्रयात् त्रिज्यावर्गो गुणकस्तावत् पृथक् निष्काशितोऽस्ति । कोज्याअ • त्रि
— कोज्याक • कोज्याग + ज्याक • ज्याग । अत्र द्वितीयतृतीयखण्डान्तरं तु
क, गभुजघातयोगकोटिज्या त्रिज्यागुणा अख्यगतास्ति । चापयोगकोटिज्यासा-
धने कोटिज्याघाते भुजज्याघातस्य शोधत्वात् प्रकृते तद्वैपरीत्येन तच्छेषस्य
अख्यत्वात् अस्याश्चापयोगकोटिज्यागुणाया अभुजकोटिज्यायास्त्रिज्यागुणा-

याश्चान्तरं भाज्ये सिद्धम् । या चापयोगकोटिज्या, अभुजकोटिज्यान्तरं त्रिज्या-
गुणमिति निष्पन्नम् । इदं तु तच्चापयोगार्थान्तरार्धज्याघातेन द्विगुणेन तुल्य-
मिति ज्योत्पत्तौ सिद्धमेव । अत्र क, गभुजयोगे अभुजो युक्तस्तदा भूबाहुयोगः ।
एवं भुजयोगात् अभुजो हीनस्तदर्थं चापयोगान्तरयोरर्थं तज्ज्ययोर्घातः का-
र्यः । अस्य गुणो द्वयं हरे च गुणो द्वयं तयोः समत्वेन नाशादत्र भूबाहुयो-
गदलं परसंज्ञमिदं भूसंज्ञभुजेन हीनं तज्ज्यापरज्याघात इति सिद्धम् । अयं
त्रिज्यावर्गगुणितः पूर्वं खण्डत्रयगुणकनिष्काशनात् । ततो बाहुज्याघातेन
भाज्यः पूर्वं हरस्यानगतत्वात् । तन्मूल भूसंमुपस्यार्थाद्भुजद्वयलग्नस्य कोणस्य
दलांशकोटिज्यामानम् । एतेन

भूबाहुयोगदलमत्र परः सकून-
स्तज्ज्यागुणः परगुणस्त्रिगुणस्य कृत्या ।
निघ्नः स दोर्गुणविघाततृतोऽस्य मूलं
दोर्लग्नकोणदलकोटिरिहास्य चापम् ॥

इति पूर्वाक्तमुपपन्नम् ।

अथ कोणत्रयज्ञाने तदेककोणसंमुखभुजार्धज्याकोटिज्यानयनम् ।

स्वस्वकोणोन्मार्धांशतुल्यैर्भुजै-
र्यस्त्रिबाहुः परस्तस्य कोणत्रयम् ।
प्रोक्तरीत्या प्रसाध्यं तदूना लवाः
खाष्टचन्द्रा अभीष्टा भुजास्ते मताः ॥

इति पूर्वाक्तमूत्रेण सुगमम् । तच्च रूपमितत्रिज्याकल्पने प्रदर्श्यते । अ-
भुजकोटिज्यानयनार्थमाकोणकोटिज्या खणगता जाता तस्याः का, गाकोणको-
टिज्ययोर्घातस्य शोधत्वादृणत्वमिति तयोर्घात एव सिद्धः । आकोणस्य भा-
र्धांशात् शोधनात् तत्कोटिज्याया खणत्वं तथा का, गाकोणोन्मार्धांशको-
टिज्ययो खणयोर्घातो धनमेवेति जाता अभुजकोटिज्या ।

कोज्यात्रा + कोज्याका • कोज्यागा

ज्यात्रा • ज्यागा

सा त्रिज्यागुणा दलिता जातस्तदार्धांशज्यावर्गः ।

ज्यात्रा • ज्यागा — कोज्याका • कोज्यागा — कोज्यात्रा

२ ज्याका • ज्यागा

याचापयोगकोटिज्या खणगता पूर्ववत् सिद्धा तस्या आकोणकोटिज्याया

त्रिकोणगताया योग एव कार्यः । स च तत्त्रापयोगार्धान्तरार्धकोटित्ययोर्धातेन द्विगुणेन तुल्यो ल्योत्पत्तिसूत्रेण सिद्धस्तत्र का, गाकोणयोगः आकोणेन युतो हीनश्च तदर्थं कृते । $\frac{आ + का + गा}{२}$ । $\frac{का + गा - आ}{२}$ । अत्र सर्वको-

णयोगोपम् । आ + का + गा = २ गा । तदर्थं सर्वकोणयोगार्धं पावर्णिकोत्तितं कल्पितमिदं चापयोगार्धम् । अथ सर्वकोणयोगार्धात् आकोणो हीन इदं चापा-
न्तरार्धमनयोः कोटित्याघातो द्विगुणो हरोपि द्विगुणस्तयोर्द्विमितयोर्नाशे अभु-
जार्धज्यावर्गस्तन्मूलं अभुजार्धज्यामानम् । $\sqrt{\frac{कोज्यापा \cdot कोज्या (पा - आ)}{ज्याका \cdot ज्यागा}}$ ।

अथ अभुजार्धकोटित्यानयनम् । पूर्वानीता अभुजकोटित्या त्रिक्या १ युता त्रिक्या १ गुणा दलिता जातः अभुजार्धकोटित्यावर्गः ।

$\frac{कोज्याआ + कोज्याका \cdot कोज्यागा + ज्याका \cdot ज्यागा}{२ ज्याका \cdot ज्यागा}$ । अत्र भाज्ये कागाचापा-

न्तरकोटित्याया आचापकोटित्याया योगस्तु तद्वोगार्धान्तरार्धकोटित्याघा-
तेन द्विगुणेन तुल्यः । एकचापम् । (का - गा) द्वितीयम् । (आ) द्वयोर्योगः ।
आ + का - गा । अन्तरम् । आ - का + गा । अनयोरधेयः कोटित्याघातं कृत्वा
द्विमितयोर्गुणहृयोर्नाशे पूर्ववत् सिद्धं अभुजार्धकोटित्यामानम् ।

$\sqrt{\frac{कोज्या (पा - का) कोज्या (पा - गा)}{ज्याका \cdot ज्यागा}}$ । अत्र कोणस्य भुजत्वकल्पने भुजा-

धारयोगार्धमूनं भुजाभ्यामिति रीत्या वास्तवभुजार्धकोटित्यामानं तथा भू-
चातुयोगदलमत्र परः स कून' इति सूत्रेण वास्तवभुजार्धज्यामानं पर्यवसि-
तम् । अत्रेदमधेयम् । सर्वकोणयोगार्धम् । (पा) सदा नवत्यधिकं खभां-
श २० न्यूनमतः याकोटित्या अर्धं भवति । एवं १८० - आ = चा, तथा
१८० - का = गा, तथा १८० - गा = गा । अतोयं (१८० - आ) शेषयोगात्
(१८० - का) + (१८० - गा) हीनः । का + गा - आ । अयं च खाटकुभागा-
व्यनः । अस्याधं (पा - आ) नवतिभागादल्पमत एतत्कोटित्या धनमेव ।
तत्र (पा - का) कोटित्या तथा (पा - गा) कोटित्या धनमिति बोध्यम् ।

अथ गोलोपरि यत्त्रिभुजं तद्वहिल्लघुवृत्तत्रिक्यामानत्राजं तच्चिभुजको-
णस्यः प्रदर्शयते । यथा (६६ से. द्र.) गोलपृष्ठे आकाशासंज्ञं त्रिभुजं नन
आ, का, गासंज्ञाः कोणास्तथा तत्तत्कोणसंमुखा अ, क, गभुजाः कल्पिताः । अथ

आगा, काआभुजयोरधस्याने क्रमेण डा,ईविन्दू कृत्वा । आगाचापोपरि डावि-
न्दोर्लम्बस्तथा काआचापोपरि ईविन्दोर्लम्बः कार्यस्तयोश्चापद्वययोगमितः । अत्र
योगस्तत्र पाविन्दुस्ततः पाआ,पाका,पागारेखाश्चापद्वयः कर्त्तव्याः । अत्र
गाडा,डाआखण्डे समे डापालम्बश्चाभयत्र समकोणोत्पादकोऽस्ति । अतः
पाडाआक्षेत्रं चापजात्यं तथा पाडागाक्षेत्रं च चापजात्यम् । अनयोर्भुजौ तुल्यो-
त्तेन कर्णयोः साम्यमतः पाआ, पागाचापे समे जाते । एवं आपाई, कापाई-
क्षेत्रे च चापजात्ये । आईचापं काईचापसमं पाईलम्ब उभयत्र भुजोऽस्ति
ततोऽनयोः क्षेत्रयोः साम्यात् कर्णसाम्यम् । अतः पाआ, पाकाचापे तुल्ये जाते ।
एतेन आपा, पाका, पागारेखा मिथस्तुल्याः । अतस्त्रिभुजबहिर्लम्बवृत्तस्य पृष्ठ-
केन्द्रं पाविन्दुरिति सिद्धम् । अथ आपागा, पागाका, पाकाआक्षेत्राणि सम-
द्विबाहुकत्रिभुजानि । तत्र

समद्विबाहुत्रिभुजे समानौ

कोणौ भवेता धरणीखिलनौ ।

इति गोलरेखागणितीयपञ्चमक्षेत्रे निरूपणात् । प्रकृते आपागात्रिभुजे पाआ-
गा, पागाआकोणौ तुल्यौ । अतः पागाआकोणो द्विगुणस्तत्कोणद्वययोगमितः ।
एव पागाकात्रिभुजे पागाका, पाकागाकोणौ समौ तेन पाकागाकोणो द्विगु-
णः पागाका, पाकागाकोणयोगमितः । एवं पाकाआ, पाआकाकोणौ समौ
तेन पाकाआकोणो द्विगुणस्तत्कोणद्वययोगमितः । एवमुक्तकोणानां योग आ-
का, गाकोणयोगतुल्यः । अत्र पाकाआकोणः पाकाईकोणाभिवर्त्तेन पाकाई-
कोणो द्विगुणः पाकाआ, पाआकाकोणयोगमितो जातः । एव न्यासः ।
 $२ पागाआकोण + २ पागाकाकोण + २ पाकाई = आ + का + गा = २ पा$ ।
अतः । $पाकाईकोण = पा - (पागाआकोण + पागाकाकोण) = (पा - गा)$
त्रिभुजकोणानां योगदत्तं पाषर्ण्येदमितं तच्च पागाआ, पागाकाकोणयोगेन
गाकोणमितेन हीन शेषः पाकाईकोणो जातः । अथ

कोणलम्बभुजच्छाया कर्णकोटिभया हता ।

त्रिज्याभक्ता चापजात्ये कोणकोटिद्वयका भवेत् ॥

इति पूर्वाक्तप्रकारवैपरीत्येन कोणकोटिद्वया त्रिज्यागुणा कोणलम्बभुज-
च्छायाया भक्ता कर्णकोटिच्छाया स्यात् । प्रकृते पाकाईचापजात्ये पाकाईकोण-
कोटिद्वयाद्वर्गस्त्रिज्या १ वर्गेण १ गुणितः । कोज्या (पा-गा) । गभुजार्धस्य छा-

—कोज्यापा-कोज्या (पा-गा)

पाषर्णेण $\frac{\text{कोज्या (पा-का) कोज्या (पा-आ)}}{\text{कोज्या (पा-गा)}}$ भक्तः ।

कोज्या^१ (पा-गा) कोज्या (पा-का) कोज्या (पा-आ)
 —कोज्यापा-कोज्या (पा-गा) । अत्र भाज्यहरेः पाका-

इकोणकोटिज्यामानेन कोज्या (पा-गा) अपवर्तिते ।

कोज्या (पा-गा) कोज्या (पा-का) कोज्या (पा-आ)
 —कोज्यापा एतस्य मूलं कर्णको-

टिच्छाया सिद्धा । एतेन

सर्वकोणैक्यखण्डं पराख्यं त्विदं

वर्जितं कोणकैः शेषकोटिज्यकाः ।

तद्भुजिभोजिता तत्पराख्योत्थया

कोटिमौर्व्या फलीयं पदं कोटिभा ॥

कर्णजास्याः प्रभाखण्डचापेनाः खगोलवाः ६० ।

विद्याहुकवहिलग्रथनव्यासार्धचापजा ॥

इत्युपपन्नम् ।

अथ त्रिभुजे भुजोभ्यस्तट्टहिलग्रथनव्यासार्धानयनम् । अत्रापि पूर्वोक्ते सेत्रे पाकाइकोणकोटिज्यानयनं तावत् प्रदर्श्यते । पाकाइकोण = (पा-गा) = $\frac{1}{2}(\text{पा} + \text{का}) - \frac{1}{2}\text{गा}$ । आ, काकोणयोगार्धमेकचापं गाकोणार्धं द्वितीयचाप-मनयोरन्तरं पाकाइकोणमानमस्ति । तत्र चापान्तरकोटिज्याप्रकारतस्तच्छाप-ज्ययोर्धातेन तत्कोटिज्याघातयुतेन त्रिज्या १ भक्तेन समा चापान्तरकोटिज्येति न्यामः । कोज्या $\frac{1}{2}(\text{आ} + \text{का})$ कोज्या $\frac{1}{2}\text{गा} + \text{ज्या} \frac{1}{2}(\text{आ} + \text{का})$ ज्या $\frac{1}{2}\text{गा}$ । इदं पाकाइकोणकोटिज्यामानम् ।

अथाधारन्यकोणद्वयज्ञाने तद्वाधारज्ञाने च शेषभुजयोरानयनप्रकारः प्रागु-क्तस्तदुपपत्तिविचारे आ, काकोणयोगार्धकोटिज्या सिद्धास्ति सा यथा ।

ज्या $\frac{1}{2}\text{गा} \times$ कोज्या $\frac{1}{2}(\text{अ} + \text{क})$
 कोज्या $\frac{1}{2}\text{ग}$ । इयं गाकोणार्धकोटिज्यया गुणिता ज्ञातः

कोटिज्याघातः । एयं पूर्वसिद्धा आ, काकोणयोगार्धज्या ।

कोज्या $\frac{1}{2}\text{गा} \times$ कोज्या $\frac{1}{2}(\text{अ} - \text{क})$
 कोज्या $\frac{1}{2}\text{ग}$ । इयं गाकोणार्धज्यागुणा ज्ञातो भुजज्या-

घातः । द्वयोर्धोगार्ध न्यामः । ज्या $\frac{1}{2}\text{गा} \cdot$ कोज्या $\frac{1}{2}\text{गा} \cdot$ कोज्या $\frac{1}{2}(\text{अ} + \text{क})$
 कोज्या $\frac{1}{2}\text{ग}$

+ $\frac{\text{न्या } १ \text{ गा } \cdot \text{कोन्या } १ \text{ गा } \cdot \text{कोन्या } १ (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोन्या } १ \text{ ग}}$ । योगे जातम् ।

न्या १ गा · कोन्या १ गा × $\frac{\text{कोन्या } १ (\text{अ} + \text{क}) + \text{कोन्या } १ (\text{अ} - \text{क})}{\text{कोन्या } १ \text{ ग}}$ । अत्र गाको-

णार्धन्याकोटिन्याघातस्तु गाकोणन्यादलं तेन अकभुजयोगार्धकोटिन्यातद-
न्तरार्धकोटिन्यायोगतुल्यः अभुजार्धकोटिन्याकभुजार्धकोटिन्याघातो द्विगुणो
गुणनीयः गभुजार्धकोटिन्या भजनीय इति अर्धाशन्याकोटिन्याघातस्य
द्विगुणस्यांशन्यातुल्यत्वात् तथा कोटिन्ययोर्योगस्य तच्चापयोगार्धकोटिन्या-
तच्चापान्तरार्धकोटिन्याघातेन द्विगुणेन समत्वात् । अत्र चापे १ (अ + क) ।
१ (अ - क) । अनयोर्योगः अचापं अन्तरं कचापं तदर्थयोः १ अ । १ ककोटिन्याघातः

कर्तव्य एवं न्यासः । $\frac{१ \text{ न्यागा } \cdot २ \text{ कोन्या } १ \text{ अ } \cdot \text{कोन्या } १ \text{ क}}{\text{कोन्या } १ \text{ ग}}$ । इदं पाकाईकोणको-

टिन्यामानम् । अथ चापजात्ये कोणलग्नभुजच्छाया त्रिज्यया १ हता कोण-
कोटिन्याभक्ता फलं कर्णच्छाया भवतीति प्रागुक्तं तेन प्रकृते कापाईचापजात्ये
काईभुजस्य गचापार्धमितस्य छाया । छा १ ग । कोटिन्याभक्तभुजज्यास्वरूपा ।

$\frac{\text{न्या } १ \text{ ग}}{\text{कोन्या } १ \text{ ग}}$ । इयं सिद्धेन पाकाईकोणकोटिन्यामानेन भक्ता तत्र भागे द्विज-
माणे गभुजार्धकोटिन्यामितयोर्द्विमितयोश्च गुणहरयोर्नाशे जाता पाकाकर्णस्य

छाया । $\frac{\text{न्या } १ \text{ ग}}{\text{कोन्या } १ \text{ अ } \cdot \text{कोन्या } १ \text{ क } \cdot \text{न्यागा}}$ । अत्र हरस्याने अभुजार्धकोटिन्या-

कभुजार्धकोटिन्याघातो गाकोणन्यागुणित इत्यस्ति । तत्र गाकोणार्धस्य न्या-
कोटिन्ययोर्घातो द्विगुणो गाकोणन्यामित इत्येतदर्थं 'भुजाधारयोगार्धमूनं
भुजाभ्या'मिति पूर्वाक्तसूत्रेण गाकोणार्धन्यायनम् । यथा । सर्वभुजयोगार्धं
मवर्णः कल्पितः । इदं भुजाभ्यां हीनं तज्ज्ययोर्घातः कोणलग्नभुजन्याघातेन

भक्तस्तन्मूलं गाकोणार्धन्या । $\sqrt{\frac{\text{न्या (स-अ)} \cdot \text{न्या (स-क)}}{\text{न्याअ} \cdot \text{न्याक}}}$ । एवं भूयाहु-

योगदलमत्र परः स कून, इति प्रागुक्तसूत्रेण जाता गाकोणार्धकोटिन्या ।

$\sqrt{\frac{\text{न्यास} \cdot \text{न्या (स-ग)}}{\text{न्याअ} \cdot \text{न्याक}}}$ । अनयोर्घाते कर्तव्ये हरमूलयोर्घातो हर एव । एवं
घातो द्विगुणो जातो गाकोणन्यामितः ।

२✓ ज्यास-ज्या (स-ग) ज्या (स-अ) ज्या (स-क) । अत्र हरं अ, कभुजयो-
ज्याअ-ज्याक

ज्याघातस्तत्र अभुजार्धस्य ज्याकोटिज्याघातो द्विगुणस्तथा कभुजार्धस्य ज्या-
कोटिज्याघातो द्विगुणस्तयोर्घातो हरः । एवं गाकोणज्या ।

२✓ ज्यास-ज्या (स-ग) ज्या (स-अ) ज्या (स-क) । इयं अ, कभुजार्ध-
ज्या १ अ-कोज्या १ अ-२ ज्या १ क-कोज्या १ क .

कोटिज्याघातेन हता तदा तुल्ययोः अ, कभुजार्धकोटिज्ययोर्द्वयोश्च गुणहर-

योर्नाशे सिद्धः पूर्वहरः । ✓ ज्यास-ज्या (स-ग) ज्या (स-अ) ज्या (स-क) ।
ज्या १ अ-२ ज्या १ क

अनेन गभुजार्धज्या भक्ता जाता कर्णच्छाया

२ ज्या १ अ-ज्या १ क-ज्या १ ग

✓ ज्यास-ज्या (स-ग) ज्या (स-अ) ज्या (स-क) । अत्र भुजत्रयार्धभागज्य-

कानां घातो द्विगुणो भाज्यः । सर्वभुजयोगार्धे चतुःस्थितं भुजै रहितं शेषाणां
ज्याघातमूलं हर इति भाज्ये हरभक्ते कर्णच्छाया सिद्धा । एतेन

सर्वदोषैर्निदलं चतुःस्थितं

दोर्भिर्द्वनमवशिष्टशिज्जिनो ।

तद्वृत्तेः पट्टदलेन भाजिता

सर्वव्यानुदलशिज्जिनोदतिः ॥

कर्णभास्याः प्रभायण्डेत्यत्रवापांशका मताः ।

त्रिबाहुकवर्हिर्लघुतयासार्धवापजाः ॥

इत्युपपन्नम् ।

अथ त्रिभुजान्तःपातिलघुतयासार्धानयनं तद्वृत्तेभ्यः प्रदर्शयते । यथा
(८७ वे-द्र-) आकागात्रिभुजं तत्र आकोणार्धकारिणो गाकोणार्धकारिणो च
रेखा चापरूपा संविधेया । तयोर्व्यंगे पाधिन्दुस्ततः प्रतिभुजोपरि पाधिन्दुतो
लम्परिषा चापरूपैव विधेया । एवं पार्श्व, पाका, पाहारिण्या मिथस्तुल्याः । अत-
स्त्रिभुजान्तर्लघुतयम् पृष्ठकेन्द्रं पाधिन्दुरिति मिदम् । अत्र आहा, आहरेणे
तुल्ये तथा गाहा, गाफारेणे तुल्ये तथा काका, काहरेणे तुल्ये स्तः । आह-
= स- (गाफा + फाका) = (स-अ) । येषां योगः सर्वभुजयोगस्तदर्थम् ।

आई + गाफा + काफा । एषां योगः सर्वभुजयोगार्धम् । स । अस्मात् गाफा,
काफायोगशोधनेन शिष्टा आईरैषैव । अतः आई = स - अ । अथ

चापजात्ये कोणलम्भभुजत्याकोणभाहतिः ।

त्रिज्याभक्ता फलं छाया कोणसंमुखब्राहुजा ॥

इति पूर्वोक्तं प्रकृते आपाईचापजात्ये आईभुजत्या पाआईकोणच्छाया-
गुणा पाईभुजच्छाया स्यात् तत्र पाआईकोणस्तु त्रिभुजगत आकोणार्धमितः ।
अत्र क, गभुजौ अभुज आधारः कल्पितः । भुजाधारयोगार्धमूनं भुजाभ्यामि-

तिसूत्रेण जाता आकोणज्या । $\sqrt{\frac{\text{ज्या (स - क) ज्या (स - ग)}{\text{ज्याक. ज्याग}}}$ । अथ

भुजाहुयोगदलमत्र परः स फून, इति सूत्रेण जाता आकोणार्धकोटिज्या ।

$\sqrt{\frac{\text{ज्यास. ज्या (स - अ)}{\text{ज्याक. ज्याग}}}$ । अथ भुजज्या कोटिज्याभक्ता जाता आकोणा-

र्धच्छाया । $\sqrt{\frac{\text{ज्या (स - क) ज्या (स - ग)}{\text{ज्यास. ज्या (स - अ)}}}$ । अस्या वर्गः ।

$\frac{\text{ज्या (स - क) ज्या (स - ग)}{\text{ज्यास. ज्या (स - अ)}}$ । आईभुजज्यावर्गेण ज्या^२ (स - अ) गुणितस्सदा

तुल्ययोगुणहरयो ज्या (स - अ) नाशे तन्मूले च रह्यते जाता पाईछाया ।

$\sqrt{\frac{\text{ज्या (स - अ) ज्या (स - क) ज्या (स - ग)}{\text{ज्यास}}}$ । एतेन

सर्वद्वोर्युतिदलं परस्त्रिधा

दोर्भिर्हन्ति इह व्यकाः कृताः ।

तद्वृत्तिः परगुणेन भाजिता

तत्पदं भवति लम्बजा प्रभा ॥

अस्या भाखण्डजनिताश्चापांशा गोलपृष्ठगे ।

त्रिभुजेऽन्तर्गतं वृत्तं यत् तद्व्यासार्धचापजाः ॥

इत्युपपन्नम् ।

अथ त्रिभुजान्तर्लघुवृत्तव्यासार्धानयनं तत्रिभुजकोणेभ्यः प्रदर्शते । तत्रा-
नन्तरोक्तत्रे गाढापाचापजात्ये गाढाभुजज्या आगाकाकोणार्धच्छायाया

गुणिता सति ढापाभुजच्छाया भवति । तत्र गाढा = स - ग । अतः

सर्वभुजयोगार्धत् $\frac{अ + क + ग}{२}$ गभुजो हीनः । $\frac{अ + क - ग}{२}$ । अ.कभुजयो-

गार्धमेकचापं तथा गभुजार्धं द्वितीयचापमनयोरन्तरव्या गाढाभुजव्या स्यात् ।

तत्र चापान्तरव्यारीतिः परस्परकोटिव्यागुणितभुजज्ययोरन्तरमिति न्यासः ।

ज्या^१ (अ + क) × कोज्या^१ ग - कोज्या (अ + क) × ज्या^१ ग । अथ अ.कभु-
जयोगार्धज्याकोटिव्यास्वरूपान्तरं विचार्यते । तत्र पूर्वसिद्धप्रकारेण आ.का-
कोणान्तरार्धकोटिव्या गभुजार्धज्यागुणा गाकोणार्धज्याभक्ता फलं अ.कभुज-
योगार्धज्या जाता सा गभुजार्धकोटिव्यागुणा इति प्रथमखण्डम् ।

कोज्या^१ (आ - का) ज्या^१ ग - कोज्या^१ ग । एव आ.काकोणयोगार्धकोटि-
ज्या^१ गा

व्या गभुजार्धकोटिव्यागुणा गाकोणार्धज्याभक्ता जाता अ.कभुजयोगार्धकोटि-
व्या सा गभुजार्धज्यागुणा इति द्वितीयखण्डम् ।

कोज्या^१ (आ + का) · कोज्या^१ ग · ज्या^१ ग । प्रथमखण्डात् द्वितीयखण्डं
ज्या^१ गा

जोधिन जाता चापान्तरव्या ।

कोज्या^१ ग · ज्या^१ ग { कोज्या^१ (आ - का) - कोज्या^१ (आ + का) } । अत्र को-
ज्या^१ गा

टिव्ययोरन्तरं त्रिज्या १ गुणं चापयोगार्धान्तरार्धज्याघातेन द्विगुणेन तुल्य-
मिति ज्योत्पत्तिगणिताधिकारे सिद्धमस्ति । तेन आ.काकोणार्धज्ययोगार्धतो
द्विगुणः सिद्धः । तथा गभुजार्धज्याकोटिव्याघातो गभुजज्यार्धमित इति चा-

पान्तरव्या । ज्याग-२ज्या^१ आ · ज्या^१ का । इय गाढाभुजव्या । त्रिभुजीय-
ज्या^१ गा

गाकोणार्धच्छायाया ज्या^१ गा गुणिता तदा तुल्ययोगुणहरयोर्नाशे जाता
कोज्या^१ गा

ढापाभुजच्छाया । ज्याग ज्या^१ आ · ज्या^१ का । अनया त्रिज्याधर्मा १ भक्तः
कोज्या^१ गा

फलं ढापाभुजस्य कोटिच्छाया । कोज्या^१ गा । अत्र हरे गभु-
जज्या गुणकोऽस्ति । तत्र गभुजार्धज्याकोटिव्याघातो द्विगुण एव गभुजव्या ।

अतः पूर्वसिद्धमार्गेण गभुजार्धन्या । $\sqrt{\frac{-कोन्यापा \cdot कोन्या (पा - गा)}{न्याया \cdot न्याका}}$ । गभु-

जार्धकोटिन्या । $\sqrt{\frac{कोन्या (पा - आ) कोन्या (पा - का)}{न्याया \cdot न्याका}}$ । अनयोर्घाते द्वि-

गुणे कर्तव्ये लघस्यानगतानां घातो द्विगुणो भाव्यः ।

२ $\sqrt{-कोन्यापा \cdot कोन्या (पा - गा) कोन्या (पा - आ) कोन्या (पा - का)}$
 हरस्यलीयमूलयोर्घातो हरः । न्याया \cdot न्याका । अत्रापि कोणार्धन्याको-
 टिन्याघातो द्विगुण इति हरः । २ न्याया \cdot आ \cdot कोन्याया \cdot आ \times २ न्याया \cdot का \cdot
 कोन्याया \cdot का । अत्र भाव्ये हरभक्ते फलं गभुजन्या सा आ, काकोणार्धन्या-
 घातेन गुणिता तदा आ, काकोणार्धन्ययोर्द्वयोश्च तुल्ययोर्नाशे जातौ भाव्य-
 हाराविति न्यासः ।

$\sqrt{-कोन्यापा \cdot कोन्या (पा - गा) कोन्या (पा - आ) कोन्या (पा - का)}$
 २ कोन्याया \cdot आ \cdot कोन्याया \cdot का

अनेन पूर्वसिद्धहरस्वरूपेण गाकोणार्धकोटिन्या भक्ता जाता हापाकोटिच्छाया ।

२ कोन्याया \cdot आ \cdot कोन्याया \cdot का \cdot कोन्याया \cdot गा

$\sqrt{-कोन्यापा \cdot कोन्या (पा - गा) कोन्या (पा - आ) कोन्या (पा - का)}$ । एतेन

सर्वकोणैक्यखण्डं चतुःस्थानं

कोणकैरुनमेतज्जकोटिन्यकाः ।

तद्वृत्तेर्मूलमेतच्च मूलाभिधं

कोणखण्डोत्थकोटिन्यकानां हतिः ॥

मूलार्धभक्ता तच्चापं छायाखण्डैः प्रसाधितम् ।

चापीयत्रिभुजान्तःस्य दृत्तव्यासार्धचापजम् ॥

इत्युपपन्नम् ।

अत्रोक्तत्रिभुजान्तर्धद्विलम्बवृत्तव्यासार्धानयनप्रकारेषु वहुस्यलेषु ह्यपचित्र्य-
 या गुणने भजने या विकाराभावात् तदुपपादनं न कृतमिति बोध्यम् ॥

॥ इति त्रिकोणगणितसंबन्धिनः कतिचित् प्रश्नाः ॥

॥ अथ ज्योत्पत्तिशेषः ॥

—१७९—

यदि चापयोगदलकोटिभया
विवरार्धभा परिहृतास्ति तदा ।
विवरार्धकोटिजभया विहृता
युतिखण्डभा भवति तुल्यफलम् ॥
इह चापकोटिगुणयोर्विवरं
युतिभाजितं किल तदेवफलम् ।
अथ चापयोगदलजातभया
विवरार्धभा परिहृता तु फलम् ॥
विवरार्धकोटिजभया विहृता
युतिखण्डकोटिभवभा च समम् ।
इह चापजातगुणयोर्विवरं
युतिभक्तमेतदपि तेन समम् ॥
अथ चापयोर्युतिगुणेन हृता
विवरज्यका भवति चापभयोः ।
विवर तदेव्यविहृतं च समं
धनुषोस्तु कोटिजभयोरथवा ॥
चापयोरैकभा चान्यकोटिग्रभा
तत्समासेन भक्तं तयोरन्तरम् ।
चापयोर्भेदकोटिज्यकाभाजिता
योगकोटिज्यका तुल्यमेवं फलम् ॥

चापयोर्धोगार्धकोटिच्छायाया अन्तरार्धच्छायाया या निष्पत्तिः सैव चाप-
योरन्तरार्धकोटिच्छायाया योगार्धच्छायाया निष्पत्तिः सैव तच्चापयोः कोटि-
ज्ययोर्धोगेन कोटिज्ययोरन्तरस्य निष्पत्तिः । तथाहि । योगार्धज्या जं, तत्को-

टित्या भं, चापान्तरार्धज्या तं, तत्कोटिज्या यमिति वर्णाः कल्पिताः । स्व-
स्वभुजज्या त्रिज्यागुणा स्वस्वकोटिज्याभक्ता स्वस्वच्छाया । एवं स्वस्वकोटि-
ज्यात्रिज्यागुणा स्वस्वभुजज्याभक्ता स्वस्वकोटिच्छाया प्रसिद्धा । प्रकृते चापयो-
गार्धच्छाया । $\frac{\text{ज.त्रि } १}{\text{भ. } १}$ । चापयोगार्धकोटिच्छाया । $\frac{\text{भ.त्रि } १}{\text{ज. } १}$ । एवं चापान्त-

रार्धच्छाया । $\frac{\text{त.त्रि } १}{\text{य. } १}$ । चापान्तरार्धकोटिच्छाया । $\frac{\text{य.त्रि } १}{\text{त. } १}$ । अत्र योगार्ध-

कोटिच्छाया $\frac{\text{भ.त्रि } १}{\text{ज. } १}$ अन्तरार्धच्छाया $\frac{\text{त.त्रि } १}{\text{य. } १}$ भक्ता फलम् । $\frac{\text{ज.त. } १}{\text{भ.य. } १}$ ।

अथवा अन्तरार्धकोटिच्छाया $\frac{\text{य.त्रि } १}{\text{त. } १}$ योगार्धच्छाया $\frac{\text{ज.त्रि } १}{\text{भ. } १}$ भक्ता फलं

तदेव । $\frac{\text{ज.त. } १}{\text{भ.य. } १}$ । अथ योगार्धज्याया अन्तरार्धज्यायाश्च

बाहुमैर्व्यास्तथा कोटिमैर्व्याहृतिस्त्रिज्यक्राभाजिता

इति प्रागुक्तपद्मेन भावनायै न्यामः । $\frac{\text{ज. } १}{\text{भ. } १} \left| \frac{\text{त. } १}{\text{य. } १} \right.$ उक्तवत् जाता चापान्त-

रकोटिज्या । $\frac{\text{ज.त. } १ \text{ भ.य. } १}{\text{त्रि. } १}$ । चापैक्यकोटिज्या । $\frac{\text{भ.य. } १ \text{ ज.त. } १}{\text{त्रि. } १}$ । अत्र यो-

गार्धात् अन्तरार्धं हीनं चेत् लघुचापं तथा युतं चेत् तदा बृहच्छापम् । अतश्चा-
पान्तरकोटिज्या तु लघुचापकोटिज्या सिद्धा । एवं चापैक्यकोटिज्या तु बृहच्छा-
पकोटिज्या सिद्धा । अत्र कोटिज्ययोरनयोः $\frac{\text{ज.त. } १ \text{ भ.य. } १}{\text{त्रि. } १}$ । $\frac{\text{भ.य. } १ \text{ ज.त. } १}{\text{त्रि. } १}$

योगः । $\frac{\text{भ.य. } २}{\text{त्रि. } १}$ । तथा कोटिज्ययोरन्तरम् । $\frac{\text{ज.त. } २}{\text{त्रि. } १}$ । अत्र योगेनान्तरे भक्ते

फलं पूर्वानीततुल्यम् । $\frac{\text{ज.त. } १}{\text{भ.य. } १}$ । अत उपपन्नं चापसंबन्धिकोटिज्ययोर्योगेन तद-

न्तरस्य या निष्पत्तिः सैव चापयोर्योगार्धकोटिच्छायाया अन्तरार्धच्छायाया निष्प-

त्तिरिति । अत्र मिद्व्ययोगस्य $\frac{\text{भ.य. } २}{\text{त्रि. } १}$ कोटिज्ययोर्योगेन लको १ वृको १ समो-

करणात् कोटिज्ययोर्योगस्त्रिज्यागुणस्तु योगार्धकोटिज्यान्तरार्धकोटिज्याघा-
तेन द्विगुणेन तुल्य इति सिद्धम् । एवं सिद्धान्तरस्य $\frac{\text{ज.त.२}}{\text{त्रि.१}}$ कोटिज्ययो-

रन्तरेण लको १ वृको १ समीकरणात् कोटिज्ययोरन्तरं त्रिज्यागुणं योगार्धज्या-
न्तरार्धज्याघातेन द्विगुणेन तुल्यमिति सिद्धम् ।

अथ चापयोर्ज्यायोगेन तदन्तरस्य या निष्पत्तिः सैव चापयोर्योगार्धच्छायाया
अन्तरार्धच्छायाया निष्पत्तिः सैवान्तरार्धकोटिच्छायाया योगार्धकोटिच्छायाया
निष्पत्तिः । सा यथा । योगार्धज्याया अन्तरार्धज्यायाः

चापयोरिष्टयोर्बाहुजीवे मियः

कोटिजीवागुणे त्रिज्यकाभाजिते ।

इति प्रागुक्तरीत्या पूर्वद्व्योतितचिह्नेन भावनाये न्यासः । $\frac{\text{ज.१}}{\text{भ.१}} \left| \frac{\text{त.१}}{\text{य.१}} \right|$ अत

उक्तवज्जाता चापयोगज्या । $\frac{\text{ज.य.१ भ.त.१}}{\text{त्रि.१}}$ । चापान्तरज्या च ।

$\frac{\text{ज.य.१ भ.त.१}}{\text{त्रि.१}}$ । एते एव बृहल्लघुचापज्ये । अनयोर्योगेन $\frac{\text{ज.य.२}}{\text{त्रि.१}}$ अन्तरे

$\frac{\text{भ.त.२}}{\text{त्रि.१}}$ भक्ते फलम् । $\frac{\text{भ.त.१}}{\text{ज.य.१}}$ । वा योगार्धच्छायाया $\frac{\text{ज.त्रि.१}}{\text{भ.१}}$ अन्तरार्धच्छा-

या $\frac{\text{त.त्रि.१}}{\text{य.१}}$ भक्ता फलं तदेव । $\frac{\text{भ.त.१}}{\text{ज.य.१}}$ । वा अन्तरार्धकोटिच्छायाया $\frac{\text{य.त्रि.१}}{\text{त.१}}$

योगार्धकोटिच्छाया $\frac{\text{भ.त्रि.१}}{\text{ज.१}}$ भक्ता फलं तदेव । $\frac{\text{भ.त.१}}{\text{ज.य.१}}$ । अत उपपन्नमनन्त-

रोक्तमिति । अत्र ज्ययोर्योगः सिद्धः । $\frac{\text{ज.य.२}}{\text{त्रि.१}}$ । बृहल्लघुज्यायोगेन वृ.१ ल.१

मम इति समीकरणात् ज्ययोर्योगस्त्रिज्यागुणितो योगार्धकोटिज्याघा-
तेन द्विगुणेन तुल्य इति सिद्धम् । एवं सिद्धान्तरस्य $\frac{\text{भ.त.२}}{\text{त्रि.१}}$ ज्ययोरन्तरेण

ल.१ वृ.१ समीकरणात् ज्ययोरन्तरं त्रिज्यागुणं योगार्धकोटिज्यान्तरार्धज्याघा-
तमममिति सिद्धम् । एतेन 'यदि चापयोगदलकोटिभये,त्यादि श्लोकरूपं
तथा 'चापयोगुणममामुश्रियोगा,दित्यादि पदत्रयं चापपत्रम् ।

अथ चापयोर्योगज्यया तदन्तरज्याया या निष्पत्तिः सैव चापयोश्चाप्यो-
योगेन ह्यायान्तरस्य निष्पत्तिः सैव चापयोः कोटिच्छायायोगेन कोटिच्छाया-
न्तरस्य निष्पत्तिरिति ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र लघुचापज्या त्रिज्यागुणा स्वकोटिज्याभक्ता लघुचाप-
च्छाया । $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{त्रि } १}{\text{लको } १}$ । एवं लघुचापकोटिच्छाया । $\frac{\text{लको} \cdot \text{त्रि } १}{\text{लज्या } १}$ । अथ बृहच्छा-
पच्छाया । $\frac{\text{वृज्या} \cdot \text{त्रि } १}{\text{वृको } १}$ । एवं बृहच्छापकोटिच्छाया । $\frac{\text{वृको} \cdot \text{त्रि } १}{\text{वृज्या } १}$ । अथ लघुबृह-

च्चापसंयन्धिच्छापयोर्योगः । $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृको} \cdot \text{त्रि } १ \text{ लको} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{त्रि } १}{\text{लको} \cdot \text{वृको } १}$ । ह्यायोर-

न्तरम् । $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृको} \cdot \text{त्रि } १ \text{ लको} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{त्रि } १}{\text{लको} \cdot \text{वृको } १}$ । योगेनान्तरे भक्ते हरयोर्नाशे-

लब्धं त्रिज्ययापवर्तितम् । $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृको } १ \text{ लको} \cdot \text{वृज्या } १}{\text{लज्या} \cdot \text{वृको } १ \text{ लको} \cdot \text{वृज्या } १}$ । अथवा कोटि

च्छाययोर्योगेन $\frac{\text{लको} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{त्रि } १ \text{ लज्या} \cdot \text{वृको} \cdot \text{त्रि } १}{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या } १}$ तदन्तरे

$\frac{\text{लको} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{त्रि } १ \text{ लज्या} \cdot \text{वृको} \cdot \text{त्रि } १}{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या } १}$ भक्ते लब्धं तदेव । अथवा चापज्ययो-

र्भावनार्थं न्यासः । $\frac{\text{लज्या } १}{\text{लको } १} \left| \frac{\text{वृज्या } १}{\text{वृको } १} \right.$ । उक्तवज्जाता चापयोगज्या ।

$\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृको } १ \text{ लको} \cdot \text{वृज्या } १}{\text{त्रि } १}$ । चापान्तरज्या च । $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृको } १ \text{ लको} \cdot \text{वृज्या } १}{\text{त्रि } १}$ ।

अत्र चापयोगज्यया चापान्तरज्या भक्ता तदेव लब्धम् ।

$\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृको } १ \text{ लको} \cdot \text{वृज्या } १}{\text{लज्या} \cdot \text{वृको } १ \text{ लको} \cdot \text{वृज्या } १}$ । अत उपपन्न चतुर्थपद्यमिति ।

अथ चापयोरैकस्य ह्याया तदन्यस्य कोटिच्छाया तयोर्योगेन तदन्तरस्य
या निष्पत्तिः सैव चापयोरन्तरकोटिज्यया चापयोगकोटिज्यया निष्पत्तिः । मा
यया । लघुचापच्छाया । $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{त्रि } १}{\text{लको } १}$ । बृहच्छापकोटिच्छाया । $\frac{\text{वृको} \cdot \text{त्रि } १}{\text{वृज्या } १}$ । अ-

नयोर्योगेन $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{लको} \cdot \text{वृको} \cdot \text{त्रि}}{\text{लको} \cdot \text{वृज्या}}$ तदन्तरे

$\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{त्रि} \cdot \text{लको} \cdot \text{वृको} \cdot \text{त्रि}}{\text{लको} \cdot \text{वृज्या}}$ भक्ते फलं त्रिज्यापर्यवर्तितम् ।

$\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{लको} \cdot \text{वृको}}{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{लको} \cdot \text{वृको}}$ । अथवा $\frac{\text{वृज्या} \cdot \text{त्रि}}{\text{वृको}}$ । लघु-

चापकोटिच्छाया । $\frac{\text{लको} \cdot \text{त्रि}}{\text{लज्या}}$ । अनयोर्योगेनान्तरे भक्ते फलं तदेव । एवं

चापयोरन्तरकोटिज्यया $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{लको} \cdot \text{वृको}}{\text{त्रि}}$ तद्योगकोटिज्या

$\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{लको} \cdot \text{वृको}}{\text{त्रि}}$ भक्ता फलं तदेव । $\frac{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{लको} \cdot \text{वृको}}{\text{लज्या} \cdot \text{वृज्या} \cdot \text{लको} \cdot \text{वृको}}$ ।

एतेन पञ्चमपदमपपन्नम् ॥

॥ इति न्योत्पत्तिशेषः ॥

श्रीगणेशाय नमः ।

अथ चापीयचिकोणमितिप्रश्नाः ।

स्वभक्तवृन्दपालकं वरप्रसूनमालकम् ।

शुभालकं सुभालकं भजामि नन्दबालकम् ॥ १ ॥

अथात्र गोलपृष्ठे चिकोणके चमत्कृतिम् ।

चमत्कृतिप्रभाततां विभावयन्तु बालकाः ॥ २ ॥

आतपस्थपलभामिधयन्त्रे

या ध्रुवामिमुखकीलकजा भा ।

तामत्रेक्ष्य नतकालजमानं

चायते वलयपालिधिभागे ॥ ३ ॥

पलविदः सुलभा पलभावना

चिमलभा पलभामिधयन्त्रके ।

यदि तदा जनसंसदिनैपुणं

गणितगोलजचारुविचारतः ॥ ४ ॥

अत्र जनसमीकृतायां भुवि स्वाभीष्टत्रिज्यया दृत्तं दिगङ्कितं भलयाङ्कितं च विधाय तत् त्रितिजं कन्यम् । तत्र परमदिनार्धनाडीपर्यन्तमेकद्वयादिपरिमिता नतनाडीः प्रकल्प्य ताभ्यः प्रत्येकं वल्यमायप्रकारेण समस्यानरविध्रुवमूत्रान्तरगतात् त्रितिजस्यानेशान् प्रसाध्य तानुदङ्कचिह्नादुभयतो दत्त्वा तदये नतघटिका शङ्काः । अथातांशच्छाया केटिः त्रिज्या भुजः पण्डिनी कर्ण इति तत्र धात्वाद्विपन्नगतं दृत्तकेन्द्रे स्यात् यथा सौम्यसमविह्नादूर्ध्वमतांशच्छायाप्रमाणकं पञ्च स्यात् तदपावृत्तकेन्द्रावधि तत्पण्डिनीतुल्यमिदमेव कीलाभिधं ध्रुवामिमुखमित्युच्यते । अस्य छाया दृत्तपरिधौ यत्र लगति तत्र छायाये कीलात् परिधमभागे गताः पूर्वभागे गम्या नाड्यो भवन्ति । इदं पलभायन्त्रं परम्परया प्रसिद्धमस्ति ॥ अत्र रघिगतध्रुवमेतदृत्तक्षेत्र एव ध्रुवामिमुखकीलच्छायायाः सद्भावात् त्रितिजे समस्यानाद्वादशान्तरे ध्रुवमूत्रं तदंगान्तर एव यन्त्रे सौम्यविह्नात् कीलच्छायाया रघिदिग्यत्ययेनावस्थिति-रिति घोषम् ॥

अथ त्रितिजगतांशज्ञानमाह । रविगतध्रुवमूत्रं यत्र त्रितिजे लगति तद्वि-
न्दुतः सौम्यसमचिह्नपर्यन्तं त्रितिजगता भागा भुजः । याम्योत्तरवृत्ते ध्रुव-
समचिह्नान्तरमक्षांशाः कोटिः रविध्रुवमूत्रे ध्रुवात् त्रितिजाग्रधिः कर्ण इति
चापजात्यक्षेत्रम् । तत्र ध्रुवगतयोर्याम्योत्तरवृत्तध्रुवमूत्रयोः परमान्तरं नाडीवृत्ते
नतकालः स च ध्रुवगतकोणस्ततः कोटिकर्णसपातजरूपकोणस्य नतकालस्य
तथाक्षांशमितकोटेरवगमे तद्वुजज्ञानम् ।

चापजात्ये कोणलग्नभुजज्याकोणमाहतिः ।

चिज्याभक्ता फलं छाया कोणसम्मुखबाहुजा ॥

इति प्रागुक्तसूत्रेण सुबोधमत एतत्परिणता रीतिः प्रदर्श्यते ।

पूर्वाक्तपन्थस्थितवृत्तपूर्वापरयाम्योत्तररेखाङ्कितं विधाय तत्र स्वदेशाक्षां-
शज्याहुलमानेन विज्ञातव्या, ततः सौम्यदिग्भिमुखप्रवर्धितयाम्योत्तररेखायां
वृत्तबहिःस्यायां द्वितीयकेन्द्रं प्रकल्प्य ततोक्षांशज्यया लघुवृत्तं तथा विधेयं
यथा पूर्ववृत्तवृत्तसौम्यदिग्बिन्दुलानं सम्भवति तदपि दिग्ङ्कितं कर्तव्यं वृत्त-
द्वयसयोगसक्ता संपातरैषाभिधा रेखा पूर्वापररेखायाः समानान्तरा कार्या ।
अथ लघुवृत्ते वृत्तद्वययोगबिन्दुत उभयदिशि पञ्चदशविभागाः समा एव
कृतास्ते नतकालविभागाः । अथ तत्तद्विभागगतास्तल्लघुवृत्तकेन्द्राद्रेषाः स-
वर्धिताः सपातरैषायां यत्रयत्र लग्नास्तत्तद्विन्दुतौऽप्यन्या रेखा बृहद्वृत्तकेन्द्र-
पर्यन्तं नीयमाना, यत्रयत्र बृहद्वृत्तपरिधौ संलग्नास्तत्रतत्र सौम्यविह्वातुभयत
एकद्वयादिघटिकाचिह्नानि कार्याणि । एवं सति बृहद्वृत्तस्य त्रितिजत्वकल्पने
चापजात्यक्षेत्रीयभुजज्ञानं जातम् । तथाहि । नतकालच्छायाऽक्षज्याघातस्त्रि-
ज्याभक्तः फलं कोणसमुपभुजस्य त्रितिजगतस्य छाया सिद्धाऽस्ति तत्र त्रि-
ज्याव्यासार्धं नतकालच्छाया गणितागता लभ्यते तदाक्षज्याव्यासार्धं केति
लघुवृत्ते वृत्तद्वयैक्यबिन्दुतः सम्पातरैषापण्डरूपा नतकालच्छाया सैव बृहद्वृत्ते
वृत्तद्वयैक्यबिन्दुघटीविभागरैषान्तरांशच्छाया जाता तस्या यदनुशच्छाया-
पण्डजं तदेव त्रितिजगत रविध्रुवमूत्रसौम्यसमचिह्नान्तरभागमितं सिद्धम् ।

अत्र भुजज्ञानमन्यथापि प्रदर्श्यते ।

कोणज्यका कोणलग्नदोर्जेकोटिज्यया हृता ।

चिज्याभक्ता फलं चान्यकोणकोटिज्यका भवेत् ॥

इतिमूत्रेण याम्योत्तरवृत्तध्रुवमूत्रसंपातगतकोणज्यारूपा नतक्रालज्या को-
णलम्भजस्यात्तांशरूपस्य कोटिज्यया लम्बज्यारूपया गुणिता त्रिज्याभक्ता
फलमन्यकोणस्य त्रितिजध्रुवमूत्रसंपातगतस्य कोटिज्या तद्वर्गत्रिज्यावर्गान्तर-
मूलमिता तत्कोणज्या तथा यदि तत्समुपभुजांशज्याऽवज्यारूपा तदा ध्रुव-
गतकोणज्यया नतक्रालज्यारूपया केति तच्चापं तत्संमुखो भुजः त्रितिजगते
लभ्यत इति ।

अथ तृतीयेरोन्या भुजज्ञानं यथा । धात्वादिरचितमन्यवृत्तार्धं चक्रार्धलवै-
१८० रङ्कितं कृत्वा पूर्वेलिखितत्रितिजवृत्तपूर्वापररेखायां तद्व्यासरेखा स्याप्या
यथा द्वयोः केन्द्रमेकचिन्दौ स्यात् तथा यन्त्रगतध्रुवाभिमुखकीलरेखायां समको-
णमर्धवृत्तार्धव्यासरेखा यथोत्पादयति तथार्धवृत्तं याम्यदिशि नतं स्याप्यम् ।
एवं म्यिरीभूतार्धवृत्ते षड्गुणितनतनाडीमिता भागा ऋद्धनीयाः । प्रतिभाग-
तमूत्र ध्रुवाभिमुखकीलरेखास्यै कृत्वा त्रितिजवृत्तपालौ यत्रयत्र लगति तत्र-
त्रत पूर्वश्चतुर्थाविभागाः समचिह्नादेव ज्ञातव्या इति ।

अत्रोपपत्तिः सुगमा । गोलेत्रितिजाकारे यन्त्रे कृते ध्रुवाभिमुखकीलके
स्यापिते तदव्यं भूगर्भं लगिष्यति स्यापितार्धवृत्तं तु गोलस्थनाडीवृत्तानुकारं
स्यात् । तत्रत्यनतघटिकायगतमूत्रं तु ध्रुवाभिमुखकीलस्यै यद्यत् कृतं
तंतत्रविगतध्रुवमेतवृत्ते नाडीवृत्तत्रितिजान्तरांशपूर्णज्यारूपमेवेति सुधीभि-
रुच्यम् ।

अथान्यः प्रश्नः । क्रान्तिवृत्तविमण्डलसंपाताद्विम्यावधि विमण्डले कर्णः ।
क्रान्तिवृत्ते संपाताद्दृष्टविन्दावधि त्वेकभुजः । कद्रम्यमूत्रे दृष्टविन्दाद्विम्याव-
धिशरेऽन्यभुज इति चापजात्यम् । अत्र क्रान्तिवृत्तविमण्डलसंपातोत्पन्नकोणः
परमशरस्तथा विमण्डलकद्रम्यमूत्रसंपातोत्पन्नः कोणः शरवलनकोटितुल्य-
इत्यत्र

कर्णकोटिज्ययात्रिज्याघाते चैकभुजोत्पत्त्या ।

कोटिज्यया कृते लब्धं परदोःकोटिमौर्विका ॥

इतिमूत्रेण कर्णेकभुजाभ्यामन्यभुजसाधनं तत्त्वत्रिवेके कृतम् । तथाहि

विमण्डलीयदृश्य संपातस्य कोटिज्या त्रिज्यागुणा शरकोटिज्याभक्ता
तच्चापकोटयशाः संपाताद्दृष्टविन्दावधि स्युप्तोपां मेपादितो गणनया क्रान्ति-
यतोऽयदहः स्यात् । एवं

कर्णज्याकोणकोटिज्याघाते कोटिज्यया हृते ।

कोणसंमुखवाहोस्तु कोणलग्नभुजज्यका ॥

इतिसूत्रेण सपातयहभुजज्यां परमशरकोटिज्यागुणा शरकोटिज्याभक्ता
तच्चापं क्रान्तिवृत्तीयभुजो ज्ञातः स्यात् । एवं

कर्णच्छाया चापजात्ये कोणकोटिज्यका हता ।

त्रिज्याभक्ता फलं कोणसंलग्नभुजभा मता ॥

इतिसूत्रेण सपातयहंशच्छाया परमशरकोटिज्यागुणा त्रिज्याभक्ता फ-
लस्य च्छायासुचापं क्रान्तिवृत्तीयो भुजः स्यात् । एवमनैकैः प्रकारैर्विमण्ड-
लीययहशराभ्यां क्रान्तिवृत्तीययहसाधनं दर्शितमेवं क्रान्तिवृत्तीययहशराभ्या
मपि विमण्डलीययहज्ञानमन्यसूत्रेण कर्तव्यमिति । एवं

भुजसंमुखकोणज्या कर्णकोटिज्यकागुणा ।

भुजकोटिज्ययाप्रान्यकोणकोटिज्यका भवेत् ॥

इतिसूत्रेण सपातयहकोटिज्या परमशरज्यागुणा शरकोटिज्ययाभक्ता
लव्यचापं शरवलनम् । एतेन

सपातेन्दुकोटिज्यका चन्द्रवाणो-

त्क्रमज्योनराशिचयज्याविभक्ता ।

हतेन्दोः परेष्वंशमौर्व्याप्रचापं

लवाद्यं शरीयं भवेद्वालनं तत् ॥ -

इति सार्वभौमोक्तमुपपन्नम् । अत्र शरवलनोन्नतवत्यंशा एवान्यकोणमान-
मर्थोद्विम्बत्रिज्यावृत्ते विमण्डलकदम्यसूत्रान्तरमिति ॥

अथान्येषां सूत्राणां व्याप्तिं दर्शयितुं प्रकारान्तरेण प्रसङ्गात् तदुपपत्तिं
सूत्रान्तराणि चाह ।

तत्र चापजात्ये कर्णैकभुजान्तरे द्वितीयभुजे च ज्ञाते कर्णैकभुजज्ञानम् ।

कर्णैकवाह्यन्तरतुल्यबाहु-

द्वितीयदोर्भ्यामपरश्च कर्णः ।

तल्लग्नकोणान्तरतुल्यकोण-

द्वितीयदोर्भ्यां श्रुतिबाहुसिद्धिः ॥ १ ॥

अथ कर्णैकभुजाध्यां द्वितीयभुजज्ञानम् ।

कर्णैकबाह्वोर्युतिखण्डजाभा
विश्लेषखण्डोद्भवभाविनिघ्नी ।
तन्मूलचाप द्युतिखण्डजातं
द्विसगुणं तत् परबाहुमानम् ॥ २ ॥

अथ भुजयोरन्तरे कर्णं च ज्ञाते भुजयोर्ज्ञानम् ।

द्विसगुणा कर्णजकोटिजीवा
हीना च बाह्वन्तरकोटिमौर्व्या ।
तन्नापकोट्यंशक जनयुक्तो
भुजान्तरेणास्य दले भुजौ स्तः ॥ ३ ॥

अथ भुजाध्यां कर्णार्धज्ञानम् ॥

भुजाध्याये भवतश्च जीवे
स्वकोटिजीवागुणिते मिश्रस्ते ।
विजीवयाग्रे फलधर्मयोगात्
पदस्य चापं श्रवणार्धमानम् ॥ ४ ॥

अथ कर्णैकभुजाध्यां द्वितीयभुजज्ञानमाह ।

कर्णैकबाह्वोरिह चापयोग-
विश्लेषजीवानिहतिस्त्रिमौर्व्या ।
निघ्नी स्वबाहुद्वयकोटिमौर्व्या
मत्तापचाप परबाहुमानम् ॥ ५ ॥

अथ भुजाध्यां स्वसंमुखकोणाध्यां च भुजान्तरज्ञानयनम् ।

स्वसंमुखकोणार्धच्छायाविन्यो भुजल्यके ।
तदन्तरं चिभज्याप्तं बाह्वोरन्तरमौर्विका ॥ ६ ॥

अत्राग,चापज्ञात्ये अग,कर्णः अरु,कगभुजौ तत्र अरु,अगविधरेण कचमि-
तिन अरुभुजोऽर्धितस्तदा अचं अगहृत्य ज्ञातम् । द्वितीयचापज्ञात्ये अग,कर्णं
स्तत्र कच,कगभुजौ । अध्यां पूर्वोक्तरीत्या द्वितीयकर्णलम्बा कोणौ साध्याः ।

अचगक्षेत्रे समद्विबाहुत्रिभुजे चक्रोणगक्रोणौ तुल्यो तेन चक्रोणात् कगचक्रोणः
शोधितः शेषं कगचक्रोणः । प्रथमचापजात्ये कगभुजलग्नो ज्ञातस्ततो ज्ञात-
क्रोणकगभुजाभ्या कच, गचमितौ भुजकर्णौ ज्ञातव्याविति प्रथममूत्रमुपपन्नम् ।

अथ

बाह्वोर्योगार्धजा छाया विचरार्धभया हता ।
आधारार्धभया भक्ता लब्धचाप भवेत् क्रिल ॥
छायाखण्डैरन्तरार्धं द्वयोरावाधयोर्यतः ।
अतोऽनेन युतं हीनमाधारार्धं तदावधे ॥

इति पूर्वोक्तसूत्रेण त्रिभुजे भुजयोगार्धच्छायान्तरार्धच्छायाघात आवाधा-
योगार्धान्तरार्धच्छायाघाततुल्य इति सिद्धमस्ति । चापजात्ये त्वेकभुजेपरि
द्वितीयभुजस्य लम्परूपत्वादावाधा लघ्वी शून्यमिता बृहदावाधा भूमिमिता
तयोर्योगार्धमन्तरार्धं च भूम्यर्धमित भुजार्धतुल्यं तच्छायाघातस्तु भुजार्ध-
च्छायावर्ग एव । सच कर्णेकभुजयोस्त्रिभुजबाहुरूपयोर्योगार्धान्तरार्धच्छाया-
घातेनसमान इति द्वितीयसूत्रं चापपन्नम् ॥

एवं चापयोगकोटिज्या चापान्तरकोटिज्यया युता सती चापकोटिज्य-
योर्घातो द्विगुणस्त्रिज्याभक्तो भवति । अयं चापजात्ये कर्णकोटिज्यया द्विगु-
णया तुल्यः । भुजकोटिज्ययोर्घातस्य त्रिज्याभक्तस्य कर्णकोटिज्यात्वेन निश्च-
यात् । अतः कर्णकोटिज्या द्विगुणा भुजान्तरकोटिज्योना शेषं भुजयोगकोटि-
ज्या तच्चापकोटिमितो भुजयोगो ज्ञातस्तस्य भुजान्तरस्य योगान्तरार्धं भुजौ
सक्रमणरीत्या सुगमाविति तृतीयसूत्रमुपपन्नम् ।

अथ चतुर्थसूत्रोपपत्तिः । तत्र भुजसम्यन्धिकोटिज्ययोर्घाते त्रिज्याभक्ते
ज्ञाता कर्णेकोटिज्या ^{प्रकोट्या • द्विकोट्या १} अनयोना त्रिज्याकर्णोत्क्रमज्या
सा त्रिज्यागुणिता दलिता तदा त्रिज्ययोः समत्वेन नाशात् कर्णार्धज्यावर्गः
सिद्धः । ^{प्रकोट्या • द्विकोट्या १ त्रिज्या १} अत्र भाज्ये प्रथमखण्डस्वरूपं विचार्यते ।
२

तत्र चापदलांशसम्यन्धिभुजज्याकोटिज्यावर्गान्तर त्रिज्याभक्त चापकोटिज्या-
भवतीति ज्योत्पत्तायुक्तं तत्र भुजार्धं क, गसजे लाघवाय कृते तत्र प्रथमभुजको-

टिज्या कज्याव १ ककोव १ द्वितीयभुजकोटिज्या गज्याव १ गकोव १ अनयो-
त्रि १

घातः खण्डचतुष्टयात्मक इति न्यासः ।

कज्याव • गज्याव १ गज्याव • ककोव १ गकोव • कज्याव १ ककोव १ ।
त्रिव १

अनेन द्वितीयखण्डं त्रिज्यावर्गस्वरूपं ज्ञेयं जातः कर्णार्धज्यावर्गः ।

कज्याव • गज्याव १ गज्याव • ककोव १ गकोव • कज्याव १ ककोव • गकोव १ त्रिव १ ।
त्रिव २

अथ प्रथमखण्डे कज्यावर्गस्य स्वरूपान्तरेण स्वकोटिज्यावर्गानत्रिज्यावर्गमितेन
ककोव १ त्रिव १ गज्यावर्गं खण्णगते गुणित इति प्रथमखण्डं ज्ञातम् । ककोव •
गज्याव १ त्रिव • गज्याव १ एवं ककोटिज्यावर्गस्य स्वरूपान्तरेण कज्याव १
त्रिव १ गकोटिज्यावर्गं खण्णगते गुणित इति चतुर्थखण्डम् । कज्याव • गकोव १
त्रिव • गकोव १ द्वितीयतृतीयखण्डे यथास्थिते सर्वयोगः

ककोव १ गज्याव २ कज्याव • गकोव २ त्रिव १ त्रिव १ तुल्ययोर्धनर्णयोर्नाशे
त्रिव २

हरेण द्विमितेन भक्ते च न्यासः ककोव • गज्याव १ कज्याव • गकोव १ अयं
त्रिव १

कर्णार्धज्यावर्गः परस्परकोटिज्यागुणितभुजज्ययोस्त्रिज्याभक्तयोः फलवर्गयोग-
तुल्यमन्त एव चतुर्थमूत्रमुपपन्नम् ॥

अथ पञ्चमसूत्रोपपत्तिः । चापज्ञात्ये ज्ञातभुजकर्णेचापयोगान्तरज्याघातस्त-
दन्यभुजज्याज्ञातभुजकोटिज्याघातेन त्रिज्याभक्तेन तुल्य इति । तद्वथा । अ,क-
भुजौ गकर्णे इति ग,कचापभ्यां योगान्तरज्ये गज्या • कको १ गको • कज्या १
त्रि १

गज्या • कको १ गको • कज्या १ अनयोर्घाते मध्यखण्डयोर्धनर्णयोर्नाशे सिद्ध-
त्रि १

मिदम् । गज्याव • ककोव १ गकोव • कज्याव १ अत्र प्रथमखण्डे गचापज्या-
त्रिव १

वर्गस्य स्वकोटिज्यावर्गानत्रिज्यावर्गस्वरूपं कृत्वा । गकोव १ त्रिव १ । तस्य
कचापकोटिज्यावर्गगुणनाव्यासः । गकोव • ककोव १ त्रिव • ककोव १ गकोव •
कज्याव १ । अत्र प्रथमतृतीयखण्डयोगैरेव न्यासः

गक्रोव • त्रिव १ त्रिव • कक्रोव १

त्रिव १

भाज्ये हरभक्ते न्यासः । गक्रोव १ कक्रोव १

अत्र चापयोगान्तरज्याघातश्चापक्रोडिज्यावर्गान्तरेण सम इति सिद्धम् । अथ
चापजात्ये भुजक्रोडिज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्तस्तद्वर्गः कर्णक्रोडिज्यावर्ग इति प्रथ-
मपण्डम् अज्या • कक्रोव १ समच्छेदेन द्वितीयपण्डम् । त्रिव • कक्रोव १

त्रिव १

द्वयोर्योगे न्यासः अज्या • कक्रोव १

त्रिव १

अत्र कर्णैकभुजचापयोः क्रोडिज्यावर्गान्तरं

योगान्तरज्याघातसमं तथा क्रोडिज्यावर्गान्तरं सर्वत्र भुजज्यावर्गान्तरसमं
तथैकभुजज्यावर्गद्वितीयभुजक्रोडिज्यावर्गघातेन त्रिज्यावर्गभक्तेन तुल्यं तन्मूल-
मिदम् अज्या • कक्रो १ अत्र भाज्ये हरभक्ते लब्धं चापयोगान्तरज्याघातमितं

त्रि १

तत्र भाज्यस्य हरलब्धघातसाम्यादुक्तसूत्रमुपपद्यते ।

एवं कर्णैकभुजयोर्वर्गान्तरमूलं त्रिज्यागुणमनेन अज्या • कक्रो १ तुल्यमत
एकभुजक्रोडिज्याभक्तं द्वितीयभुजज्या स्यात् । एतेन ।

बाहुज्यकावर्गहीनात् कर्णज्यावर्गतः पदम् ।

त्रिज्याघ्नं दोर्जक्रोडिज्याभक्तमघातदोर्ज्यका ॥

इति सूत्रमुपपद्यते ।

एवमन्येषां पूर्वाक्तानां चापजात्यसूत्राणामुपपत्तिर्यथा । त्रिभुजे अ, क, ग
भुजास्तत्समुदाः आ, का, गा, कोणाः सन्ति । तत्र गात्राभुजः स्वमार्गेण तथा
वर्धनीयो यथा आपाचापं नवत्यंशमितं स्यात् तथासति गापाचापं नवति-
युक्तभुजतुल्यमयमेको भुजः । पाविन्दुतः काविन्दुपर्यन्तं यच्चापं कृतं स
द्वितीयभुजः । अभुजस्तृतीय इदमपि द्वितीयत्रिभुजम् । अथ आपाचापं
नवत्यंशमितमेको भुजः । पाकाचापं द्वितीयः । गचापं तृतीय इदं तृतीय-
त्रिभुजम् । अत्र द्वितीयत्रिभुजे गापा, गाकाभुजाभ्यां तन्मध्यगतगाकोणज्ञाने
पाकाभुजक्रोडिज्याज्ञानम् ।

कोणक्रोडिज्यकाघातबाह्योर्ज्याभ्यां हता हता ।

इति सूत्रेण संभवति । तत्र नवतियुक्तभुजस्य क्रोडिज्याकचापज्यया
ज्यारूपया तुल्या । तथाहि चापम् क १ रू ८० अस्य द्वितीयपदगतत्वाद्बद्ध-

लांशेभ्यः १८० शोधनेन ज्ञातो भुजः क १ ६८० अस्य ज्या तु कचापकोटिज्या-
मिता तथा तस्याः कोटिज्या कचापज्यैव । परन्तु चापस्य द्वितीयपदगत-
त्वात् तत्कोटिज्याया चणत्वात् प्रकृते कचापज्या चणम् । कज्या १ ।

अथान्यथोच्यते । चापयोगकोटिज्यानयने प्रागुक्ते कोटिज्ययोर्घाते त्रिज्या-
भक्ते भुजज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्तः शोध्य इति सिद्धमस्ति । तत्र कचापनवत्यं-

शयोज्यकोटिज्यान्यासः

कज्या १	त्रि १
कको १	०

 कोटिज्ययोर्घाते ० त्रिज्याभक्ते ० भुज-

ज्ययोर्घातः कज्या १ त्रिज्याभक्ते कज्या १ न शुद्धतीति चणं जातः कज्या १ ।
एवमन्यत्रापि ज्ञेयम् । प्रकृते गाकाचापम् अभुजत्वेन कल्पितं तत उत्त-
ज्जाता पाकाचापकोटिज्या ।

कज्या ० अको ० त्रि १ कको ० अज्या ० गाको १ अपमेकः पतः । एवं तृतीयत्रि-
त्रिव १

भुजे चापाआकाभुजाभ्याम् आकोणादपि पाकाचापकोटिज्या साध्या । तत्र
आपाचापज्यायास्त्रिज्यामितत्वात् । आकोणकोटिज्या त्रिज्यागुणा गभुजज्या-
गुणा त्रिज्यावर्गभक्ता फलमेकमिदमुच्यते । गाआकाकोणोन्माधोशस्य पाआ-
काकोणत्वात् तस्य द्वितीयपदगतत्वेन तत्कोटिज्याया चणत्वात् ।

अत्र नवतिचापकोटिज्यायाः शून्यत्वात् । तेन आकाचापकोटिज्यागुणने
शून्यत्वेन द्वितीयफलं शून्यम् । अतः पाकाचापकोटिज्या

गज्या ०	आको ०	त्रि १
त्रिव १		

अवमपरपतः । पतयोः समहरापगमे समशोधने च कृते ज्ञातो पतौ ।
कज्या ० अको ० त्रि १ = कको अज्या ० गाको १ गज्या ० आको ० त्रि १ । एतौ अ-
चापज्ययापवर्त्यौ तत्र प्रथमपतोऽपवर्तिते अचापकोटिच्छापाकचापज्याघात
इति । अकोक्षा ० कज्या १ । अथ द्वितीयपतस्य प्रथमपण्डमपवर्तितम् कको ०

गाको १ द्वितीयपण्ड च

गज्या ०	आको ०	त्रि १
अज्या १		

 अत्र अचापज्यया गचापज्या-

या या निष्पत्तिः सैव आकोणज्यया गाकोणज्याया निष्पत्तिरिति कलाधिरोपा-
द्वितीयपण्डम्

गज्या ०	आको ०	त्रि १
अज्या १		

 गाकोणज्याआकोटिच्छापाघात इति

रूपमेवं पतयोर्न्यासः । अकोक्षा ० कज्या ० = कको ० गाको १ गज्या ० आको-
क्षा १ । अत्र आगाकोणौ ज्ञातौ तल्लग्नः कभुजस्तया आकोणममुपः कभु-

नश्च ज्ञातस्तत्रैकभुजकोटिच्छायापरभुजज्याघात गुरुः पक्षः । एवं परभुजज्या-
तल्लग्नैरुकोणकोटिज्याघात इत्येकं पण्डं परभुजलग्नकोणयोरेकज्याद्वितीय
कोटिच्छायाघात इति द्वितीयपण्डमेवं द्वितीयपक्षः । अथैवं गा, काकोणाभ्यां
तल्लग्नान् अभुजात् तदेककोणसमुदात्तं गभुजादुत्तरोत्था जातौ पक्षौ । गकोछा-
अज्या = अको • काको १ काज्या • गाकोछा १ पक्षौ तृतीयचतुर्थपक्षौ । अत्र प्र
थमद्वितीयपक्षौ अभुजकोटिच्छायापवर्त्यौ तत्र गाकोणस्य नवत्यंशमितत्वक
ल्पने ज्या त्रिज्यामिता कोटिज्या शून्यमिता तथा द्वितीयपक्षे उत्थापिते
न्यासः । अकोछा • कज्या १ = त्रि • आकोछा १ प्रथमेऽपवर्तिते जातम् । कज्या १ ।

अथ अभुजकोटिच्छायाया ^{अको • त्रि १} द्वितीयपक्षे भक्ते जातम्
^{अज्या १}

अज्या • त्रि • आकोछा १ ^{अभुजचापच्छायाया आकोणकोटिच्छाया गुण्या त्रि-}
^{अको • त्रि १}

ज्याया भाज्या कभुजचापज्या भवतीति सिद्धम् । एतेन

कोणस्य कोटिच्छायाघ्नी कोणसंमुखबाहुभा ।

त्रिज्याभक्ता चापजात्ये कोणलग्नभुजज्यका ॥

इति पूर्वोक्तसूत्रमुपपन्नम् । ^{अक्षा • आकोछा १} ^{त्रि १} हरलब्धघातस्य भाज्यस-

मत्वात् तस्य गुण्यगुणकघातत्वाद्गुणभागं फलं गुण्यसममिति ।

कोणकोटिभया भक्ता कोणलग्नभुजज्यका ।

त्रिज्याघ्नी च फलं ज्ञेया कोणसंमुखबाहुभा ॥

इति सूत्रं चापपन्नम् ।

यत्र त्रिज्यागुणः कोटिच्छायाहरस्तत्र ^{त्रि १} ^{कोछा १} त्रिज्यायां हर ^{कोज्या • त्रि १} ^{भुज्या १}

भक्तायां फलम् ^{भुज्या • त्रि १} ^{कोज्या • त्रि १} इदं चापच्छायायां त्रिज्याभक्तायां फलम् । तेन

चापजात्ये कोणलग्नभुजज्यकोणमाहतिः ।

त्रिज्याभक्ता फलं छायाकोणसंमुखबाहुभा ॥

इति सूत्रमप्युपपन्नम् ।

अथ पूर्वलिखिततृतीयवतुर्पतयोन्यासः । गकोक्षा • अज्या = अको • का-
को १ काज्या • गाकोक्षा १ अत्र गाकोणकोटिज्यायाः शून्यत्वात् तदुत्थापिते
न्यासः । गकोक्षा • अज्या = अको • काको १ । एतौ पतौ अभुजकोटिज्याया-
• पवर्तितौ तत्र प्रथमपक्षे त्रिज्यामितौ गुणद्वयौ च द्वितौ फलाविशेषादेवं
न्यासः । गकोक्षा • अज्या • त्रि १ = काको १ अत्र गभुजकोटिच्छाया अभुज-
अको • त्रि १
चापच्छायागुणा त्रिज्याभक्ता जाता काकोणकोटिज्या । एतेन

कोणलग्नभुजच्छाया कर्णकोटिभया हता ।

त्रिज्याभक्ता चापजात्ये कोणकोटिज्यका भवेत् ॥

इति सूत्रं तद्विलोमेन त्रिज्याग्री कोणकोटिज्येति सूत्रं चापपचम् ।

अथ गात्राकात्रिभुजे कोणकोटिज्यकेति सूत्रेण गभुजकोटिज्या
गाको • अज्या • काज्या १ अको • काको • त्रि १ प्रकृते चापजात्ये गभुजः कर्णः
त्रि १

कल्पितस्तदा गाकोणो नवत्यशास्तज्या त्रिज्या तत्कोटिज्या शून्य तेन
प्रथमपेण्डेत्यापने नाशादपरपेण्डस्य त्रिज्यापवर्तनाज्जातेयम् । अको • काको १
त्रि १

कर्णकोटिज्यया समेति समीकरणात् कर्णकोटिज्यात्रिज्याघातस्य अभुज, गभुज-
कोटिज्ययोर्घातेन साम्य तेन दोर्लकोटिज्ययोर्घाते त्रिज्याया भाजिते फलम् ।
कर्णचापस्य कोटिज्येत्युपपन्नं तद्विलोमेन कर्णकोटिज्यकात्रिज्याघाते इति सूत्र-
मुपपन्नम् ।

अथ कोणानां भुजत्वरूपेण भुजानां कोणत्वरूपेण धनार्णव्यत्यामास्ताता
गाकोणकोटिज्या गको • काज्या • अज्या १ काकोज्या • त्रि • अको १ । इयं
त्रि १

चापजात्ये शून्यसमेति समीकरणात्लब्ध कर्णकोटिज्यामानम्
कोको • काको • त्रि १ अत्र भाज्यद्वयौ त्रिज्याया गुणितौ तदा काकोणकोटि-
काज्या • अज्या १

ज्या त्रिज्यागुणा काकोणज्याभक्ता काकोणकोटिच्छाया तथा आकोणकोटिज्या
त्रिज्यागुणा आकोणज्याभक्ता आकोणकोटिच्छाया तयोर्घातेन भाज्यः । इ-
त्त्रिज्यामितस्तेन कोणयोः कोटिज्याघातस्य त्रिज्याविभाजिते । लब्धं तु
कर्णकोटिज्येति सूत्रं तद्विलोमेन एककोणभया निग्री इति सूत्रं चापपचम् ।

एवं काकोणकोटिज्या कको • आज्या • गज्या १ आको • गाको • त्रि १ अत्रा-
त्रिव १

पि गाकोणकोटिज्यायाः शून्यमितत्वाद्वितीयगण्डनाशः । प्रथमगण्डे गाकोण-
ज्यास्यलेत्रिज्यायहणाज्जाता कको • त्रि • आज्या १ इयं काकोणकोटिज्या स-
त्रिव १

मेति समीकरणात् त्रिज्यापवर्तनात् । कको • आज्या १ = कोको • त्रि १ । कभुज-
कोटिज्याआकोणज्याघातः काकोणकोटिज्यात्रिज्याघाततुल्य इति सिद्धम् । तेन

कोणज्यकाकोणलग्नदोर्जकोटिज्या हता ।

त्रिज्याभक्ता फलं चान्यकोणकोटिज्या भवेत् ॥

त्रिज्याघ्नी कोणकोटिज्या परकोणज्या हता ।

कोणसंमुखबाह्येस्तु कोटिजीवा प्रजायते ॥

इति सूत्रद्वयमुपपन्नम् ।

अथ भुजज्ययोर्धनानिष्पत्तिः सैव तत्संमुखकोणज्ययोरपीत्यत्र प्रकारान्तरिण
युक्तिः । त्रिभुजे सर्वभुजयोगार्धं स १ । अत्र भुजाधारयोगार्धमूनं भुजाभ्यामिति
सूत्रेण भूबाहुयोगदलमत्र परः स कून इति सूत्रेण च आकोणार्धज्याकोटिज्ये
यथा स १ क १ । स • १ ग १ अनयोर्ज्याघातस्त्रिज्यावर्गगुणः क, गभुजज्ययोर्धनेन
कज्या • गज्या १ भक्त इति प्रथमा । तथा । स १ । स १ अ १ अनयोर्ज्याघातस्त्रि-
ज्यावर्गगुण हरश्च पूर्वतुल्य इति द्वितीया । द्वयोर्धातमूलं तु सर्वभुजयोगार्धं
चतुःस्यं सर्वभुजै रहितं तज्यक्रानां घातमूलं त्रिज्यावर्गगुण भाज्यः । हर-
घातमूलं हर एव हरः । इदं द्विगुणं त्रिज्याभक्तम् आकोणज्या । तत्र त्रिज्या-
पवर्तने गुणस्यान एव त्रिज्या । दलांशज्याकोटिज्याघातस्य द्विगुणस्य त्रिज्या-
भक्तस्य भुजज्यातुल्यत्वात् । न्यासः । स १ । स १ अ १ । स १ क १ । स १ ग १ ।
एषां ज्याघातमूलस्य गुणः । त्रि २ । हरश्च पूर्वतुल्यः । कज्या • गज्या १ आको-
णज्या अभुजज्याभक्ता जाता हरः । अज्या • कज्या • गज्या १ भाज्यस्तु यथा-
स्थितः । एवं काकोणगाकोणज्यानयनं विधाय ते कभुजज्यया गभुजज्यया
क्रमेण भक्ते भाज्यहरावीदृशावेव । अतः स्वस्वकोणज्यासंमुखभुजज्यया भक्ता
समानगुणा भवतीति सिद्धम् ।

अत्र गाकोणज्या त्रिज्यामिता चेत् तदा

कोणसंमुखबाहुज्या त्रिज्याघ्नी कर्णेजीवया ।

भक्ता फलं तु कोणज्या चापजात्याभिधानके ॥

इति सूत्रमुपपन्नम् ।

एवमुक्तसूत्रेभ्यो मध्यम्यात्रिज्याघातः संलग्नयोः श्लाघाघातः संमुखयोः कोटिज्याघात इत्युपपन्नं भवतीति प्रागुक्तमेव । भुजौ २ कर्णकोटिः १ कोण-
कोटी २ चेति पञ्चाधयद्यानां मध्ये स्वेच्छयैको मध्यसंज्ञस्तन्तनौ संलग्नसन्नौ
संमुखौ संमुखसंज्ञाविति सर्वमुदाहृतमेव । एवमन्येषामपि सूत्राणामुपपत्तिः
स्वधियोद्गनीयेति ॥

अथोक्तकतिपयसूत्रव्याप्तिदृशनार्थमुदाहरणम् । नाडीवृत्तध्रुवसूत्रान्तरे वि-
पुवांशा एको भुजः ध्रुवसूत्रे नाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तान्तरं क्रान्तिरन्यो भुजः
क्रान्तिवृत्ते नाडीवृत्तध्रुवसूत्रान्तरं ग्रहभुजांशाः कर्ण इति चापज्ञात्यम् । अत्र
नाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तसंपातित्यत्रकोणो हि परक्रान्त्यशाः क्रान्तिवृत्तध्रुवसूत्रैभ्य-
गतकोणो ग्रहायनचलनकोट्यंशा इत्येकभुजकर्णावगमे तद्वृत्तसंमुखकोणज्ञाने
धान्यभुजज्ञानम् ।

कर्णज्याकोणकोटिज्याघाते कोटिज्या हृते ।

कोणसंमुखवाहोस्तु कोणलग्नभुजज्यका ॥

इति सूत्रेण ग्रहभुजज्या परान्पद्युज्यागुणां द्युज्याभक्ता विपुवांशज्येति-
विदुम् । अथ कर्णरुभुजाभ्यामन्यभुजज्ञानम् ।

बाहुज्यकार्धगहीनात् कर्णज्यार्धगतः पदम् ।

त्रिज्यार्धं दोर्जकोटिज्याभक्तमच्चातदोर्ज्यका ॥

इति सूत्रेण ग्रहभुजज्याक्रान्तिज्याधर्गान्तरमूलं त्रिज्यागुणां द्युज्याभक्तं
विपुवांशज्या भवति । अथवा कर्णकोटिमध्यसंज्ञत्ये कर्णकोटिज्यात्रिज्याघातो
ज्ञातभुजैरुकोटिज्याभक्तो ज्ञातभुजकोटिज्या स्यात् । संमुखयोः कोटिज्याघा-
तेन तुल्यत्वात् । अतो ग्रहकोटिज्या त्रिज्यागुणां द्युज्याभक्ता विपुवांशको-
टिज्या तच्चापकोटिविपुवांशाः स्युः ।

अथ कर्णरुभुजाभ्यां कोणज्ञानं कर्तुंमभीष्टं तत्र ज्ञातभुजलग्नकोणज्ञानं
यथा ।

अत्र कोणकोटिर्मध्याभिधा तज्ज्यात्रिज्याघातः संलग्नयोः कर्णकोटिज्ञात-
भुजयोः श्लाघाघातेन तुल्य इति क्रान्तिच्छाया ग्रहकोट्यंशच्छायायया हता त्रि-
ज्याभक्ता तच्चापमयनचलनम् । अपनचलनकोट्यंशं क्रान्तिलग्नकोणत्वात् ।
अथ भुजसंमुखकोणज्ञानं कोणसंमुखग्रहज्येति सूत्रेण क्रान्तिज्या त्रिज्यागुणां

यहभुजज्याभक्ता क्रान्तिभुजसमुच्चकोणरूपपरक्रान्तिर्ज्या । अत्र भुजो मध्यसंज्ञ-
स्तज्ज्यात्रिज्याघातः समुपाङ्गयोः परक्रान्तिर्कोटिरुर्णकोटिरूपयोः कोटिज्या-
घातेन तुल्य इति ।

अत्र यथा क्रान्तिभुजाशब्दाभ्या शेषावयवज्ञानं दर्शितं तथैव विपुवाशब्दाभ्या
शब्दाभ्या कोणयोः क्रान्तश्च ज्ञानं संभवतीति ।

अथ कर्णोक्तकोणाभ्या शेषावयवज्ञानम् । तत्र कोणतल्लभुजज्ञानं यथा ।
अत्र कोणकोटिर्मध्यसंज्ञा । तज्ज्यात्रिज्याघातः सलग्नाङ्गयोः कर्णकोटिभुज-
योश्चायाघातेन तुल्य इति यहकोट्यश्चाया परात्पद्मज्यात्रिज्याघातो भक्तः
फलं विपुवाशच्छाया । अथवा कर्णच्छायाचापजात्ये इति सूत्रेण यहभुजा-
शच्छाया परात्पद्मज्यागुणा त्रिज्याभक्ता विपुवाशच्छाया तस्याश्चायाखण्डज
चाप विपुवाशा इति ।

अथ कोणसमुच्चभुजज्ञानम् । ज्ञातभुजो मध्यस्तज्ज्यात्रिज्याघातः समुच्चयोः
कोणकोटिरुर्णकोटिरूपयोः कोटिज्याघातेन सम इति यहभुजज्या परक्रा-
न्तिज्यागुणा त्रिज्याभक्ता क्रान्तिज्या तच्चाप क्रान्त्यशाः ।

अथाज्ञातकोणज्ञानम् । अत्र कर्णकोटिर्मध्यसंज्ञा तज्ज्यात्रिज्याघातः सं-
लग्नाङ्गयोः कोणकोट्योश्चायाघातेन तुल्य इति यहकोटिज्या त्रिज्यागुणा
परक्रान्तिर्कोटिच्छायाया भक्ता तच्चापमयनवलनच्छाया । अथवा एककोण-
भया निघ्नीति सूत्रेण यहकोटिज्या परक्रान्तिच्छायागुणा त्रिज्याभक्ता ज्ञाता
सैव तस्या लज्योश्चायाखण्डज चापमयनवलनं तत्कोटिरन्यकोणमानम् ।
अत्र यथा यहभुजाशपरक्रान्तिभ्या शेषावयवयोः सिद्धास्तथैव यहभुजाशेषादि-
चापाभ्या विपुवाशक्रान्तिपरक्रान्तिज्ञानं कर्तव्यमिति ।

अथैकभुजैककोणाभ्या शेषावयवज्ञानम् । तत्र कोणतल्लभुजाभ्यामन्य-
भुजज्ञानं यथा । अत्र भुजो मध्यस्तज्ज्या त्रिज्याघातः सलग्नयोः कोणकोटि-
द्वितीयभुजच्छायायोर्घातेन तुल्य इति विपुवाशज्या त्रिज्यागुणा परक्रान्ति-
कोटिच्छायाया भक्ता फलं क्रान्तिच्छाया । अथवा चापजात्ये कोणतल्लभुज-
ज्याकोणभाहतिरिति सूत्रेण विपुवाशज्या परक्रान्तिच्छायागुणा त्रिज्याभक्ता
ज्ञाता सैव तस्याश्चायाखण्डज चाप क्रान्त्यशाः ।

अथ कोणतल्लभुजाभ्यामन्यभुजज्ञानं यथा । अनन्तरोक्तक्रियावैपरी-
त्येन क्रान्तिच्छाया त्रिज्यागुणा परक्रान्तिच्छायाभक्ता विपुवाशज्या भवति ।
अथवा भुजो मध्यसंज्ञस्तज्ज्यात्रिज्याघातः सलग्नयोः कोणकोटिद्वितीयभुज-
योश्चायाघातेन तुल्य इति क्रान्तिच्छायापरक्रान्तिर्कोटिच्छायाघातस्त्रिज्या-

भक्ता विपुवांशज्या तत्त्वापं विपुवांशाः । एवं विपुवांशयष्टिचोपाध्यामपि
शेषज्ञानम् ।

अथ कोणसंमुखभुजात् कोणरज्ज्वर्कणज्ञानम् । अत्र भुजो मध्यसंज्ञस्त-
ज्ज्यात्रिज्याघातः समुपयोः कर्णकोटिकोणकोट्योः कोटिव्ययोर्घातेन तुल्य
इति क्रान्तिज्या त्रिज्यागुणा परक्रान्तिज्याभक्ता जाता यहभुजज्या । एवं
विपुवांशज्या त्रिज्यागुणा यष्टिभक्ता सैव वा । तत्त्वापं यहभुजाशाः ।

अथ कोणतल्लग्नभुजयोर्ज्ञाने कर्णज्ञानम् । अत्र कोणकोटिर्मध्यसंज्ञा तज्ज्या-
त्रिज्याघातः सलग्नयोः कर्णकोटिज्ञातभुजयोश्छायाघातेन तुल्य इति परक्रा-
न्तिकोटिज्या त्रिज्यागुणा विपुवांशच्छायाभक्ता फलस्य छायासु यच्चापं
तत्कोटिर्यहभुजाशाः । अथ वा कोणतल्लग्नभुजच्छायेतिमूत्रय विपुवांशच्छाया
त्रिज्यागुणा परास्यद्रुज्याभक्ता फल यहभुजाशच्छायेति ।

अत्र तात्पर्यविवेकारेण विपुवांशतल्लग्नकोणाभ्यामन्यकोणज्ञानं कृत्वा ततः
कर्णानयनं कृतमस्ति । तथाहि ।

कोणज्यज्ञा कोणलगादोर्जकोटिज्यया हता ।

त्रिज्याभक्ता फल चान्यकोणकोटिज्यज्ञा भवेत् ॥

इतिमूत्रेण विपुवांशकोटिज्या परक्रान्तिज्यागुणा त्रिज्याभक्ता फलवर्गत्रि-
ज्यावर्गान्तरामूल यष्टिः सैवान्यकोणज्या । तथा यदि स्वसंमुखभुजज्या विपु-
वांशज्यारूपा लभ्यते तदा समकोणज्यया त्रिज्यारूपया केति जाता यहभुज-
ज्या । एतेन या प्राप्नुजीया विपुवांशकानां स्वकोटिज्ञातद्रुगुणेन भक्ता । त्रिज्या-
गुणेत्यादि कमलाकरोक्तमुपपन्नम् ।

अत्र कोणकोटिर्मध्याभिधा तज्ज्यात्रिज्याघातः समुपाद्गयोः भुजद्वितीय-
कोणकोटिज्ञानितकोटिज्ययोर्घातेन समान इति तेन भुजतल्लग्नकोणाभ्यामन्य-
कोणज्ञानंजातम् । एवं ज्ञातकोणकोटिज्यात्रिज्याघातः कोणसंमुखभुजज्यकोटि-
ज्याभक्तस्तज्ज्यापमन्यकोणमानम् । एतेन कोणात् तत्संमुखभुजाच्चान्यकोण-
ज्ञानं जातम् । अतः परक्रान्तिकोटिज्या त्रिज्यागुणा द्रुज्याभक्ता यष्टिस्तत्त्वापं
कोणमानं वा । कोणकोटिज्यापनघतनज्यारूपा त्रिज्यागुणा विपुवांशकोटि-
ज्याभक्ता जाता कोणज्या परक्रान्तिज्यास्वरूपेति ।

कोणसंमुखदोर्जातकोटिज्याया विभज्यता ।

कोणकोटिज्यया निघ्नी सान्यकोणज्यज्ञा मता ॥

अथ कोणाभ्यां शेषाद्यवज्ञानम् । तत्रानन्तरोक्तक्रियावैपरीत्येन कोण-
कोटिज्या त्रिज्यागुणा द्वितीयकोणज्याभक्ता फलं कोणलम्बद्वार्लकोटिज्यैव ।
अतः परक्रान्तिकोटिज्या त्रिज्यागुणा यष्टिभक्ता क्रान्तिकोटिज्या तच्चाप-
कोटिः क्रान्तिः । एवं यष्टिचापकोटिज्याऽयनवलनज्यारूपा त्रिज्यागुणा पर-
क्रान्तिज्याभक्ता तच्चापकोटिर्विपुवांशाः ॥

त्रिज्याग्री कोणकोटिज्या परकोणज्यया हृता ।

कोणसंमुखबाहोस्तु कोटिजीवा प्रजायते ॥

एवं कोणाभ्यां भुजद्वयज्ञानं जातम् ।

अथ कोणाभ्यां कर्णज्ञानम् । कर्णकोटिर्मध्याभिधा तज्ज्यात्रिज्याघातः
संलग्नयोः कोणकोट्योऽर्द्धायाघातेन समान इति कोणद्वयकोटिच्छायायोर्घात-
स्त्रिज्याभक्तः फलस्य छायासु यच्चापं तत्कोटिः कर्णः । अतः परक्रान्ति-
कोटिच्छाया यष्टिचापकोटिच्छायागुणा त्रिज्याभक्ता तच्चापकोटिर्यहभुजांशा
इति ।

अथ भुजाभ्यां कर्णज्ञानम् । अत्र बाहुज्यकावर्गहीनादितिसूत्रविलोमरी-
त्यैरुभुजज्या द्वितीयभुजकोटिज्यया हृता त्रिज्याभक्ता लब्धवर्गद्वितीयभुजज्या-
वर्गयोगमूलं कर्णज्या । यथा विपुवांशज्या द्युज्यागुणा त्रिज्याभक्ता फलवर्ग-
क्रान्तिज्यावर्गयोगमूलं यहभुजज्या वा क्रान्तिज्या विपुवांशकोटिज्यागुणा
त्रिज्याभक्ता फलवर्गविपुवांशज्यावर्गयोगमूलं सैव तच्चापं भुजांशाः । अथ वा
कर्णकोटिर्मध्यसंज्ञा तज्ज्यात्रिज्याघातः समुखयोर्भुजयोः कोटिज्याघातेन तुल्य
इति विपुवांशकोटिज्या द्युज्यागुणा त्रिज्याभक्ता तच्चापेननवत्यंशा यहभु-
जांशाः स्युः । अत्र द्युज्या तु क्रान्तिकोटिज्या सा विपुवांशान्यक्रान्तिकोटि-
ज्यारूपा ततो विपुवांशकोटिज्या विपुवांशान्यक्रान्तिकोटिज्यया गुणिता
त्रिज्याभक्ता जाता यहकोटिज्या । विपुवांशान्यक्रान्तेर्यहक्रान्तिसाम्यमपे व्य-
क्तीभविष्यतीति ।

अथ भुजाभ्यां कोणज्ञानं यथा । अत्र भुजोर्मध्यसंज्ञस्तज्ज्यात्रिज्याघातः
संलग्नयोर्द्वितीयभुजच्छायाद्वितीयभुजसंमुखकोणकोटिच्छायायोर्घातेन तुल्य
इति । तेन एकभुजज्या त्रिज्यागुणा द्वितीयभुजच्छायाभक्ता फलमेकभुजलग्न-
कोणकोटिच्छाया भवत्यतो विपुवांशज्या त्रिज्यागुणा क्रान्तिच्छायाभक्ता फ-
लस्य छायासुचापं परक्रान्तिकोटिः । एवं क्रान्तिज्या त्रिज्यागुणा विपुवांश-
च्छायाभक्ता फलस्य छायासुचापं यष्टिचापकोटिरिति । अथ वा कोणसमुप-

दोषाया त्रिज्याद्वी कोणभातृतेति सूत्रेण विषुवांशच्छाया त्रिज्यागुणा क्रान्ति-
ज्याभक्ता जाता यद्विचोपरूपकोणच्छाया । एवं क्रान्तिच्छाया त्रिज्यागुणा
विषुवांशज्याभक्ता परक्रान्तिरूपकोणच्छायेति । एवं यस्यावयवेस्त्वयवद्वय-
ज्ञाने शेषावयवचित्रतयाद्यगमो दर्शितः ॥

अथ भुजद्वयकर्णज्ञाने कोणकोटिज्ञानं यथा ।

कोणलम्भभुजज्याद्वी कोणः मुख्यबाहुजा ।

कोटिज्या कर्णजीवाया कोणकोटिज्यसौ मता ॥

इति सूत्रेण विषुवांशकोटिज्या क्रान्तिज्यागुणा यद्भुजज्याभक्तायनवलन-
ज्या । द्युज्या विषुवांशज्यागुणा यद्भुजज्याभक्ता परक्रान्तिकोटिज्यायेति ।

अथ कर्णभुजाभ्यां भुजममुखकोणादन्यकोणज्ञानम् ।

भुजममुखकोणज्या कर्णकोटिज्यक्रागुणा ।

भुजकोटिज्ययाप्रान्यकोणकोटिज्यसौ भवेत् ॥

इति सूत्रेण परक्रान्तिज्या यद्कोटिज्यागुणा क्रान्तिकोटिज्यया भक्ता
जातायनजननज्या । तथा यद्विचोऽर्कोटिज्यागुणा विषुवांशकोटिज्याभक्ता
जाता परक्रान्तिकोटिज्येत्येवं सर्वेषु चापज्ञात्येषु सर्वथा क्रिया योजनीयाः ॥

अथान्यक्रान्तिमाधनम् । क्रान्तिरूपे नादीयतादृहाद्यधि भुजांशा एक-

चापजात्ये कर्णभूमौ लम्बश्चेदुजयोगतः ।

दोर्द्वयज्याहृतिसमा लम्बभूशिञ्जिनीहतिः ॥

इति यथानन्तरोक्तचापजात्ये नाडीवृत्ते क्रान्तिवृत्तऋद्व्यसूत्रान्तरं कर्णस्ता-
द्रूपभूमौ यहस्यानाल्लम्बः कृत आद्यक्रान्तिरूपः । अत्र विपुत्रांशा एकावाधा
नाडीवृत्ते ध्रुवसूत्रऋद्व्यसूत्रान्तरमन्यावाधा यहभुजांशान्यक्रान्तिमितौ भुजौ
आधाधालनौ सन्निभयहद्व्यज्याचापाशपरक्रान्त्यंशमितौ कोणौ । एवं लम्ब-
लम्बाधयनवननपट्टिचापमितौ कोणौ । अत्र भूरूपकर्णज्याद्यक्रान्तिज्यागुणा
सा यहभुजज्यान्यक्रान्तिज्याघातेन तुल्या भवति ।

अत्रोपपत्तिः । विपुत्रांशाद्यक्रान्तिमितौ भुजौ यहभुजांशाः कर्ण इति
चापजात्यं प्रथमं तथा ध्रुवसूत्रऋद्व्यसूत्रान्तरगता नाडीवृत्तीयभागा एक-
भुजः । आद्यक्रान्तिरन्यभुजः । अन्यक्रान्तिः कर्ण इति चापजात्यं द्वितीयम् ।
अनयोः संयोगतत्पत्रमुक्तवृहच्चापजात्यम् । तत्र कर्णज्यया यदि त्रिज्या
तदा यहभुजज्यया केति नाडीवृत्तऋद्व्यसूत्रोत्पन्नकोणज्या । अथ द्वितीय-
चापजात्येऽप्येतत्तुल्येव कोणज्यास्ति । अतस्त्रिज्यया यद्वन्यक्रान्तिज्या तदा-
गतयाकोणज्यया केत्याद्यक्रान्तिज्या भु. त्रि. आक्रा १
क. त्रि १ अत्र त्रिज्ययोर्गुणहरयो-

नाशे भुजज्यान्यक्रान्तिज्यागुणा कर्णज्यया भक्ता जाता लम्बजा ज्येति ।
अत्र यदि तृतीयक्षेत्रकर्णज्ययान्यक्रान्तिज्या लभ्यते तदा प्रथमक्षेत्रकर्णज्यया
यहभुजज्यारूपया केति लम्बरूपाद्यक्रान्तिज्या । अत्रानुपाते प्रमाणफलेच्छा-
फलचापरूपभुजौ परक्रान्तिकोणसमुपौ वर्तते ।

अथान्यथोच्यते । यदि वृहत्क्षेत्रकर्णज्यया त्रिज्या तदान्यक्रान्तिज्यया केति
नाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तोत्पन्नकोणज्या । इयमेव प्रथमचापजात्येऽप्यस्ति । अत्र
त्रिज्यया यहभुजज्या तदानीतकोणज्यया केत्याद्यक्रान्तिज्या । अत्रापि त्रि-
ज्यातुल्ययोर्गुणहरयोर्नाशे यथोक्तैव क्रिया सपद्यते । तत्र वृहत्क्षेत्रकर्णज्यया
यहभुजज्या लभ्यते तदा द्वितीयक्षेत्रकर्णज्ययान्यक्रान्तिज्यारूपया केति सैवा-
द्यक्रान्तिज्या । अत्रानुपाते प्रमाणफलेच्छाफलचापरूपभुजौ नाडीवृत्तऋद्व्य-
सूत्रयोगजकोणममुपौ तिष्ठत इति ।

अथ द्वितीयचापजात्यतोऽप्यन्यक्रान्तिसाधनम् । अत्रापि नाडीवृत्तऋद्व्यसू-
त्रसंपातकोणः सन्निभयहद्व्यज्याशा एवातस्तज्यया यद्याद्यक्रान्तिज्या तदा सम-
कोणज्यया त्रिज्यामितया केत्यन्यक्रान्तिज्या स्यादेवमन्यप्रकारैरपि साधनीया ।

अथान्योदाहरणम् । विपुवांशा एकभुजः । आद्यक्रान्तिरन्यभुजः । यह-
भुजांशाः कर्ण इति चापजात्ये कद्रम्यद्वयमेतद्वृत्त विपुवांशमे नेयम् । अत्र
विपुवांशायतः क्रान्तिवृत्तावधि यज्वापं तदेव विपुवांशाद्यक्रान्तिस्वरूपं
लम्बः । यहभुजांशा भूमिः । विपुवांशयद्वाद्यक्रान्तिमितौ भुजौ । अत्र यद्वा-
द्यक्रान्तिरेव विपुवांशान्यक्रान्तिः । नाडीवृत्तस्य क्रान्तिवृत्तत्वकल्पने क्रान्ति-
वृत्त नाडीवृत्तरूपं भवितुमर्हति तदा ध्रुवाद्येवकद्रम्यो तथा कद्रम्याद्येव ध्रुवा-
वित्युक्तं युक्तमेव । अत्र सत्रिभयहद्वययोः क्रान्तीं समे तथा तत्कोटी च
तुल्ये तेन सत्रिभयहद्वयज्या वित्रिभयहद्वयज्यातुल्ये । एवं वित्रिभयहायनव-
त्तनमेव यहान्यक्रान्तिः । वित्रिभयहस्यानाद्यवृत्त्यंशान्तरितवृत्तस्य यहकद्रम्य-
मूत्ररूपत्वात् । अत्र क्रान्तिज्यावर्गोना जिनज्यावर्गः सत्रिभयहक्रान्तिज्या-
वर्गः । क्राय १ त्रिव १ । एतदूनस्त्रिज्यावर्गः सत्रिभयहद्वयज्यावर्गः । क्राय १
त्रिव १ त्रिव १ । जिनज्यावर्गोनात्रिज्यावर्गः परात्यद्वयज्यावर्गस्तस्यक्रान्तिज्या-
वर्गयोगे सत्रिभयहद्वयज्यावर्गत्य सिद्धम् ।

क्रान्तिज्याकृतियुतात् विगृह्यद्वयज्या
वर्गात् पदं विभज्यतयहज्या द्युज्जीवा ।
यद्विचिभयहभवायनवालनं स्या-
दन्यापमेन एवरम्य समं तदुक्तम् ॥

अथान्यथा सजातीयोदाहरणप्रदर्शनाय स्पष्टक्रान्तिसाधनम् । नाडीवृत्त-
यद्विज्ञान्तरं कद्रम्यमूत्रेऽन्यक्रान्तिः । यहविज्ञाद्विम्यावधि शरः । द्वयोरेक-
द्विज्ये योगो भिन्नद्विज्यन्तरं स्फुटान्यक्रान्तिः । कद्रम्यमूत्रे नाडीवृत्तविम्या-
नारूपा कर्णः । विम्यधुप्रमूत्रे नाडीवृत्तविम्यान्तरं स्पष्टक्रान्तिरेकभुजः ।
नाडीवृत्ते विम्यधुप्रमूत्रकद्रम्यमूत्रान्तरमन्यभुज इति चापजात्यं प्रचने तथा
कद्रम्यमूत्रेऽन्यक्रान्तिः कर्णः । यहधुप्रमूत्रे आद्यक्रान्तिरेकभुजः नाडीवृत्ते द्वयो-
रन्तरमन्यभुज इति चापजात्यं द्वितीयम् । अत्र यहविज्ञाद्विम्ययोर्नाडीवृत्ता-
द्वेकद्विज्यतत्ये प्रथमक्षेत्रान्तर्गतं द्वितीयक्षेत्रं तथा भिन्नद्विज्यतत्ये यद्विःकोणलानं
एवं कद्रम्यमूत्रे द्वयोः कर्णो नाडीवृत्ते द्वयोरन्यभुजाप्रस्थितिरिति साजात्यं घटत
एव । अत्र द्वितीयक्षेत्रेऽन्यक्रान्तिज्याया त्रिज्या तदाद्यक्रान्तिज्याया केति कद्र-
म्यमूत्रनाडीवृत्तात्पक्षकोणज्या सत्रिभयहद्वयज्याद्वया । एतत्तुल्येव प्रथमक्षेत्रे
कोणज्या तेन प्रथमक्षेत्रे समकोणज्याया स्फुटान्यक्रान्तिज्या तदा सत्रिभयह-
द्वयज्यामितया केति स्पष्टक्रान्तिज्या सिद्धा ततोऽत्र त्रिज्ययोर्नाये स्फुटान्य-

क्रान्तिज्याया आद्यक्रान्तिज्या गुणोऽन्यक्रान्तिज्या हरस्तेनान्यक्रान्तिज्यामि-
तया कर्णज्याया भुजज्यायाक्रान्तिज्या लभ्यते तदा स्फुटान्यक्रान्तिज्याया केति
स्पष्टक्रान्तिज्यारूपा भुजज्येत्यनुपातकरणं पर्यवसितमत्रानुपातेऽपि तुल्य-
कोणममुपै भुजौ प्रमाणफलैश्चाफलचापस्वरूपौ तिष्ठतइति । अत्र स्फुटा-
न्यक्रान्तिज्या सत्रिभयहद्युज्यागुणा त्रिज्याभक्ता तच्चापं स्पष्टक्रान्तिरिति
रीतिरपि पूर्वं सिद्धैव ।

अथ युक्तिवैचित्र्यदर्शनार्थे प्रकारान्तरेण स्पष्टक्रान्तिसाधनं श्रीब्राह्मदेव-
कृतं लिख्यते ।

ग्रहस्यास्फुटक्रान्तिजीवेपुकोटि-

ज्यकाध्री चिभज्याहृताथो शरज्या ।

चिभद्युज्यकाध्री चिभज्याविभक्ता

तयोः संस्कृतेः स्यात् स्फुटक्रान्तिजीवा ॥

अत्रोपपत्तिर्मयोच्यते । क्रान्तिज्या त्रिज्यागुणा सत्रिभयहद्युज्याभक्ता जाता-
न्यक्रान्तिज्या । तथा परात्पद्युज्या त्रिज्यागुणा सत्रिभयहद्युज्यभक्ता जातान्य-
क्रान्तिकोटिज्या । परात्पद्युज्याचिज्याघातस्य द्युज्यया भागे यहायनबलन-
कोटिज्यात्वेन पूर्वं निरूपणात् सत्रिभयहद्युज्यया भजनेन सत्रिभयहायनब-
लनकोटिज्यासिद्धिस्तुल्यन्यायात् । एवमानांतान्यक्रान्तिज्याकोटिज्ययोः शर-

क्रा. त्रि १	श १	दोर्ज्यं मिथः को-
सद्यु १		
पद्यु. त्रि १	शको १	
सद्यु १		

ज्याकोटिज्याभ्यां भावनार्थं न्यासः

टिज्यागुणे त्रिज्याभक्ते तत्र त्रिज्यातुल्ययोगुणहरयोर्नाशात् सिद्धे खण्डे

क्रा. शको १	श. पद्यु १	अनयोर्योगोऽन्तरं वा स्फुटान्यक्रान्तिज्या तत इयं
सद्यु १	सद्यु १	

सत्रिभयहद्युज्यागुणा त्रिज्याभक्ता जाता । तत्र सत्रिभयहद्युज्ययोः समत्वेन

नाशात् सिद्धे खण्डे ।

क्रा. शको १	श. पद्यु १	इयं स्पष्टक्रान्तिज्या । अतः
त्रि १	त्रि १	

शरज्यापरात्पद्युज्याहृतिस्त्रिज्याभक्ता तथा क्रान्तिज्याशरकोटिज्याहृति-
स्त्रिज्याभक्ता फलयोरन्तर क्रान्तिशरयोर्भिन्नदिशि तथा फलैश्चमेकादिशि
जाता स्पष्टक्रान्तिज्या तच्चापं स्पष्टक्रान्तिरित्युक्तमूत्रमुपपद्यम् ।

अथान्यमानात्पोडाहरणं प्रदर्श्यते । नाडीवृत्ते विपुवांशा एकभुजः । ध्रुव-
 मूत्रे क्रान्तिरन्यभुजः क्रान्तिवृत्ते यहभुजांशाः कर्ण इति चापजात्यं प्रथमम् ।
 अत्र परक्रान्तिर्यष्टिचापमितौ कोणौ । अथ ध्रुवमूत्रे यहभुवान्तरे द्युज्या-
 चापांशाः कर्णः क्रान्तिवृत्ते यहद्वयनवृत्तावधि यहकोट्यंशा एकभुजः । अयन-
 वृत्ते क्रान्तिवृत्ताद्ध्रुवावधि पराल्पद्युज्याचापांशा अन्यभुज इति द्वितीयं
 चापजात्यम् । अत्र विपुवांशकोटियष्टिचापमितौ कोणौ वर्तते । द्वयोः त्रेत्र-
 योर्व्यष्टिचापमितौ कोणौ संमुपगौ तुल्यावेव । तत्संमुपः प्रथमे विपुवांश-
 रूपो द्वितीये पराल्पद्युज्याचापरूपो भुजोऽस्ति । अथानुपातः । द्वितीये
 कर्णज्यया द्युज्यामितया भुजज्या पराल्पद्युज्यामिता तदा प्रथमे कर्णज्यया
 यहभुजज्यामितया केति जातैकभुजज्या विपुवांशज्यास्वरूपेति युक्तिस्तु प्राव-
 देव । अत्र प्रथमत्त्रेभुजकर्णकोणानां क्रान्तिभुजांशजिनंशमितानां कोटयो
 द्युज्याचापांगयहकोट्यंशत्रिभुजज्याचापांशा एव द्वितीयत्त्रे कर्णैकभुजान्य-
 भुजाः सन्ति तथा प्रथमत्त्रे विपुवांशा भुजस्तत्कोटिद्वितीयत्त्रे ध्रुवमूत्राय-
 नवृत्तयोगजकोणोऽस्ति यष्टिचापरूपकोणस्तूभयत्रास्तीति ज्ञेयम् । अथ द्वि-
 तीयत्त्रे द्युज्यया समकोणज्या तदा पराल्पद्युज्यया केति यष्टिस्तच्छापं
 क्रान्तिवृत्तध्रुवमूत्रयोगजकोण इति । अथायनवृत्ते ध्रुवमूत्रान्तरं परक्रान्ति-
 मितं कर्णः । ध्रुवमूत्रे ध्रुवाद्वहत्रिज्यावृत्तावधि यहक्रान्तिरेकभुजः । यह-
 त्रिज्यावृत्ते ध्रुवमूत्रात् कदम्बपर्यन्तमयनवलनमन्यभुज इति तृतीयं चाप-
 जात्यम् । अत्र द्वितीयवृत्तीयत्त्रेयोर्ध्रुवगतकोणौ विपुवांशकोटिमितौ तुल्या-
 वेव ततो द्वितीयत्त्रे द्युज्यया यहकोटिज्या तदा तृतीये परक्रान्तिव्यया
 केत्ययनवलनज्या तद्व्यापमयनवलनम् । एवं कर्णकोटित्यत्रात्रिज्याघात इति-
 मूत्रेण परक्रान्तिर्कर्णकोटिज्या पराल्पद्युज्यामिता त्रिज्यागुणा क्रान्तिभुज-
 कोटिज्यामितया द्युज्यया भक्ताऽन्यभुजकोटिज्या यष्टिरूपोपपन्ना अत्रापि
 द्वितीयत्त्रेत्रीयकोणभुजकर्णानां कोटयस्तृतीयत्त्रेभुजकर्णभुजा द्रष्टव्याः । अथ
 यहत्रिज्यावृत्ते कदम्बनाडीवृत्तान्तरं यष्टिचापमितं कर्णः । अयनवृत्ते कद-
 म्बान्नाडीवृत्तावधि पराल्पद्युज्याचापांशा एकभुजः । नाडीवृत्ते यहत्रिज्या-
 वृत्तायनवृत्तान्तरं विपुवांशा अन्यभुज इति चतुर्थचापजात्यम् । अत्र तृतीय-
 चतुर्थत्त्रयोः कदम्बगतकोणौ यहभुजांशमितौ संमुपगौ तुल्यावेव । अत्र तृ-
 तीये परक्रान्तिव्यया क्रान्तिज्या तदा चतुर्थे यष्टिमितया कर्णज्यया केति
 विपुवांशज्या । एवं चतुर्थे यष्टिमितया समकोणज्या तदा विपुवांशज्यया
 केति यहभुजज्यारूपा कोणज्या सिद्धा । अथ नाडीवृत्ते क्रान्तिवृत्ताद्ध्रु-

त्रिज्यावृत्तावधि विपुत्रांशकोटिमितं कर्णः । क्रान्तिवृत्ते नाडीवृत्ताद्बृहत्रिज्या-
वृत्तावधि यहकोट्यंशा एकभुजः । यहत्रिज्यावृत्ते नाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तान्तर-
मयनवलनमन्यभुज इति पञ्चमं चापजात्यम् । अत्र चतुर्थपञ्चमयोः समुत्प-
न्नौ कोणौ यहत्रिज्यावृत्तनाडीवृत्तोत्पन्नौ द्युज्याचापांशमितौ तुल्यावेव ततो
यष्टिमितपा कर्णज्यया पराल्पद्युज्या तदा विपुत्रांशकोटिज्यया केति यह-
कोटिज्या । एवं पंचमक्षेत्रप्रथमक्षेत्रयोरपि साजात्यं द्वयोः समुत्पन्नकोणयोः
परक्रान्तिमितत्वात् । अतो विपुत्रांशकोटिज्यया यहमयनवलनज्या तदा यह-
भुजज्यया केति क्रान्तिज्या एवं प्रथमक्षेत्रोत्पन्नानि पञ्चमक्षेत्राण्येवंब्रूहि
द्रष्टव्यानीति ।

अथैकचापजात्यज्ञाने द्वितीयचापजात्यज्ञानं कर्णेकतायां प्रदर्शयते । यथा
वित्तिजे पूर्वस्वस्तिकादयावपर्यन्तमयाचापांशाः कर्णः । अयावगतध्रुवमूत्रे
नाडीवृत्तावधि क्रान्तिरेकभुजः । नाडीवृत्ते तद्ध्रुवमूत्रात् पूर्वस्वस्तिकावधि
चरांशा अन्यभुज इति चापजात्यं प्रथमम् । अत्र पूर्वस्वस्तिकगतकोणो नाडी-
वृत्तवित्तिजयोगजो लम्बांशाः । नाडीवृत्तध्रुवमूत्रयोगजः समकोणो नवत्यंशाः ।
अतस्त्रिज्यया लभ्यते तदा लम्बज्यया केति क्रान्तिज्या तच्चापं क्रान्तिः ।
अथवा पूर्वस्वस्तिकावत्यंशाये नाडीवृत्तवित्तिजयोरन्तरं परमं लम्बांशमित-
मस्तस्त्रिज्याये लम्बज्या तदायाये केति ज्ञाता सैव क्रान्तिज्या अत्रेयं क्रान्ति-
रन्यभुजचराश्रयनाडीवृत्तपृष्ठकेन्द्ररूपध्रुवद्वयोत्पन्नकर्णायलमवृत्ते भवितुमर्हति ।
अयं वित्तिजोन्मण्डलयोरन्तरं परममहाशमितं पूर्वस्वस्तिकात् त्रिज्यायेऽवृत्त्या
तदायाये केति ज्ञाता कुज्या तच्चापं नाडीवृत्तयाम्योत्तरवृत्तसंपातछेदोन्म-
ण्डलपृष्ठकेन्द्रद्वयोत्पन्नगतायायलमवृत्ते उन्मण्डलवित्तिजान्तरं सिद्धम् । अत्रा-
याचापं कर्णः कुज्याचापमेकभुज उन्मण्डले पूर्वस्वस्तिकात् कुज्याचापाश्रय-
वृत्तावध्यन्यभुज इति द्वितीयं चापजात्यम् । अत्र पूर्वस्वस्तिकगतकोणः वित्ति-
जोन्मण्डलयोगजोऽक्षांशाः । कुज्याचापाश्रयेन्मण्डलवृत्तयोगजो नवत्यंशाः ।
अतस्त्रिज्यया अया तदात्रिज्यया केति कुज्येव । तयोन्मण्डलनाडीवृत्तयो-
र्मिथोलम्बरूपत्वात् तत्संपातकोणस्य नवत्यंशमितत्वात् तत्पृष्ठरूप एव
लम्बाक्षांशमितकोणौ चापक्षेत्रयोर्धर्तते । अत्र ध्रुवादयावपर्यन्तं ध्रुवमूत्रे
द्युज्याचापांशाः । अतो ध्रुवात् द्युज्याये कुज्या तदा त्रिज्याये केति ज्ञाता
चरज्या तच्चापं चरांशाः । अथवा नाडीवृत्तपृष्ठकेन्द्रात् क्रान्तिभुजकोट्यशैः
समन्ततोन्तरितं लघुवृत्तमहोराचवृत्तं तस्य कुज्याचापाश्रितवृत्तस्य संपाता-

धुन्मण्डलात् समान्तरगतौ तद्वृत्तयोर्धुन्मण्डलस्य लघ्वरूपत्वात् । तत्रैकः
संपातोऽप्यापे द्वितीयोऽन्यत्रास्ति । संपातद्वयवृत्तपूर्णज्याधे कुज्या तच्चापं
द्युज्यामण्डैरहोरात्रवृत्ते चरमस्ति । अतो द्युज्यावृत्ते धेयं कुज्या तदा त्रिज्या-
वृत्ते केति चरज्या तच्चापं चरांशं नाडीवृत्ते जाताः । अहोरात्रवृत्तनाडी-
वृत्तयोः पृष्ठकेन्द्रैकत्वात् तद्वृत्तयोस्तयोर्धुन्मण्डलायाधुवमूत्रयोरन्तरांश-
स्तुल्या एव भवितुमर्हन्ति । द्वयोः समानान्तरत्वात् । अत्र त्रितिकेऽयारुणः ।
धुन्मण्डलेऽहोरात्रवृत्तनाडीवृत्तान्तरांशज्या क्रान्तिज्या भुजः । अहोरात्रवृत्ते
कुज्याऽन्यभुजः । इदं जात्यन्तेन प्रथमचापजात्योत्पन्नं सिद्धम् । अथैवं माय्या-
न्तरवृत्तनाडीवृत्तयोगादयावपर्यन्तं कुज्याचापकोट्यंशः । तन्ज्याये क्रान्तिज्या
तदा त्रिज्याये केति तच्चापमुन्मण्डले कुज्या चापान्तरवृत्तनाडीवृत्तान्तरं
परमम् । अथोन्मण्डलपृष्ठकेन्द्रात् कुज्याचापकोट्यंशैरन्यलघुवृत्तं तस्य चा-
यावधुवमोतवृत्तस्य संपातौ नाडीवृत्तात् समान्तरगतौ तत्रिवृत्तपूर्णज्याधे
क्रान्तिज्या । अतः कुज्याकोटिज्यायासाधं धेयं तदा त्रिज्यायासाधं केति
सैव । तच्चाप द्वितीयापजात्येऽन्यभुज उन्मण्डलगतो जातः । अत्र त्रिति-
केऽयारुणः । लघुवृत्ते कुज्याचापान्तरवृत्तनाडीवृत्तान्तरभागज्यैकभुजः । ना-
डीवृत्ते लघुवृत्तपूर्वस्वस्तिकान्तरभागज्या कुज्यातुल्याऽन्यभुज इति जात्यं द्वि-
तीयापजात्योत्पन्नं जातम् । एवं प्रथमत्रेऽयावर्ज्यावर्गान्तरमूलं चरकोटि-
ज्यायामार्द्धवृत्ते ज्ञेयं तथा द्वितीयत्रेऽयावर्गोन्मण्डलगभुजज्यावर्गान्तरमूल-
मुन्मण्डलगकोटिज्यायासाधं ज्ञेयमेवं सर्वत्र ।

अज्ञातबाहुयवृत्ते तत्केन्द्रात् कुरु मण्डलम् ।

ज्ञातबाहुत्यंशकोट्यंशैस्तत्राज्ञातभुजोऽपमः ॥

ज्ञातदोः कर्णयिष्ठिन्योर्वर्गान्तरपदप्रमः ।

एवमज्ञातदोः केन्द्रद्वयसत्ते च मण्डले ॥

कर्णान्यागते ज्ञातबाहुज्या भुजछापिणी ।

कर्णज्यका तु कर्णः स्यात् कर्णसंश्रयमण्डले ॥

एवं जात्यं चापजात्यभवं सर्वत्र कीर्तितम् ।

चापजात्यं तु चापान्तरजात्यं जीवाभिरेव हि ॥

एतेन ।

बाहुज्याकार्गहीनात् कर्णज्यावर्गतः पदम् ।

इतिमूत्रं । तथा

गोलेऽथचापकर्णयोः पार्श्वयोश्चापजात्यके ॥

इत्यादितत्त्वविवेकोक्तं चापचतुरस्रक्षेत्रानपनं सर्वमुपपन्नं विद्वां सुगममिति किं लिखनविस्तरेण ॥

अथैतद्रीत्या सजातीयचापजात्याभ्यामुत्पन्नजात्ययोरपि साजात्यं परस्परानुपातेन भुजकोटिकर्णानयनं संभवति यथा पूर्वं प्रतिपादितं विपुवांशाः कोटिः क्रान्तिर्भुजः यहभुजांशाः कर्ण इति प्रथमं क्षेत्रम् । अत्र विपुवांशमंगोऽयनवलनकोटिमितः कोणः । भुजांशमंगो नवत्यंशाः । एवं पराल्पद्व्युज्याचापांशाः कोटिः यहकोट्यशा भुजः व्युज्याचापांशाः कर्ण इति द्वितीयं क्षेत्रमत्रापि कोटिकर्णमंगोऽयनवलनकोटिनवत्यंशमितावेव कोणौ तेन यहभुजज्या कर्णः । विपुवांशज्या कोटिस्तद्वर्गान्तरमूलं भुज इति प्रथमं चापजात्य तथा व्युज्या कर्णः पराल्पद्व्युज्या कोटिस्तद्वर्गान्तरमूलं सत्रिभयहक्रान्तिज्यातुल्य भुज इति द्वितीयं जात्यमनयोः साजात्यमेवं चापजात्ये कोणत्रययोः निष्पत्तिः सैव तत्समंगभुजजीवयोर्निष्पत्तिरिति पूर्वं प्रतिपादनात् । त्रिज्या यष्टेर्न निष्पत्तिः सैव यहभुजज्याया विपुवांशज्याया निष्पत्तिः प्रथमे द्वितीयेऽपि त्रिज्या यष्टेर्न निष्पत्तिः सैव व्युज्या पराल्पद्व्युज्याया निष्पत्तिरस्तीति । त्रिज्या कर्णः यष्टिः कोटिस्तद्वर्गान्तरमूलमयनवलनज्या भुज इत्यपि जात्यं द्वयोः सजातीयमेतेन त्रयाणां जात्यानां साजात्यं मिदुचापजात्ययोः कोणद्वयसाम्यादनुपातेन भुजकर्णान्यभुजानां परस्परं नैव सिद्धिः । किन्तु तुल्यकोणसमुपयोर्भुजकर्णयोः प्रथमद्वितीयजयोर्मिथोऽनुपातात् सिद्धिरस्ति । जात्ययोस्तु कोणत्रयसाम्यान्मिथोऽनुपातेन भुजकोटिकर्णानां ससिद्धिः । तथाहि । व्युज्याकर्णं पराल्पद्व्युज्या कोटिस्तदा भुजज्याकर्णं केति विपुवांशज्या

पद्व्यु. भु. १ तद्वर्गेनो भुजज्यावर्गः
व्यु. १

पद्व्यु. भु. १ व्यु. भु. १ अथ प्रथमजात्ये भुजवर्गः । अथ व्युज्यापराल्पद्व्यु. १

व्युज्यावर्गान्तरं द्वितीयजात्ये भुजवर्गः । पद्व्यु. १ व्यु. १ वर्गेण वर्गे गुणयेद्वेत्तेति व्युज्यावर्गे कर्णवर्गरूपे चेदय तदा भुजज्यावर्गे क इति प्रथमे भुजवर्गः पूर्वोनीतमम एवेति ॥

अथ चापचतुरस्रोदाहरणम् । यथा त्रितिजे पूर्वस्वस्तिकद्वृत्तान्तरं दिगंशा एरुभुजः । दृष्टे त्रितिजाद्वृत्तपर्यन्तमुच्चताशा अन्यभुजः । फलरुत्ते

पूर्वस्वस्तिकपदान्तरं हरचापं कर्ण इति प्रथमत्वेन तथा सममूत्रे यहसम-
मण्डलान्तरं भुजचापमेकभुजः । समवृत्ते सममूत्रात् पूर्वस्वस्तिकावधि सम-
भुजोचतांश द्वितीयबाहुः । फलवृत्ते हरचापमेव कर्ण इति द्वितीयत्वेन
मनयोः संयोगाच्चतुरक्षं जातम् । अत्र कर्णायसक्तस्य पूर्वस्वस्तिकगतकोणस्य
समकोणत्व वितित्समवृत्तयोर्मिथोलम्बरूपत्वात् । एवं दृष्टत्सममूत्रयोग-
जकोणो यहगतो विषम एव तदाश्रितभुजज्ययोः शङ्कुभुजयोर्वर्गयोगमूलं हार-
स्तच्चापं कर्ण इति । अत्र दिगंशभुजकोटिज्याया तत्समुच्चभुजकोटिज्यापश्च-
ध्यासार्धमिता तदा समवृत्तोचतांशकोटिज्याया समवृत्तनतज्यामितया केति
लब्धा शङ्कुचापकोटिज्या दृज्यारूपेति । एवं दृज्यया समवृत्तनतज्या तदो-
पवृत्तध्यासार्धं केति दिगंशकोटिज्या लभ्यते । एवमन्यदपि । अत्र चापचतु-
रक्षे समकोणत्रयं तथैको विषमकोणः । एवं गेले बहुधेति ।

अथान्योदाहरणम् । ध्रुवमूत्रे यहनाडीवृत्तान्तरं क्रान्तिकेकभुजः । नाडी-
वृत्ते ध्रुवमूत्रपूर्वस्वस्तिकान्तरं नतकालकोटिमितमन्यभुजः । फलवृत्ते यह-
पूर्वस्वस्तिकान्तरं हरचापं कर्ण इति तृतीयचापजात्यमस्य पथमत्वेनस्य यो-
गादपि चापचतुरस्त्राकरं त्रेत्रं जातम् । अत्र कर्णायसक्तौ द्वौ विषमकोणौ ।
दृष्टत्सममूत्रयोस्तथावितित्सनाडीवृत्तयोश्च लम्बरूपत्वाभावात् । अत्र वि-
षमभुजज्ययोर्वर्गयोगमूलं कर्णज्या नैव संभवति । अत्रापि दिगंशभुजकोटि-
ज्याया तत्समुच्चभुजकोटिज्या द्युज्यामिता लभ्यते तदा मूत्रचापकोटिज्याया
नतकालज्यामितया केति जाता शङ्कुचापकोटिज्या । एवं दृज्यया नतका-
लज्या तदा द्युज्यया केति जाता दिगंशकोटिज्या । एवमन्यदपि । अत्र
चापचतुरक्षे समकोणद्वयं विषमकोणद्वयं चेति समुच्चभुजकोटिज्यानुपातः
सर्वत्र चापचतुरक्षे कर्णायसक्तकोणयोरैकस्य द्वयोर्वा विषमकोणत्वञ्च त्रय द-
त्तत्वं प्रसङ्गागतविचारेण ।

अथान्योदाहरणम् । याम्योत्तरवृत्ते ध्रुवात् पस्वस्तिकावधि लम्बांश
एकभुजः । समवृत्ते पस्वस्तिकावधिपर्यन्त तचतांशा अन्यभुजः । ध्रुवमूत्रे
ध्रुवोत्तरान्तरं द्युज्याचापान्ताः कर्ण इति चापजात्यम् । अत्र ध्रुवगतकोणस्य
नतकालस्य तल्लमस्य लम्बांशभुजस्य ज्ञाने कर्णकोटिज्याज्ञानं त्रिज्याग्नी
कोणकोटिज्येतिमूत्रेण नतकालकोटिज्या मूत्राभिधा त्रिज्यागुणा कोणलम-
भुजच्छायाभक्ता कर्णकोटिच्छाया भवतीति लम्बज्या त्रिज्यागुणातज्याभक्ता
लम्बांशच्छाया न. त्रि. १ अनया भक्तं त्रिज्यागुणं मूत्रं जानां क्रान्तिच्छाया
अ. १

दुव्यक्रावर्गहीनात् कर्णज्यावर्गतः पदमिति मूत्रवैपरीत्यक्रियया पूर्वदर्शितया संभवति । यथा । चरज्या लम्बज्यागुणा त्रिज्याभक्ता तद्वर्गावज्यावर्गयोगान् मूलं कर्णज्या तथा लम्बज्यागुणचरज्या भक्ता क्रान्तिज्या तत्र लम्बज्याऽ-
तज्यास्यले द्वादशपलभयोर्यहणाच्चरज्याक्रांतिभिर्हतिरिति पट्टमुपपन्नम् ।

अथान्योदाहरणम् । नाडीवृत्ते पूर्वस्वस्तिक्रादुदयत्रिज्यावृत्तावधि चर-
कोटिः कर्णः । त्रितिजे पूर्वस्वस्तिक्रादुदयत्रिज्यावृत्तावध्ययाचापकोटिरेक-
भुजः । उदयत्रिज्यावृत्ते नाडीवृत्तत्रितिजान्तरं परमातवलनकोटिरुपमन्य-
भुज इति चापजात्यमिदमयाचापकर्णचरक्रान्तिभुजात्मकचापजात्यसजातीयं
द्वयोः पूर्वस्वस्तिक्रगतकोणसाम्यात् । अतोऽयाया क्रान्तिज्या लभ्यते तदा
चरकोटिज्याया केति परमातवलनकोटिज्या । एवं कर्णायसक्तौ लम्बाश्रु-
ज्याचापाशमितौ कोणौ तेन कोणयोः कोटिजच्छायाघात इतिसूत्रेण क्रा-
न्तिच्छायाऽन्तःशच्छायागुणा त्रिज्याभक्ता जाता चरज्यैव । अथवा लम्बज्या-
कोटावतज्याभुजस्तदाक्रान्तिज्याकोटौ क इति कुज्या सा त्रिज्यागुणा द्युज्या-
भक्ता चरज्या ।

क्रा० अ० त्रि१

ल० द्यु१

अत्र भाव्यहरौ त्रिज्यागुणौ कृतौ तर्हि क्रा-

न्तिज्या त्रिज्यागुणा द्युज्याभक्ता क्रान्तिच्छाया तथाऽन्तज्या त्रिज्यागुणा ल-
म्बज्याभक्ताऽन्तच्छाया तयोर्घातस्य त्रिज्या हरौ जात एवेत्युक्तमुपपन्नम् ॥

पूर्वलिखितमजातीयत्वेत्तन्त्रेणैकस्य भुजकर्णकोटौ परस्य कर्णभुजौ भवत एवं
बहुधा दर्शितमयान्यथापि तल्लक्षणं पट्टश्यते । पूर्वापरस्वस्तिक्रगतं यहगतं
फलवृत्तं तत्र याम्योत्तरवृत्ताद्बुद्धावधि फलवृत्तनताशा एकभुजः । याम्योत्तर-
वृत्ते फलवृत्तात् समचिह्नावध्यन्यभुजः । सममूत्रे यहममचिह्नान्तरामुपवृत्त-
व्यासार्धत्रापं कर्ण इत्येकचापजात्यम् । तथा याम्योत्तरवृत्ते समचिह्नध्रुवान्तर-
मन्तांशाः कर्णः । यहत्रिज्यावृत्तसमवृत्तसंपातद्वयमोते ध्रुवलगे वृत्ते यहसमसू-
त्राद् ध्रुवावध्येकभुजः । तद्वृत्तात् समचिह्नावधि यहसममूत्रे त्वन्यभुज इत्य-
न्यचापजात्यम् । अनयोः समचिह्नगतकोणौ समवृत्तनताशमितौ तुल्यावेव
तेन सजातीये । ततोऽनुपातः । यद्युपवृत्तव्यासार्धमितया, कर्णज्यया फलवृत्त-
नतज्या लभ्यते तदावज्यातुल्यया कर्णज्यया केति चापं द्युज्यापीयमसवलन-
मेवं बहुधेति ॥

अथ स्पष्टवलनसाधनम् । तत्र तावद्वाधानयनोपपत्तिः । समवृत्तं पूर्व-
स्वस्तिक्रादुदशधा विभेज्य प्रतिभागं समचिह्नद्वयसक्तवृत्तं नेयं तदा द्वादश
सममूत्राणि स्युः । त्रितिजं तु मममूत्रमस्त्येव । मममूत्रद्वयान्तरचापानि

सू. अ. १ ल. १ अत्रावज्यालम्बन्यास्याने पलभाद्वादशपदं सुपाये कृतम् । सू. प. १ १२

अथ छायातो ज्ञानयनाय छायावर्गात् त्रिज्यावर्गयुतान्मूलं खण्डिनीसर्गं
तत्कर्णं छाया भुजस्तदा त्रिज्याकर्णं क इति ज्ञां स्याद्वा छायावर्गस्त्रिज्या-
वर्गगुणः खण्डिनीवर्गभक्तो ज्ञावर्गः स्यात् प्रकृते क्रान्तिच्छायावर्गस्त्रिज्यावर्ग-
युतः खण्डिनीवर्गः । सू. प. १ त्रि. १४४ अथ छायावर्गः । सू. प. १ १४४

त्रिज्यावर्गगुणः खण्डिनीवर्गं भक्तः क्रान्तिज्ञावर्गो जातः ।

सू. प. १ त्रि. १ सूत्र भाज्यहरौ सूत्रवर्गपलभावेर्घातेनापवर्तितौ तदा
सू. प. १ त्रि. १४४ भाज्ये त्रिज्यावर्गं एव हरस्यति प्रथमखण्डं रूपं द्वितीयखण्डं तु वेदेन्द्रगुणः
सात् त्रिज्यावर्गात् सूत्रवर्गपलभावेर्घातभक्तात् फलेन तुल्यम् । तेन भाज्ये
हरभक्ते क्रान्तिज्ञावर्गो जातः । एतेन

तदा नतज्याचिभजीवयोर्ध-

द्वर्गान्तरं तत् पलभाकृतिद्वम् ।

तेनाद्भुतो व्यासदलस्य वर्गो

वेदेन्द्रनिघ्नोऽथ सरूपलब्ध्या ॥

व्यासार्धवर्गाद्विहृतात् पदं स्यात्

क्रान्तिज्यका

इत्यादिशिरोमणिसूत्रमुपपन्नम् ।

अथ प्रसिद्धरीत्या लाघवेनोपपत्तिर्यथा । सूत्रं द्युज्यागुणं त्रिज्याभक्तं जाता

कला सू. १ त्रि. १ अत्र द्वादशकोटौ पलभा भुजस्तदा कलाकोटौ को भुज इति

क्रान्तिज्या तस्या वर्गः सू. प. १ द्यु. १ अत्र भाज्यहरौ सूत्रवर्गपलभावर्गो-
त्रि. १४४ घातेनापवर्तितौ कार्यौ तत्र भाज्येऽपवर्तिते द्युज्यावर्गं एव तथा हरेऽपव-

र्तिते लब्धिरेवं न्यासः द्यु. १ ल. १ अत्र द्युज्यावर्गं लब्ध्या भक्ते क्रान्तिज्ञावर्गः
ल. १ फलं तेन लब्धिफलघाततुल्ये द्युज्यावर्गस्तस्मात् सरूपलब्ध्या भागे क्रान्ति-

ज्ञावर्गातुल्यं फलमपेक्षितं चेत् तदा द्युज्यावर्गं क्रान्तिज्ञावर्गो योजितो जात-

स्त्रिज्यावर्गः स एव मरूपलब्ध्या भक्तः क्रान्तिज्यावर्गः स्यात् । यतो लब्धिः
मरुपा । ल १६१ । फलगुणिता लफ १ फ १ । अत्र प्रथमखण्डं द्युज्यावर्गो द्वि-
तीयखण्डं क्रान्तिज्यावर्गस्तद्वेगस्य भाज्यसमत्वादेवं यथोक्तमुपपन्नम् ।

अथान्योदाहरणम् । अक्षोरत्रवृत्तवृत्तिजसंपाते ध्रुवसूत्रं नेयं तत्राप्यावृत्तो
नाडीरुपावधि क्रान्तिरेकभुजः । उदयध्रुवसूत्रात् पूर्वस्वस्तिकावधि नाडी-
वृत्ते चरमन्यभुजः । त्रितिजेऽप्यावापांशाः कर्णे इति चापजात्यमत्रपूर्वस्वस्ति-
कगतकोणो लम्बांशाः । अत्र चापजात्ये कोणलम्बाभुजत्र्यकोणभादितिरिति-
सूत्रेण लम्बज्या त्रिज्यागुणिता अतज्याभक्ता वा त्रिज्या द्वादशगुणा पलभा-
भक्ता जाता कोणभा सा चरज्यागुणा त्रिज्याभक्ता जाता क्रान्तिच्छाया ध १२
प १

अस्यावर्गस्त्रिज्यावर्गयुतः खण्डनीवर्गः । ध १४४ त्रिज्य • प १
प १ अथ छाया-

वर्गस्त्रिज्यावर्गगुणः ध १४४
प १ खण्डनीवर्गभक्तो जातः क्रान्तिज्यावर्गः ।

ध १४४ त्रिज्य • प १
ध १४४ त्रिज्य • प १ अत्र भाज्यद्वयं त्रिज्यावर्गोपवर्तितो ततस्तन्मते च
एहीते ॥

चरज्यकार्काभिहितस्त्रिमौर्व्या
भक्ताप्रवर्गोद्यभया स्वनिघ्न्या ।
युतोऽथ तन्मूलहृता चरज्या
सूर्याहता क्रान्तिगुणः

इति शिरोमणिस्यमानयनमुपपन्नम् ।

अथान्यथोपपत्तिः । द्युरात्रवृत्तवृत्तिजसंपानात्रप्रत्ययैरुदयत्रिज्यावृत्तं तत्र
रस्यस्तिरुनाडीवृत्तान्तरं परमासघलनरूपं कर्णः । याम्योत्तरवृत्ते रस्यस्ति-
रुनाडीवृत्तान्तरं पत्रांशा एकभुजः । नाडीवृत्ते याम्योत्तरवृत्ते उदयत्रिज्यावृत्ता-
न्तरं चरमन्यभुज इत्येकवापजात्यम् । तथा याम्योत्तरवृत्ते रस्यस्तिरुध्रुवा-
न्तरं लम्बांशाः कर्णः । उदयत्रिज्यावृत्ते परमासघलनकोटिमितमेकभुजः । उदय-
ध्रुवसूत्रे ध्रुवादुदयत्रिज्यावृत्तावधि क्रान्तिरन्यभुज इति द्वितीयवापजा-
त्यमनयोः रस्यस्तिकगतकोणो तुल्यो तेन परमासघलनज्यया चरज्या तत्रा
लम्बज्यया केति क्रान्तिज्या तत्र प्रथमवापजात्ये भुजाभ्यां कर्णज्याज्ञाने वा-

भुजांशसंस्कारस्य भाधांशधिक्ये द्वितीयकर्णा द्वितीयसंपातादायात्यपेक्षितस्तु लम्बदिश्यतो भाधांशयोगः कार्यः । एवं पूर्वस्यस्तिष्ठादेकदिशि क्षेप-भुजांशौ तत्र भुजांशधिकः क्षेपस्तदा क्षेपभुजांशान्तरं समवृत्ते द्वितीयचाप-जात्यद्याहुस्तत्र समवृत्तक्रान्तिवृत्तयोगाद्विचरिगते प्रथमद्वितीयचापजात्ये समवृत्तक्रान्तिवृत्तयोगजकोणौ संमुखौ भवतः । अत्र क्षेत्रयोः कर्णयोगे कृते लम्बाद्वायवममूत्रावधि क्रान्तिवृत्तेऽन्तरं तदन्यत्र कर्णद्वयान्तरमेव । इदं लगे युक्तं मेपादितो भावप्रदेशाय जातं स्यादिति लम्बतः पट् भावा जातास्ते मयद्भाः सप्तमादयो भवन्तीति ॥

अथ स्पष्टवलनसाधनम् । अनन्तरानीतप्रथमचापजात्यकर्णा लम्बात् मम-वृत्तावधि क्रान्तिवृत्ते सिद्धेऽस्ति । तत्र मेपादितो लगे लम्बादये यदि सम-वृत्तक्रान्तिवृत्तसंपातस्तदा लगे कर्णा युक्तः संधियहः स्यात् । अत्र याम्य-वृक्षेपे लम्बयाम्यगोले तथा सौम्यवृक्षेपे लग्नेत्तरगोले पूर्ववृत्तिजाधः सम-वृत्तक्रान्तिवृत्तसंपातत्वात् । एवं लम्बात् पृष्ठे संधियहे लगे कर्णा हीनः कार्य-स्तत्र याम्यवृक्षेपे लग्नेत्तरगोले तथा सौम्यवृक्षेपे लम्बदक्षिणगोले पूर्व-वृत्तिजादुपरि समवृत्तक्रान्तिवृत्तसंपातत्वात् । अयं मेपादितः संधियहः पूर्ववृत्तिजासत्त्वसमवृत्तक्रान्तिवृत्तयोगप्रदेशरूपो जातः । अथ क्रान्तिवृत्तीय-यहस्यानाद्यन्यशैः कृतं यहत्रिज्यावृत्तं तत्र समवृत्तक्रान्तिवृत्तान्तरं स्पष्ट-वलनमेकभुजः क्रान्तिवृत्ते यहत्रिज्यावृत्तसमवृत्तान्तरं संधियहस्ययहान्तर-कोटितुल्यमन्यभुजः समवृत्ते यहत्रिज्यावृत्तक्रान्तिवृत्तान्तरं कर्ण इति तृतीय-चापजात्यम् । इदमपि प्रथमचापजात्यसजातीयं कर्णवृत्ते भुजस्यावस्थितेभु-जाश्रितवृत्ते कर्णावस्थानेऽपि द्वयोः समवृत्तक्रान्तिवृत्तयोगजकोणस्य तुल्यत्वा-त् । अथैतत्कोणज्या हरसंज्ञा पूर्वानीतास्ति । तथैतल्लग्नो भुजः सन्धियहोनय-हकोटिरूपस्ताभ्यां कोणज्या कोणलम्बद्वेर्जकोटिज्यया हतेति सूत्रेणान्यको-णज्याया यहोपवृत्तज्यासार्धरूपाया ज्ञान कार्यम् । तद्वथा । कोणलग्नभुज-कोटिज्या तु सन्धियहोनयहभुजज्यातुल्या सा समवृत्तक्रान्तिवृत्तयोगजकोण-ज्यया हता त्रिज्याभक्ता फलचापकोटिः समवृत्तयहत्रिज्यावृत्तयोगजकोणः । अथैतज्ज्यया सन्धियहोनयहान्तरकोटिज्या तदा हरसंज्ञिकया किमिति तच्चापं स्पष्टवलनं सन्धियहोनयहायनद्विक्त्यं जातं यहत्रिज्यावृत्ते समवृत्तात् क्रान्तिवृत्तस्योत्तरावस्थाने सौम्यं याम्यावस्थितौ याम्यमिति स्पष्टम् । अथवा चापजात्ये कोणलग्नभुजज्याकोणभाहतिरितिसूत्रेण समवृत्तक्रान्तिवृत्तयोगज-कोणच्छाया सन्धियहोनयहकोटिज्यागुणा त्रिज्याभक्ता फलस्य छायासु चापं

स्पष्टवलनम् । अथवा कोणकोटिभया भक्ता कोणलनभुजज्यकेतिमूत्रेण ज्ञेय-
मथवा कोणतलनभुजाभ्यां तृतीयचापजात्ये कर्णज्ञानम् । त्रिज्याग्री कोण-
कोटिज्या कोणलनभुजच्छायाप्राप्ता फलस्य च्छायामु यच्चापं तदूननवत्यशाः
कर्णः । अथवा कोणलनभुजच्छाया त्रिज्यागुणा कोणकोटिज्याभक्ता फलस्य
च्छायामुचापं कर्णः । अथवा यहसममण्डलीयनतांशस्य प्रथमचापजात्यवाहो-
रेकदिशि योगो भिन्नदिश्यन्तरं कर्णस्तत्र समकोणज्यया कर्णज्या तदा हर-
सन्निक्रया केति स्पष्टवलनज्या स्यात् । अथवा तृतीयचापजात्ये कर्णभूमौ
लम्बः कृतः सन्निभयहभुजचापं सन्निभयहसमसूत्रे भवति चापजात्ये भुजयोर्धे
जीवे तद्वृत्तिः कर्णज्याभक्ता लम्बज्येति भागुक्तमेव । अथ यहोपशृत्तज्यासार्धं
लम्बज्या तदा त्रिज्यया केति स्पष्टवलनज्या सैव ॥

अथान्यथोपपत्तिः । यहसमसूत्रे यहममविज्ञान्तरमुपशृत्तज्यासार्धचापं
कर्णः क्रान्तिवृत्ते समविहृकदम्यप्रोतवृत्ताद्गृहावधि सन्धिपहोनयहकोटितुल्य-
मेकभुजः समविहृकदम्यप्रोतवृत्ते क्रान्तिवृत्तात् समविज्ञावध्यन्यभुज इत्येक-
चापजात्यं तथा समविहृकदम्यप्रोतवृत्ते समविहृकदम्यान्तर कर्णः यहसम-
सूत्रे समविज्ञाद्गृहत्रिज्यावृत्तावध्येकभुजः । यहत्रिज्यावृत्ते कदम्याद्गृहसम-
सूत्रावधि स्पष्टवलनमन्यभुज इति द्वितीयचापजात्यमनयोः समविहृगतकोणौ
तुल्यौ तेन साजात्यम् । अत्र यहोपशृत्तज्यासार्धं सन्धिपहोनयहकोटिज्या
लभ्यते तदा द्वितीयकर्णज्यया केति फलचापं स्पष्टवलनं समवृत्तक्रान्तिवृत्तयोः
परमान्तरस्य समविहृकदम्यान्तरांशतुल्यत्वात् तज्याया अनन्तरानीतहर-
तुल्यत्वात् तत्त्वविधेकोक्तावयवं सर्वमुपपन्नम् ॥

अथ प्रमिद्विभावावयवार्थं लग्नदशमलाभाधनम् ।

युक्तायनांशार्कजभोग्यभागे-

निर्जोदयः संगुणितः परामैः ।

भक्तोऽर्कभोग्यं समयास्त्रिजेष्टा-

द्विशोध्य गम्यानुदधांश्चशेषम् ॥

अगुद्वहृत् यामिगुणं लवादं

गुद्वचंयुक्तं सायनलग्नमेतत् ।

मेषादिगुद्वोदययुक्तशेषा-

न्मृगादिलङ्कोदयका विशोध्याः ॥

ततोऽवशेषात् खगुणैर्विनिघ्ना-
 दशुद्धलङ्कोदयमानभक्तात् ।
 लघादि मेपादिकशुद्धभाद्यं
 चलांशहीनं दशमाख्यलग्नम् ॥
 सपङ्गुलग्नं परिकल्प्य सूर्यं
 तस्माद्विनार्धं परिकल्प्य चेष्टम् ।
 प्रकल्पितार्कात् तनुवद्विलग्नं
 माध्यं निरक्षोदयकैश्च वा स्यात् ॥
 धनर्यसंज्ञं परपूर्वसंज्ञे
 नते तथार्कादृशमं प्रसिद्धम् ।
 यमिः प्रकारैर्भवतीह तुल्यं
 तद्वासना गोलविदां सुबोधा ॥

अत्रोदाहरणम् । यथा रविः ४।२१।१३।२० अयनांशः २०।३४।१२।
 सायनरवेर्भाषाशै ७।१२।२८ स्तदुदयो ३४० गुणितस्त्रिंशता भक्तो भाष्य-
 कालः ८३।२२।११।५२ अयमिष्टघटी २५।१४ पलेभ्यः १५१४ शोधितः
 १४३०।३७।४८।८ अस्माद्विम्योदयाः कन्यातो धनुरन्ताः शुद्धाः शेषं ६४।३७।
 ४८।८ त्रिंशता गुणितमशुद्धेन मकरोदयेन ३०३ भक्तं लवाद्य ६।२३।५६ शुद्धस्य
 धनुषो मेपादिगणनया राशिसंख्याभि ९ युतम् ६।६।२३।५६ अयनाशेहीनं
 जातं लग्नम् । ८।१५।४९।४४ अत्र पटुपलभायां स्वदेशोदया लिप्यन्ते । मे
 २१८८ २५१ मि ३०३ क ३४३ सिं ३४० क ३३८ ।

अथ दशमसाधनम् । लग्नानयने शेषम् । ६४।३७।४८।८ मेपादिधनुः-
 पर्यन्तं शुद्धोदयानां योगेन २८२८ युक्तं जातं लग्नस्योदयपलात्मकम् २८९२।
 ३७।४८।८ अत्र मकरादिलङ्कोदयाः कन्यापर्यन्त २७०० शुद्धाः शेषं १९२।
 ३७।४८।८ त्रिंशता गुणितमशुद्धेन तुलाराशिलङ्कोदयेन २७८ भक्तं लवा-
 द्याम् । २०।४७।१५ शुद्धस्य कन्याराशेः संख्यया ६ युतम् ६।२०।४७।१५ अ-
 यनाशै २०।३४।१२ हीनं जातं दशमलग्नम् । ६।०।१३।३ एवं सदा धना-
 र्यकर्मणैश्च ज्ञेयम् । एतन्नतादपि साध्यते । सायनरविः ४।२२।४७।३२ चर-
 यण्डानि । ६०।४८।२० चरं ७।३१।५६।४८ दिनार्धम् १६।११।३१।

५६।४८ अष्टोष्टघटिकाया २५।१४ अन्तरं पश्चिमनतम् ८।२।२८।३।१२
लङ्कोट्रयेन रणेर्भायम् ०।१।५०।१५।४ नतपलेभ्यः शोधितम् ४००।३०।४८।८
अस्मात् कन्योदयः २८८ शोधितः शेषम् । १८२।३०।४८।८ ददं त्रिंशता
गुणितं तुलाद्वयेन २०८ भक्तं लयाद्यं शुद्धराशि ६ युतमयनांशेन जातं तद्वेद्य
६।०।१३।३ ।

अथ लग्नादपि दशममाधनम् । पूर्वानीतलग्नं साधनम् ८।६।२३।५६
अस्माच्छरम् १२३।४४।२ लग्नरात्रिदलम् १०।३।४४।२ इदं मप्तमलग्न-
दिनाधृतुन्यमेव । अथ मषड्भुलानस्य भोग्यांशेस्तुदयो ३२३ गुणितस्त्रिंशता
भक्ते भोग्यकालः २५४।६।१८।४ लग्नरात्रिदलपनेभ्यः १०२३।४४।२।४०
शोधितः ०६८।३०।४३। अत्र सिंहकन्ये २८८।२८८ शोधिते शेषं १८२।
३०।४३ त्रिंशता गुणितमशुद्धेन तुलाद्वयेन २०८ भक्तं फलम् २०।४०।
१३ शुद्धराशि ६ युतमयनांशेन तद्वेद्य दशमलग्नम् । ६।०।१३।३ लग्नादपि
धनाध्यक्रमेणैव दशमं तत्र लग्नान्लग्नरात्रिदलादेव साध्यते तदा चतुर्थलग्नं
मप्तमलग्नादशममेवेति ।

दक्षिणगोलत्वाल्लग्नचरपत्तौ १२३।४४।२ युतानि लग्नस्य स्वदेशोदयपलानि
जातानि २८८२।३७।४३ अत्र सायनलग्नस्य भुक्तांशैर्मकरस्य स्वदेशोदयो ३०३
गुणितस्त्रिंशता भक्तो लग्नभुक्तकालस्तत्र मेपादिधनुःपर्यन्तं स्वदेशोदया २१८।
२५१।३०३।३४३।३४७।३३८।३३८।३४७।३४३ योजिता जातानि तान्येव
२८८२।३७।४३ मेपादिशुद्धोदययुक्तशेषतुल्यानि सिद्धानि । एतानि पूर्वस्व-
स्तिकान्मेपादिपर्यन्तं नाडीवृत्ते सन्ति तथा पूर्वस्वस्तिकादूर्ध्वयाम्योत्तरवृत्ता-
वधि नाडीवृत्ते पञ्चदशघटीसंबन्धीनि नवशतपलानि तैल्लानि तानि संपा-
तरूपमेपादित ऊर्ध्वयाम्योत्तरवृत्तावधि नाडीवृत्ते दशमलग्नविषुवपलानि
भवन्ति यथा लग्नोदयपलानि २८८२।३७।४३ नवशत ९०० हीनानि शेषम्
१९८२।३७।४३ इदं दशमलग्नस्य विषुवपलात्मकं यत्र लग्नोदयपलानि नव-
शताल्पानि तत्र पटुत्रिंशच्छतपलानि दत्त्वा शोधयेत् । एतस्य त्रेचांशा एव
दशमलग्नम् । एतेन

विलग्नजाता उदयांशका ये
खाङ्गांशकेनाथ विहीनितास्ते ।
तेभ्यो विलग्नं हि निरक्षजात
साध्यं भवेत् तद्व्यमामिध हि ॥

इति सिद्धान्तसमाहुक्तमुपपन्नम् । अत्र पूर्वानीत दशमलग्न ६।०।१३।३
सायनम् ६।२०।४७।१५ अस्य भुक्तांशैस्तुलोदयो २७८ गुणितस्त्रिंशता भक्तः
फलम् १९८२।३७।४३ अत्र मेपादिकन्यान्त लङ्कोदया १८०० योजिता दशम-
लग्नस्य विषुवपलानि १९८२।३७।४३ एतान्यनन्तरानीततुल्यान्येव । एभ्यः
क्षेत्रविभागेन दशमलग्नं सिद्धम् । अत्र मकरादिमीनान्तान्तरं नवशतपल-
मितं लग्नोदयपलेभ्यः शोधित मेपादितो दशमविषुवपलात्मक यदि नवशत-
पलानि न शोधितानि तदा मकरादित एव तानि संभवन्ति ततो मृगादि-
लङ्कोदयका विशेष्या इत्युक्त युक्तम् ॥

अथ प्रसङ्गावतादपि दशमोपपत्तिः । पटुतिकारमते तु निशार्धाद्विनार्ध-
पर्यन्तं पूर्वतत तथा दिनार्धाविशार्धावधि पश्चिमनतं तत्रोर्ध्वयाम्योत्तर-
वृत्तसूर्ययोरन्तरे नतं तथा सूर्याधोयाम्योत्तरवृत्तान्तरमुच्यते स्वीकृतम् । अत्र
सूर्यादयान्मध्याह्नपर्यन्तं तितितजादुपरि मध्याह्नात् पूर्वदिश्यर्कस्तत्र रवितो
नतकालेन पृष्ठे दशमलग्नमूर्ध्वयाम्योत्तरवृत्तक्रान्तिवृत्तसंपातप्रदेशरूपमस्ति
तेन सूर्यात् पूर्वततेन अणायकर्मणा दशमलग्नमथवा सूर्याधोयाम्योत्तर-

वृत्तान्तरमुच्यते तदेव सपङ्क्तसूर्यादूर्ध्वयाम्योत्तरवृत्तपर्यन्तमुच्यते । अतः सप-
ङ्क्तसूर्यात् पूर्वोच्चतादुनायमेव दशमलग्नं सपङ्क्तसूर्यचिह्नात् पूर्वोच्चतकालाये
दशमलग्नावस्थानात् । अथ दिनार्धादुपरि सूर्योच्चताये दशमलग्नं तत्र सूर्यात्
पश्चिमनताञ्च धनायं दशममुक्तम् । एवं सूर्यास्ताविशार्धावधि पश्चिम-
वृत्तिजाधो रविस्तत्र रात्रिगतेष्टदिनार्धयोगे पश्चिमनतं सूर्यमदेशादूर्ध्वया-
म्योत्तरवृत्तावधि जातं तत्रापि सूर्यादय एवोर्ध्वयाम्योत्तरवृत्तावस्थितेः सूर्य-
पश्चिमनताभ्या धनायं दशममुक्तम् । अत्र नीलकण्ठेन सूर्याधोयाम्योत्तर-
वृत्तान्तरं पूर्वनतं स्वीकृतं सपङ्क्तसूर्यादूर्ध्वयाम्योत्तरवृत्तावधि वा तदेव पूर्वनतं
तत्र रात्रिगतेष्टरात्रिदलान्तरं पूर्वनतं तथा पूर्ववृत्तिजादुपरि सपङ्क्तसूर्या-
वस्थानात् तत्पृष्ठतो दशमलग्नावस्थानाच्च सपङ्क्तसूर्यपूर्वनताभ्यामृणायं
दशमलग्नं भवति । एवमधरात्रादुपरि रात्रिशेषदिनार्धयोगे सूर्यादूर्ध्वयाम्यो-
त्तरवृत्तावधि पूर्वनतं सूर्यात् पृष्ठत एव दशमलग्नं सूर्यपूर्वनताभ्यामृणायं
संभवति । अत्र पूर्वोच्चतं सूर्याधोयाम्योत्तरवृत्तान्तरमथवा सपङ्क्तसूर्यादूर्ध्वया-
म्योत्तरवृत्तान्तरं सूर्यस्य वृत्तिजाधःस्यत्वात् सपङ्क्तसूर्यस्य चोर्ध्वयाम्योत्तरवृत्त-
पश्चिमवृत्तिजान्तरालगतत्वात् तच्चिह्नादयत एव दशमलग्नावस्थितेः सप-
ङ्क्तसूर्यपूर्वोच्चताभ्या धनायं दशममुक्तं नीलकण्ठमतेऽप्यानीतपूर्वोच्चतं पश्चि-
मनतत्वेन निरूपितं सूर्याधोयाम्योत्तरवृत्तान्तरस्य रात्रिगतरात्रिदलान्तरसा-
म्यात् । तत्र रात्रौ लग्न भार्द्युक्तादूर्ध्वेस्थितिवाक्यादेव सपङ्क्तसूर्यकरणं
मिदम् ॥

एवं लग्नचतुर्थसप्तमदशमलग्नानि विज्ञाय ततोऽन्ये भावाः साध्यास्त-
थाहि । लग्नचतुर्थपौषचतुर्थसप्तमयोः सप्तमदशमपौषदशमलग्नयोर्मध्ये समा-
धिभागास्त्रयः कृतास्त एव धनादिभावाः शीपतिपटुत्यादिपुं निरूपिताः
सन्ति ॥

मिद्वान्तिसार्यभौमेऽतएव स्थूलभायत्वेन प्रतिपादितास्तेभ्यः सूक्ष्मभावान-
यनं तदुक्तं प्रदर्शयते ।

प्रथमं पटुतिमतेनाष्टमनशमैकादशद्वादशमितभावात् प्रसाध्य तेभ्यः स्थ-
लशङ्कुदृग्ज्ये अयाशङ्कुततोत्पन्नभुजश्च ततो दृग्ज्याभुजशर्गान्तरामूलं हार-
यत्तम् । अथ दशमभायसममूत्रं याम्योत्तरवृत्तमेव तस्याष्टमभावसममूत्रेण
व्ययभायसममूत्रेण द्विराशमितमन्तरं तथा धर्मायसममूत्राभ्यामैकादशमित-
मन्तरं सममण्डनेऽस्ति । अत्र सममण्डलगतेन दारेण यदि क्रान्तिवृत्तीया
स्थूलभायदशमान्तरज्या लभ्यते तदा सममूत्रद्वयान्तरगतसममण्डनीयद्विरा-

शिमितान्तरज्यया वैकराशिमितान्तरज्ययाकेति तज्जापं दशमभावे संस्कारितं
 सूत्रमभावः क्रान्तिवृत्ते समसूत्रद्वयान्तरालगत इति मुनीश्वरदैवज्ञा वर्णयन्ति ।
 अत्र भावदृष्टवृत्ते नतांशाः कर्णस्तत्समसूत्रे भुजचापमेकभुजः सममण्डले
 यस्यस्तिक्काद्वावसमसूत्रावधि द्वितीयभुज इति चापज्ञात्यवेत्तत्वात् कर्णैक-
 भुजज्ययोर्वर्गान्तरमूलस्य द्वारसंज्ञस्योपवृत्ते नतांशज्यात्वात् प्रकृतद्वितीयभुज-
 जातज्यया तुल्यत्वाभावात् तथानुपातस्यापि निर्युक्तिकत्वात् तदुक्तं सूत्र-
 भावानयनं स्थूलभावानयनवदेव बोध्यम् । अत्र

लग्नं सुखात् सुखं कामात् कामं खात् यं च लग्नतः ।

च्यंयमेकद्विगुणितं योज्यं लग्नादिषु क्रमात् ॥

पूर्वापरयुतेरर्थं सन्धिः स्याद्वावयोर्द्वयोः ।

एवं द्वादश भावाः स्युर्भवन्ति हि भसन्धयः ॥

इति पाराशरीयहोरावचनबलात् पट्टतिप्रणीतभावानयनमार्गमूलरूपमेवेति
 दिवाकरेण केशवपट्टतिटीकायामुक्तं तथा दिवाकरसहोदरेण कमलाकरेण
 तत्त्वविवेके ।

पराशरो नरः कश्चित् पराशर इवोदितः ।

अनृतं गणितं येन निरुक्तं स्वीयजातके ॥

इत्यनेन पराशरजातरूपैवानार्पताभिहिता । अत एव लोकेषु मूर्खोदर-
 पोपणार्थमित्याद्युक्तं चमत्कृतिकरं

पट्टत्युक्ता अनार्पाः कथय कथममी गोलसंस्थानमिदृाः ।

इति सार्वभौमेष्युक्तमित्यलम् ॥

अथ चन्द्रस्य गोलायनमन्थिज्ञानमाह । क्रान्तिवृत्ते नाडीवृत्ताद्विमण्डला-
 वध्येरुभुजः । नाडीवृत्ते विमण्डलात् क्रान्तिवृत्तावधि द्वितीयो भुजः । विम-
 ण्डले नाडीवृत्तात् क्रान्तिवृत्तावधि तृतीयो भुज इति विषमत्रिभुजं तत्र
 नाडीवृत्तविमण्डलसंपाते कदम्बसूत्रं नीतं क्रान्तिवृत्तोपरि लम्बरूपं वृत्तमिदं
 तत्त्वण्डं लम्बः कदम्बसूत्रादुभयदिशि जाते आवाधे तत्रैका नाडीवृत्तावधि
 द्वितीया विमण्डलावधि तद्वगतरश्चापंज्ञात्यद्वयमुत्पन्नम् । एकावाधैकभुजः
 लम्बोऽन्यभुजः । नाडीवृत्ते क्रान्तिवृत्तविमण्डलान्तरं कर्ण इति प्रथमं क्षेत्रं
 तथा द्वितीया वाधैकभुजः लम्बोऽन्यभुजः विमण्डले नाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तान्तरं
 कर्ण इति द्वितीयं क्षेत्रम् । अथ क्रान्तिवृत्तविमण्डलसंपाते पाताभिधे ध्रुवसूत्रं

नियं तत्र नाडीवृत्तात् पातावधि पातक्रान्तिरेकभुजः । क्रान्तिवृत्ते नाडीवृत्तात् पातावधि पातांशाः कर्णः नाडीवृत्ते तद्विपुषांशा अन्यभुज इति तृतीयं चा-
पजात्यं तथा पातध्रुवसूत्रे तत्क्रान्तिरेकभुजः । विमण्डले नाडीवृत्तात् पाता-
वधि कर्णः नाडीवृत्ते विमण्डलात् ध्रुवसूत्रावधिन्यभुज इति चतुर्थचापजात्यं
तत्र तृतीयक्षेत्रे पातध्रुवसूत्रक्रान्तिवृत्तान्तरं यष्टिचापरूपं कोणं प्रसाध्य द्वि-
तीयक्षेत्रे क्रान्तिवृत्तविमण्डलान्तरं परमशरं कोणं ज्ञात्वा ययोः संलग्नकोण-
योर्योगान्तरवशाच्चतुर्थक्षेत्रे विमण्डलपातध्रुवसूत्रान्तररूपः कोणो ज्ञातः स्या-
त् । अत्र मकरादिपट्टे पाते यष्टिचापरूपकोणान्तर्गतः परमशररूपकोणस्त-
योःान्तरं तेन कृतं कर्कादिपट्टगतपाते त्वेककोणवहिस्योऽन्यकोण इति योगः
कृतः । अथैतद्वगतकोणस्य तल्लग्नपातक्रान्तिरूपभुजस्य ज्ञानेऽन्यकोणज्ञानं

कोणज्यका कोणलघुदोर्जकोटिज्यया' हता ।

त्रिज्याभक्ता फलं चान्यकोणकोटिज्यका भवेत् ॥

इति सूत्रेण कृतं तथाहि ज्ञातकोणज्या परसंज्ञा मूलभुजकोटिज्यया
द्व्युज्यामितया हता त्रिज्याभक्ता लब्धवर्गत्रिज्यावर्गान्तरमूलं नाडीवृत्तविमण्ड-
लसंज्ञातकोणज्या ह्रासंज्ञा कृता । अत्र चतुर्थक्षेत्रे हरेण क्रान्तिज्या तदा
त्रिज्यया केति कर्णज्या पुनर्हरेण क्रान्तिज्या तदा परेण केति भुजज्या दृ-
योःश्चापे कर्णभुजौ भुजस्तु नाडीवृत्तगताऽस्ति । अस्य पातविपुषाशस्यान्तरं
नाडीवृत्ते क्रान्तिवृत्तविमण्डलान्तरं प्रथमक्षेत्रकर्णः स्यात् ॥

अथान्यद्योच्यते । चतुर्थक्षेत्रकर्ण एव द्वितीयक्षेत्रकर्णः पूर्वानीतस्तत्र त्रि-
ज्यया कर्णज्या लभ्यते तदा परमशरज्यया केति तत्त्वापं द्वितीयक्षेत्रभुजः स

एव प्रथमक्षेत्रभुजो लघ्यसंज्ञस्तज्यया पश-क १ ततः प्रथमक्षेत्रे परक्रान्ति-
त्रि १

ज्ययेपं तदा त्रिज्यया केति कर्णज्या । अत्र त्रिज्यातुल्ययोर्गुणहरयोर्नाशे
द्वितीयक्षेत्रकर्णज्या परमशरज्यागुणा परक्रान्तिज्याभक्ता ज्ञाता प्रथमक्षेत्र-
कर्णज्या । अथवा पूर्वदर्शितविषमत्रिभुजे नाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तपेगकोणः पर-
क्रान्त्यशाः क्रान्तिवृत्तविमण्डलयोगकोणः परमशरस्तेन परक्रान्तिज्यया द्वि-
तीयक्षेत्रकर्णज्या तदा परमशरज्या केति सैव तत्त्वापं प्रथमचापजात्यकर्ण
इति । अत्र ज्ञातकर्णभुजाभ्यां कर्णकोटिज्यकात्रिज्याधात इति सूत्रेणान्यभुजः
सच क्रान्तिवृत्ते नाडीवृत्तात् पूर्वकृतकद्रव्यसूत्रावधि सिद्ध इति ॥

अथान्यद्योच्यते । तृतीयक्षेत्रे परक्रान्तिरूपकोणस्य तथा पातभुजांशरूप-
कर्णस्य ज्ञाने च क्रान्तियष्टिचापयोर्ज्ञानं कार्यं यष्टिचापपरमशरयोः संस्कारा-

चतुर्थे त्रे क्रान्तिलग्नः कोणस्तत्क्रान्तिभ्यां कर्णं ज्ञात्वा द्वितीयत्वे तत्कर्ण-
परमशराभ्यां लम्बो जातव्यस्ततः प्रथमत्वे परक्रान्त्यंशलम्बाभ्यां कोणतत्सं-
मुखभुजाभ्यां द्वितीयभुजो जातव्यः स एव क्रान्तिवृत्ते नाडीवृत्तकदम्बसूत्रा-
न्तररूपः स्यात् । अयं भुजः सूर्यगोलसन्धौ हीनो युतश्च पातस्य मेपादितु-
लादिपद्भुगतत्वे तदा चन्द्रगोलसन्धिः स्यात् । पातस्य मेपादिपद्भावास्थितौ
नाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तसंपातात् पृष्ठतः कदम्बसूत्रं तथा तुलादिपद्भुगतपाते र-
विगोलसन्धेयत एव स्थितमित्युक्तं क्रान्तिवृत्तीयचन्द्रगोलसन्ध्यानयनं युक्तम् ।
अत्र धनायनाशकालेऽयनांशेनितपात एव पातत्वेन यादृशश्चक्रशुद्धपातस्तु
राहुसंज्ञ इति नाडीवृत्तविमण्डलसंपातरूपमपि विवृत्तीयचन्द्रगोलसन्धिस्तद-
वगमार्थं विषमपदस्ये राहौ सति राहौ द्वितीयत्वे त्रकर्णो हीनः समपदस्ये
राहौ राहौ युतः कार्यः क्रान्तिवृत्तविवृत्तसंपातस्य राहुत्वात् प्रथमपदे राहौ
सति राहुविद्वात् पृष्ठतो विवृत्तनाडीवृत्तसंपातस्तथा द्वितीयपदे तदयतस्तृ-
तीयपदे तत्पृष्ठतश्चतुर्थपदे तदयत इति विमण्डलीयनाडीवृत्तक्रान्तिवृत्तान्तरं
राहौ संस्कारितं चेत् तदा मेपादेनाडीविमण्डलसंपातप्रदेशोऽवगतः स्यात् ।
अथैतत्प्रदेशस्य चन्द्रविम्बस्य विमण्डले यदन्तरं तत् केन्द्रसंज्ञं कर्णः । वि-
म्बध्रुवसूत्रे नाडीवृत्तविम्बान्तरं चन्द्रस्पष्टक्रान्तिरेकभुजः । नाडीवृत्ते तदन्य-
भुज इति पञ्चमं चापजात्यं चतुर्थवापजात्यसजातीयं नाडीविमण्डलान्तर-
रूपकोणस्य द्वयोरेकत्वात् । अतश्चतुर्थत्वे त्रकर्णज्यया राहुक्रान्तिज्या तदा
केन्द्रज्यया केति लब्धवायं स्पष्टक्रान्तिः । अथवा पञ्चमचापजात्ये समकोण-
ज्यया केन्द्रज्या तदा कोणज्यया पूर्वानीतहरमितपा केति सैव स्पष्टक्रान्ति-
ज्या । अत्र नाडीवृत्तविमण्डलयोगकोणः परमस्पष्टापमस्तज्या हरसंज्ञा च-
तुर्थत्वे साधितैव । अत्र मकरादिपद्भराहौ मेपादिकेन्द्रे सौम्या तुलादिके-
न्द्रे याम्या स्पष्टक्रान्तिस्तथा कर्कादिपद्भराहौ मेपादिकेन्द्रे याम्या तुलादिकेन्द्रे
सौम्या ज्ञेया । नाडीवृत्तादुत्तरे विमण्डलावस्थाने सौम्या याम्ये याम्या क्रा-
न्तिरिति स्पष्टम् ॥

अथ पूर्वाक्तचन्द्रगोलमन्धिज्ञानमन्यथोच्यते । अपनवृत्ते ध्रुवकदम्बान्तरं
परक्रान्तिमितमेकभुजः । विमण्डलपृष्ठकेन्द्रस्य विरुद्धसंज्ञकत्वात् कदम्ब-
विरुद्धमन्तरं परमशरो द्वितीयभुजः ध्रुवविरुद्धमन्तरं परस्पष्टापमस्तृतीयो
भुजः । इदं किल विषमत्रिभुजं पूर्वदर्शितविषमत्रिभुजीयकोणत्रयरूपभुजैर-
स्ति । अत्र कदम्बगतकोणोऽयनांशसंस्कृतपातांशमितोऽस्ति ॥

कोणकोटिज्यका चातवाह्यैर्ज्याभ्यां हृता हृता ।

इति सूत्रेण परमशरपरक्रान्तिमितभुजाभ्यां तन्मध्यगतकोणज्ञाने च तृतीयभुजज्ञानं कृतम् । तथाहि । अयनांशहीनपातकोटिज्या परमशरज्ययाप रक्रान्तिज्यया च गुणनीया त्रिज्यावर्गेण भाज्या फलं प्रथमं तथा भुजकोटिज्ययोः परमशरकोटिज्यापराल्पद्वयज्यामितयोर्घातस्त्रिज्याभक्तः फलं द्वितीयं मकरादिपट्टे व्ययनांशपाते फलयोरन्तरं कार्यं तत्र भुजमध्यगतकोणस्य नवत्यधिकत्वात् । कर्कादिपट्टे व्ययनांशपाते तु फलैकमेव कोणस्य नवत्यल्पत्वात् । एवं जाता तृतीयभुजकोटिज्या तच्चापोननवत्यंशास्तृतीयभुजः परस्पष्टापमतुल्यः । अयमेव पूर्वदर्शितप्रथमविषमत्रिभुजे नाडीविवृत्ययोगजकोणस्तन्ज्यया व्ययनांशपातदोर्ज्या लभ्यते तदा परमशरज्यया कति तच्चापं तत्संमुखो भुजः प्रथमचापजात्यकर्णरूपस्तल्लभकोणः परक्रान्तिमितोऽस्ति ताभ्यां प्रथमचापजात्यभुजो ज्ञातव्यः स एव क्रान्तिवृत्ते रविचन्द्रगोलसन्ध्यन्तररूप इति सिद्धम् ॥

अथान्यथोच्यते । प्रथमविषमत्रिभुजे व्ययनांशपातभागा एव भूमिस्तल्लभौ परमशरपरक्रान्तिमितकोणौ तेभ्यः पूर्वसूत्रेण

आधारार्धमया निधौ कोणयोरन्तरज्यका ।

इत्यादिनावाधे साध्ये तत्रैकावाधैव प्रथमचापजात्यभुजरूपा भवति । तथाहि । प्रथमपदे व्ययनांशपाते नवत्यल्पा भूमिर्द्वितीयपदे नवत्यधिका भूमिस्तृतीयपदे व्ययनांशपातश्चक्रगुट्टस्तदंशा नवत्यधिका एव भूमिश्चतुर्थपदेऽपि व्ययनांशपातश्चक्रगुट्टस्तदंशा नवत्यल्पा एव भूरिति । यथा चन्द्रस्य परमशरभागाः ४।३० परक्रान्तिभागाः २४ । अनयोर्योगः २८।३० अन्तरम् १८।३० द्वयोर्ज्य १६४०।२४।११४०।३५ व्ययनांशाः २० पातः २।१०।३०।० व्ययनांशपातः १।२०।३० अर्द्धम् ०।२५।१५ अस्यच्छाया १६२१।३४ कोणयोरन्तरज्यया ११४०।३५ हता १८६०।८००।१० योगज्यया १६४०।२४ भक्ता ११३४।२५ अस्याश्छायासु चापम् १८।१५ इदमावाधयोरन्तरार्धं योगार्धं २५।१५ हीनं जाता लघ्वावाधा ०।० रविगोलसन्धिः ११।१० चन्द्रगोलसन्धिः ११।३ । अथद्वितीयपदे पातः ४।१४ व्ययनांशः ३।२४ अस्यार्धस्य १।२० छाया ५२८४।३ अन्तरज्यागुणिता ६०८५३६३।३२ योगज्याभक्ता ३००३।३५ अस्याश्छायासु चापं ४०।० भूम्यर्धं ५० हीनं लघ्वावाधा ८।५३ इदं गोलसन्ध्यन्तरं रविगोलसन्धिः ११।१० चन्द्रगोलसन्धिः ११।०।० अथ तृतीयपदे पातः ८।१०।३०।० व्ययनांशानः ०।२०।३० चक्रगुट्टः ४।८।३०।० अस्यार्धस्य २।४।४५।० छाया ०२८१।५० अन्तरज्यया ११४०।३५ हता

८३६०८८६ । २४ योगज्यया १६४० । २४ भक्ता ५१०२ अस्यारद्धायासुचापम् ५६ । १
 भूम्यर्धे ६४ । ४५ हीनं जातं गोलसन्ध्यन्तरम् ८ । ४४ रविगोलसन्धिः ११ । १०
 चन्द्रगोलसन्धिः ११ । १८ । ४४ अथ चतुर्थपदे पातः १० । १० । ३० व्ययनांशः
 ८ । २० । ३० चक्रमुद्रः २ । ८ । ३० अस्य दलम् १ । ४ । ४५ छाया २३८५ । १३
 अन्तरज्यागुणा योगज्याभक्ता १६६८ । ३८ छायापण्डैरुचापम् २५ । ५३ भूम्यर्धे
 ३४ । ४५ हीनं ८ । ५२ इदं गोलसन्ध्यन्तरं रविगोलसंधिः ११ । १० चन्द्रगोल-
 संधिः ११ । १८ । ५२ । अत्र सर्वत्र स्पष्टक्रान्त्यानयनमूत्रेण स्पष्टक्रान्त्यभाव एवे-
 ति धूलीकर्मणा प्रतीतिरुत्पाद्येति ।

अथ कानिचिद्विषयमत्रिभुजोदाहरणानि प्रदर्शयन्ते । यथा कदम्बसूत्रे यहक-
 दम्बान्तरं नवत्यंशा एकभुजः अयनवृत्ते कदम्बध्रुवान्तरं परक्रान्त्यंशा द्विती-
 यभुजः यहध्रुवान्तरं द्युज्याचापांशा ध्रुवसूत्रे तृतीयभुज इति विषयमत्रिभुजम् ।
 अत्र यहस्यानाचवत्यंशान्तरिते यहत्रिज्यावृत्ते ध्रुवसूत्रकदम्बसूत्रान्तरमयनव-
 लनमितं यहगतकोणो जिनान्शसंमुखोऽस्ति तथा ध्रुवाचवत्यंशान्तरिते नाडी-
 वृत्तेऽयनवृत्तध्रुवसूत्रान्तरे विषुवांशकोट्यंशमितो ध्रुवगतकोणो नवतिभुजसं-
 मुखस्तथा कदम्बाचवत्यंशान्तरिते क्रान्तिवृत्ते कदम्बसूत्रायनवृत्तान्तरे यह-
 कोट्यंशमितः कदम्बगतकोणो द्युज्याचापांशभुजसंमुखोऽस्ति । तत्र भुजद्वयै-
 ककोणाभ्यां शेषकोणज्ञानं यथा । नवत्यंशभुजज्यया त्रिज्यामितया तत्संमुखको-
 णज्या विषुवांशकोटिज्यामिता लभ्यते तदा जिनान्शभुजज्यया केति तत्संमु-
 खकोणज्याऽयनवलनज्या सिद्धा । अथवा द्युज्यया यहकोटिज्या तदा जिनज्य-
 या केति सैव । एतेन

अयनाद्गतकालांशक्रमक्रान्तिज्यका हि सा ।

इति ।

खेटकोटिक्रमज्यका ।

जिनज्याघ्नी द्युजीचाप्राऽयनदिग्बलनं भवेत् ॥

इति च भास्करोक्तमुपपन्नम् । अथ द्युज्यया यहकोटिज्या तदा त्रि-
 ज्यया केति विषुवांशकोटिज्या भवति । एवं कोणद्वयैकभुजज्ञाने शेषभुजज्ञानम-
 न्यदपि सर्वं योज्यम् । अथ ध्रुवसूत्रे यहध्रुवान्तरं द्युज्याचापांशा एकभुजः ।
 याम्योत्तरवृत्ते ध्रुवसमचिह्नान्तरमचांशा द्वितीयभुजः समसूत्रे यहसमचिह्ना-
 न्तरमुपवृत्तज्यासार्धचापं तृतीयो भुजः । अत्र ध्रुवगतकोणो नतकालः सम-
 चिह्नगतकोणः समवृत्तनतांशाः । यहगतकोणोऽस्तबलनरूपः । अत्र द्युज्य-

या समवृत्तनतज्या तदाऽतज्यया केत्यलवलनज्या । एवमुपवृत्तज्यासार्धेन न-
तकालज्या तदाऽतज्यया केति सैवालवलनज्या । एवमुपवृत्तज्यासार्धेन नत-
कालज्या तदा द्युज्यया केति जाता समवृत्तनतज्या । एवमन्यदपि चिन्त्यम् ।
अथ यहत्रिज्यावृत्ते सममूत्रध्रुवमूत्रान्तरमलवलनमेकभुजः, नाडीवृत्ते सममण्ड-
लयहत्रिज्यावृत्तान्तरं नतकालमितं द्वितीयो भुजः, समवृत्ते नाडीवृत्तयहत्रि-
ज्यावृत्तान्तरं समवृत्तनतांशास्तृतीयभुजः, अत्र पूर्वस्वस्तिरगतकोणोऽर्चांशः ।
यहत्रिज्यावृत्तनाडीवृत्तयोगकोणो द्युज्याचापांशः यहत्रिज्यावृत्तसमवृत्तयोग-
कोण उपवृत्तज्यासार्धचापमित इति । अत्राप्यनुपातः पूर्ववद्वेधः । पूर्वत्रिभुज-
कोणैर्द्वितीयत्रिभुजं तत्कोणैरेव पूर्वत्रिभुजमिति सिद्धम् । अथ स्पष्टक्रान्तिसा-
धनार्थमन्यदुदाहरणम् । यथा कदम्बमूत्रे यहचिह्नविम्बान्तरं शरः ध्रुवमूत्रे यह-
ध्रुवान्तरं द्युज्याचापांशः विम्बध्रुवमूत्रे विम्बध्रुवान्तरं स्पष्टद्युज्याचापांश इ-
दमोप त्रिभुजम् । अत्र यहगतकोणो यहायनवलनं विम्बगतकोणो विम्बीया-
यनवलनं तथा ध्रुवगतकोणोऽयनदृक्कर्मकाल इति । अत्र स्पष्टद्युज्यया त-
त्समुल्लकोणज्या यहायनवलनज्यामिता लभ्यते तदा शरज्यया केति तत्सं-
मुखकोणज्याऽयनदृक्कर्मकालज्या जाता । एतेन

आयनं हि वलनं खगलं यत्
तज्ययका च गुणिता शरमैर्या ।
प्रस्फुटापमदिनज्यकयाप्रा
तदनुलवपडंगमितं तत् ॥
दृष्टिकर्म घटिकादि सुसूक्ष्मं
स्याच्छिरोमणिकृतादपि दृग्जात् ।

इति कमलाकरोक्तमुपपन्नम् । एवं स्पष्टद्युज्यया यहायनवलनज्या तदा
द्युज्यया केति तज्याप विम्बीयायनवलनं सिद्धम् । अथ शरद्युज्याचापांशाभ्यां
भुजाभ्यां तन्मध्यगकोणस्य यहायनवलनस्य ज्ञाने तृतीयभुजकोटिसाधनं

कोणकोटिज्यका चातयाद्वैर्याभ्यां हता हता ।

इत्यादिपदेन । यथा कोणकोटिज्याऽयनवलनकोटिज्या घटिमिता तस्या-
धनं तु परात्पद्मज्यात्रिज्याघातो द्युज्याभक्त इति पूर्वेमुक्तम् । पद्म-त्रि१ इयं
भुजज्याभ्यां शरज्याद्युज्याभ्यां हता त्रिज्यावर्गभक्ता प्रथमफलम् द्यु१

पट्टु · त्रि · श · द्यु १ अत्र द्युज्ययोस्त्रिज्ययोर्नाशे जातम् पट्टु · श १ एवं भुज-
 द्यु · त्रि · त्रि १ त्रि १

कोटिज्ययोः क्रान्तिशरकोटिज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्ता द्वितीयफलम् क्रा · शको १
 त्रि १

अनयोः फलयोः संस्कारात् तृतीयभुजकोटिज्यारूपा स्पष्टक्रान्तिज्या सिद्धा ॥
 अथ कदम्बसूत्रे विम्बकदम्बान्तरं शरकोटिमितं विम्बध्रुवसूत्रे विम्बध्रुवान्तरं
 स्पष्टद्युज्यार्वापांशाः । अयनवृत्ते कदम्बध्रुवान्तरं जिनान्शाः । एभिर्विषमत्रि-
 भुजम् । अत्र ध्रुवगतकोणो नाडीवृत्ते विम्बध्रुवमूत्रायनवृत्तान्तररूपोऽस्ति
 तथा विम्बगनकोणो विम्बायनवलनं तथा कदम्बगतकोणस्तु यहकोटिमितो-
 ऽस्ति क्रान्तिवृत्ते विम्बकदम्बमूत्रायनवृत्तान्तरे गतत्वात् । अत्र स्पष्टद्युज्यया
 यहकोटिज्या लभ्यते तदा जिनज्यया केति विम्बायनवलनज्या, एवं स्पष्टद्यु-
 ज्यया यहकोटिज्या तदा शरकोटिज्यया केति फलचापं ध्रुवगतकोणमानं
 तदेवायनदृक्कर्मसंस्कृतग्रहविषुवांशकोटिमानं तत्कोटिर्विषुवांशास्तस्य क्षेत्रां-
 शाः पूर्वात्तरीत्या प्रसाध्यास्ततः पदक्रमेण मेपादितोऽयनग्रहः स्यात् । विम्ब-
 ध्रुवसूत्रस्येयायनदृग्ग्रहध्रुवसूत्रत्वात् तस्य मेपादेरन्तरं तद्विषुवांशा इति सुग-
 मम् । एतेन तत्त्वविवेकोक्तायनग्रहसाधनं प्रयाससाध्यमेवेति ।

अथ त्रिभुजे भुजद्वयतदन्तर्गतकोणज्ञाने तृतीयभुजकोट्यायनयनं यथा ।
 कोणकोटिज्या यहभुजज्या सा भुजज्याभ्यां शरकोटिज्याजिनज्याभ्यां हता
 त्रिज्यावर्गेण भक्ता भु · शको-जि १ । भुजज्या जिनज्यागुणा त्रिज्याभक्ता क्रा-
 त्रि · त्रि १

न्तिज्यैवेति जातं क्रा · शको १ प्रथमफलं तथा भुजकोटिज्ययोः शरज्यापरा-
 त्रि १

ल्पद्युज्यामितयोर्हन्तिस्त्रिज्याभक्ता द्वितीयफलम् । श · पट्टु १ अनयोः सं-
 त्रि १

स्कारात् तृतीयभुजकोटिज्यारूपा स्पष्टक्रान्तिज्या सिद्धा । अत्र भुजद्वयमध्य-
 गतकोणस्य नवत्यंशाल्पत्ये प्रथमफलं घनं नवत्यधिकृत्वे फलमृणं नवत्यधिक-
 चापस्य द्वितीयपदगतत्वेन तत्कोटिज्याया अणत्वात् । एवमेकभुजस्य नव-
 त्यधिकृत्वे तत्कोटिज्याया अणत्वाद्वितीयफलमृणं ततो यथासम्भवं धनयोर्योगो
 धनणयोरन्तरं वा क्रान्तिशरयोरेकद्विशिफलयोर्योगो भिन्नद्विश्यन्तरमिति प-
 र्यवसन्नम् । एतेन ग्रहस्यास्पष्टक्रान्तिजीवेत्यादि पूर्वाक्तं प्रकारान्तरेणोपपन्नम् ।

अत्र ब्रह्मगुप्तादिप्राचीनमते ध्रुवाभिमुखक्रान्तौ कद्रव्याभिमुखशरसंस्कारः
स्वल्पान्तरत्वाद्भीकृतोऽस्ति तत्र स्पष्टक्रान्तिस्त्यौल्यं विचार्यते । क्रान्तिशर-
ज्ययोस्तथा तत्कोटिज्यायोर्द्रुज्याशरकोटिज्यास्वरूपयोर्न्यासः ।

क्रा १	श १
द्रु १	शको १

दोर्ज्यं मिथः कोटिज्यागुणे त्रिज्याभक्ते फलयोर्न्यासोऽन्तरं

वा शरसंस्कृतक्रान्तेर्न्यासः ।

क्रा · शको १	द्रु · श १
त्रि १	त्रि १

इयमेव तन्मते ज्ञाता

स्पष्टक्रान्तिज्या । अत्र सूत्रप्रकारानीतस्य प्रथमफलं

क्रा · शको १
त्रि १ तुल्यमेव ।

द्वितीयफलं त्विदम्

पद्रु · श १
त्रि १ पराल्पद्रुज्यानिजद्रुज्यान्तरं शरज्यागुणितं

त्रिज्याभक्तं फलमिदं प्राचीनस्पष्टक्रान्तिज्यायां संस्कार्यं सा भूत्वा स्यात् । एवं
भास्कराचार्येण

त्रिज्याधर्गादयनवलनज्याकृतिं ग्राह्यं मूलं

यष्टिर्मेष्ट्या द्युधरविशिखस्ताडितस्त्रिज्ययाग्रः ।

इति रीत्या ध्रुवाभिमुखः स्पष्टशरः क्रान्तिसंस्कारार्थं साधितोऽस्ति । त-
द्यथा । अयनवलनज्या भुजः । यष्टिः कोटिः । त्रिज्या कर्ण इत्येकं ज्ञात्य तथा
शरज्या कर्णः स्पष्टशरज्या कोटिस्तद्वर्गान्तरमूलमायनट्टकर्मकालज्यारूपं भुज
इति द्वितीयं ज्ञात्यमिदं द्वयं सजातीयं पूर्वं निरूपणात् । अतो द्युज्याकर्णं

पराल्पद्रुज्या कोटिस्तदा शरज्याकर्णं केति स्पष्टशरज्या

श · पद्रु १
द्रु १ तत्को-

टिज्या च स्पष्टशको १ अयनयोः क्रान्तिज्याद्युज्याभ्यां भावनाद्यै न्यासः ।

श · पद्रु १	क्रा १
द्रु १	
स्पष्टशको १	द्रु १

दोर्ज्यं मिथः कोटिज्यागुणे त्रिज्याभक्ते ज्ञाते फले

श · पद्रु १	स्पष्टशको · क्रा १
त्रि १	त्रि १

अनयोर्न्यासोऽन्तरं वा भास्कराभिमतस्पष्ट-

क्रान्तिज्या । अत्र प्रथमफलं सूत्रप्रकारे पूर्वाणीति तुल्यमेव

श · पद्रु १
त्रि १ द्वि-

तीयफलम् स्पशको • क्रा १ त्रि १ पूर्वानीतमिदम् शको • क्रा १ तेन कदम्बाभि-
मुपशरकोटिज्यायाः स्पष्टशरकोटिज्याया अन्तरेण क्षान्तिज्यागुणिता त्रिज्या-
भक्ता फलमिदं भास्कराचार्यानीतस्पष्टक्षान्तिज्यायां संस्कार्ये सा मूल्या स्या-
दिति सिद्धम् ।

अथ गोलरीत्यापि शिरोमण्युक्तस्पष्टक्षान्तिस्थैर्यं प्रदर्श्यते । क्षान्तिवृत्ते
यहस्थितिस्तत्र कदम्बद्वयप्रोतवृत्त यहकदम्बमूत्रमेवं ध्रुवद्वयप्रोतवृत्तं यद्वापरि-
नीतं यहध्रुवमूत्रमथ यहकदम्बमूत्रे यद्वाच्छर्याये विम्बमस्ति तथा यहानव-
त्यंशान्तरितं यहत्रिज्यावृत्तं तदेव सन्निभयहकदम्बमूत्र यहत्रिज्यावृत्तनाडी-
वृत्तसंपातद्वयप्रोतं यद्वापरिगतं वृत्तं नाडीमूत्रसंज्ञमिदं यहध्रुवमूत्रोपरिलम्ब-
रूपम् । अथ यहत्रिज्यावृत्ते यहकदम्बमूत्रनाडीमूत्रान्तरं यद्विचापतुल्यम् ।
अतो यद्वात् त्रिज्याये यद्विचपतुल्यमन्तरं तदा शरज्याये किमिति लब्धचापं
यहत्रिज्यावृत्तध्रुवमूत्रमपातद्वयप्रोते विम्बलम्बे इष्टमूत्रसंज्ञे वृत्ते नाडीमूत्र-
कदम्बमूत्रान्तरं स्पष्टशरमित सिद्धम् । अत्र कदम्बमूत्रे यहशरः कर्णः । वि-
म्बावाडीमूत्रावधि स्पष्टशरः कोटिः । नाडीमूत्रे यद्वादिष्टमूत्रावधिः भुज
इति प्रथमचापजात्यम् । अत्र यहगतः कोणो यद्विचापमितस्तयेष्टमूत्र-
नाडीमूत्रयोगजः समकोणः । अतस्त्रिज्याया शरज्या लभ्यते तदा यद्विचि-
तया कोणज्याया केति लब्धस्य चापं स्पष्टशरः स एव सिद्धः । एवं यह-
त्रिज्यावृत्ते यहकदम्बमूत्रध्रुवमूत्रान्तरमयनवलनमितम् । अतस्त्रिज्यायेऽय-
नवलनज्या तदा यद्वाच्छरज्याये केति लब्धचापं यहत्रिज्यावृत्तनाडीमूत्र-
संपातद्वयप्रोते विम्बलम्बे परवृत्तसंज्ञे यहध्रुवमूत्रकदम्बमूत्रान्तरमयमेकभुजः ।
यहध्रुवमूत्रे परवृत्ताद्बृहपर्यन्तमन्यभुजः । कदम्बमूत्रे यहशरः कर्ण इति द्वि-
तीयचापजात्यमत्रापि यहगतः कोणोऽयनवलनमितः । ध्रुवमूत्रपरवृत्तयोगजः
समकोणस्तज्ज्याया त्रिज्यामितया यदि कर्णज्या यहशरज्या लभ्यते तदायन-
वलनज्याया केति लब्धचापं परवृत्ते ध्रुवमूत्रविम्बान्तररूपं तत्रोक्तत्रेद्वये
कर्णैकत्वाज्वापचतुरस्रमुत्पन्नम् । अथ प्रथमचापजात्यात्यचजात्यविचारः ।
यहत्रिज्यावृत्तध्रुवमूत्रयोगात् स्पष्टशरकोटिभागैः समन्ततोऽन्तरितं लघुवृत्तं
निवेश्य तत्तु नाडीमूत्रसमानान्तरं वृत्तं यहध्रुवमूत्रे यद्वाल्लघुवृत्तावधि स्पष्ट-
शरतुल्यं तज्ज्या कोटिः लघुवृत्ते ध्रुवमूत्रविम्बान्तरज्या भुजः कदम्बमूत्रे
यद्वाद्विम्बावधि शरस्तज्ज्या कर्ण इति त्रात्यं त्रैजम् । अथ ध्रुवात् स्पष्ट-
क्षान्तिकोटिभागैर्वृत्तं विम्बलम्बं विम्बाहोरात्रवृत्तं गोले विम्बाहोरात्रवृत्तलघु-

वृत्तपरवृत्तानां संपातद्वयं यद्बुधमूत्रादुभयतस्तुल्यान्तरेऽस्ति, वृत्तत्रितयोपरि
 धुवमूत्रस्य लम्बरूपत्वात् । अत्रैकः संपातो विम्बे द्वितीयोऽन्यत्र संपातद्वय-
 वृत्ता पूर्णज्या वृत्तत्रयेऽप्येकैव तदर्धमर्धज्या तच्चापं विम्बाहोरात्रवृत्तेऽयन-
 दृक्कर्मकालांशाः । लघुवृत्ते ज्ञात्यत्तेजोयभुजचापं परवृत्ते द्वितीयवापजात्यैक-
 भुजोस्ति । अथ विम्बधुवमूत्रे ध्रुवात् स्पष्टद्व्युज्याचापाये विम्बमतः स्पष्ट-
 द्व्युज्याये एतज्ज्या तदा त्रिज्याये केति लब्धचापं नाहीवृत्ते यद्बुधमूत्रविम्ब-
 धुवमूत्रान्तरेऽयनदृक्कर्मकालांशाः सिद्धाः । अथवा विम्बाहोरात्रवृत्तव्यासार्धं
 स्पष्टद्व्युज्यामिति चेयं भुजज्या तदा त्रिज्याव्यासार्धं केति लब्धचापांशास्त
 एव भवन्ति । अत्रायनवलनज्या शरज्यागुणा त्रिज्याभक्ता पुनस्त्रिज्यागुणा
 स्पष्टद्व्युज्याभक्ता कृता तत्र त्रिज्ययोर्नाशे यहायनघननज्या शरज्यागुणा
 स्पष्टद्व्युज्याभक्ता ज्ञातायनदृक्कर्मकालज्येति सिद्धम् । अत्र यद्बुधमूत्रे नाही-
 वृत्ताद्वृत्तपर्यन्तं यद्भ्रान्तिरेवं यद्बुधमूत्रे नाहीवृत्ताद्विम्बाहोरात्रवृत्तावधि
 स्पष्टक्रान्तिस्तयोरन्तरं यद्बुधमूत्रे यद्वाविम्बाहोरात्रवृत्तावधि स्पष्टशररूपं
 भवितुमर्हति । परन्तु पूर्वं यद्बुधमूत्रे यद्वात् स्पष्टशरकोटिवृत्तरूपतद्युत्ता-
 वधि स्पष्टशरो गोलक्षेत्रीत्या मिदुस्तो न भास्कराचार्यानीतस्पष्टशरस्य यद्-
 लघुवृत्तान्तरे ज्ञातत्यावद्यास्तघत्वम् । यद्बुधमूत्रे विम्बाहोरात्रलघुवृत्तान्तरं
 यत् स्यात् तेनैव स्पष्टक्रान्तिरन्तरितेति सिद्धम् ।

अथ शिरोमण्युक्तायनदृक्कर्मस्यैतत् प्रदर्श्यते । यद्बुधमूत्रे यद्बुधमूत्र-
 न्तरं शरः कोटिः । विम्बधुवमूत्रे विम्बादयनदृग्बुधावधि कर्णः क्रान्तिवृत्ते
 यद्वादयनदृग्बुधावधि भुज इति धापजात्यम् । अत्र कदम्बमूत्रक्रान्तिवृत्तयोगजो
 यद्गतः कोणो नघत्पंथाः । धुवमूत्रक्रान्तिवृत्तयोगजोऽयनयद्दयष्टिचापमितः
 कोणः । अतस्त्रिज्यया षष्ठ्या निष्पत्तिः सैव कर्णज्यया शरज्याया निष्पत्ति-
 रिति पूर्वोदितरीत्या षष्टिः कोटिः । अयनघननज्या भुजः । त्रिज्या कर्ण
 इत्येकं ज्ञात्यं तथा धापजात्योत्पन्नं ज्ञात्यं द्वितीयं शरज्या कोटिः कर्णज्या
 कर्णस्तद्वर्गान्तामूनं भुज इति द्वयोः साजात्यान्मयो भुजकोटिकर्णानां मं-
 सिद्धिः । अतोऽयनयद्दयष्ट्या तदोपायनघननज्या तदा शरज्यया केति द्वि-
 तीयज्ञात्यभुजः स तु कदम्बाच्छरकोटिभागकृतवृत्ते विम्बादयनयद्बुधमूत्र-
 न्तरं ये भगास्तज्ज्यावपः । अतः शरकोटिज्या ध्यामार्धं वेदयं तदा
 त्रिज्याव्यासार्धं क इति लब्धचापं क्रान्तिवृत्तेऽयनदृक्कर्मकरुतास्वरूपरवाप-
 चात्यभुजः सिद्धः । अत्र पूर्वमयनदृग्बुधातानात् तदुत्तनस्याज्ञातत्वात् केय-
 लयद्दयस्यायनघननयद्दयं नार्धितम् । एतेन

अस्फुटेपुवलनाहतिस्तु वा

यष्टिहृत् फलकलाः स्युरायनाः ।

इति दृक्कर्मकलानयनं स्थूलमेव । यहस्यायनवलनग्रहणात् तथा सिद्ध-
भुजस्य लघुवृत्तगतत्वेन क्रान्तिवृत्तीयकलायाः असिद्धेः ।

अथायनग्रहवलनसाधनमपि प्रदर्श्यते । यहकदम्बमूत्रे कदम्बविम्बान्तरं
कदम्बकोटिभागा एकभुजः । विम्बादयनग्रहपर्यन्तं ध्रुवमूत्रे द्वितीयो भुजः ।
अयनग्रहात् कदम्बावधि तदीयकदम्बमूत्रे नवत्यंशास्तृतीयो भुज इति वि-
षमत्रिभुजम् । अत्र विम्बगतः कोणो विम्बीयायनवलनरूपस्तेन त्रिज्यया
विम्बायनवलनज्या तदा शरकोटिज्यया केत्यायनग्रहायनवलनज्या तच्चापम
यनग्रहकदम्बमूत्रध्रुवसूत्रयोगजकोणः । अत्र पूर्वं ध्रुवविम्बग्रहसंघन्धित्रिभुजे
स्पष्टद्युज्यया ग्रहायनवलनज्या तदा यहद्युज्यया केति यहकोटिज्या जिन-
ज्यागुणा द्युज्याभक्ता ग्रहायनवलनज्या सा यहद्युज्यागुणा स्पष्टद्युज्याभक्ता
तत्र द्युज्ययोरनांशे यहकोटिज्या जिनज्यागुणा स्पष्टद्युज्याभक्ता विम्बायनव-
लनज्या तत्तुल्यैव प्रकृतोक्तत्रिभुजेऽपि संमुखगतयोः कोणयोस्तुल्यत्वात् ।
अत इयं शरकोटिज्यागुणा त्रिज्याभक्ता तत्र यहकोटिज्या जिनज्यागुणा त्रि-
ज्याभक्ता जाता सत्रिभुजग्रहक्रान्तिज्या सैव शरकोटिज्यागुणा विम्बद्युज्यया
भक्ता जाताऽयनग्रहग्रहायनवलनज्येति सिद्धम् ।

अथ यष्टिगोचरौ तत्त्वविवेकोक्तदृग्वलनस्यौल्यं प्रदर्श्यते । यथा पृथ्वि-
काद्विविधपर्यन्तं नतांशा दृग्गते एकभुजः पृथ्विस्तिकाच्चन्द्रविम्बावधि त-
दीयदृग्गते विम्बीयनताशा द्वितीयभुजः सिताप्यवृत्ते रविचिह्नचन्द्रविम्बा-
न्तरं तृतीयभुज इति विषमत्रिभुजं तत्र भुजत्रयज्ञानेन भुजाधारयोगार्धमूनं
भुजाभ्यामितिमूत्रेण रविनतांशानां भूमित्वरूपनेन कोणदलं तद्विगुणं च-
न्द्रदृग्गत्तसितवृत्तयोः परमान्तरं तदेव तयोर्वृत्तयोरान्तरं चन्द्रविम्बपरिधौ भा-
गात्मकं भवति । अत्र कमलाकरेण प्राप्तिरुत्ताच्छरसमानान्तरं चन्द्रवि-
म्बगतं लघुवृत्तं ज्ञत्वा तत्सितवृत्तान्तरं तथा लघुवृत्तदृग्गत्तान्तरं च प्रसा-
ध्य तयोः संस्कारादृग्वलनं सितवृत्तदृग्गत्तान्तरं साधितं तच्च स्थूलमेव ल-
घुवृत्तवृहद्वृत्तयोरान्तरस्यानियतत्वात्तत्साधनाशयत्वात् । एवं चन्द्रग्रहणेऽपि
सितवृत्तस्थाने स्थितिकर्णवृत्तं यादृग्यादकगतं प्रकल्प्योक्तरीत्यैव तत्रापि दृग्-
त्तस्थितिकर्णवृत्तयोगजकोणः संसाध्यः । एवं रविग्रहणेऽपि ज्ञेयम् । तत्त्वविवे-
ककारेण तु लघुवृत्तवृहद्वृत्तान्तरद्वयं प्रसाध्य तयोः संस्काराद्ग्रहणदृग्गतेऽपि दृ-
ग्वलनानयनं विषमत्रिभुजगणितानभिज्ञतयैव कृतमिति प्रतीयत इत्यलम् ।

अथान्यदुदाहरणम् । याम्योत्तरवृत्ते यस्यस्तिरुधुशान्तरं लम्बांशा एक-
 भुजः । ध्रुवमूत्रे रवितः सौम्यध्रुवावधि द्युज्याचापांशा द्वितीयभुजः । दृग्-
 ते यस्यस्तिरुधुवर्षेणं नताशास्तृतीयभुज इदं विषमत्रिभुजमत्र यस्य-
 स्तिरुधुवर्षेणंशान्तरिते चित्तिते दृग्गुत्तयाम्योत्तरवृत्तान्तरं दिगंशकोटिमित
 स तस्यस्तिरुधुगतकोणो द्युज्याचापांशभुजसमुपेयस्ति । एवं ध्रुवावर्षेणंशा-
 न्तरिते विषुवदृत्ते याम्योत्तरवृत्तध्रुवमूत्रान्तरं नतकालः सच ध्रुवगतकोणो
 नतांशभुजसमुपस्तथा रवितो नवत्यशान्तरिते त्रिज्यावृत्ते ध्रुवमूत्रदृग्गुत्ता-
 न्तरं रविगतकोणो लम्बांशभुजसमुपेयस्ति । अत्र भुजद्वयैककोणज्ञाने शेष-
 कोणज्ञानम् । यथा द्युज्यया दिगंशकोटिज्या तदा दृग्ज्यया केति नतकाल-
 ज्ञया तथा द्युज्यया दिगंशकोटिज्या तदा लम्बज्यया केति रविगतकोणज्ञया ।
 एवं दृग्ज्यया नतकालज्ञया तदा द्युज्यया केति दिगंशकोटिज्या तथा दृग्ज्यया
 नतकालज्ञया तदा लम्बज्यया केति रविगतकोणज्ञया । एवं लम्बज्यया रवि-
 गतकोणज्ञया तदा दृग्ज्यया केति नतकालज्ञया तथा लम्बज्यया रविगतको-
 णज्ञया तदा द्युज्यया केति दिगंशकोटिज्या लभ्यत इति । अथ कोणद्वयैक-
 भुजतः शेषभुजज्ञानमाह । यदि दिगंशकोटिज्यया द्युज्या तदा नतकाल-
 ज्यया केति दृग्ज्या तथा दिगंशकोटिज्यया द्युज्या तदा रविगतकोणज्ञया
 केति लम्बज्या । एवं रविगतकोणज्ञया लम्बज्या तदा दिगंशकोटिज्यया
 केति द्युज्या तथा रविगतकोणज्ञया लम्बज्या तदा नतकालज्ञया केति
 दृग्ज्या मिधयति । अत्रानुपाते प्रमाणतत्फले तथेच्छातत्फले च संमुदागते
 त्रिभुजे घोटये । अथ भुजद्वयतन्मध्यगकोणज्ञाने तृतीयभुजानयनं पूर्वाक्त-
 सूत्रेण प्रतिपाद्यते । यथा नतांशलम्बांशौ भुजौ तदन्तर्गतः कोणो दिगंश-
 कोटिमित एते ज्ञातास्तदा कोणकोटिज्या दिगंशज्ञया सा भुजजीवाभ्यां
 लम्बज्यादृग्ज्याभ्यां हता त्रिज्यायर्गभक्तः फलमेकम् दि० ल० दृ० १

न्ययोस्तज्यानामुमितयोर्घातस्त्रिज्याभक्तेऽन्यफलम् अ० शं० १
त्रि० त्रि० १ भुजकोटि-
 न्ययोस्तज्यानामुमितयोर्घातस्त्रिज्याभक्तेऽन्यफलम् अ० शं० १
त्रि० १ अत्र दिगंशानां
 सौम्यत्वं ज्ञातकोणो नयत्यन्यस्तत्र फलयोर्घात एव क्रान्तिज्या तृतीयभुजको-
 टिज्यारूपा मिश्रा । एवं दिगंशानां सौम्यत्वे याम्योत्तरवृत्तदृग्गुत्तान्तरकोणस्य
 नवत्यधिकृत्यात् प्रथमफलमृगं तत्रान्यफलस्य योगे क्रियमाणे धनार्णवोरन्तर-
 मेष योग इति युक्त्या फलान्तरमेव क्रान्तिज्या भवति । अत्रोत्तरगोले याव-
 द्दृक्नुननोनापामितो भुजस्तावदुत्तरभुजस्याद्विगंशानां सौम्यत्वं ततः सम-

वृत्तप्रवेशादुपरि शङ्कुतलादयाया हीनत्वाद्याम्यभुजो दिगंशा अपि याम्यास्तत्र दिगंशकोटिरूपकोणो नवत्यधिकः । अत्रान्यफलात् प्रथमफलं शुद्धं तदा क्रान्तिज्या स्यात् । एवमुत्तरगोल एव याम्यगोले तु शङ्कुतलायायोगस्य याम्यभुजत्वात् तत्र दिगंशानां याम्यत्वात् कोणस्य नवत्यधिकत्वात् प्रथमफला दृष्टाद्वितीयफलं शुद्धं शेषमृणं क्रान्तिज्या ततस्तज्यापेन नवत्यंशास्तृतीयभुजमानमृणं तदूनभाट्टांशा एव तृतीयभुजमानं धनं तेन कृतचापं नवतियुतं तृतीयो भुजः सौम्यध्रुवरज्यन्तरे भवति अत्रोक्तक्रियाया दिग्ज्यापलभातुण्ये त्रिज्यार्कहृते च घातुकोटिज्ये इत्यादिभास्करोक्तं पद्यमुपपन्नं भवति । अपस्तित्योन्नतलवानां नतांशत्वात् तज्याकोटिज्ययोर्दृग्ज्याशङ्कुरूपयोः स्वीकारादसज्यालम्बज्यात्रिज्यास्याने पलभाट्टादशपलकर्णयहणाच्चाज्ञातपुरपलांशा एव क्रान्त्यंशाः सिद्धा इति ।

अथैवं लम्बांशद्युजाचापांशभुजयोर्ज्ञाने तन्मध्यगकोणनतकालज्ञाने च नतांशानयनम् ।

यथा कोणकोटिज्या सूत्राभिधा लम्बज्याद्युज्यागुणा त्रिज्यावर्गभक्ता प्रथमफलम् । सू. ल. द्यु. त्रि. त्रि. भुजकोटिज्ययोरसज्याक्रान्तिज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्ता

द्वितीयफलम् । अ. क्रा. त्रि. अत्र याम्योत्तरवृत्तध्रुवमूत्रान्तरगतकोणस्य तिति-

ज्ञादुपरि नतकालभागस्य नवत्यत्यतैव गोलद्वये तेन सौम्यगोले फलयोगोग एव याम्यगोले तु द्युज्याचापस्य सौम्यध्रुवावधि नवत्यधिकत्वात् फलान्तरमेव ।

अयं शङ्कुस्तज्यापमुच्यतांशास्तत्कोटिर्नतांशा इति अत्रोक्तक्रिया सिद्धान्तरीत्यापि सिध्यति । तथाहि । नतकालकोटिज्या सूत्रसंज्ञा सा द्युज्यागुणा

त्रिज्याभक्ता ज्ञाता कला सू. द्यु. त्रि. त्रि. त्रिज्यावर्गे लम्बज्या कोटिस्तदा कलाक-

र्णे केति यटिः सू. द्यु. ल. त्रि. त्रि. प्रथमफलस्वरूपेण । अथ त्रिज्याकर्णेऽसज्या

भुजस्तदा क्रान्तिज्याकर्णे क इत्युन्मण्डलशङ्कुः अ. क्रा. त्रि. द्वितीयफलरूपो-

ऽपमनयोः सौम्यगोले योगो याम्येऽन्तरं शङ्कुरिति प्रसिद्धमेव । एवं द्युज्याचापांशनतांशयोर्ज्ञाने तन्मध्यगकोणस्य रघिनक्षत्राद्यगमेऽतांशास्तत्कोटिर्लम्बांशा इति तृतीयभुजज्ञानम् । यथा रघिगतकोणकोटिज्या द्युज्याद्युज्या-

भ्यां हता त्रिव्यावर्गभक्ता फले प्रथमे तथा भुज्यकोटिज्ययोः क्रान्तिज्याशङ्कुमितयोर्घातस्त्रिव्याभक्तेऽन्यफलं द्वयोर्योगः सौम्यगोले याम्यगोलेऽन्तरं द्रुज्या चापस्य नवत्यधिकत्वात् । एवमतज्या जाता तच्चापकोटिलम्बभागा इति सिद्धम् । अत्र त्रितिजादुपरि रविगतकोणो नवत्यस्य एवेति ज्ञेयम् । अत्र भुजद्वयतदन्तर्गतकोणज्ञाने सति कोणस्य नवत्यंशाधिकत्वे प्रथमफलमृणं तथैकभुजस्य नवत्यंशाधिकत्वे द्वितीयफलमृणमेवं फलपारन्तरं क्रियमाणे यद्वयशेषमृणं तदा शेषवार्धं नवत्युतं तृतीयभुजमानमिति सर्वत्रज्ञेयम् ।

अथ भुजत्रयज्ञाने कोणज्ञानं यथा । लम्बाशनताया भुजौ द्रुज्यावापांशा भूमिरत्र भूकोटिजीवा त्रिगुणाहतेनेतिपट्टेन भूकोटिजीवा क्रान्तिज्या सा त्रिज्यागुणा भुजकोटिज्ययोरत्तज्याशङ्कुमितयोर्घातेन हीना क्रात्रि १ अश १ त्रिज्यागुणा लम्बज्यादृज्याघातभक्ता जाता दिज्या

क्रा. त्रि. त्रि १ अ. श. त्रि १
ल. द्रु १

इयं भूसंमुखस्य कोणस्य दिगंशकोटिरूपस्य कोटिज्या सिद्धा । अत्र याम्यगोले भूकोटिज्याया चणत्वात् सा त्रिज्यागुणा चणतैव तस्याः भुजकोटिज्ययोर्घातस्य संशोध्यमानत्वाद्भोग एव घीनक्रियया सिद्धा । अत्रेय सिद्धान्तरीत्यापि सिद्धति । यथा लम्बज्याकोटौ त्रिव्या कर्णस्तदा क्रान्तिज्याकोटौ

क इत्यपि क्रा. त्रि १ पुनर्लम्बज्याकोटावहर्ज्या भुजस्तदा शङ्कुकोटौ क इति

शङ्कुतलं त्रितिजादुपरि याम्यमेव । अथा तु सौम्यगोले सौम्या याम्यगोले याम्येति द्वयोरैकदित्वे योगो भिन्नद्विष्यन्तरं जाते भुजः । अथ दृज्याकर्णं चेदयं भुजस्तदा त्रिव्याकर्णं को भुज इति दिगंज्या पूर्वलिखितस्वरूपैवेति । अत्र दिगंज्याचापोननवत्यंशा एव भूसंमुखकोणमानं सौम्यभुजे । याम्यभुजे तु दिगंशनवत्ययोगः कोणमानं शेषस्य चणत्वात् । अथ लम्बांशद्वयवापांशौ भुजौ नतांशा भूमिरत्र भूकोटिजीवा शङ्कुमिता त्रिज्यागुणा भुजकोटिज्ययोरत्तज्याक्रान्तिज्ययोर्घातेन हीना द्रुज्या चापरूपभुजस्य नवत्यस्य तथा नवत्यधिकत्वे युक्तैव । तत्कोटिज्याया चणत्वात् । एवं जाता त्रिज्यागुणा लम्बज्यादृज्याघातेन भक्ता भूसंमुखकोणस्य नतज्ञातस्य कोटिज्या श. त्रि १ - अ. क्रा. त्रि १ इयमपि पूर्वरीत्या सिध्यति । लम्बज्याकोटौ ल. द्रु १

त्रिज्याकर्णस्तदा शङ्कुकोटौ क इति हतिः पुनर्लम्बज्याकोटावहर्ज्या भुजस्तदा क्रान्तिज्याकोटौ क इति कुज्या । द्वयोर्हतरगोलेऽन्तरं याम्यगोले योगः फला

त्रि० शं १ अ० का १
ल १

इयं त्रिज्यागुणा द्युज्याभक्ता सूत्रसंज्ञा । तच्चापकोटिर्न

तकालः स्यात् । एवं द्युज्याचापांशनतांशौ भुजौ लम्बांशा भूमिस्तदा भूको-
टिजीवातज्या सा त्रिज्यागुणा क्रान्तिज्याशङ्कुघातेन हीना युता वा त्रिज्या-
गुणा द्युज्याद्व्युज्याघातभक्ता फनचापकोटिरेव खगितकोण एवं सर्वत्र ।

अथ विशेषः । यत्र भुजकोटिज्याघातो भूकोटिज्यायास्त्रिज्यागुणाय
अल्पत्वान्न शुध्यति तत्र विपरीतशोधनाच्छेदमृणं त्रिज्यागुणं भुजज्याघात-
भक्तं फलमृणमेव । तच्चापं नवतियुतं भूमंमुखकोणमानम् । फनचापोनर्न-
त्यंशानां भाट्टांश १८० शोधनादेवं सिद्धमिति । अथ वा भुजत्रयेभ्यो भुजाधार-
योगार्धमूनं भुजाभ्यामिति सूत्रेण भूसंमुखकोणार्धमानं तद्विगुणं कोणमानं तद्यैत्रं
भूवाहुयोगदलमत्र पर इति सूत्रेण भूसंमुखकोणार्धकोटिमानं सिद्धतीति ।
अथैवं कोणत्रयेभ्यो भुजत्रयज्ञानं भूकोटिजीवा त्रिगुणाहतेनेतिसूत्रेणैव परं
यत्रेना तत्र युता कार्यति विशेषः । शेषं पूर्ववदेव ।

अथ कोणयोस्तल्लभभुजस्य च ज्ञाने शेषभुजज्ञानम् । अत्र कोणौ भुजौ
कल्प्यौ तल्लभभुजस्तु कल्पितभुजान्तर्गतकोणः कल्प्यः । कोणत्रयसंवृत्तिभुजे
तथा दर्शनात् । अतः कोणकोटिज्यका ज्ञातवाहुर्व्याभ्यां हता हृतेति सूत्रेण
तृतीयभुजकोटिज्या साध्या । तत्रापि स्वस्वकोणोनभार्धाशतुल्यैर्भुजैरिति
सूत्रेण कोणद्वयभुजानां भार्धाशगुट्टानां वशेन शेषचापस्य धनर्णताज्ञानं वि-
धेयम् । एवं तच्चापकोटिरेव तृतीयभुजः प्रकृते ज्ञातभुजसंमुखः कोणो ज्ञात-
स्तज्यया यदि ज्ञातभुजज्या तदा ज्ञातकोणज्याभ्यां केति पृथक्पृथक् तत्स-
मुखभुजजीवे स्यातामिति ।

अथ वा ।

कोणान्तरार्धकोटिज्यानिघ्नी लग्नभुजार्धभा ।

कोणयोगार्धकोटिज्याभक्ता भासुफलाद्भुजः ॥

वाहुर्व्योगदलं ज्ञातं संलग्नभुजखण्डभा ।

कोणान्तरार्धज्यानिघ्नी कोणयोगार्धजीवया ॥

भक्ता फलस्य यच्चापं भासुदोरन्तरार्धक्रुम् ।

तयोरन्तरयोगाभ्यां भुजौ शेषौ प्रकीर्तितौ ॥

इति सूत्रेण भुजयोर्ज्ञानं संभवतीति ।

अथ द्वयोर्भुजयोस्तदेकसंमुखकोणस्य च ज्ञाने तृतीयभुजानयनम् ।

कोणज्या लम्बदोर्ज्याध्री विज्याया लम्बशिञ्जिनी ।

भुजन्वन्धिकोटिज्ये विज्याधून्यौ लम्बजातया ॥

कोटिज्यया हृते लब्धयोश्चापयोरन्तरं युतिः ।

तृतीयभुजहूपा स्याद्विषमविभुजाभिधे ॥

इति पूर्वोक्तं यथा लम्बाशयुल्यावापाशभुजयोस्तथा दिगंशकोटि-
रूपकोणस्य च ज्ञाने नताशानपनम् । दिगंशकोटिज्या लम्बज्यागुणा त्रिज्या
भक्ता तत्त्वापं लम्बः स च दृष्टतृष्टकेन्द्रमेति ध्रुवगते वृत्ते ध्रुवादृष्टतावधि
सिद्धस्तत्कोटे. परमज्ञा तत्त्वधिगे कृतास्ति । अथ भुजयो. कोटिज्ये कान्त्य-
धज्ये त्रिज्यागुणिते परज्याभक्ते लब्धयोश्चापकोटी आधाधे भवतस्तयोरन्त-
रन्त्ये योगो वहिर्लब्धेऽन्तरं नताशाः स्युः । एतेन दिगंशकोटिज्यरुपा त्रि-
ज्यो लम्बाशजीवा त्रिभजीयप्राप्तेत्यादि तत्त्वधिगेकोक्तमुपपन्नम् ।

अथ द्युल्यावापाशनताशभुजयोस्तदेकसमुत्तस्य दिगंशकोटिकोणस्य ज्ञाने
च लम्बाशानपनम् । अत्र दिगंशकोटिज्या दृष्टज्यागुणा त्रिज्याभक्ता तत्त्वापं
याम्योत्तरवृत्तकेन्द्रमेति रविगते फलवृत्तसङ्गे रवितो याम्योत्तरवृत्तावधि
लम्बस्तत्कोटिज्या हारासज्ञा साध्या । अथ भुजयो. कोटिज्ये कान्तिज्याशङ्कु
त्रिज्यागुणितौ लम्बकोटिज्याभक्तौ फलयोश्चापे तत्कोटी लम्बादुभयत आ-
धाधे स्तस्तयोः सस्काराल्लम्बाशहूपभुज. स्यात् । एतेन कान्तिज्याकर्णवधा-
दित्यादि भास्कोक्त पट्टमुपपन्नं कर्तुं शक्यत इति । तथा

अथेष्टकालापमबाहुशङ्कुन्

ज्ञात्वा पलाशान् प्रवदाशु तत्र ।

क्रिश्यन्ति धीजिप्रियया धृष्टैव

स्वस्वाभिमानाद्बहूनालविज्ञाः ॥

इति प्रश्नोत्तरमधि सिद्धं फलाख्यवृत्तयिनताशकाता या कोटिज्याया हर
सन्नरु स्यादितिरोत्या तत्कनप्रश्ने हरसाधने गौरवमेव रहस्यानाच्छङ्कुः
कोटिः शङ्कुमूलपूर्वापरमूत्रान्तरं भुजः यहात् पूर्वापरसूत्रावधि हारः कर्ण
इति जात्यन्तेत्रत्वाच्छङ्कुभुजवर्गयोगमूलस्यैव हरत्वात् ।

अथ लम्बाशनताशभुजयोस्तदेकसमुत्तकोणस्य नतकालस्य ज्ञाने द्युल्या-
वापाशनपनं यथा । नतामुक्या लम्बज्यागुणा त्रिज्याभक्ता फलचापं ध्रुव

सूत्रपृष्ठकेन्द्रमेते खस्यस्तिकगते लम्बस्तत्कोटिज्या च साध्या । अथ भुजयोः
कोटिज्ये अतज्याशङ्कुं त्रिज्यागुणितौ लम्बकोटिज्याभक्तौ लम्बचापयोः कोटी
तदावाधे तयोः संस्काराद् द्युज्याचापांशाः स एव तृतीयभुजस्तत्कोटिः क्रान्ति-
भागा इति । एतेन

प्रविदितनरमानाञ्चातनसासुमानात्

स्वपललवयिद्ब्रूहि मे क्रान्तिजीवाम् ।

इतिप्रश्नोत्तरं सिद्धम् । अत्र तत्त्वविवेककारेणाव्यक्तरीत्या प्रोक्तप्रश्नोत्तरं
कृतं तच्च गौरवप्रसक्तमेव । क्रान्तिज्याकर्णवधादितिसूत्रवत् तस्यापि वीज-
क्रियाजनितक्लेशो जात एवेति ।

अथान्योदाहरणम् । याम्योत्तरवृत्ते खस्यस्तिकनाडीवृत्तान्तरं पलांशा एक-
भुजः । दृष्टवृत्ते खस्यस्तिकख्यन्तरे नतांशा द्वितीयभुजः याम्योत्तरवृत्तनाडी-
वृत्तसंपाताद्विपर्यन्तं तृतीयो भुजः । अत्रापि सर्वे ज्ञेयम् ।

अथान्योदाहरणम् । सितिके पूर्वखस्यस्तिकाल्लगावधि लग्नायाचापमेक-
भुजः क्रान्तिवृत्ते नाडीवृत्ताल्लगावधि सायनलग्नभागा द्वितीयभुजः । विषुवदृत्ते
पूर्वखस्यस्तिकात् क्रान्तिवृत्तावधि लग्नेदयाशा भूमिरूपतृतीयभुजः । अत्र लग्न-
क्रान्तिर्लम्बः । लग्नचरांशविषुवांशरूपे आवाधे भवतः ।

अथान्योदाहरणम् । याम्योत्तरवृत्ते खस्यस्तिकध्रुवान्तरं लम्बांशा एक-
भुजः । अयनवृत्ते ध्रुवकदम्बान्तरं जिनांशा द्वितीयभुजः । दृक्तेपवृत्ते कदम्ब-
खस्यस्तिकान्तरं वित्रिभोवतांशास्तृतीयभुजः । अत्र ध्रुवगतकोणो दशमलग्न-
विषुवांशकोट्यंशास्तद्वगमे लम्बांशपरक्रान्त्यंशयोजने कोणकोटिज्यका ज्ञा-
तबाह्येज्याभ्यां गुणा तत इति सूत्रेण दृक्तेपः सिध्यति । तच्चापं वित्रिभ-
लग्ननतांशास्तत्कोटिज्या दृगतिरिति । अथ वित्रिभोवतांशज्यया दशमविषु-
वांशकोटिज्या लभ्यते तदा लम्बांशज्यया केति तच्चापं कदम्बगतकोणः
स च क्रान्तिवृत्तेऽयनवृत्तदृक्तेपवृत्तान्तररूपोऽथ वा नाडीवृत्तलग्नान्तररूपः ।
अत्र खस्यस्तिकगतकोणो लग्नायामितः सोऽप्यनुपातेन साध्य इति । अयन-
वृत्ते ध्रुवकदम्बान्तरं परक्रान्तिमितमेकभुजः । याम्योत्तरवृत्ते ध्रुवसमचिह्न-
ान्तरमतांशा द्वितीयभुजः । समवृत्तक्रान्तिवृत्तसंपाताच्चवत्यंशवृत्ते समचिह्न-
कदम्बान्तरं समवृत्तक्रान्तिवृत्तान्तरतुल्यं तृतीयभुजः । अत्रापि ध्रुवगतकोणो
दशमलग्नविषुवांशकोट्यंशास्तत्कोणात् परक्रान्तिपलांशाभ्यां भुजाभ्यां च

कोणकोटिज्यायां ज्ञातवाह्यैर्व्याख्यां हतेति सूत्रेण तृतीयभुजकोटिज्या तद्व्या-
कोटिस्तृतीयभुजः स्यात् ।

अथान्यः । यहकदम्बान्तरं कदम्बसूत्रे नवत्यंशा एकभुजः । समचिह्नक-
दम्बान्तरं द्वितीयभुजः । यहसमचिह्नान्तरमुपवृत्तव्यासार्धचाप तृतीयभुजः ।
अत्र यहगतः कोणः स्पष्टवलनरूपः । अत्र भुजत्रयात् कोणज्ञानमन्यदपि-
चिन्त्यम् । अत्रोपवृत्तव्यासार्धसाधनं यथा

नतकान्तगुणो द्युगुणेनहत-
स्तिगुणेन हृतोऽस्य नरम्य तथा ।
कृतियोगपदं गदितं नितरा-
मुपवृत्तजविस्तृतिखण्डमितम् ॥

यहस्यानाच्छु. कोटिः शङ्कुमूलादुपवृत्तगर्भकेन्द्रावधि द्वारात्रतृतीयनत-
व्यामिता भुजः । यहादुपवृत्तकेन्द्रावधि कर्ण इति ज्ञात्यत्रतत्वादुजकोटि-
वर्गयोगपदं कर्ण इत्युपपन्नम् ।

अथान्योदाहरणम् । बिम्बध्रुवान्तरं स्पष्टद्युज्याचापांशा एकभुजः । ध्रुव
समचिह्नान्तरमत्ताशा द्वितीयभुजः । बिम्बसमचिह्नान्तरं बिम्बोपवृत्तव्यासार्ध-
चापमित तृतीयभुजः । अत्र बिम्बगतः कोणो बिम्बीयातवलनरूपः । ध्रुव-
गतकोणो बिम्बीयनतकालरूपः । समचिह्नगतकोणो बिम्बीयसमवृत्तनताश-
मितोऽत्रापि सर्वं साध्यम् ।

अथान्योदाहरणम् । बिम्बसमसूत्रे बिम्बात् समचिह्नार्धेकभुजः । सम-
चिह्नकदम्बान्तरं द्वितीयभुजः । कदम्बबिम्बान्तरं शरकोटिमित तृतीयभुजः ।
अत्र बिम्बगतकोणो बिम्बीयस्पष्टवलनरूपः । अत्राश्रुतमनुक्तं सर्वं योज-
नीयम् ।

अथ पूर्वोक्तानां कतिपयसूत्राणामुदाहरणप्रदर्शनार्थं त्रिभुजमेकं कल्पितं
तत्र आ, वा, सा धर्षय्योक्ताः कोणास्तथा तत्समुखा अ, घ, स भुजाः कल्पि-
ताः । यथा अभुजो भागाद्व्यः ६८।२०।२५ वभुजो भागाद्व्यः ५२।१८।१५
अनयोरन्तर्गतः साकोणो ११७।१२।२० भागाद्व्यः ।

अत्र शेषकोणयोर्ज्ञानार्थं सूत्रम् ।

कोणार्धकोटिच्छायाघ्नी भुजान्तरदलेद्वया ।

कोटिज्या बाहुयोगार्धकोटिज्यामितिभाजिता ॥

लब्धस्य भासु यच्चापं तत्कोणयुतिषण्डकम् ।

कोणार्धकोटिच्छायाघ्री भुजान्तरदलज्यक्ता ॥

भुजयोगार्धजीवाया तच्चापं भासु कोणयोः ।

अन्तरार्धं च तद्योगान्तरात् कोणमिती मते ॥

प्रकृते भुजयोरन्तरार्धम् ८।१।१५ योगदलम् ६०।१६।२० कोणार्धम् ५८।
 ३६।१० अस्यकोटिः ३१।२३।५० छाया २०९८।३२ भुजान्तरदलकोटिज्यया
 ३४०४।२२ गुणेता भुजयोगार्धकोटिज्यया १७०२।१० भक्ता फलस्य ४१६०।४
 छायाग्रण्डैस्वापम् ५०।४०।२८ वातं कोणयोगार्धम् । एवं ज्ञातकोणदल-
 कोटिच्छाया २०९८।३२ भुजान्तरदलज्यया ४७९६।३२ गुणिना भुजयोगदलज्य-
 या २९८६।५४ भक्ता फलस्य ३३६।५४ छायासुवापम् ५।३५।४७ इदं कोणा-
 न्तरार्धमस्य कोणयुतिदलस्य ५०।४०।२८ योगान्तरान्जातौ । आ ५६।१६।
 १५ वा ४५।४।४१ कोणौ । अत्र बृहद्भुजसंमुखो बृहत्कोणस्तथा लघुभुज-
 संमुखो लघुकोण इति बोध्यम् । अथ शेषभुजज्ञानं पूर्वज्ञातावयवभ्यां यथा
 कोणः ११७।१२।२० भाधलवेभ्यः १८० शोधितः ६२।४७।४० एतदूना नव-
 तिभागा ज्ञाता कोणकोटिभागाः २७।१२।२० एषां ज्या १५७१।४५ भुजयो-
 र्ज्याभ्यां ३१९५।८।२७२०।१६ हता १३६६१०४५४०८।१३ त्रिज्यावर्गेण ११८-
 १९८४४ भक्ता लब्धमृणम् ११५५।४६ कोणस्य नवत्यधिकृत्येन तत्कोटिज्यया
 चणत्वात् । अथ भुजकोटिभागयो २१।३६।३५॥३७।४१।४५ जीवे १२६८।
 ३६॥२१०२।५ अनयोर्धातस्त्रिज्याभक्ता द्वितीयफलम् ७७५।३६ द्वयोः फलयोर्ध-
 नर्णयोरन्तरमेवेति शेषमृणम् । ३८०।७ अस्य चापमृणम् ६।२०।४४ एतदूना
 नवत्यंशाः ८३।३६।१६ चणत्वाद्धार्षांशेभ्यः १८० शोधिताः सभुजः ९६।२०।
 ४४। अथ वा पूर्वगतचापं ६।२०।४४ नवतियुतं स एव सभुजः ९६।२०।४४
 एवं कोणस्य नवत्यल्पत्वे भुजयोर्षि स्यात्वे फलयोर्षिणः कार्यस्तुच्छापको-
 टिस्तृतीयभुजः स्यात् । यथा अभुजः ७०।१४।२० वभुजः ४९।२४।१० सा-
 कोणः ३८।२६।४८ अत्रोक्तवज्जातः सभुजः ३८।४६।१० एवं कोणस्य नव-
 त्यधिकृत्ये तथैरुभुजस्य तथात्वे फलयोर्योग चणमेव । तच्चापं नवतियुतं
 तृतीयभुजः स्यात् । यथा वभुजः १४४।३७।१५ सभुजः ६०।४।५४ अकोणः
 १२९।५।२८ फलद्वययोगचापं ४५।४९।२० नवतियुतम् अभुजः १३५।४९।
 २० एवं कोणस्य नवत्यल्पत्वे तथैरुभुजस्य नवतिभागाधिकृत्ये प्रथमफलं धनं
 द्वितीयफलमृणं तत्रान्तरस्य धनत्वे तच्चापकोटिस्तृतीयभुजः स्यात् । यदि-

शेषमृणम् । द्वितीयफलाधिकृत्ये तत्र शेषचापं नवतियुतं तृतीयभुजः स्यात् ।
यथा चाकोणः ४५।४।४१ सभुजः ८६।२०।४४ अभुजः ६८।२०।२५ अत्र
जातो यभुजः ५२।१८।१५ अत्र भुजद्वयतदन्तर्गतकोणज्ञाने कोणस्य नवत्य-
धिकृत्ये कोणकोटिज्याया भुजद्वयज्याभ्यां गुणिता त्रिज्यावर्गभक्ता फलं प्रथम-
मृण भवति । यत्रैकभुजो नवत्यधिकस्तत्र भुजकोटिज्ययोर्घातस्त्रिज्याभक्तो
द्वितीयफलमृणं तदन्यत्रफले धने पथ । एवं धनयोर्योगस्य धनत्वं तथा चण-
योर्योगस्य चणत्वमेव । एवं धनयोः फलयोरन्तरं धनाधिकृत्ये धनमृणाधि-
कृत्ये चणम् । अत्र धनस्य चापं नवतिशुद्धमृणस्य चापं नवतियुतं तृतीयभुज
इति पर्यवसत्रम् ।

अथ भुजत्रयात् कोणज्ञानं यथा अभुजः ७०।१४।२० वभुजः ४८।२४।१०
सभुजः ३८।४६।१० भुजाधारयोगार्धमून भुजाभ्यामितिसूत्रेण सर्वभुजयोग
१५८।२४।४० दलम् ७८।१२।२० इदं द्विधा व, सभुजाभ्या हीनं शेषम् २८।
४८।१० ॥ ४०।२६।१० अनयोर्लोखे १७०८।४१ ॥ २२२८।४७ द्वयोर्घातः ३८०८-
८८३।३७ त्रिज्यावर्गण ११८१८८४४ गुणितः ४५०३३५३०१८८८५।४८ वभु-
जज्या २६१०।२२ सभुजज्या २१५२।४६ घातेन १६१८५१० भक्तः ८०१३७८२
तन्मूलस्य २८३० चापं ५५।२५।३८ कोणार्धमानमिदम् । द्विगुणं आकोण-
मानम् ११०।५१।१६ अत्र यद्भुजज्याघातेन भागो हृतस्तद्भुजान्तर्गतकोणमानं
भवति तदतिरिक्तभुजस्य कोणसमुच्चस्य भूमित्वकल्पनात् कोणलम्बयोरेव भु-
जत्वरूपनाञ्च ।

अथैव सर्वभुजयोगार्धम् ७८।१२।२० एकत्र अभुजेन ७०।१४।२० हीनम्
८।५८।० परस्य सभुजेन ३८।४६।१० हीनम् ४०।२६।१० शेषयोर्ज्याघातः
स्त्रिज्यावर्गगुणः अ स भुजयोर्ज्याघातेन भक्तः फलमूलचाप द्विगुणं चाकोण-
मानम् ४८।५६।४ एव सर्वभुजयोगदल अब्रभुजाभ्या हीन शेषयोर्लम्बवत् कृते
साकोणमानम् ३८।२६।४८ ।

अथ भूकोटिज्या इतिसूत्रेणापि प्रदर्शयते । यथा अभुजो भू ७०।१४।२०
स्तत्कोटिज्या ११६२।२० त्रिज्या ३४६८ गुणा ३८८६१०२ व, सभुजयोः कोटि-
ज्ययोः २२३७।८ ॥ २६८० । २५ घातेन ५८८६४४८ । २८ हीना न भवतीति
विपरीतजोधने शेषमृणम् २०००३४७ इदं त्रिज्यया ३४३८ गुणित ६८७७१८२८८६
व, सभुजज्ययोर्घातेन ५६१८५१० भक्त लब्धम् १२२४ अस्य चापमृणम् २०।५१।
१६ अतो नवतियुत आकोणमानम् ११०।५१।१६ एव यत्र भूकोटिज्या

त्रिज्यागुणा भुजद्वयकोटिज्याघातेनाधिका तत्र शेषं त्रिज्यागुणं भुजद्वयज्या-
घातभक्तं लब्धवापोननवत्यंशा भूसंमुखकोणमानमिति । अथ यत्र नवत्यधिका
भूमिस्तत्कोटिज्या चण्णात्मिका त्रिज्यागुणिता तस्या भुजद्वयकोटिज्याघातः
शोध्य इत्यत्र चण्णयोर्योग एव त्रिज्यागुणिता भुजद्वयज्याघातभक्तः फलचाप-
मृणमेव । अस्य नवत्यंशतः शोध्यत्वात् संशोध्यमानमृणं स्वं भवतीति फल-
चापं नवतियुतमिति सिद्धम् । अथवा भूकोटिज्या त्रिज्यागुणिता धनगतैव
भुजकोटिज्याघात चणं तत्र संशोध्यमानमिदं धनं जातं धनयोर्योगादपि
सिद्धवापोननवत्यंशा एव कोणमानं ज्ञेयम् । अथ कोणत्रयादुजज्ञानं यथा ।
आकोणः १२९ । ५ । २८ वाकोणः १४२ । १२ । ४२ साकोणः १०५ । ८ । १०
एषां योगदलम् १८८ । १३ । १० एकत्र यथास्थितं परत्र आकोणेनानम् ५९ ।
० । ४२ द्वयोः कोटिभागा एकस्य ८१ । ४६ । ५० परस्य ३० । ५२ । १८ अनयोः
क्रमेण जीवे ३४०२ । ३५ ॥ १७६४ । ४ तयोर्घातः ६००२३८३ । ५० त्रिज्यावर्ग ११८-
१९८४४ गुणः वाकोणसाकोणज्ययो २१०६ । ३३ ॥ ३३१८ । ४० घातेन ६९९०९३७
भक्तः १०१४४२२५ तन्मूलस्य ३१८५ चापं ६७ । ५४ । ४० द्विगुणं अभुजमानम्
१३५ । ४९ । २० एवं सर्वकोणयोगदलमेकत्र यथास्थितं परत्र वाकोणहीनं द्वयोः
कोटिज्याघातस्त्रिज्यावर्गगुणः आकोणसाकोणज्ययोर्घातेन भक्तः फलमूलचापं
द्विगुणं जातं वभुजमानम् १४४ । ३७ । १५ एवं सभुजमानम् ६० । ४ । ५४ ।

अथान्यथोच्यते । स्वस्वकोणेनभाट्टाशतुल्यैर्भुजैरिति सूत्रेण जाताः आ ५० ।
५४ । ३२ वा ३७ । ४७ । १८ सा ७४ । ५१ । ५० एषां योगस्य १६३ । ३३ ।
४० दलम् ८१ । ४६ । ५० वा, साकोणाभ्यां हीनं ४३ । ५९ । ३२ ॥ ६ । ५५ । ०
अनयोर्ज्यं २३८८, ४१४ द्वयोर्घातः ९८८६३२ त्रिज्यावर्गगुणितः ११६८५४०६०-
१३४०८ अयं वाकोणसाकोणज्ययोर्घातेन ६९९०९३७ भक्ते लब्धम् १६७१५१८
तन्मूल १२९२ चापं २२ । ५ । २० द्विगुणं ४४ । १० । ४० भाषाशेभ्यः १८० शो-
धितम् । अभुजः १३५ । ४९ । २० एवं वभुजमानम् १४४ । ३७ । १५ सभुज-
मानम् ६० । ४ । ५४ अथ भूकोटिजीवा त्रिगुणाहतेना इति सूत्रेणापि प्रद-
श्यते । आकोणोभूः १२९ । ५ । २८ अस्य कोटिज्या चणम् । २१६७ । ४९ इयं
त्रिज्यागुणा चणमेव ७४५२९५३ । ४२ वाकोणकोटिज्या २७१६ । ५४ साको-
णकोटिज्या ८९७ । ४१ घातेन २४३८९१५ पूर्वानीतं युतं कार्यं तत्र धनर्णयोर-
न्तरमेवेति शेषमृणम् ५०१४०३७ । ५२ इदं त्रिज्या ३४३८ गुणितं १७२३८२९२१८५ ।
३६ कोणद्वयज्याघातेन ६९९०९३७ भक्तम्, २४६६ अस्य चापं ४५ । ४९ । २०

शेषस्य च्छणत्वादिदमृणमतो नवतियुतं अभुजः १३५ । ४८ । २० एवं वभुजः
सिद्धः । १४४ । ३० । १५ अथ समुजानयनं यथा । साकोणो भूः १०५ । ८ ।
१० तत्कोटिज्या ८६० । ४१ त्रिज्यागुणा ३०८६२३५ । १८ इदमृणं तथा आ-
वाकोणयोः कोटिज्ययो २१६० । ४८ ॥ २०१६ । ५४ च्छणयोर्घातो धनमेव
५८८८०४१ । ६ अनयोरन्तरमेव योग इति शेषम् २८०३५०५ । ४८ धनमेव
त्रिज्यागुणितं ८६३८४५२८० इदं आकोणज्या २६६८ । २० आकोणज्या २१०६ ।
३३ घातेन ५६२०८०० भक्तं फलम् १०१४ अस्य चापम् । २८ । ५५ । ६ अस्य
कोटिः समुजः ६० । ४ । ५४ एवमत्र भूकोटिज्यात्रिज्याघातः प्रथमसंज्ञः को-
णकोटिज्याघातो द्वितीयसंज्ञस्तत्र भुवो नवत्यल्पधिकत्वे प्रथमं धनमृणं त-
था शेषकोणयोर्नवत्यल्पतायां द्वितीयं धनं नवत्यधिकतायां च धनमेव ।
तत्रैककोणो नवत्यधिकः परो नवत्यधिकस्तत्र द्वितीयमृणं ततः प्रथमद्विती-
ययोर्वीजरीत्या योगं कृत्वा त्रिज्यागुणनं कोणद्वयज्याघातेनापहृत्य फलचापं
धनमृणं क्रमतो नवतौ हीनं युतं भूसंमुखभुज इति सिद्धम् ।

भूकोटिजीवा त्रिगुणाहताढ्या
घातेन कोणोद्भवकोटिमौर्व्याः ।

त्रिज्यागुणा कोणगुणद्वयाप्रा
ज्या साच भूसंमुखबाहुकोटेः ॥

कोणकेषु भुजसंमुखे मही
कोणकौ तदितरौ प्रकल्पितौ ।

कोणभूमियुतिखण्डकं परो
भूमिहीनपरकोटिशिञ्जिनी ॥

संगुणा परजकोटिजीवया
विज्यक्राकृतिगुणा च भाजिता ।

कोणजातगुणघातकैः पदं
भूमिसंमुखभुजार्थशिञ्जिनी ॥

द्विधोनः परः कोणकाभ्यां च तत्
कोटिजीवाहतिस्त्रिज्यकार्गनिघ्नी ।

हृता. कोणजीवामिघातेन मूलं
ज्यक्ता कोणसंलग्नवाहूर्धकोटेः ॥

एवं कोणत्रयज्ञाने भुजकोटिज्ञानं तथा भुजार्धज्याकोटिज्ञानसाधनमु-
क्तम् ।

अथ भूमितल्लग्नकोणज्ञाने शेषभुजयोर्ज्ञानं प्रदर्शयते ।

कोणान्तरार्धकोटिज्यानिघ्नी लग्नभुजार्धभा ।

कोणयोगार्धकोटिज्याभक्ता भासु फलाद्भुजः ॥

बाह्यैर्योगदलं ज्ञातं संलग्नभुजखण्डभा ।

कोणान्तरार्धज्यानिघ्नी कोणयोगार्धजीघया ॥

भक्ता फलस्य यद्यपि भासुदोरन्तरार्धकम् ।

तयोरन्तरयोगाभ्यां भुजौ शेषौ प्रकीर्तितौ ॥

एतेभ्य एव ज्ञातं भुजसंमुखकोणानयनम् ।

कोणाभ्यामूनभार्धशो भुजौ कल्प्यौ तथा भुज

खाष्ट्रभूभागतः शुद्धः कल्प्यो दोर्मध्यकोणकः ॥

अतस्तृतीयबाहुर्यः सिद्धः स्याच्छेषकोणकः ।

आधारसंमुखस्तत्र धनर्णव्यत्ययान्मतः ॥

यथा । वा ४५ । ४ । ५१ साकोणौ ११० । १२ । २० । अभुजौ ६८ । २० ।
२५ ज्ञातस्तत्रभुजार्धं ३४ । १० । १२ छाया २३३३ । ५८ इयं कोणान्त-
रार्धं ३६ । ३ । ४४ कोटिज्याया २००८ । १० हता ६४८६४८२ । २१ कोणयो-
गार्धं ८१ । ८ । ३५ कोटिज्याया ५२८ । १८ भक्ता फलस्य १२२५४ । २६ छा-
यासु चापम् ०४ । ९ । २८ एवं भुजार्धच्छाया २३३३ । ५८ कोणान्तरार्धज्य-
या २०२३ । ४८ हता ४०२३४८९ । ४४ कोणयोगार्धज्याया ३३८० भक्ता फलस्य
१३८० छायासु चापम् २२ । १ १४ एते भुजयोगार्धान्तरदले सिद्धे । तत-
श्चापयोगः सभुजः ८६ । २० । ४४ अन्तरं वभुजः ५२ । १८ । १५ अत्रापि
वृहल्लघुकोणसंमुखौ श्रमेण वृहल्लघुभुजौ ज्ञातौ । एवं सर्वत्र । अथ कोण-
ज्ञानं यथा वा ४५ । ४ । ५१ सा ११० । १२ । २० कोणौ । अभुजः ६८ ।
२० । २५ । एते भार्धलवतः शुद्धाः वा १३४ । ५५ । ९ सा ६२ । ४० । ४० अ
१११ । ३८ । २५ अत्र कोणौ भुजौ कल्प्यौ तथा भुजस्तन्मध्यगतकोणः कल्प्य-

स्तत्र कोणकोटिज्यका ज्ञातबाहुज्योभ्यां हता हृतेति सूत्रेण कोणकोटिज्यका
 ऋणम् । १२६८ । ५३ भुजद्वयज्याभ्यां २४३४ । २५ ॥ ३०५७ । ३४ गुणिता
 ८४४४७८५०८८ । ५२ त्रिज्यावर्ग ११८१८८४४ भक्ता प्रथमफलमृणम् ७८८ । ४
 अथ भुजद्वयकोटिज्ययो २४२७ । ४० ॥ १५७१ । ४५ घातः ३८१५८५५ त्रिज्या-
 भक्ता द्वितीयफलम् ११०८ । ५१ इदमृणंकल्पितैकभुजस्य कोणस्य वा १३४ ।
 ५५ । ८ कोटिज्याया ऋणत्वात् । फलयोर्योग ऋणम् १८०८ । ५५ अस्य चा-
 णम् ३३ । ४३ । ४५ इदं धनमेव धनयोश्चतुर्थान्तत इत्युक्तत्वात् । अतोऽनेन
 हं ना नवत्यंशा ज्ञातो भुजः स एव । आकोणः ५६ । १६ । १५ ।

अथान्योदाहरणं यथा । वा ४८ । ५६ । ४ सा ३८ । २६ । ४८ कोणौ । अभुजः
 ७० । १४ । २० एतैरुता भदलाशा १८० ज्ञाताः । वा १३१ । ३ । ५६ मा १४१ ।
 ३३ । १२ अ १०८ । ४५ । ४० । अत्र कल्पितमध्यकोण १०८ । ४५ । ४० कोटिज्या
 ऋणम् ११६२ । २० इय कल्पितभुजज्ययो २५८२ । ४ ॥ २१३७ । २६ घातेन ५५४०-
 ८०१ । ४२ हता ६४४०२५८५०८ । ५८ त्रिज्यावर्गभक्ता प्रथमफलमृणम् । ५४४ ।
 ५२ । अथ कल्पितभुजकोटिज्ययो २२५८ । २७ । २६८२ । २८ घातेन ६०८३८ त्रिज्या
 ६४३८ भक्ते द्वितीयफल धनम् १०६८ । ४३ वा १३१ । ३ । ५६ सा १४१ । ३३ । १२
 कोटिज्ययोर्धनयोर्घातस्य धनस्य त् । अत्र फलयोरन्तरमेव योग इति ज्ञातं
 धनम् १२२३ । ५१ अस्य चापं २० । ५१ । १६ धनत्वादृणं कल्पितम् । अतो नव-
 तितुत आकोणमानम् ११० । ५१ । १६ एवं सर्वत्र ।

अथ भुजयोस्तत्समुखकोणयोश्च ज्ञाने तृतीयभुजज्ञानम् ।

कोणयोगार्धकोटिज्यया संगुणा
 बाहुयोगार्धज्जा भा विभक्ता ततः ।
 कोणविश्लेषखण्डस्य कोटिज्यया
 कोणसंलग्नबाहुर्धज्जा भा भवेत् ॥

एवं तृतीयकोणज्ञानम् ।

कोणयोगार्धकोटिद्वयतिः संगुणा
 बाहुविश्लेषखण्डस्य कोटिज्यया ।
 बाहुयोगार्धकोटिज्यया भाजिता
 सैष दोर्मध्यकोणार्धज्जा भा मता ॥

अत्रोदाहरणम् । यथा अभुजः ५०।४५।२० वभुजः ६६।१२।४० बाकोण
 ४४।२२।१० अभुजव्यया बाकोणव्यया लभ्यते तदा वभुजव्यया केति तच्चापं
 बाकोणः ५०।३४।५१। अत्र बाकोणो नवत्यल्पः । वभुजोऽपि नवत्यल्पः ।
 अभुजो वभुजादल्पस्ततो वत्यमाणरीत्या बाकोणस्य द्विविधमानं संभवतीति ।
 सिद्धो बाकोणो भार्धाशाच्छुद्धो जातः १२२।२५।८ अयमपि बाकोणः संभ-
 वति । अथ बाकोण ४४।२२।१० बाकोण ५०।३४।५१ योगदलम् ५०।
 ५८।३० । अस्य कोटिच्छाया २७८६।३३ अ, वभुजान्तरार्धं ६।१३।४० कोटि-
 व्यया ३३६३।२४ हता ६४५५८७८।४६ भुजयोगार्धं ५६।५६।० कोटिव्यया
 १०१६।५१ भक्ता फलस्य ५४६७।३६ छायासु चापं ५०।५८।५५ द्विगुणं जातं
 साकोणमानम् ११५।५०।५० । एवं कोणयोगार्धं ५०।५८।३० कोटिव्यया
 २१६४।४५ भुजयोगार्धं ५६।५६।० छाया ५६५०।५४ गुणिता १२८८२२१०।
 ४६ कोणान्तरार्धं ६।३६।२० कोटिव्यया ३४१५ भक्ता फलस्य ३७७२।११
 भासु चापं ४७।३६।८ द्विगुणं जातं सभुजमानम् ६५।१८।१६ । अथ यदि
 बाकोणस्य द्वितीयं मानं तदा सभुजस्य साकोणस्य च द्वितीयं मानं संपद्भ-
 तं । यथा । बाकोणः ४४।२२।१० बाकोणः १२२।२५।८ अनयोर्योगार्धं
 ८३।२३।३६ कोटिव्यया ३६५।२६ भुजयोगार्धं ५६।५६।० भा ५६५०।५४
 गुणिता जाता २३५३४८९।४६ कोणान्तरार्धं ३६।११।२६ कोटिव्यया २६७०।
 ५२ भक्ता फलस्य ८८२ छायासु चापं १४।२२।३२ द्विगुणं सभुजस्य द्वितीय-
 मानम् २८।४५।६ ।

अथ कोणसाधनमाह बाकोण ४४।२२।१० बाकोण १२२।२५।८ योगार्धं
 ८३।२३।३६ कोटिच्छाया ३६८।१० भुजान्तरार्धं ६।१३।४० कोटिव्यया
 ३३६३।२४ हता १३५११३८।१६ भुजयोगार्धं ५६।५६ कोटिव्यया १०१६।२०
 भक्ता फलस्य ७८५ छायासु चापं १२।५२।१५ द्विगुणं जातं साकोणस्य
 द्वितीयमानम् २५।४४।३१ एवं सर्वत्र ।

आवासात्रिभुजे बाकोणो नवत्यल्पस्तथा वभुजोऽपि तादृशः अभुजाद-
 धिकस्तत्र साबिन्देर्वावाचापे कृते सावाचापे अभुजतुल्ये जाति तदा आवा-
 सात्रिभुजमन्यदप्युत्पन्न तत्र बाकोणः ५०।३४।५१ बाकोणः १२२।२५।८ एतौ
 सावाचापलैर्मौ समीपगावेव । अत्र साकोणस्य मानम् ११५।५०।५० ॥ २५।
 ४४।३१ द्विविध, तथा सभुजस्य मानम् ६५।१८।१६ ॥ २८।४५।५ द्विविधं
 गोले प्रत्यक्षमेवेति ।

अथ भुजद्वये तदेकसंमुखकोणे च ज्ञाते शेषद्विविधं वैकविधत्वं क्वचित्
त्रिजत्वमिति सर्वे निरूप्यते ।

यथा वभुजो नवत्यल्पः । अबुजोवभुजादल्पः । आकोणो नवत्यल्पस्तदा
बाकोणो द्विविधः स्यात् । अत्र यदि अबुजो वभुजतुल्यस्तदैकमानमेवेति ।

यदि अबुजो वभुजादधिकः । तत्र अबुजयोगो भदलांशेभ्यो १८० न्यूनः ।
आकोणो नवत्यल्पः । वभुजो नवत्यल्पस्तत्रैकमानम् ।

यदि अबुजो वभुजादधिकः । अबुजयोगः खाटकुभाग १८० तुल्योऽथ-
वाधिकस्तेभ्य १८० एव तत्रासंभवः । आकोणस्य नवत्यल्पत्व एवेति ।

यदि आकोणो नवत्यल्पो अबुजो नवतितुल्यः । आकोणो बाकोणा-
न्यूनः । तदा द्विविधमानम् । यदि आ.बा.कोणौ तुल्यौ । अथवा आकोणो
बाकोणादधिकस्तत्रासंभव एवेति ।

यदि आकोणो नवत्यल्पो वभुजो नवत्यधिकः । अबुजो वभुजान्यूनः ।
अवभुजयोगः खाटकुभागेभ्यो १८० न्यूनस्तदा द्विविधमानम् ।

यदि अबुजयोगः खाटकुभागतुल्यः अथवा तेभ्यो १८० धिकः । अबुजो
वभुजान्यूनस्तदैकमानम् ।

यदि अबुजो तुल्यौ । अथवा आकोणो बाकोणादधिकस्तत्रासंभवः ।
अत्र पूर्वोक्तेषु आकोणो नवत्यल्प एव ।

अथ आकोणस्य नवत्यधिकत्वे प्रदर्श्यते ।

यदि अबुजो वभुजान्यूनः । अथवा अबुजो तुल्यौ तत्रासंभवः ।

यदि अबुजो वभुजादधिकः । अथवा अबुजयोगः खाटकुभाग १८०
तुल्यः । अथवा तेभ्यो १८० न्यूनस्तत्रैकमानम् ।

यदि अबुजो वभुजादधिकः । अबुजयोगः खाटकुभागेभ्योऽधिकस्तत्र
द्विविधमानम् । अत्राभयत्र वभुजस्य नवत्यल्पत्वमेव ।

यदि वभुजो नवत्यंशमितः । अबुजः वभुजान्यूनः । अथवा अबुजो
तुल्यौ तत्रासंभवः ।

यदि अबुजो वभुजादधिकस्तदा द्विविधमानम् ।

यदि अबुजो वभुजादल्पः । अबुजयोगः खाटकुभागाधिकस्तत्रैकमानम् ।
वभुजस्य नवत्यधिकत्वे ।

एव अबुजो वभुजादल्पः । अबुजयोगः खाटकुभागतुल्योऽथ वा तेभ्यो
१८० न्यूनः । वभुजस्तु नवत्यधिकोऽस्ति तत्रासंभवः ।

यदि अ,बभुजौ तुल्यौ नवत्यधिको बभुजः । अत्रैकमानम् । यदि अ,बभुजौ बभुजादधिकः बभुजौ नवत्यधिकस्तत्रमानद्वयम् । अत्रोक्तेषु आकोण्यो नवत्यधिक एवेति ।

अथ आकोणस्य नवतितुल्यतायां प्रदर्श्यते ।

यदि अ,बभुजौ बभुजादल्पः, । अथवा अ,बभुजतुल्यौ बभुजस्तत्रासंभवः । बभुजस्य नवत्यल्पतायाम् ।

यदि अ,बभुजौ बभुजादधिकः । अ,बभुजयोगः षाट्कुभागादल्पः । बभुजौ नवत्यल्पस्तत्रासंभवः ।

यदि अ,बभुजौ बभुजादधिकः अ,बभुजयोगः षाट्कुभागतुल्यस्तेभ्यो १८० धिको वा तत्रासंभवः । बभुजौ नवत्यल्पः स्यात् तदेवेति ।

यदि अ,बभुजौ बभुजादल्पोऽथवाधिकः । बभुजौ नवतितुल्यस्तत्रासंभवः ।

यदि अ,बभुजौ बभुजतुल्यस्तत्रानन्तमानम् ।

यदि अ,बभुजौ बभुजादधिकः । अ,बभुजयोगः षाट्कुभागाधिकः । बभुजौ नवत्यधिकस्तत्रैकमानम् ।

यदि अ,बभुजौ बभुजादल्पः । अ,बभुजयोगः षाट्कुभागैस्तुल्यस्तेभ्यो न्यूनौ वा तत्रासंभवः ।

यदि अ,बभुजौ तुल्यौ अथवा अ,बभुजौ बभुजादधिकस्तत्रासंभवः । अत्रोक्तेषु आकोण्यो नवतितुल्य एव ।

एवमेकग्रन्थोक्तं लिखितमयान्यग्रन्थोक्तं लाघवेनैव प्रदर्श्यते । यथा अ,बभुजौ तत्संमुखौ आ,बाकोण्यौ च तत्र यदि आ,बाकोणयोगः षाट्कुभागाधिकस्तदा अ,बभुजयोगोऽपि तेभ्यो १८० ऽधिक एव । तत्र बभुजौ नवत्यल्पस्तदा अ,बभुजौ नवत्यधिकस्तदैकमानम् । यदि बभुजौ नवत्यधिकस्तत्र निश्चयो नास्ति ।

यदि आ,बाकोणयोगः षाट्कुभागाल्पस्तदा अ,बभुजयोगोऽपि तेभ्यो १८० ऽल्प एव । बभुजौ नवत्यधिकस्तदा अ,बभुजः नवत्यल्पस्तत्रैकमानम् । यदि बभुजौ नवत्यल्पस्तत्र निश्चयो नास्ति ।

यदि आ,बाकोणयोगः षाट्भू १८० मितस्तदा अ,बभुजयोगोऽपि तेभ्यो १८० तुल्य एव । तत्र बभुजनषाट्कुभागतुल्यः अ,बभुज इति ।

अथ अ,बभुजयोगः षाट्कुभागैर्भ्योऽधिकस्तुल्यो न्यूनश्च तदा आ,बाकोणयोगोऽपि तेभ्यो १८० धिकस्तुल्यो न्यूनः क्रमादस्ति । अतः बाकोण्यो नषाट्-

कुलधेभ्यः आकोणः अधिकः तुल्यः न्यूनः क्रमादस्ति । अत्र अ,बभुजयोगः
खाटकुभागाधिकः वा नवत्यल्पस्तदा आकोणः नवत्यंशात्पः । अत्रैकमानम् ।

यदि अ,बभुजयोगः खाटकुभागादल्पः आकोणः नवतिभागाधिकः तदा
आकोणः नयतिन्यूनः । अत्रैकमानम् ।

यदि अ,बभुजयोगः खाटकुभागमितस्तदा, आकोणः आकोणोऽनखाटकु-
भागसमित इति ।

अत्र सर्वत्र वाचना गोलविदां सुगमैवेति किं लिखनविस्तरेण ।

इति गोलप्रकाशः ॥

गङ्गागण्डकिसंगमे हरिहरक्षेत्रं त्रितो विश्रुतं
तस्मात् क्रौञ्चयुगान्तरे सुरनदीतीरे परे दक्षिणे ।
स्थिता पाटनिपुत्रसंज्ञनगरे विदुज्जनेर्मण्डिते
ज्योतिर्दर्शेनसर्वदर्शनयशा मान्या वदान्यो विद्वाम् ॥ १ ॥

श्रीशम्भुनाथः सुकृतैकगाथः ।

कूपैकयाथः पतिरीशनाथः ।

अमूर्द्धिजेन्द्रः सुचकोरचन्द्रः

क्षितावुपेन्द्रस्मरणे वितन्द्रः ॥ २ ॥

तदङ्गजः सर्वविदा समान-

स्त्रिस्कन्धपारंगमताभिमानः ।

अकास्ति शिष्यादिधिराजमानः

श्रीजीवनाथः कविलिख्यमानः ॥ ३ ॥

नीलाम्बराख्योऽकृत तत्कनिष्ठ-

स्तल्लब्धबोधः परमेकनिष्ठः ।

गोलप्रकाशमिधमाशुबोध

निरस्तमन्देहमनोनुरोधम् ॥ ४ ॥

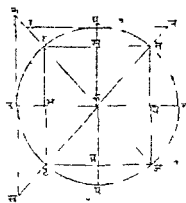
यद्गोलपण्डित्यविशेषरङ्गे
 सिद्धान्तकर्तुः पटुत्वाविभङ्गः ।
 संभूयन् शङ्करराजधानीं
 विद्याप्रदाता जगतामिदानीम् ॥ १ ॥
 श्रीवापुदेवः सुधियो मुदे वः
 संशोधयामास स यत्नपूर्वम् ।
 गोलप्रकाशं चिनवादिभूमिः १०६३
 समे च मुद्रायितवान् शकाब्दे ॥ २ ॥

यन्यानिर्मातृशोधितपुस्तकानुरूपमुद्रासंपादनादिकार्यं सीरसागरोपनामक-
 श्रीयुतपण्डितरामकृष्णशर्मणाकारि ।

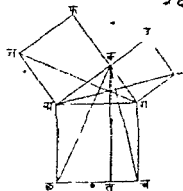
इति शिवम् ।



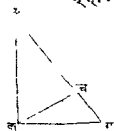
१ क्षे०



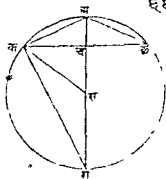
७ क्षे०



५ क्षे०



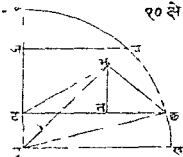
६ क्षे०



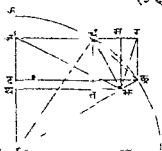
८ क्षे०



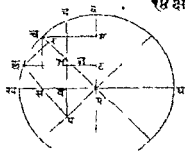
१० क्षे०



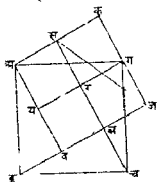
१३ क्षे०



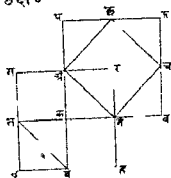
१४ क्षे०



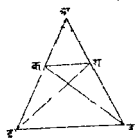
३ क्षे०



४ क्षे०



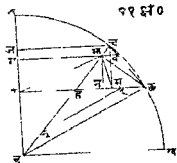
७ क्षे०



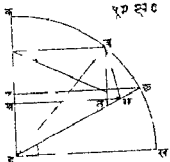
८ क्षे०



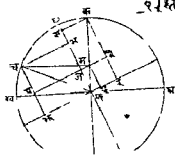
११ क्षे०



१२ क्षे०



१४ क्षे०



१६ क्षे०

